# Limbaje Formale, Automate și Compilatoare

Curs 1

2018-19

# Limbaje Formale, Automate și Compilatoare - Curs 1

- Prezentare curs
- 2 Limbaje formale
- Mecanisme de generare a limbajelor: gramatici
- 4 lerarhia lui Chomsky
- 5 Limbaje şi gramatici de tip 3 (regulate)
- 6 Proprietăți de închidere pentru familia de limbaje regulate

### Limbaje Formale, Automate și Compilatoare

#### Titulari curs:

O. Captarencu: otto@info.uaic.ro

```
http://profs.info.uaic.ro/~otto/lfac.html
```

A. Moruz:mmoruz@info.uaic.ro

### Sistem evaluare

- 7 seminarii, 6 laboratoare;
- AS = activitatea la seminar (max 10 puncte);
- AL = activitatea la laborator (max 10 puncte);
- T1,T2 teste scrise în săptămânile 8, respectiv în sesiune;
   Punctajul final se obţine astfel:

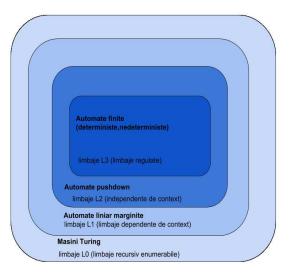
$$P = 3 * AS + 3 * AL + 2 * T1 + 2 * T2$$

- Condiţii miminale de promovare:  $AS \ge 5$ ,  $AL \ge 5$ ,  $T1 \ge 5$ ,  $T2 \ge 5$ ;
- Punctaj minim pentru promovare: P ≥ 50;
- Nota finală se va stabili conform criteriilor ECTS;

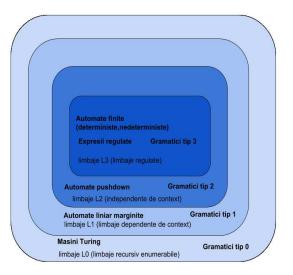
### Sistem evaluare

- AS = activitatea la seminar (max 10 puncte):
  - două teste scrise
- AL = activitatea la laborator (max 10 puncte):
  - 1 test laborator, 1 proiect (note de la 0 la 10)
  - AL = media celor 2 note

### Tematica cursului (partea I)



## Tematica cursului (partea I)



### Tematica cursului (partea I)

- Limbaje şi gramatici
- Limbaje regulate; gramatici, automate, expresii regulate
- Limbaje independente de context; gramatici, automate pushdown

### Tematica cursului (partea II)

- Limbaje de programare: proiectare şi implementare
- Analiza lexicală
- Analiza sintactică
- Traducere în cod intermediar

### Bibliografie (selecții)

- A. V. Aho, M. S. Lam, R. Sethi, J. D. Ullman: Compilers:
   Principles, Techniques, and Tools. Boston: Addison-Wesley, 2007
- Gh. Grigoras. Constructia compilatoarelor Algoritmi fundamentali, Ed. Universitatii Al. I. "Cuza Iasi", ISBN 973-703-084-2, 274 pg., 2005
- Mopcroft, John E.; Motwani, Rajeev; Ullman, Jeffrey D. (2006). Introduction to Automata Theory, Languages, and Computation (3rd ed.). Addison-Wesley
- J. Toader Limbaje formale şi automate, Editura Matrix Rom, Bucuresti, 1999.
- J. Toader, S. Andrei Limbaje formale şi teoria automatelor. Teorie şi practică, Editura Universitatii "Al. I. Cuza", Iasi, 2002.

# Limbaje Formale, Automate și Compilatoare - Curs 1

- Prezentare curs
- 2 Limbaje formale
- Mecanisme de generare a limbajelor: gramatici
- Ierarhia lui Chomsky
- 5 Limbaje şi gramatici de tip 3 (regulate)
- 6 Proprietăți de închidere pentru familia de limbaje regulate

• Alfabet: V o multime finită (elementele lui V = simboluri )

- Alfabet: V o mulţime finită (elementele lui V = simboluri )
- Cuvânt: şir finit de simboluri
  - cuvântul nul este notat cu  $\epsilon$  sau  $\lambda$ .

