

2018年10月26日

本文主要做一些链表的常见题目，题目从 `LeetCode` 上摘取，通过练习加深对链表的掌握和理解。

定义链表的节点类：

```
1 class ListNode {
2     int val;
3     ListNode next;
4
5     ListNode(int x) {
6         val = x;
7     }
8 }
```

## 1, 反转链表

题选自 `LeetCode` 206题：

```
1 反转一个单链表。
2
3 示例：
4 输入： 1->2->3->4->5->NULL
5 输出： 5->4->3->2->1->NULL
```

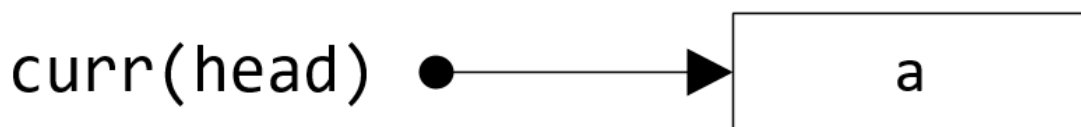
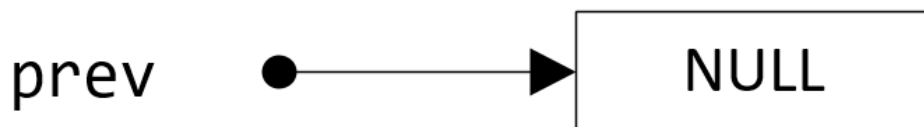
### 头插法

```
1 public static ListNode reverseList(ListNode head) {
2     ListNode prev = null;
3     ListNode curr = head;
4     while (curr != null) {
5         ListNode nextTemp = curr.next;
6         curr.next = prev;
7         prev = curr;
8         curr = nextTemp;
9     }
10    return prev;
11 }
```

