Prüfung CAS Datenanalyse Modul B2

Stefan Schmidt

10.06.2020

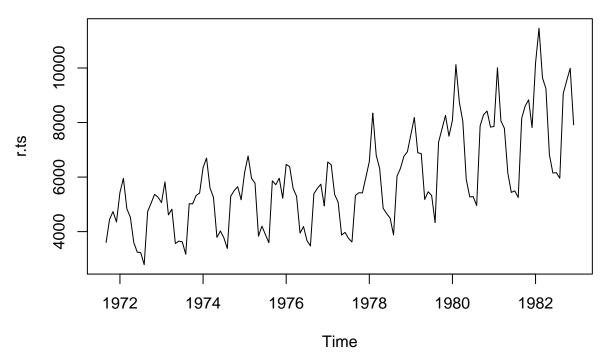
a)

```
r.ts <- ts(riders$avgnumber, start = c(1971, 9), frequency = 12)</pre>
r.ts
##
           Jan
                 Feb
                       Mar
                              Apr
                                     May
                                            Jun
                                                  Jul
                                                        Aug
                                                               Sep
                                                                      Oct
                                                                            Nov
                                                                                   Dec
## 1971
                                                              3603
                                                                     4448
                                                                           4734
                                                                                  4353
                                                                     5043
## 1972
         5438
                5954
                       4838
                             4532
                                    3599
                                          3248
                                                 3230
                                                       2790
                                                              4738
                                                                           5367
                                                                                  5262
## 1973
         5065
                5824
                      4612
                             4823
                                    3564
                                          3651
                                                       3170
                                                              5022
                                                                     5018
                                                 3625
                                                                           5326
                                                                                  5412
## 1974
         6345
                6698
                      5605
                             5260
                                    3789
                                          4023
                                                 3775
                                                       3384
                                                              5303
                                                                     5506
                                                                           5645
                                                                                  5168
                                                              5862
## 1975
         6173
                6776
                      5957
                                    3833
                                          4200
                                                 3891
                                                       3595
                                                                     5719
                                                                           5957
                                                                                  5226
                             5777
## 1976
         6467
                6383
                      5589
                             5296
                                    3943
                                          4188
                                                 3673
                                                       3475
                                                              5392
                                                                     5583
                                                                           5738
                                                                                  4944
         6552
                6451
                      5354
                             5081
                                    3874
                                          3973
                                                 3751
                                                       3621
                                                              5328
                                                                     5427
                                                                           5419
                                                                                  5983
## 1977
## 1978
         6568
                8346
                      6800
                             6308
                                    4857
                                          4663
                                                 4499
                                                       3878
                                                              6031
                                                                     6325
                                                                           6764
                                                                                  6929
                                                                                  7499
## 1979
         7557
                8182
                      6892
                             6860
                                    5181
                                          5462
                                                 5328
                                                       4331
                                                              7279
                                                                     7772
                                                                           8262
## 1980
         8081 10121
                      8745
                             8045
                                    5906
                                          5274
                                                 5283
                                                       4956
                                                              7879
                                                                     8289
                                                                           8422
                                                                                  7832
                                                       5253
                                                              8154
## 1981
         7857 10008
                      8057
                             7791
                                    6147
                                          5438
                                                 5494
                                                                     8604
                                                                           8832
                                                                                  7815
## 1982 10179 11460
                      9641
                             9243
                                    6824
                                          6149
                                                 6161
                                                       5962
                                                              9068
                                                                     9538
                                                                           9988
                                                                                  7916
```

b)

```
plot(r.ts, main = 'Busfahrgäste pro Monat in Iowa City')
```

Busfahrgäste pro Monat in Iowa City

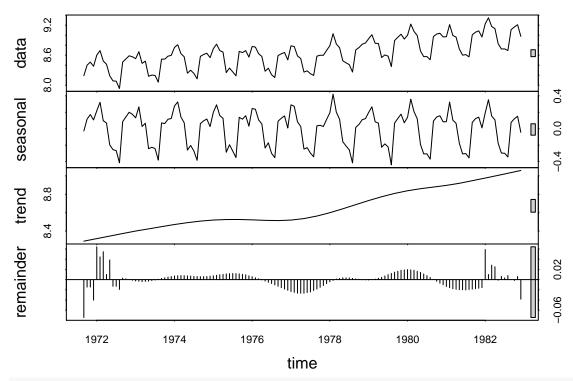


Die Reihe ist nicht stationär, weil sie sowohl einen Trend, als auch eine Saison-Komponente aufweist und ausserdem die Varianz im Verlauf zunimmt.