- Alfabet: V o mulţime finită (elementele lui V = simboluri )
- Cuvânt: şir finit de simboluri
  - cuvântul nul este notat cu ε sau λ.
- Lungimea unui cuvânt u: numarul simbolurilor sale. Notaţie: |u|.

$$|\epsilon| = 0$$

- Alfabet: V o multime finită (elementele lui V = simboluri )
- Cuvânt: şir finit de simboluri
  - cuvântul nul este notat cu ε sau λ.
- Lungimea unui cuvânt u: numarul simbolurilor sale. Notație: |u|.

$$|\epsilon| = 0$$

•  $V^*$  - multimea tuturor cuvintelor peste alfabetul V, inclusiv  $\epsilon$ .

$$\{0,1\}^* = \{\epsilon, 0, 1, 00, 01, 10, 11, 000, 001, \ldots\}$$

- Alfabet: V o mulţime finită (elementele lui V = simboluri )
- Cuvânt: şir finit de simboluri
  - cuvântul nul este notat cu ε sau λ.
- ullet Lungimea unui cuvânt u: numarul simbolurilor sale. Notație: |u|.

$$|\epsilon| = 0$$

ullet V\* - multimea tuturor cuvintelor peste alfabetul V, inclusiv  $\epsilon$ .

$$\{0,1\}^* = \{\epsilon,0,1,00,01,10,11,000,001,\ldots\}$$

V<sup>+</sup> - multimea tuturor cuvintelor nenule peste alfabetul V

$$\{0,1\}^+ = \{0,1,00,01,10,11,000,001,\ldots\}$$

$$x = 0100, y = 100, x \cdot y = 0100100$$
  
 $x = 000, y = \epsilon, x \cdot y = 000$ 

Concatenarea a doua cuvinte x, y: cuvântul x · y obţinut din simbolurile lui x, în ordinea în care apar, urmate de cele ale lui y de asemenea în ordinea în care apar:

$$x = 0100, y = 100, x \cdot y = 0100100$$
  
 $x = 000, y = \epsilon, x \cdot y = 000$ 

Concatenarea este asociativă

$$x = 0100, y = 100, x \cdot y = 0100100$$
  
 $x = 000, y = \epsilon, x \cdot y = 000$ 

- Concatenarea este asociativă
- $(V^*, \cdot)$  este monoid ( $\epsilon$  este element neutru), se numeşte monoidul liber generat de V.

$$x = 0100, y = 100, x \cdot y = 0100100$$
  
 $x = 000, y = \epsilon, x \cdot y = 000$ 

- Concatenarea este asociativă
- $(V^*, \cdot)$  este monoid ( $\epsilon$  este element neutru), se numeşte monoidul liber generat de V.
- Cuvântul v este un prefix al cuvântului u dacă ∃w ∈ V\* : u = vw;
   dacă w ∈ V<sup>+</sup> , atunci v este un prefix propriu al lui u.

$$x = 0100, y = 100, x \cdot y = 0100100$$
  
 $x = 000, y = \epsilon, x \cdot y = 000$ 

- Concatenarea este asociativă
- $(V^*, \cdot)$  este monoid ( $\epsilon$  este element neutru), se numeşte monoidul liber generat de V.
- Cuvântul v este un prefix al cuvântului u dacă  $\exists w \in V^* : u = vw$ ; dacă  $w \in V^+$ , atunci v este un prefix propriu al lui u.
- Cuvântul v este un sufix al cuvântului u dacă  $\exists w \in V^* : u = wv$ ; dacă  $w \in V^+$ , atunci v este un sufix propriu al lui u.