假设反转如下链表：



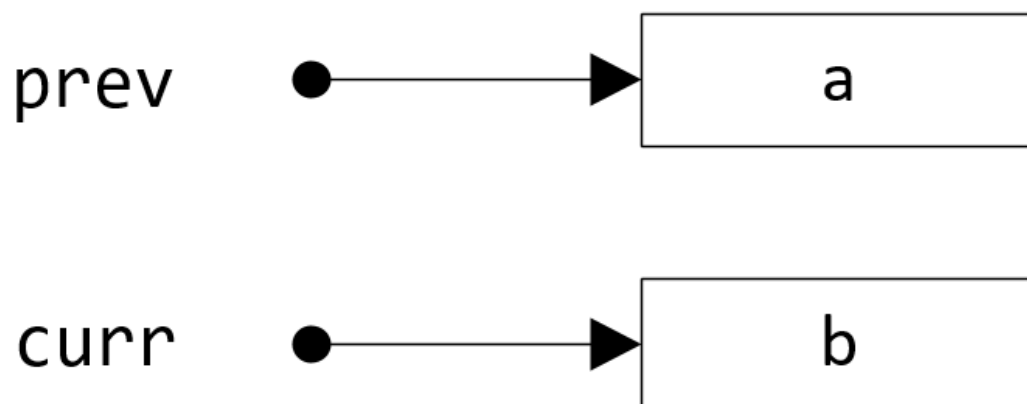
第一次循环时，`curr`与`prev`为：



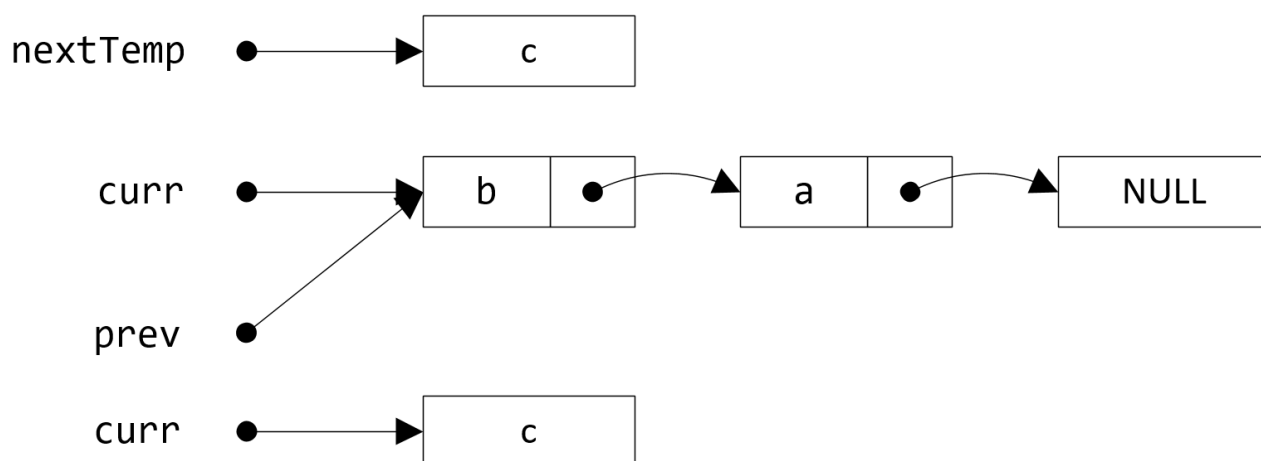
第一次循环后各个属性为：



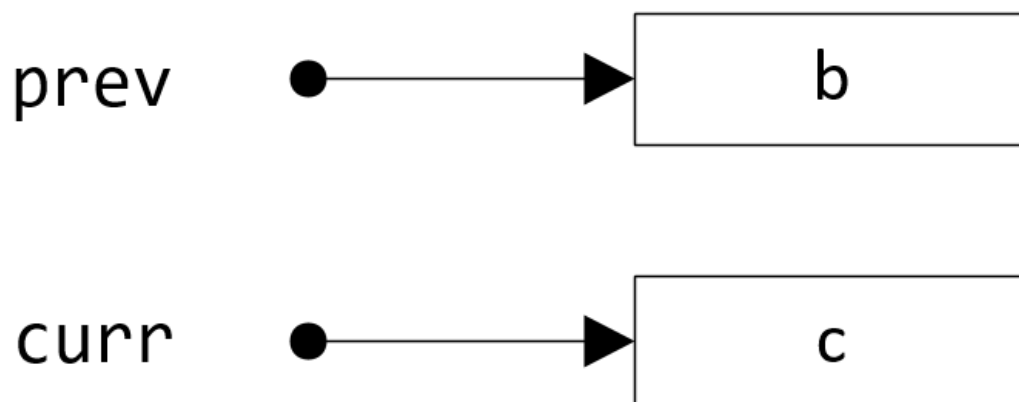
第二次循环时，`curr`与`prev`为：



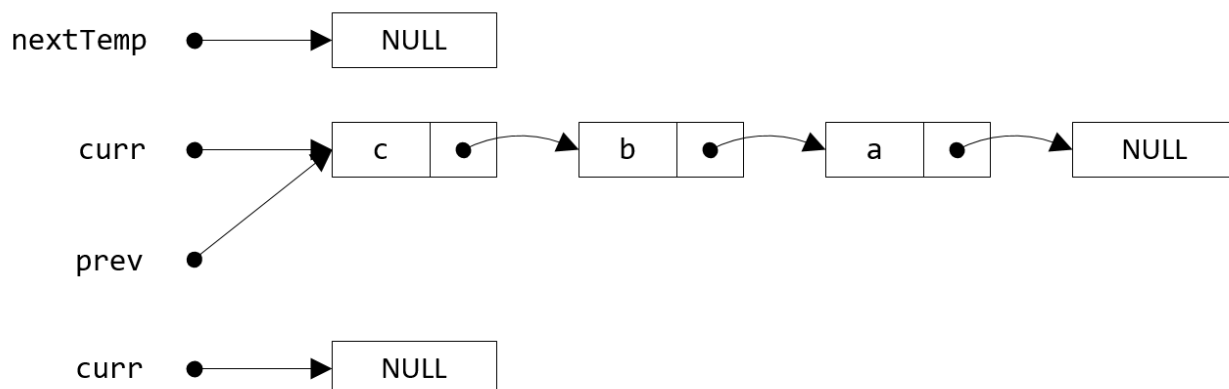
第二次循环后各个属性为：



第三次循环时，`curr`与`prev`为：



第三次循环后各个属性为：

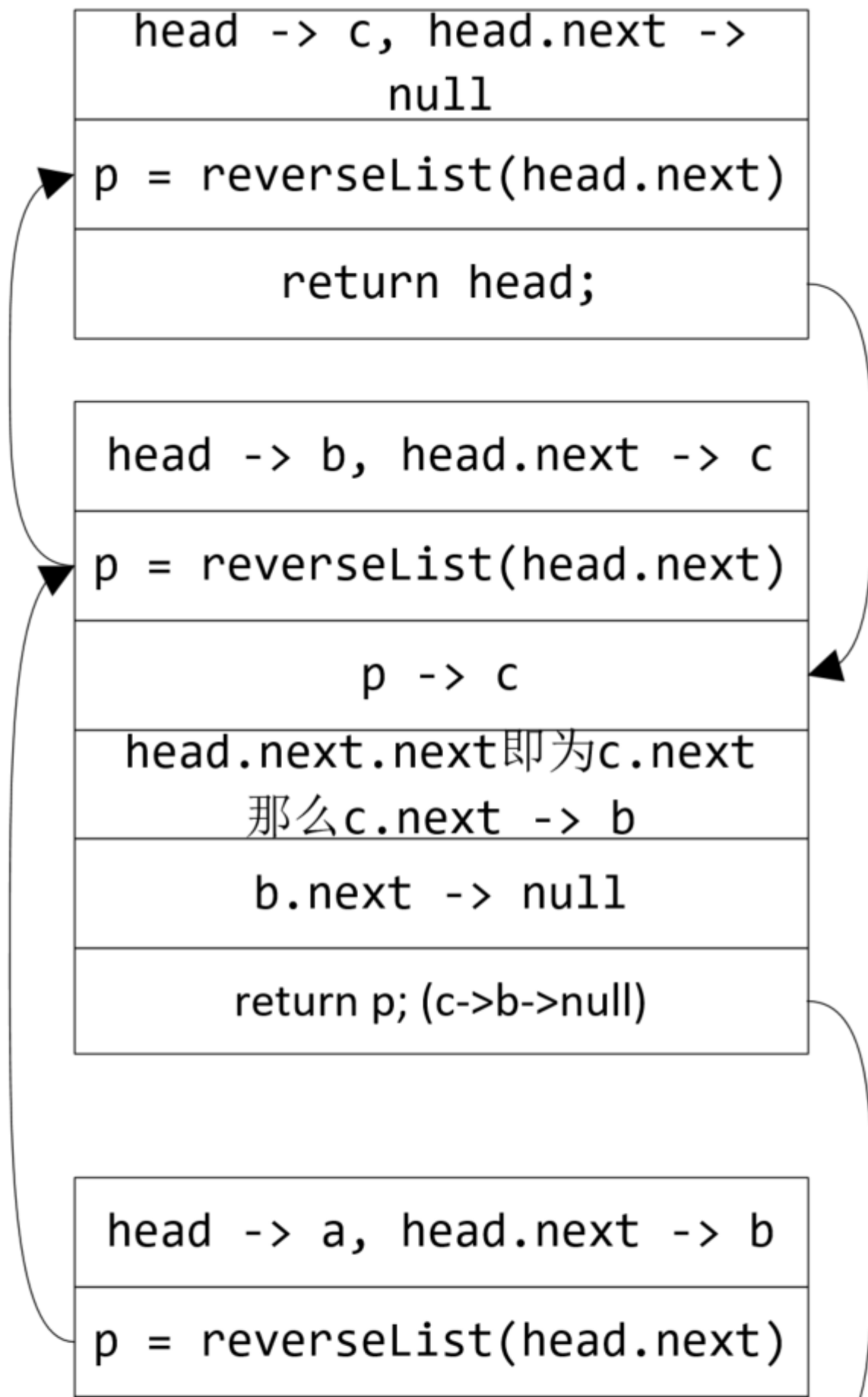


三次循环后，可以看到把链表反转了，其时间复杂度为  $O(N)$ ，空间复杂度为  $O(1)$ 。

## 递归

```
1 public static ListNode reverseList1(ListNode head) {