 $\mathbf{c})$

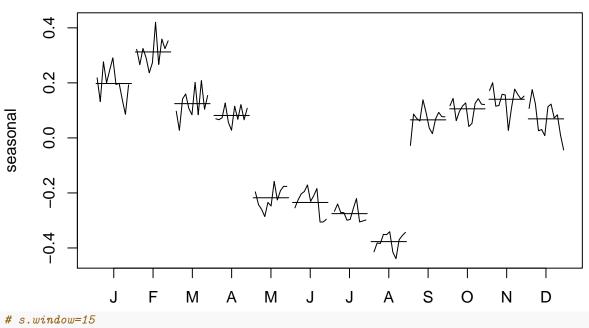
```
r.ts.log <- ts(log(riders$avgnumber), start = c(1971, 9), frequency = 12)
# s.window=3
r.stl.3 <- stl(r.ts.log, s.window = 3)
plot(r.stl.3, main = 'STL Zerlegung mit s.window=3')</pre>
```

STL Zerlegung mit s.window=3



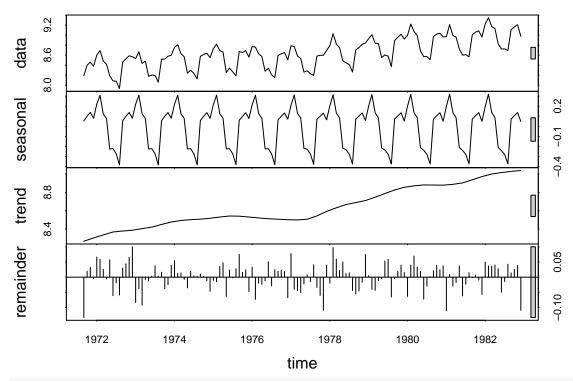
monthplot(r.stl.3, main = 'monthplot mit s.window=3')

monthplot mit s.window=3



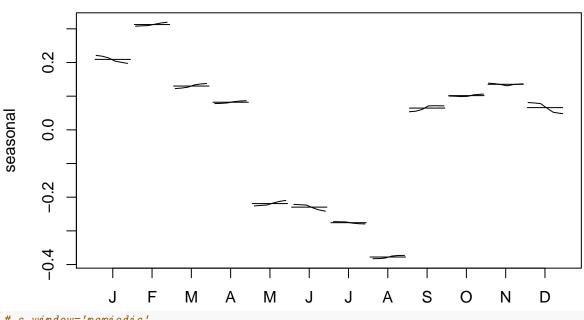
s.window=15
r.stl.15 <- stl(r.ts.log, s.window = 15)
plot(r.stl.15, main = 'STL Zerlegung mit s.window=15')</pre>

STL Zerlegung mit s.window=15



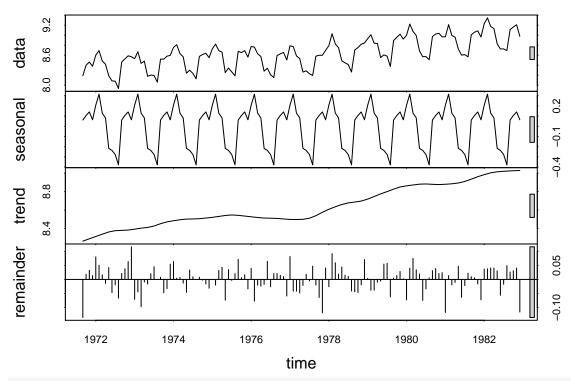
monthplot(r.stl.15, main = 'monthplot mit s.window=15')