- Fie V un alfabet. O submulţime L ⊆ V\* este un limbaj (formal) peste alfabetul V (sau V-limbaj) dacă L are o descriere (matematică) finită.
- O descriere poate fi:

- Fie V un alfabet. O submulţime L ⊆ V\* este un limbaj (formal) peste alfabetul V (sau V-limbaj) dacă L are o descriere (matematică) finită.
- O descriere poate fi:
  - neformală (în limbaj natural):
    - multimea cuvintelor peste alfabetul {0, 1} care contin un numar par de 0.
    - $L = \{x \in V^+ : |x| \text{ este par}\}.$
    - $\{a^nb^n|n\in N\}.$
    - $\{w \in \{0,1\}^* | w \text{ se termina in } 00\}.$

- Fie V un alfabet. O submulţime L ⊆ V\* este un limbaj (formal) peste alfabetul V (sau V-limbaj) dacă L are o descriere (matematică) finită.
- O descriere poate fi:
  - neformală (în limbaj natural):
    - multimea cuvintelor peste alfabetul {0,1} care contin un numar par de 0.
    - $L = \{x \in V^+ : |x| \text{ este par}\}.$
    - $\{a^nb^n|n\in N\}.$
    - $\{w \in \{0,1\}^* | w \text{ se termina in } 00\}.$
  - formală (descriere matematică):
    - o descriere inductivă a cuvintelor
    - o descriere generativă a cuvintelor (gramatică generativă)
    - o descriere a unei metode de recunoaştere a cuvintelor din limbaj (automat finit, automat pushdown, etc.)

## Operații cu limbaje

- Operatiile cu multimi (reuniune, intersectie etc)
- Produs de limbaje:  $L_1 \cdot L_2 = \{u \cdot v | u \in L_1, v \in L_2\}$

#### Exemplu:

$$L_1 = \{a^n, n \ge 1\}, L_2 = \{b^n, n \ge 1\}$$
  
 $L_1 \cdot L_2 = \{a^n b^m, n > 1, m > 1\}$ 

- Iteraţia (produsul Kleene):  $L^* = \bigcup_{n>0} L^n$ , unde:
  - $L^0 = \{\epsilon\}$
  - $\bullet L^{n+1} = L^n \cdot L$

$$L = \{a\}, L^0 = \{\epsilon\}, L^1 = L, L^2 = \{aa\}, \dots, L^n = \{a^n\}$$
  
 $L^* = \{a^n, n > 0\}$ 

### Limbaje Formale, Automate și Compilatoare - Curs 1

- Prezentare curs
- Limbaje formale
- Mecanisme de generare a limbajelor: gramatici
- Ierarhia lui Chomsky
- 5 Limbaje şi gramatici de tip 3 (regulate)
- 6 Proprietăți de închidere pentru familia de limbaje regulate

### Gramatici

#### Definiție 1

O gramatica este un sistem G = (N, T, S, P), unde:

- N şi T sunt două alfabete disjuncte:
  - N este multimea neterminalilor
  - T este multimea terminalilor
- S ∈ N este simbolul de start (neterminalul iniţial)
- P este o multime finita de reguli (producţii) de forma  $x \to y$ , unde  $x, y \in (N \cup T)^*$  şi x conţine cel puţin un neterminal.

### Derivare

### Definiție 2

Fie G = (N, T, S, P) o gramatica şi  $u, v \in (N \cup T)^*$ . Spunem că v este derivat direct (într-un pas) de la u prin aplicarea regulii  $x \to y$ , şi notăm  $u \Rightarrow v$ , dacă  $\exists p, q \in (N \cup T)^*$  astfel încât u = pxq și v = pyq.

### **Derivare**

#### Definiție 2

Fie G = (N, T, S, P) o gramatica şi  $u, v \in (N \cup T)^*$ . Spunem că v este derivat direct (într-un pas) de la u prin aplicarea regulii  $x \to y$ , şi notăm  $u \Rightarrow v$ , dacă  $\exists p, q \in (N \cup T)^*$  astfel încât u = pxq şi v = pyq.