2     if (head == null || head.next == null) {
3         return head;
4     }
5     //head是p的前一个节点
6     ListNode p = reverseList1(head.next);
7     //相当于p.next=head
8     head.next.next = head;
9     //使p的尾节点为null
10    head.next = null;
11    return p;
12 }
```

其栈的递归调用过程如下：



递

$p \rightarrow c$
head.next.next即为b.next 那么b.next $\rightarrow a$
a.next $\rightarrow \text{null}$
return p; (c->b->a->null)

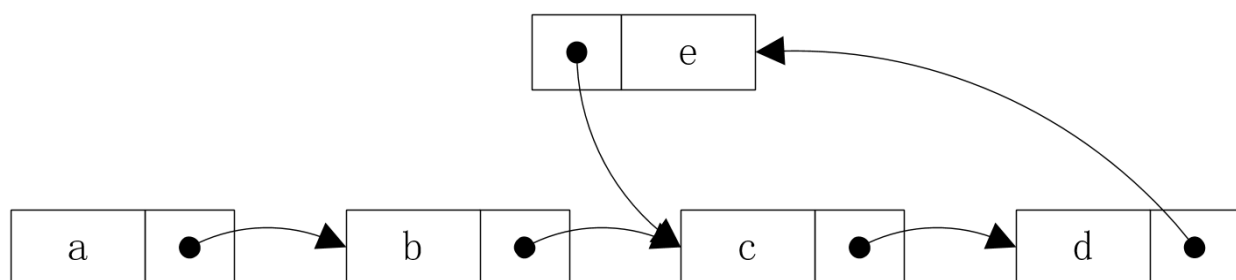
归其时间复杂度为  $O(N)$ ，空间复杂度为  $O(N)$ 。

## 2，检测链表中是否有环

题选自 LeetCode 141题：

- 1 | 给定一个链表，判断链表中是否有环。

如下链表就是有环：



**使用HashSet**

```

1 public boolean hasCycle(ListNode head) {
2     Set<ListNode> nodesSeen = new HashSet<>();
3     while (head != null) {
4         if (nodesSeen.contains(head)) {
5             return true;
6         } else {
7             nodesSeen.add(head);
8         }
9         head = head.next;
10    }
11    return false;
12 }

