

学号	姓名
19309156	熊泽华
23214321	陈宁浩
23214322	何昌烨
23214323	胡静静
23214324	黄项龙
23214326	刘润尧
23214329	宋珂
23214336	戴泳涛
23214338	杜冠男
23214339	段培明
23214345	黄瀚
23214346	黄樾
23214353	梁励
23214364	毛睿
23214369	钱甜奕
23214378	吴昊
23214383	徐博研
23214395	赵海洋
23214410	陈东
23214417	陈宁宁
23214421	陈腾跃
23214426	陈煜彦
23214446	何鸿荣
23214449	何芷莹
23214452	洪桂航
23214460	黄泽林
23214466	赖柔成
23214474	李宏立
23214478	李茂锦
23214491	梁恒中
23214503	刘星宇
23214509	罗经周
23214542	王辉
23214565	徐浩耀
23214573	杨坤业
23214576	杨子逸
23214578	杨沅旭
23214590	易钰淇
23214594	曾家洋
23214600	张珊
23214601	张晓逊
23214615	钟龙广
23214624	庄梓轩
23214625	邹国煌
23220055	李品律

page 5

Ex.1

$$(a) \quad (\sqrt{2}-i)-i(1-\sqrt{2}i)=\sqrt{2}-i-i-\sqrt{2}=-2i;$$

$$(b) \quad (2,-3)(-2,1)=(-4+3,6+2)=(-1,8);$$

$$(c) \quad (3,1)(3,-1)\left(\frac{1}{5},\frac{1}{10}\right)=(10,0)\left(\frac{1}{5},\frac{1}{10}\right)=(2,1).$$

Ex.4

$$\text{If } z=1\pm i, \text{ then } z^2-2z+2=(1\pm i)^2-2(1\pm i)+2=\pm 2i-2\mp 2i+2=0.$$

Ex.8

(a) 假设  $(u, v)$  为加法单位元, 且  $(u, v) \neq (0, 0)$ , 则

$$(x, y) + (u, v) = (x, y).$$

取  $x=0, y=0$ ,

$$(0, 0) + (u, v) = (0, 0) = (u, v).$$

与假设  $(u, v) \neq (0, 0)$  矛盾, 故  $(0, 0)$  为唯一加法单位元。

(b) 假设  $(u, v)$  为乘法单位元, 且  $(u, v) \neq (1, 0)$ , 则

$$(x, y)(u, v) = (x, y).$$

取  $x=1, y=0$ ,

$$(1, 0)(u, v) = (1, 0) = (u, v).$$

与假设  $(u, v) \neq (1, 0)$  矛盾, 故  $(1, 0)$  为唯一乘法单位元。

**Ex.9**

$$(-1)z = (-1, 0)(x, y) = (-x, -y) = -z.$$

**page 8**

**Ex.1**

$$(a) \quad \frac{1+2i}{3-4i} + \frac{2-i}{5i} = \frac{(1+2i)(3+4i)}{(3-4i)(3+4i)} + \frac{(2-i)(-5i)}{(5i)(-5i)} = \frac{-5+10i}{25} + \frac{-5-10i}{25} = -\frac{2}{5};$$

$$(b) \quad \frac{5i}{(1-i)(2-i)(3-i)} = \frac{5i}{(1-3i)(3-i)} = \frac{5i}{-10i} = -\frac{1}{2};$$

$$(c) \quad (1-i)^4 = [(1-i)(1-i)]^2 = (-2i)^2 = -4.$$

**Ex.2**

$$\frac{1}{1/z} = \frac{1}{z^{-1}} \cdot \frac{z}{z} = \frac{z}{1} = z \quad (z \neq 0).$$

**Ex.3**

$$(z_1 z_2)(z_3 z_4) = z_1 [z_2 (z_3 z_4)] = z_1 [(z_2 z_3) z_4] = z_1 [(z_3 z_2) z_4] = z_1 [z_3 (z_2 z_4)] = (z_1 z_3)(z_2 z_4).$$

**Ex.6**

$$\left(\frac{z_1}{z_3}\right)\left(\frac{z_2}{z_4}\right) = z_1 \left(\frac{1}{z_3}\right) z_2 \left(\frac{1}{z_4}\right) = z_1 z_2 \left(\frac{1}{z_3}\right) \left(\frac{1}{z_4}\right) = z_1 z_2 \left(\frac{1}{z_3 z_4}\right) = \frac{z_1 z_2}{z_3 z_4} \quad (z_3 \neq 0, z_4 \neq 0).$$