• Daca  $u_1 \Rightarrow u_2 \dots \Rightarrow u_n, n > 1$ , spunem ca  $u_n$  este derivat din  $u_1$  în G şi notam  $u_1 \Rightarrow^+ u_n$ .

### **Derivare**

#### Definiție 2

Fie G = (N, T, S, P) o gramatica şi  $u, v \in (N \cup T)^*$ . Spunem că v este derivat direct (într-un pas) de la u prin aplicarea regulii  $x \to y$ , şi notăm  $u \Rightarrow v$ , dacă  $\exists p, q \in (N \cup T)^*$  astfel încât u = pxq şi v = pyq.

- Daca  $u_1 \Rightarrow u_2 \dots \Rightarrow u_n, n > 1$ , spunem ca  $u_n$  este derivat din  $u_1$  în G şi notam  $u_1 \Rightarrow^+ u_n$ .
- Scriem  $u \Rightarrow^* v$  dacă  $u \Rightarrow^+ v$  sau u = v.

### Limbaj generat

### Definiție 3

Limbajul generat de gramatica G este:

$$L(G) = \{ w \in T^* | S \Rightarrow^+ w \}$$

# Limbaj generat

#### Definiție 3

Limbajul generat de gramatica G este:

$$L(G) = \{ w \in T^* | S \Rightarrow^+ w \}$$

#### Definiție 4

Două gramatici  $G_1$  şi  $G_2$  sunt echivalente dacă  $L(G_1) = L(G_2)$ .

- $G = (N, T, S, P), N = \{S, X, A\}, T = \{a, b\}, P \text{ constă din:}$ 

  - 2  $aX \rightarrow aAb$
  - $3 Xb \rightarrow bA$
  - lacktriangledown aA o aa
- L(G) = {ab, abb, aabb}
- Gramatică echivalentă cu un singur neterminal ?
- Ce limbaj generează gramatica dacă sunt eliminate utlimele două reguli?

- $L = \{a^n b^n | n \ge 1\}$
- Definiţia inductivă:
  - ab ∈ L
  - Daca  $X \in L$ , atunci  $aXb \in L$
  - Nici un alt cuvânt nu face parte din L

- $L = \{a^n b^n | n \ge 1\}$
- Definiţia inductivă:
  - ab ∈ L
  - Daca  $X \in L$ , atunci  $aXb \in L$
  - Nici un alt cuvânt nu face parte din L
- Definiţia generativă:
  - $G = (\{X\}, \{a, b\}, X, P)$ , unde  $P = \{X \to aXb, X \to ab\}$
  - Derivarea cuvântului a<sup>3</sup>b<sup>3</sup>:

$$X \Rightarrow aXb \Rightarrow a(aXb)b \Rightarrow aa(ab)bb$$

- $L = \{a^n b^n c^n | n \ge 1\}$
- $G = (N, T, S, P), N = \{S, X\}, T = \{a, b, c\}, P \text{ constă din: }$ 
  - $\mathbf{0}$   $S \rightarrow abc$
  - 2  $S \rightarrow aSXc$

  - $\bigcirc bX \rightarrow bb$
- Derivarea cuvântului a<sup>3</sup>b<sup>3</sup>c<sup>3</sup>:
  - $S \Rightarrow^{(2)} a\underline{S}Xc \Rightarrow^{(2)} aa\underline{S}XcXc \Rightarrow^{(1)} aaab\underline{c}\underline{X}cXc \Rightarrow^{(3)} aaa\underline{b}\underline{X}ccXc \Rightarrow^{(4)} aaabbc\underline{c}\underline{X}c \Rightarrow^{(3)} aaabb\underline{c}\underline{X}cc \Rightarrow^{(3)} aaabb\underline{c}\underline{X}cc \Rightarrow^{(3)} aaabbb\underline{c}\underline{X}cc \Rightarrow^{(3)} aaabbb\underline{c}\underline{X}cc \Rightarrow^{(3)}$