```

利用 Set 中不能有相同元素这一特性，在往 nodesSeen 集合中添加元素时，一旦有相同元素就返回 true，表示有环，若没有环，那么遇到 null 节点时，会结束循环，并返回 false，表示没有环。

### 使用快慢指针

```

1 public boolean hasCycle(ListNode head) {
2     if (head == null || head.next == null) {
3         return false;
4     }
5     ListNode slow = head;
6     ListNode fast = head.next;
7     while (slow != fast) {
8         if (fast == null || fast.next == null) {
9             return false;
10        }
11        slow = slow.next;
12        fast = fast.next.next;
13    }
14    return true;
15 }

```

试想这么一个场景，甲乙两人绕着标准操场（400m类似椭圆形）跑步，甲的速度比乙快，因为操场是有环的，那么在某一时刻，甲肯定会追上乙，与乙相遇；其中 slow 表示慢的指针，每次只走一步，而 fast 表示快的指针，每次走两步，一旦 slow 与 fast 相等，即它们都指向同一个元素，终止循环，并返回 true，表示有环；若 fast (偶数情况)或 fast.next (奇数情况)指向 null，表示这个链表没有环，返回 false。

### 3, 合并两个有序链表

题选自 LeetCode 21题:

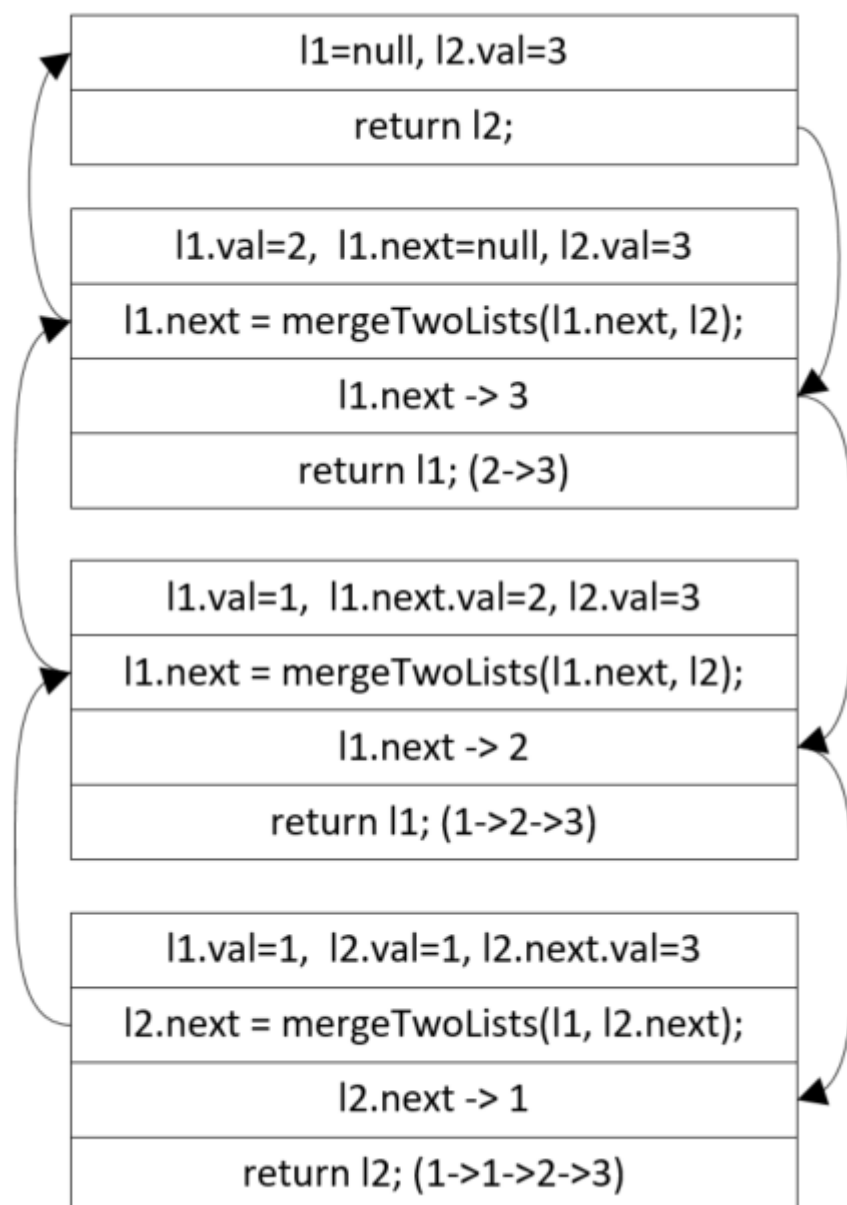
- 1 将两个有序链表合并为一个新的有序链表并返回。新链表是通过拼接给定的两个链表的所有节点组成的。
- 2
- 3 示例:
- 4 输入: 1->2->4, 1->3->4
- 5 输出: 1->1->2->3->4->4

```
1 public ListNode mergeTwoLists(ListNode l1, ListNode l2) {
2
3     if (l1 == null) {
4         return l2;
5     }
6     if (l2 == null) {
7         return l1;
8     }
9     ListNode listNode = new ListNode(0);
10    ListNode curr = listNode;
11    while (l1 != null && l2 != null) {
12        if (l1.val < l2.val) {
13            curr.next = l1;
14            l1 = l1.next;
15        } else {
16            curr.next = l2;
17            l2 = l2.next;
18        }
19        curr = curr.next;
20    }
21    if (l1 != null) {
22        curr.next = l1;
23    }
24    if (l2 != null) {
25        curr.next = l2;
26    }
27    return listNode.next;
28 }
```



```
1 public ListNode mergeTwoLists(ListNode l1, ListNode l2) {
2     if (l1 == null) {
3         return l2;
4     }
5     if (l2 == null) {
6         return l1;
7     }
8     if (l1.val < l2.val) {
9         l1.next = mergeTwoLists(l1.next, l2);
10        return l1;
11    } else {
12        l2.next = mergeTwoLists(l1, l2.next);
13        return l2;
14    }
15 }
```

