TRƯỜNG ĐẠI HỌC MỎ - ĐỊA CHẤT BỘ MÔN KINH TẾ CƠ SỞ



BÀI TẬP LỚN HỌC PHẦN MÔN KINH TẾ LƯỢNG

Đề bài

Hãy nêu 5 nội dung cơ bản khi xây dựng và phân tích mô hình hồi quy bội có 1 biến độc lập là biến số lượng và một biến độc lập là biến chất lượng có 2 thuộc tính. Minh họa cho các nội dung thông qua bộ số liệu

Mã môn học: 7070102 – NMH:104 – Nhóm thực hiện:05

Họ và tên thành viên:

- 1. Nguyễn Thị Thu Hường 2124011547
- 2. Nguyễn Thị Ngọc Ánh 2124011545
- 3. Trần Công Dự 2124011577
- 4. Phạm Đức Lộc 2124011513
- 5. Võ Quang Vinh 2124011989

Hà Nội,06/ 2023

MỨC ĐỘ ĐÓNG GÓP CỦA MÕI THÀNH VIÊN

Stt	Họ và tên	Nhận xét chung	Mức	Điểm
			độ	tự
			hoàn	đánh
			thành	giá của
			nhiệm	nhóm
			vụ	
1)	Nguyễn Thị Thu Hường	Hoàn thành tốt nhiệm vụ được	100%	10
		giao, nộp bài đủ và đúng thời		
		gian		
2)	Nguyễn Thị Ngọc Ánh	Hoàn thành tốt nhiệm vụ được	100%	10
		giao, nộp bài đủ và đúng thời		
		gian		
3)	Trần Công Dự	Hoàn thành tốt nhiệm vụ được	100%	10
		giao, nộp bài đủ và đúng thời		
		gian		
4)	Phạm Đức Lộc	Hoàn thành tốt nhiệm vụ được	100%	10
		giao, nộp bài đủ và đúng thời		
		gian		
5)	Võ Quang Vinh	Hoàn thành tốt nhiệm vụ được	100%	10
		giao, nộp bài đủ và đúng thời		
		gian		

......

I, Khái quát nội dung liên quan(Chương 4)

1. Mô hình hồi quy và các ý nghĩa của hệ số hồi quy.

Khái niệm biến giả (D): là các biến số dùng để mô tả biến định tính, (biến chất lương) khi thực hiện phần tích hồi quy.

Nêu ý nghĩa của các hệ số hồi quy

Hàm hồi quy tổng thể PRF: $E_{Y/D} = \beta_1 + \beta_2 D_i$

Hàm hồi quy mẫu PRM: $Y_i = \beta_1 + \beta_2 D_i + U_i$

Khi D=0;
$$E_{Y/D} = \beta_1$$

Xây dựng mô hình hồi quy với biến giả $Y_i = \beta_1 + \beta_2 D_i + U_i$

Xây dựng mô hình hồi quy với biến giả
$$Y_i = \beta_1 + \beta_2 D_i + \beta_1$$

B1: Viết ma trận $X^T X = \begin{vmatrix} n & \sum D & \sum X_i \\ \sum D_i & \sum D_{2i}^2 & \sum D_i X_i \\ \sum X_i & \sum D_i X_i & \sum X_i^2 \end{vmatrix}$
$$X^T Y = \begin{vmatrix} \sum Y_i \\ \sum Y_i D_i \\ \sum Y_i X_i \end{vmatrix}$$

B2: $t \hat{\beta} = (X^T X)^{-1} (X^T Y)$

B3: thay giá trị $\hat{\beta}$ vào mô hình hồi quy

*Công thức tính $\hat{\beta} = (X^T X)^{-1} (X^T Y)$

Y nghĩa của các hệ số hồi quy

PRF: $E(Y/X_i) = \beta_1 + \beta_2 X_{2i} + \beta_3 X_{3i} + ... + \beta_k X_{ki}$

Nếu giữ nguyên các biến độc lập khác và khi Xi thay đổi một đơn vị thì giá trị trung bình của biến phụ thuộc Y sẽ thay đổi β_i đơn vị.