# Limbaje Formale, Automate și Compilatoare - Curs 1

- Prezentare curs
- 2 Limbaje formale
- Mecanisme de generare a limbajelor: gramatici
- Ierarhia lui Chomsky
- 5 Limbaje şi gramatici de tip 3 (regulate)
- 6 Proprietăți de închidere pentru familia de limbaje regulate

Gramatici de tip 0 (generale)

Nu exista restrictii asupra regulilor

- Gramatici de tip 0 (generale)
   Nu exista restrictii asupra regulilor
- ② Gramatici de tip 1 (dependente de context) reguli de forma  $pxq \rightarrow pyq$  unde  $x \in N$ ,  $y \neq \epsilon$ ,  $p, q \in (N \cup T)^*$ ,  $S \rightarrow \epsilon$ , caz în care S nu apare în dreapta regulilor

- Gramatici de tip 0 (generale)
   Nu exista restrictii asupra regulilor
- ② Gramatici de tip 1 (dependente de context) reguli de forma pxq → pyq unde x ∈ N, y ≠ ε, p, q ∈ (N ∪ T)\*, S → ε, caz în care S nu apare în dreapta regulilor
- **3** Gramatici de tip 2 (independente de context) reguli de forma  $A \rightarrow y$  unde  $A \in N$  și  $y \in (N \cup T)^*$

- Gramatici de tip 0 (generale)
   Nu exista restrictii asupra regulilor
- ② Gramatici de tip 1 (dependente de context) reguli de forma pxq → pyq unde x ∈ N, y ≠ ε, p, q ∈ (N ∪ T)\*, S → ε, caz în care S nu apare în dreapta regulilor
- **3** Gramatici de tip 2 (independente de context) reguli de forma  $A \rightarrow y$  unde  $A \in N$  şi  $y \in (N \cup T)^*$
- **Gramatici de tip 3 (regulate)** reguli  $A \rightarrow u$  sau  $A \rightarrow uB$  unde  $A, B \in N$  si  $u \in T^*$ .

Tip 1:  $pxq \rightarrow pyq$  unde  $x \in N$ ,  $y \neq \epsilon$ ,  $p, q \in (N \cup T)^*$ ,  $S \rightarrow \epsilon$ 

- $G = (N, T, S, P), N = \{S, A, B\}, T = \{a, b, c\}, P$ :
  - $(1)S \rightarrow aaAc$
  - (2)aAc → aAbBc
  - $(3)bB \rightarrow bBc$
  - $(4)Bc \rightarrow Abc$
  - $(5)A \rightarrow a$

Gramatica tip 1

- $G = (N, T, S, P), N = \{S, X\}, T = \{a, b, c\}, P$ :
  - $(1)S \rightarrow abc$
  - (2) $S \rightarrow aSXc$
  - $(3)cX \rightarrow Xc$  (nu este regulă de tip 1!, gramatica va fi de tip 0)
  - $(4)bX \rightarrow bb$

Tip 2:  $A \rightarrow y$  unde  $A \in N$  şi  $y \in (N \cup T)^*$ 

Tip3:  $A \rightarrow u$  sau  $A \rightarrow uB$  unde  $A, B \in N$  şi  $u \in T^*$ .

G:

$$(1)x \rightarrow axb$$

(2)
$$x \rightarrow \epsilon$$

(Gramatică tip 2)

• G:

$$(1)x \rightarrow ax$$

$$(2)x \rightarrow bx$$

(3)
$$x \rightarrow \epsilon$$

(Gramatică tip 3)

Fie

$$G = (\{E\}, \{a, +, -, (,)\}, E, \{E \rightarrow a, E \rightarrow (E + E), E \rightarrow (E - E)\})$$

- Ce tip are gramatica G?
- Construiti derivari din E pentru cuvintele (a + a) si ((a + a) a)
- Cuvantul (a + a a) poate fi derivat din E?
- Descrieti limbajul L(G)