以  $l1 = 1 \rightarrow 2$ ,  $l2 = 1 \rightarrow 3$  为例, 其栈递归调用图如下:



## 4, 删除链表的倒数第 $n$ 个节点

题选自 LeetCode 19题:

- 1 给定一个链表, 删除链表的倒数第  $n$  个节点, 并且返回链表的头结点。
- 2
- 3 示例:
- 4 给定一个链表:  $1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 4 \rightarrow 5$ , 和  $n = 2$ .
- 5 当删除了倒数第二个节点后, 链表变为  $1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 5$ .

**解法1**

```

1 public ListNode removeNthFromEnd(ListNode head, int n) {
2     ListNode dummy = new ListNode(0);
3     dummy.next = head;
4     int length = 0;
5     ListNode first = head;
6     while (first != null) {
7         length++;
8         first = first.next;
9     }
10    length -= n;
11    first = dummy;
12    while (length > 0) {
13        length--;
14        first = first.next;
15    }
16    first.next = first.next.next;
17    return dummy.next;
18 }

```

假设链表的长度为L，那么删除倒数第n个节点，即删除整数第  $L-n+1$  个节点，那么就需要获得其前一个节点，即第  $L-n$  个节点

## 解法2

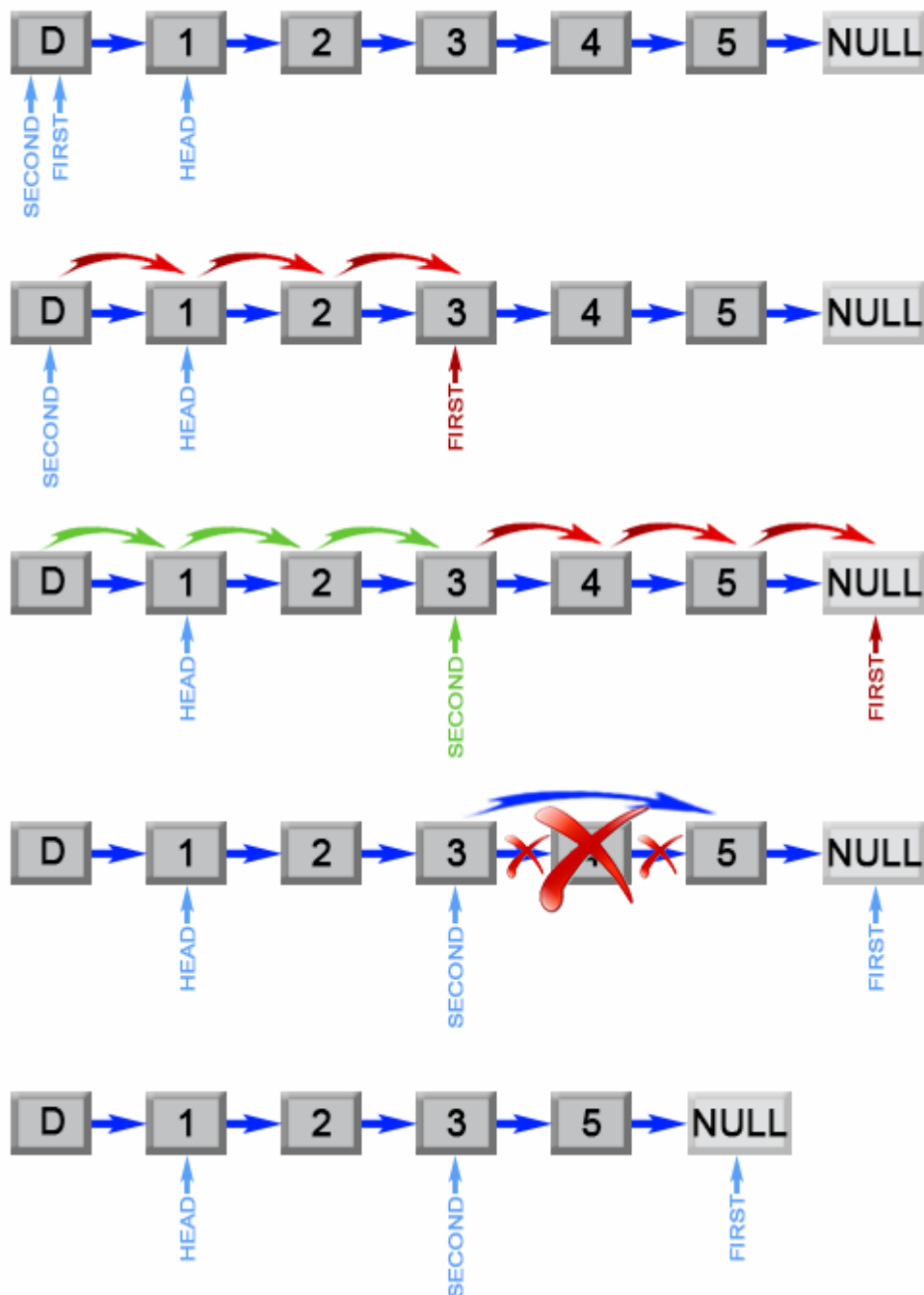
```

1 public ListNode removeNthFromEnd(ListNode head, int n) {
2     ListNode dummy = new ListNode(0);
3     dummy.next = head;
4     ListNode first = dummy;
5     ListNode second = dummy;
6
7     for (int i = 1; i <= n + 1; i++) {
8         first = first.next;
9     }
10
11    while (first != null) {
12        first = first.next;
13        second = second.next;
14    }
15    second.next = second.next.next;
16    return dummy.next;
17 }

```

使用双指针，`first` 在前面跑，因为要铲除倒数第`n`个节点，那么就要获取到倒数第`n+1`个节点，所以使`first`与`second`的距离保持为`n+1`：

**Maintaining N=2 nodes apart between first and second pointer**



## 5, 链表的中间结点

题选自 LeetCode 876题：

- 1 给定一个带有头结点 `head` 的非空单链表，返回链表的中间结点。

```
2  如果有两个中间结点，则返回第二个中间结点。
3
4  示例 1:
5  输入: [1,2,3,4,5]
6  输出: 此列表中的结点 3 (序列化形式: [3,4,5])
7  返回的结点值为 3 。(测评系统对该结点序列化表述是 [3,4,5])。
8  注意, 我们返回了一个 ListNode 类型的对象 ans, 这样:
9  ans.val = 3, ans.next.val = 4, ans.next.next.val = 5, 以及
   ans.next.next.next = NULL.
10
11 示例 2:
12 输入: [1,2,3,4,5,6]
13 输出: 此列表中的结点 4 (序列化形式: [4,5,6])
14 由于该列表有两个中间结点, 值分别为 3 和 4, 我们返回第二个结点。
```

## 使用数组

```
1  public ListNode middleNode(ListNode head) {
2      ListNode[] A = new ListNode[100];
3      int t = 0;
4      while (head.next != null) {
5          A[t++] = head;
6          head = head.next;
7      }
8      return A[t / 2];
9  }
```

## 使用快慢指针

```
1  public ListNode middleNode(ListNode head) {
2      ListNode slow = head, fast = head;
3      while (fast != null && fast.next != null) {
4          slow = slow.next;
5          fast = fast.next.next;
6      }
7      return slow;
8  }
```