 $\Rightarrow \beta_i$ phản ánh mức độ ảnh hưởng của biến độc lập Xj tới biến phụ thuộc

Hệ số chặn β_1 cho biết giá trị trung bình của Y khi giá trị của các biến độc lập đều

Công thức tính $\hat{\beta} = (X^T X)^{-1} (X^T Y)$

VD:

Quy ước

D=0: giới tính nữ, D=1 giới tính nam

X: thâm niên nghề

Ý nghĩa hệ số hồi quy:

- $D_i=0 => E(Y/D_i, X_i) = \beta_1 + \beta_3 X_i$: Mức thu nhập bình quân của lao động nữ theo thâm niên nghề.
- $D_i=1=>E(Y/D_i,X_i)=\beta_1+\beta_2+\beta_3X_i$: Mức thu nhập bình quân của lao động nam theo thâm niên nghề.
- \triangleright β_1 : Thu nhập bình quân của lao động nữ
- \triangleright $\beta_1 + \beta_2$: Chện lệch về thu nhập bình quân của lao động nam và nữ
- $\triangleright \beta_2$: Thu nhập bình quân của lao động nam

 \triangleright β_3 : Mức thay đổi về thu nhập bình quân của lao động khi thâm niên nghề thay đổi 1 năm.

Trong trường hợp này sẽ sử dụng một biến giả nhận giá trị 0 và 1

PRF: $E(Y/D_i, X_i) = \beta_1 + \beta_2 D_i + \beta_3 X_i$

PRM: $Y_i = \beta_1 + \beta_2 D_i + \beta_3 X_i + U_i$

Trong đó: - Y là biến phụ thuộc

- D biến giả gắn với biến độc lập là biến chất lượng

- X biến độc lập là biến số lượng

Phương pháp ước lượng, xác định khoảng tin cậy, kiểm định giả thuyết, và dự báo với mô hình hồi quy có một biến số lượng và một biến chất lượng được tiến hành tương tự mô hình hồi quy bội.

2. Đánh giá về SRF

* Đánh giá độ phù hợp

$$TSS = \sum Y_i^2 - n(\overline{Y})^2$$
; $ESS = \hat{\beta}^T X^T Y - n(\overline{Y})^2 \implies R^2 = \frac{ESS}{TSS}$

*Chất lượng mô hình hồi quy

Tính $RSS = \sum Y_i^2 - \hat{\beta}^T X^T Y Hoặc RSS = TSS - ESS$

$$\widehat{\sigma}^{2} = \frac{\text{RSS}}{\text{n-k}} \; ; \text{cov}(\widehat{\beta}) = \widehat{\sigma}^{2}(X^{T}X)^{-1} = \begin{vmatrix} \text{var}(\widehat{\beta}_{1}) & \text{cov}(\widehat{\beta}_{1}\widehat{\beta}_{2}) & \text{cov}(\widehat{\beta}_{1}\widehat{\beta}_{3}) \\ \text{cov}(\widehat{\beta}_{1}\widehat{\beta}_{2}) & \text{var}(\widehat{\beta}_{2}) & \text{cov}(\widehat{\beta}_{2}\widehat{\beta}_{3}) \\ \text{cov}(\widehat{\beta}_{1}\widehat{\beta}_{3}) & \text{cov}(\widehat{\beta}_{2}\widehat{\beta}_{3}) & \text{var}(\widehat{\beta}_{3}) \end{vmatrix}$$

Tính đc Se($\hat{\beta}_1$); Se($\hat{\beta}_2$); Se($\hat{\beta}_3$)

3. Khoảng tin cậy và kiểm định giả thuyết trong mô hình hồi quy

*Khoảng tin cậy của hệ số hồi quy

B1: Xác định KTC trái, phải, đổi xứng? β_i ($\beta_1, \beta_2, \beta_3$)?

B2: Viết công thức tương ứng

Khoảng tin cậy đối xứng $\alpha_1 = \alpha_2 = \alpha/2$	$\widehat{\beta_{J}} - t_{\alpha/2}^{(n-k)} * Se(\widehat{\beta_{J}}) \le \beta_{J} \le \widehat{\beta_{J}} + t_{\alpha/2}^{(n-k)} * Se(\widehat{\beta_{J}})$
Khoảng tin cậy bên phải $\alpha_1 = 0$; $\alpha_2 = \alpha$	$\beta_{j} \ge \widehat{\beta_{j}} - t_{\alpha}^{(n-k)} * Se(\widehat{\beta_{j}})$
Khoảng tin cậy bên trái $\alpha_1 = \alpha$; $\alpha_2 = 0$	$\beta_{j} \leq \widehat{\beta_{j}} + t_{\alpha}^{(n-k)} * Se(\widehat{\beta_{j}})$