• Fie 
$$G = (\{A, B\}, \{a, b\}, A, \{A \rightarrow aA, A \rightarrow B, B \rightarrow bB, B \rightarrow \epsilon\})$$

- Ce tip are gramatica G?
- Descrieti limbajul L(G)

## Clasificarea limbajelor

- Un limbaj L este de tipul j daca exista o gramatica G de tipul j astfel incat L(G) = L, unde j ∈ {0, 1, 2, 3}.
- Vom nota cu  $\mathcal{L}_j$  clasa limbajelor de tipul j, unde  $j \in \{0, 1, 2, 3\}$ .
- Are loc:  $\mathcal{L}_3 \subset \mathcal{L}_2 \subset \mathcal{L}_1 \subset \mathcal{L}_0$
- Incluziunile sunt stricte:
  - orice limbaj de tip j + 1 este si de tip  $j \in \{0, 1, 2\}$
  - exista limbaje de tip j care nu sunt de tip j + 1,  $j \in \{0, 1, 2\}$

# Proprietăți

- Fiecare din familiile  $\mathcal{L}_j$  cu  $0 \le j \le 3$  contine toate limbajele finite
- Fiecare din familiile  $\mathcal{L}_j$  cu  $0 \le j \le 3$  este inchisa la operatia de reuniune:

$$L_1, L_2 \in \mathcal{L}_j \Longrightarrow L_1 \cup L_2 \in \mathcal{L}_j,$$

$$\forall j : 0 \le j \le 3$$

## Notații alternative pentru gramatici de tip 2: BNF

# The syntax of C in Backus-Naur Form

```
<translation-unit> ::= {<external-declaration>}*
<external-declaration> ::= <function-definition>
                           <declaration>
<function-definition> ::= {<declaration-specifier>}* <declarator> {<declaration>}* <compound-statement
<declaration-specifier> ::= <storage-class-specifier>
                            <type-specifier>
                            <type-qualifier>
<storage-class-specifier> ::= auto
                              register
                              static
                              extern
                              typedef
<type-specifier> ::= void
                     char
```

### gramatici DTD

 generează mulţimea documentelor XML cu o anumită structură (limbaj independent de context)

```
<!ELEMENT family (person)+>
<!ELEMENT person (name,addrres*)>
<!ELEMENT name (#PCDATA)>
<!ELEMENT address (#PCDATA)>
```

#### gramatici DTD

• Un "cuvânt" din limbajul generat de gramtica DTD:

```
<?xml verson = "1.0">
<!DOCTYPE family SYSTEM "family.dtd">
<family>
    <person>
        <name>John</name>
        <address>First address</address>
        <address>Second address</address>
    </person>
   <person>
        <name>Sam</name>
   </person>
  <person>
        <name>Sarah</name>
        <address>First address</address>
    </person>
</family>
```

#### XML Schema

#### rol similar gramaticilor DTD

```
<?xml version="1.0" encoding="UTF-8" ?>
<xs:schema xmlns:xs="http://www.w3.org/2001/XMLSchema">
<xs:element name="family">
  <xs:complexType>
    <xs:sequence>
      <xs:element name="name" type="xs:string"/>
      <xs:element name="address type = "xs:string" min0ccurs = "0" max0ccures="unbounded">
    </xs:sequence>
  </xs:complexType>
</xs:element>
</xs:schema>
```

# Limbaje Formale, Automate și Compilatoare - Curs 1

- Prezentare curs
- 2 Limbaje formale
- Mecanisme de generare a limbajelor: gramatici
- Ierarhia lui Chomsky
- 5 Limbaje şi gramatici de tip 3 (regulate)
- Proprietăţi de închidere pentru familia de limbaje regulate