# 6, LRU缓存机制

题选自 [LeetCode 146题](#)

```
1 运用你所掌握的数据结构，设计和实现一个 LRU（最近最少使用）缓存机制。它应该支持以下操作：
2 获取数据 get 和 写入数据 put 。
3
4 获取数据 get(key) - 如果密钥（key）存在于缓存中，则获取密钥的值（总是正数），否则返回 -1。
5 写入数据 put(key, value) - 如果密钥不存在，则写入其数据值。当缓存容量达到上限时，它应该在写入新数据之前删除最近最少使用的数据值，从而为新的数据值留出空间。
6
7 进阶：
8 你是否可以在  $O(1)$  时间复杂度内完成这两种操作？
9
10 示例：
11
12 LRUCache cache = new LRUCache( 2 /* 缓存容量 */ );
13
14 cache.put(1, 1);
15 cache.put(2, 2);
16 cache.get(1);      // 返回 1
17 cache.put(3, 3);    // 该操作会使得密钥 2 作废
18 cache.get(2);      // 返回 -1（未找到）
19 cache.put(4, 4);    // 该操作会使得密钥 1 作废
20 cache.get(1);      // 返回 -1（未找到）
21 cache.get(3);      // 返回 3
22 cache.get(4);      // 返回 4
```

## $O(N)$ 的解法

```
1 public class LRUCache {
2     private int capacity;
3     private HashMap<Integer, Integer> cacheData;
4     private ArrayDeque<Integer> deque;
5
6     public LRUCache(int capacity) {
7         this.capacity = capacity;
8         cacheData = new HashMap<Integer, Integer>();
9         deque = new ArrayDeque<>();
10    }
11
12    public int get(int key) {
13        if (cacheData.containsKey(key)) {
```

```

14         deque.remove(key);
15         deque.add(key);
16         return cacheData.get(key);
17     }
18     return -1;
19 }
20
21 public void put(int key, int value) {
22     if (cacheData.containsKey(key)) {
23         deque.remove(key);
24     }
25     if (deque.size() == capacity) {
26         cacheData.remove(deque.pollFirst());
27     }
28     cacheData.put(key, value);
29     deque.add(key);
30 }
31 }
32

```

因为 `ArrayDeque` 中的 `remove` 的时间复杂度为  $O(N)$ ，因此总的时间复杂度为  $O(N)$ 。

### $O(1)$ 解法

```

1  public class LRUCacheByList {
2      private int size;
3      private int capacity;
4      private HashMap<Integer, Node> cacheData;
5      private Node head;
6      private Node tail;
7
8      public LRUCacheByList(int capacity) {
9          this.capacity = capacity;
10         cacheData = new HashMap<>();
11         head = new Node(0, 0);
12         tail = new Node(0, 0);
13         head.next = tail;
14         tail.prev = head;
15     }
16
17     public int get(int key) {
18         if (cacheData.containsKey(key)) {

```

```
19         Node node = cacheData.get(key);
20         remove(node);
21         addLast(node);
22         return node.val;
23     }
24     return -1;
25 }
26
27 public void put(int key, int value) {
28     if (cacheData.containsKey(key)) {
29         Node node = cacheData.get(key);
30         node.val = value;
31         remove(node);
32         addLast(node);
33         return;
34     }
35
36     Node node = new Node(key, value);
37     addLast(node);
38     cacheData.put(key, node);
39     size++;
40
41     if (size > capacity) {
42         cacheData.remove(removeFirst());
43         size--;
44     }
45 }
46
47 private void addLast(Node node) {
48     node.prev = tail.prev;
49     node.next = tail;
50
51     tail.prev.next = node;
52     tail.prev = node;
53 }
54
55 private int removeFirst() {
56     Node next = head.next;
57     Node nextNext = next.next;
58
59     next.prev = null;
60     next.next = null;
```



```

61
62     nextNext.prev = head;
63     head.next = nextNext;
64
65     return next.key;
66 }
67
68 private void remove(Node node) {
69     Node prev = node.prev;
70     Node next = node.next;
71
72     node.prev = null;
73     node.next = null;
74
75     prev.next = next;
76     next.prev = prev;
77 }
78
79 private class Node {
80     int key;
81     int val;
82     Node next;
83     Node prev;
84
85     Node(int key, int val) {
86         this.key = key;
87         this.val = val;
88     }
89 }
90 }

```

上面两种解法思路都是将数据存在 `HashMap` 中，使用一个双链表表示数据的“冷热”程度，最新添加的数据从链表尾部插入，最近访问的数据线将其从链表中删除，在将其从链表尾部插入；当空间满了，就删除链表头部的数据；越靠近链表表头，数据越“冷”，越靠近链表尾部，数据越“热”。