monthplot mit s.window=15



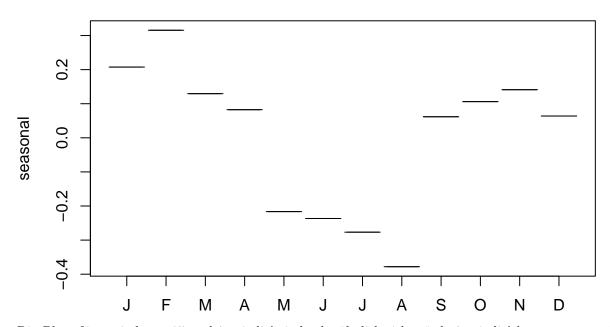
s.window='periodic'
r.stl.p <- stl(r.ts.log, s.window = 'periodic')
plot(r.stl.p, main = 'STL Zerlegung mit s.window=periodic')</pre>

STL Zerlegung mit s.window=periodic



monthplot(r.stl.p, main = 'monthplot mit s.window=periodic')

monthplot mit s.window=periodic



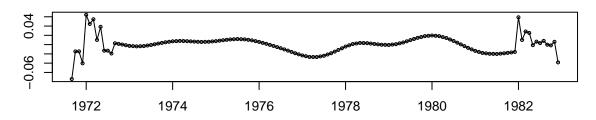
Die Plots für s.windows=15 und 'periodic' sind sehr ähnlich, ich würde 'periodic' bevorzugen, weil der monthplot() die besseren Ergebnisse für die Glättung liefert.

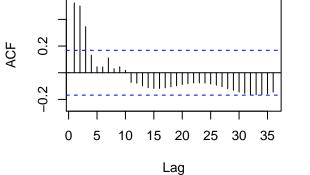
d)

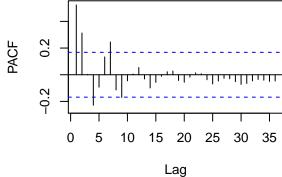
```
# Restterm (s.window=3)
r.stl.rest <- r.stl.3$time.series[, 3]
library(forecast)

## Registered S3 method overwritten by 'quantmod':
## method from
## as.zoo.data.frame zoo
tsdisplay(r.stl.rest)</pre>
```

r.stl.rest







i)

Die ACF zeigt im mittleren Teil noch einen Trend.

Die PACF zeigt cut-offs bei Lag 2, 4, 7 und 9.

ii)

Visuell von der PACF her wären $p=2,\,4,\,7$ und 9 Kandidaten für ein AR(p) Modell.

iii)