## Gramatici de tip 3

- O gramatică G = (N, T, S, P) este de tip 3 dacă regulile sale au forma:  $A \rightarrow u$  sau  $A \rightarrow uB$  unde  $A, B \in N$  si  $u \in T^*$ .
- Exemplu:  $G = (\{D\}, \{0, 1, ..., 9\}, D, P)$

Unde P este:

$$D \rightarrow 0D|1D|2D|\dots|9D$$

$$D \rightarrow 0|1|\dots|9$$

• Fie gramatica  $G = (\{A, B\}, \{I, d\}, A, P)$  unde P este:

$$A \rightarrow IB$$
,  $B \rightarrow IB|dB|\epsilon$  ( $I = \text{litera}$ ,  $d = \text{cifra}$ )

• Fie gramatica  $G = (\{A, B\}, \{I, d\}, A, P)$  unde P este:

$$A \rightarrow IB$$
,  $B \rightarrow IB|dB|\epsilon$  ( $I =$  litera,  $d =$  cifra)  $L(G)$ : multimea identificatorilor

• Fie gramatica  $G = (\{A, B\}, \{+, -, d\}, A, P)$  unde P este:

$$A \rightarrow +dB|-dB|dB$$
,  $B \rightarrow dB|\epsilon$  ( $d = cifra$ )

• Fie gramatica  $G = (\{A, B\}, \{I, d\}, A, P)$  unde P este:

$$A \rightarrow IB$$
,  $B \rightarrow IB|dB|\epsilon$  ( $I = litera$ ,  $d = cifra$ )

*L*(*G*): multimea identificatorilor

• Fie gramatica  $G = (\{A, B\}, \{+, -, d\}, A, P)$  unde P este:

$$A \rightarrow +dB|-dB|dB$$
,  $B \rightarrow dB|\epsilon$  ( $d = cifra$ )

L(G): multimea constantelor intregi

#### Forma normală

 O gramatică de tip 3 este in formă normală daca regulile sale sunt de forma A → a sau A → aB, unde a ∈ T, si, eventual S → ε ( caz in care S nu apare in dreapta regulilor).

 Pentru orice gramatica de tip 3 exista o gramatica echivalenta in forma normala.

#### Forma normală

- Obtinerea gramaticii in forma normala echivalenta cu o gramatica de tip 3:
  - Se poate arata ca pot fi eliminate regulile de forma A → B
     (redenumiri) si cele de forma A → ε (reguli de stergere), cu
     exceptia, eventual a regulii S → ε.
  - Orice regula de forma  $A \to a_1 a_2 \dots a_n$  se inlocuieste cu  $A \to a_1 B_1, B_1 \to a_2 B_2, \dots, B_{n-2} \to a_{n-1} B_{n-1}, B_{n-1} \to a_n, n > 1, B_1, \dots, B_{n-1}$  fiind neterminali noi.
  - Orice regula de forma  $A \to a_1 a_2 \dots a_n B$  se inlocuieste cu  $A \to a_1 B_1$ ,  $B_1 \to a_2 B_2, \dots, B_{n-2} \to a_{n-1} B_{n-1}, B_{n-1} \to a_n B, n > 1, B_1, \dots, B_{n-1}$  fiind neterminali noi
  - Transformarile care se fac nu modifica limbajul generat de gramatica

# Limbaje Formale, Automate și Compilatoare - Curs 1

- Prezentare curs
- 2 Limbaje formale
- Mecanisme de generare a limbajelor: gramatici
- 4 lerarhia lui Chomsky
- 5 Limbaje şi gramatici de tip 3 (regulate)
- Proprietăţi de închidere pentru familia de limbaje regulate

Fie  $L, L_1, L_2$  limbaje de tip 3 (regulate).

Atunci, urmatoarele limbaje sunt de asemenea de tip 3:

- $\bullet$   $L_1 \cup L_2$
- L<sub>1</sub> · L<sub>2</sub>
- L\*
- $\bullet$   $L_1 \cap L_2$
- $\bullet$   $L_1 \setminus L_2$