B3: Thay số và kết luận

*Khoảng tin cậy của PSSSNN

B1: Xác định KTC trái, phải, đối xứng

B2: Viết công thức tương ứng

Khoảng tin cậy đối xứng $\alpha_1 = \alpha_2 = \alpha/2$	$\frac{(n-k)\hat{\sigma}^2}{\chi_{\alpha/2}^2(n-k)} \le \sigma^2 \le \frac{(n-k)\hat{\sigma}^2}{\chi_{1-\alpha/2}^2(n-k)}$
Khoảng tin cậy bên phải $\alpha_1 = 0$; $\alpha_2 = \alpha$	$\sigma^2 \ge \frac{(n-k)\hat{\sigma}^2}{\chi_{1-\alpha}^2(n-k)}$

Khoảng tin cậy bên trái $\alpha_1 = \alpha$; $\alpha_2 = 0$

 $\sigma^2 \leq \frac{(n-k)\hat{\sigma}^2}{\chi^2_{1-\alpha}(n-k)}$

B3: Thay số và kết luận

*Kiểm định giả thuyết về các hệ số hồi quy

B1: Xác định loại kiểm đinh? β_i ($\beta_1, \beta_2, \beta_3$)?

B2: Viết giả thuyết và tính theo công thức tương ứng:

 $t = \frac{\hat{\beta}_j - \beta_j}{Se(\hat{\beta}_i)} \sim t(n - k)$

Loại kiểm định	H_0	H_1	Miền bác bỏ
Khoảng tin cậy đối xứng	$eta_j = eta_j^*$	$\beta_j \neq \beta_j^*$	$ t_0 > t_{\alpha/2}^{(n-k)}$
Khoảng tin cậy bên phải	$\beta_j \le \beta_j^*$	$\beta_j > \beta_j^*$	$t_0 > t_{\alpha}^{(n-k)}$
Khoảng tin cậy bên trái	$\beta_j \geq \beta_j^*$	$\beta_j < \beta_j^*$	$t_0 < -t_{\alpha}^{(n-k)}$

B3: So sánh và kết luân

*Kiểm định giả thuyết về PSSSNN

B1: Xác định loại kiểm định

B2: Viết giả thuyết và công thức tương ứng

$$\chi^2 = \frac{(n-k)\hat{\sigma}^2}{\widehat{\sigma}_0} \sim \chi^2(n-k)$$

		- 0	
Loại kiểm định	H_0	H_1	Miền bác bỏ
Khoảng tin cậy đối xứng	$\sigma^2 = \sigma_0^2$	$\sigma^2 \neq \sigma_0^2$	$\chi_0^2>\chi_{lpha/2}^2(n-k)$ Hoặc $\chi_0^2<\chi_{1-lpha/2}^2(n-k)$
Khoảng tin cậy bên phải	$\sigma^2 \le \sigma_0^2$	$\sigma^2 > \sigma_0^2$	$\chi_0^2 > \chi_{\alpha/2}^2(n-k)$
Khoảng tin cậy bên trái	$\sigma^2 \ge \sigma_0^2$	$\sigma^2 < \sigma_0^2$	$\chi_0^2 < \chi_{1-\alpha/2}^2 (n-k)$

B3: So sánh và kết luân

4. Kiểm định sự phù hợp của hàm hồi quy

B1:Đặt giả thuyết

$$H_0: R^2 = 0$$

 $H_1: R^2 \neq 0$

B2: Tính F=
$$\frac{R^2/(k-1)}{(1-R^2)/(1-k)} \sim F((k-1), (n-k))$$

(nếu $F > F_{\alpha}(k-1)$, (n-k) Thì H_0 bị bác bỏ)

B3: Kết luận

5. Dự báo với mô hình hồi quy

*Dự báo giá trị trung bình của biến phụ thuộc Y với giá trị cho trước của X

D1 NI A / A

B1: Nhập ma trận C

Xác định ước lượng không chệch của $\mathrm{E}(\mathrm{Y}/X_0)$: $\widehat{Y}_0 = \widehat{\beta}^T * X_0$