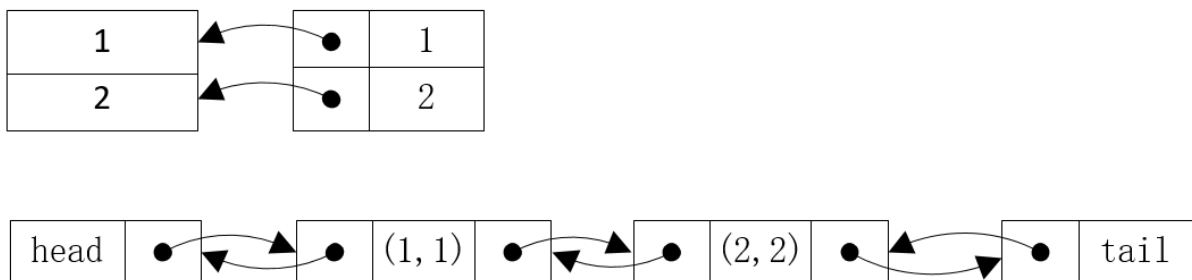
上面两种解法都是使用了 `HashMap` 与双链表来实现，唯一的区别就是  $O(N)$  的解法使用 `JAVA` 库中的 `ArrayDeque` 来实现双链表；而  $O(1)$  解法中自己实现双链表，将节点作为 `HashMap` 中的值，当要删除链表中某个节点，通过 `HashMap` 取出这个节点，直接更改 `prev` 与 `next` 即可删除，所以其时间复杂度为  $O(1)$ 。使用库中的数据结构时，无论是 `ArrayDeque` 还是

`LinkedList`，其节点信息都封装在其类里面，无法获取，因此要删除某个节点，只能从头开始遍历，找出与要删除的节点值相同的节点，然后在将其删除，因此其时间复杂度为 $O(N)$ 。

下面将以图解形式分析 `LRU缓存机制`，当执行完以下代码时：

```
1 | LRUCache cache = new LRUCache( 2 );
2 | cache.put(1, 1);
3 | cache.put(2, 2);
```

`HashMap`与链表中的结构如下：



执行：

```
1 | cache.get(1);           // 返回 1
```

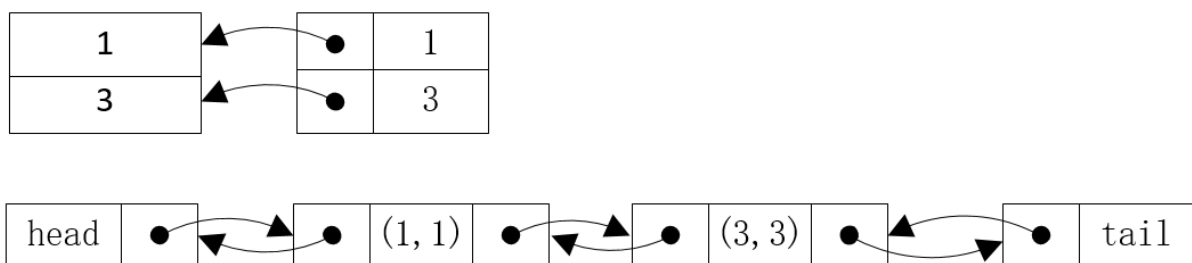
此时 `HashMap` 中没有改动，链表改动如下：



执行：

```
1 | cache.put(3, 3);        // 该操作会使得密钥 2 作废
```

此时 `HashMap` 与链表改动如下：



执行：

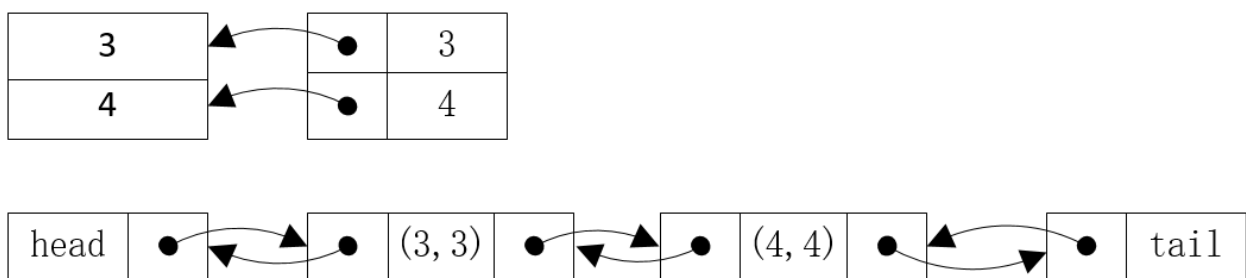
```
1 | cache.get(2);           // 返回 -1 (未找到)
```

此时 `HashMap` 与链表均没有改动。

执行：

```
1 | cache.put(4, 4);       // 该操作会使得密钥 1 作废
```

此时 `HashMap` 与链表改动如下：



执行：

```
1 | cache.get(1);           // 返回 -1 (未找到)
```

此时 `HashMap` 与链表均没有改动。

执行：

```
1 | cache.get(3);           // 返回 3
```

此时 `HashMap` 中没有改动，链表改动如下：



执行：

```
1 | cache.get(4);           // 返回 4
```

此时 `HashMap` 中没有改动，链表改动如下：