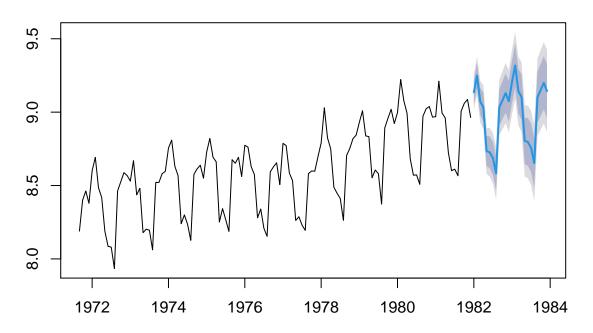
##

```
(r.ar.burg <- ar.burg(r.stl.rest))
##
## Call:
## ar.burg.default(x = r.stl.rest)</pre>
```

```
## Coefficients:
##
                  2
                           3
                                    4
                                             5
                                                                7
        1
                                                      6
             0.3494
                                                 0.0649
                                                           0.4054 - 0.0222
##
## -0.2060
##
## Order selected 9 sigma^2 estimated as 0.0001491
Es wird ein AR(9) Modell gewählt.
\mathbf{e})
(r.train \leftarrow window(r.ts.log, end = c(1981, 12)))
##
             Jan
                      Feb
                               Mar
                                        Apr
                                                 May
                                                                             Aug
## 1971
## 1972 8.601167 8.691819 8.484257 8.418919 8.188411 8.085795 8.080237 7.933797
## 1973 8.530109 8.669743 8.436417 8.481151 8.178639 8.202756 8.195610 8.061487
## 1974 8.755422 8.809564 8.631414 8.567886 8.239857 8.299783 8.236156 8.126814
## 1975 8.727940 8.821142 8.692322 8.661640 8.251403 8.342840 8.266421 8.187299
## 1976 8.774468 8.761393 8.628556 8.574707 8.279697 8.339979 8.208764 8.153350
## 1977 8.787526 8.771990 8.585599 8.533263 8.262043 8.287277 8.229778 8.194506
## 1978 8.789965 9.029538 8.824678 8.749574 8.488176 8.447414 8.411610 8.263075
## 1979 8.930230 9.009692 8.838117 8.833463 8.552753 8.605570 8.580731 8.373554
## 1980 8.997271 9.222368 9.076237 8.992806 8.683724 8.570544 8.572249 8.508354
## 1981 8.969160 9.211140 8.994297 8.960725 8.723719 8.601167 8.611412 8.566555
             Sep
                      Oct
                               Nov
## 1971 8.189522 8.400210 8.462526 8.378621
## 1972 8.463370 8.525756 8.588024 8.568266
## 1973 8.521584 8.520787 8.580356 8.596374
## 1974 8.576028 8.613594 8.638525 8.550241
## 1975 8.676246 8.651549 8.692322 8.561401
## 1976 8.592672 8.627482 8.654866 8.505930
## 1977 8.580731 8.599142 8.597667 8.696677
## 1978 8.704668 8.752265 8.819370 8.843471
## 1979 8.892749 8.958283 9.019422 8.922525
## 1980 8.971956 9.022685 9.038603 8.965973
## 1981 9.006264 9.059982 9.086137 8.963800
(r.test \leftarrow window(r.ts.log, start = c(1982, 1)))
             Jan
                      Feb
                               Mar
                                        Apr
                                                 May
                                                           Jun
## 1982 9.228082 9.346618 9.173780 9.131622 8.828201 8.724045 8.725994 8.693161
             Sep
                      Oct
                               Nov
## 1982 9.112507 9.163039 9.209140 8.976641
f)
(r.fit <- ets(r.train))</pre>
## ETS(M,A,A)
##
## Call:
## ets(y = r.train)
```

```
##
##
     Smoothing parameters:
##
       alpha = 0.4511
##
       beta = 1e-04
##
       gamma = 1e-04
##
##
     Initial states:
       1 = 8.2626
##
##
       b = 0.0058
       s = -0.3872 -0.2778 -0.2319 -0.2181 0.0861 0.1322
##
##
              0.3131 0.2061 0.0805 0.1422 0.099 0.0558
##
##
     sigma: 0.0067
##
##
         AIC
                  AICc
                              BIC
## -94.42680 -88.65322 -46.48201
summary(r.fit)
## ETS(M,A,A)
##
## Call:
##
  ets(y = r.train)
##
##
    Smoothing parameters:
##
       alpha = 0.4511
       beta = 1e-04
##
##
       gamma = 1e-04
##
##
     Initial states:
       1 = 8.2626
##
       b = 0.0058
##
       s = -0.3872 -0.2778 -0.2319 -0.2181 0.0861 0.1322
##
##
              0.3131 0.2061 0.0805 0.1422 0.099 0.0558
##
##
     sigma: 0.0067
##
##
         AIC
                  AICc
                              BIC
## -94.42680 -88.65322 -46.48201
## Training set error measures:
                                    RMSE
                                                             MPE
                                                                      MAPE
                          ME
                                                MAE
## Training set -0.001093531 0.05366313 0.04243885 -0.01488697 0.4933156 0.5129506
## Training set -0.01112208
\mathbf{g}
plot(forecast(r.fit))
```

Forecasts from ETS(M,A,A)



h)

accuracy(forecast(r.fit, h = length(r.test)), r.test)

Training set -0.001093531 0.05366313 0.04243885 -0.01488697 0.4933156 0.5129506 ## Test set 0.064607325 0.08637169 0.08126590 0.71146520 0.8971843 0.9822460 ## Training set -0.01112208 NA ## Test set 0.04658647 0.4524071

i)

j)

Nein, denn die geschätzten Koeffizienten beta1,...,betaq sind erwartungstreu.

k)

Nein.

1)

Nein.