B2:
$$Var(\hat{Y}_0) = \hat{\sigma}^2 * X_0^T * (X^T X)^{-1} * X_0$$

$$Se(\hat{Y}_0) = \sqrt{\hat{\sigma}^2 * X_0^T * (X^T X)^{-1} * X_0}$$

B3: Xác định khoảng tin cậy của $E(Y/X_0)$:

$$\hat{Y}_0 - t_{\alpha/2}^{(n-k)} * Se(\hat{Y}_0) \le E(Y/X_0) \le \hat{Y}_0 + t_{\alpha/2}^{(n-k)} * Se(\hat{Y}_0)$$

* Dự báo giá trị cá biệt của biến phụ thuộc Y với giá trị cho trước của X

B1: Nhập ma trận C

Xác định ước lượng không chệch của Y_0 : $\hat{Y}_0 = \hat{\beta}^T * X_0$

B2:
$$Var(Y_0) = \hat{\sigma}^2 * (X_0^T * (X^T X)^{-1} * X_0 + 1)$$

$$Se(Y_0) = \sqrt{\hat{\sigma}^2 * (X_0^T * (X^T X)^{-1} * X_0 + 1)}$$

B3: Xác định KTC:
$$\hat{Y}_0 - t_{\alpha/2}^{(n-k)} * Se(Y_0) \le Y_0 \le \hat{Y}_0 + t_{\alpha/2}^{(n-k)} * Se(Y_0)$$

II, Ví dụ minh họa

Bảng 03 thống kê số liệu nghiên cứu mối quan hệ giữa doanh thu về hàng hóa A của các doanh nghiệp trong khu vực thị trường M(tr/tháng), giá bán hàng hóa A (ngd/kg) và khu vực tiêu thụ (Quy ước Di=0 nếu khu vực tiêu thụ là nông thôn, Di=1 nếu khu vực tiêu thu là thành phố)

STT	Giá bán (X)	Khu vực (D)	Doanh thu (Y)
1	2	1	40
2	3	0	36
3	3	1	38
4	4	0	34
5	4	1	36
6	3	1	37
7	4	0	35
8	4	1	38
9	5	1	32
10	5	1	33
11	5	0	31
12	6	1	32
13	6	0	31

6

14	7	1	31
15	7	0	28
16	5	1	34
17	4	0	34
18	7	1	30
19	8	0	25
20	8	1	27

B1: Xử lý số liệu tìm ma trân X^TX , X^TY

31: Xư ly so liệu tim ma trận X·X, X·Y									
STT	D_{i}	X_{i}	Y	$D_{\rm i}^2$	X _i ²	Y_i^2	$D_{i}X_{i}$	$D_{i}Y_{i}$	X_iY_i
1	1	2	40	1	4	1600	2	40	80
2	0	3	36	0	9	1296	0	0	108
3	1	3	38	1	9	1444	3	38	114
4	0	4	34	0	16	1156	0	0	136
5	1	4	36	1	16	1296	4	36	144
6	1	3	37	1	9	1369	3	37	111
7	0	4	35	0	16	1225	0	0	140
8	1	4	38	1	16	1444	4	38	152
9	1	5	32	1	25	1024	5	32	160
10	1	5	33	1	25	1089	5	33	165
11	0	5	31	0	25	961	0	0	155
12	1	6	32	1	36	1024	6	32	192
13	0	6	31	0	36	961	0	0	186
14	1	7	31	1	49	961	7	31	217
15	0	7	28	0	49	784	0	0	196
16	1	5	34	1	25	1156	5	34	170
17	0	4	34	0	16	1156	0	0	136
18	1	7	30	1	49	900	7	30	210
19	0	8	25	0	64	625	0	0	200
20	1	8	27	1	64	729	8	27	216
Σ	12	100	662	12	558	22200	59	408	3188

 $\overline{Y} = 31,1$

$\sum D_i = 12$	$\sum D_i^2 = 12$	$\sum D_i X_i = 59$
$\sum X_i = 100$	$\sum X_i^2 = 558$	$\sum D_i Y_i = 408$
$\sum Y_i = 662$	$\sum Y_i^2 = 22200$	$\sum X_i Y_i = 3188$

$$X^{T}X = \begin{vmatrix} 20 & 12 & 100 \\ 12 & 12 & 59 \\ 100 & 59 & 558 \end{vmatrix}; \qquad X^{T}Y = \begin{vmatrix} 662 \\ 408 \\ 3188 \end{vmatrix}$$

Tính $\hat{\beta} = (X^{T}X)^{-1}(X^{T}Y)$

$$\hat{\beta} = \begin{vmatrix} 42,3695 \\ 1,8183 \\ -2,0721 \end{vmatrix}$$

1) Ước lượng hàm hồi quy mẫu từ số liệu thống kê, nêu ý nghĩa của các hệ số hồi quy.

PRM:
$$\hat{Y}_i = \hat{\beta}_1 + \hat{\beta}_2 * X_{2i} + \hat{\beta}_3 * X_{3i}$$

 $\hat{Y}_i = 42,3695 + 1,8183 * X_{2i} - 2,0721 * X_{3i}$

Ý nghĩa các hệ số hồi quy

 $\hat{\beta}_1 = 42,3695$; Khi không có tác động của giá bán hàng hóa A, doanh thu bình quân về hàng hóa A ở khu vực nông thôn là 42,3695

 $\hat{\beta}_2 = 1.8183$: Doanh thu về hàng hóa A bình quân ở khu vực thành phố cao hơn nông thôn là 1,8183

 $\hat{\beta}_3 = -2,0721$ Khi giá bán hàng hóa A tăng 1 ngd/kg, doanh thu bình quân về hàng hóa A sẽ giảm -2,0721

2, Đánh giá mô hình hồi quy

Câu 2.1: Đánh giá mức độ phù hợp của hàm hồi quy mẫu

$$\underline{ESS} = \hat{\beta}^T X^T Y - n * (\overline{Y})^2$$

$$ESS = 22184,6206 - 20*31,1^2$$

$$ESS = 272,4206$$

$$R^2 = \frac{ESS}{TSS} = \frac{272,4206}{287,8} = 0,9466$$

$$TSS = \sum_{i=1}^{2} Y_i^2 - n * (\overline{Y})^2$$

$$TSS = 22200 - 20*31,1^2$$

$$TSS = 287,8$$

Vây hàm hồi quy có mức đô phù hợp cao.

Câu 2.2:Đánh giá chất lượng mô hình hồi quy

$$RSS = \sum Y_i^2 - \hat{\beta}^T X^T Y = 22200 - 22184,6206 = 15,3794$$

$$B2: \hat{\sigma}^2 = \frac{RSS}{n-k} = 0,9047$$

$$cov(\hat{\beta}) = \hat{\sigma}^{2}(X^{T}X)^{-1} = \begin{vmatrix} var(\hat{\beta}_{1}) & cov(\hat{\beta}_{1}\hat{\beta}_{2}) & cov(\hat{\beta}_{1}\hat{\beta}_{3}) \\ cov(\hat{\beta}_{1}\hat{\beta}_{2}) & var(\hat{\beta}_{2}) & cov(\hat{\beta}_{2}\hat{\beta}_{3}) \\ cov(\hat{\beta}_{1}\hat{\beta}_{3}) & cov(\hat{\beta}_{2}\hat{\beta}_{3}) & var(\hat{\beta}_{3}) \end{vmatrix}$$

$$Cov(\hat{\beta}) = \begin{vmatrix} 0.5242 & -0.1298 & -0.0802 \\ -0.1298 & 0.1892 & 3.26 * 10^{-3} \\ -0.0802 & 3.26 * 10^{-3} & 0.0157 \end{vmatrix}$$
*Uốc lượng phương sai, ước lượng, sai số chuẩn của $\hat{\beta}$

$$\operatorname{Cov}(\hat{\beta}) = \begin{vmatrix} 0.5242 & -0.1298 & -0.0802 \\ -0.1298 & 0.1892 & 3.26 * 10^{-3} \\ -0.0802 & 3.26 * 10^{-3} & 0.0157 \end{vmatrix}$$

*Ước lượng phương sai, ước lượng sai số chuẩn của $\hat{\beta}$

$$Var(\hat{\beta}_1) = 0,5242$$
 $Se(\hat{\beta}_1) = \sqrt{Var(\hat{\beta}_1)} = 0,724$
 $Var(\hat{\beta}_2) = 0,1892$ $Se(\hat{\beta}_2) = \sqrt{Var(\hat{\beta}_2)} = 0,435$
 $Var(\hat{\beta}_3) = 0,0157$ $Se(\hat{\beta}_3) = \sqrt{Var(\hat{\beta}_3)} = 0,1253$

3, Tìm khoảng tin cây của hệ số hồi quy và kiểm định giả thuyết về PSSSNN

Câu 3.1: Khi giá bán hàng hóa A tặng 1 ngd/kg trong khu vực nông thôn thì doanh thu về hàng hóa A của các doanh nghiệp trong khu vực thi trường M tăng tối đa bao

nhiêu? $\alpha = 10\%$

- Xác định bài tìm KTC trái của β₃

-Tính $\beta_3,$ $t_{\alpha}^{(n-k)}$ tra bằng T- student

$$\beta_3 \le \widehat{\beta_3} + t_{\alpha}^{(n-k)} * Se(\widehat{\beta_3})$$
 $\beta_3 \le -2,0721 + 1,333 * 0,1253$
 $\beta_3 \le -1,9051$

KL: với mức độ tin cậy 90%, khi giá bán hàng hóa A tăng 1 ngd/kg trong khu vực nông thôn thì doanh thu về hàng hóa A của các doanh nghiệp trong khu vực thị trường M tăng tối đa là -1,9051

Câu 3.2: Với $\alpha = 10\%$, Hãy kết luận về ý kiến cho rằng PSSSNN có giá trị là 0.5 ?

Khoảng kiểm định: H_0 : $\sigma^2 = 0.5$ $H_1: \sigma^2 \neq 0.5$

$$H_1: \sigma^2 \neq 0.5$$

$$\chi^{2} = \frac{(n-k)\hat{\sigma}^{2}}{\hat{\sigma}_{0}} \sim \chi^{2}(n-k) \qquad \chi^{2} = \frac{(20-3)*0,9047}{0,5} = 30,7598$$

$$\chi^{2}_{0} = 30,7598 > \chi^{2}_{1-\alpha/2}(n-k) = 8,672///$$

=> Bác bỏ Ho

KL: Với mức độ tin cậy 90%, có thể cho rằng PSSSNN có giá trị khác 0,5

4, Tìm kiếm định của PSSSNN

Câu 4: Với mức độ tin cậy 90%, hãy kết luận về ý kiến cho rằng hàm hồi quy tổng thể là có phù hợp

B1:Đặt giả thuyết

$$H_0$$
: $R^2 = 0$
 H_1 : $R^2 \neq 0$

Ta có: $R^2=0.9466$

B2: Tính
$$F = \frac{R^2/(k-1)}{(1-R^2)/(n-k)} \sim F_{\alpha}((k-1), (n-k))$$

$$F = \frac{0.9466/(3-1)}{(1-0.9466)/(20-3)} \sim F_{\alpha}((k-1), (n-k))$$

$$F = \frac{0.9466/(3-1)}{(1-0.9466)/(20-3)} \sim F_{\alpha}((k-1), (n-k))$$

F=0,5214
$$<$$
F _{α} (($k-1$), ($n-k$))=2,645

 $=> Chấp nhận H_0$

B3: Với mức độ tin cây 90%, hàm hồi quy tổng thể có mức độ phù hợp

5, Dư báo giá tri cá biệt của biến phu thuộc Y với giá tri cho trước của X Câu 5: Dự báo doanh thu bình quân về hàng hóa A trên thị trường M ở khu vực thành phố khi mức giá là 10 ngd/kg giá tri tối đa là bao nhiều?

- Xác định dự báo giá trị bình quân của biến phụ thuộc Y với giá trị cho trước của X
- Viết Ma trận X_0 , tính \hat{Y}_0 , tìm $Var(Y_0)$, $Se(Y_0)$

1.4.1

B1:
$$x_0 = \begin{vmatrix} 1 \\ 1 \\ 10 \end{vmatrix}$$

B2: $\widehat{Y}_0 = \widehat{\beta}^T * X_0 = 23,467$
B3: $Var(\widehat{Y}_0) = \widehat{\sigma}^2 * X_0^T * (X^T X)^{-1} * X_0 = 0,4799$
 $Se(\widehat{Y}_0) = \sqrt{Var(\widehat{Y}_0)} = 0,6927$

B3: Xác định khoảng tin cậy của $\mathrm{E}(\mathrm{Y}/\mathrm{X}_0)$ trái:

$$E(Y/X_0) \le \widehat{Y}_0 + t_{\alpha/2}^{(n-k)} * Se(\widehat{Y}_0)$$

 $E(Y/X_0 \le 23,467 + 1,740 * 0,6927$

$$E(Y/X_0) \le 24,68$$

KL: Với mức độ tin cậy 90%, doanh thu bình quân về hàng hóa A trên thị trường M ở khu vực thành phố khi mức giá là 10 ngd/kg giá trị tối đa là24,68