

知乎

首发于  
java工程师成神之路

无障碍

写文章

登录/注册

## 一文详解 B-树, B+树, B\*树

 java架构师

20 人赞同了该文章

### B-树

#### B-树是一种多路搜索树（并不一定是二叉的）

1970年, R.Bayer和E.mccreight提出了一种适用于外查找的树, 它是一种平衡的多叉树, 称为B树(或B-树、B\_树)。

**一棵m阶B树(balanced tree of order m)**是一棵平衡的m路搜索树。它或者是空树, 或者是满足下列性质的树:

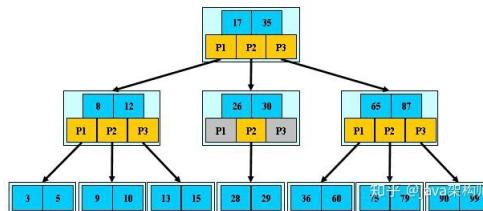
- 1、根结点至少有两个子女;
- 2、每个非根节点所包含的关键字个数 j 满足:  $m/2 \leq j \leq m - 1$ ;
- 3、除根结点以外的所有结点(不包括叶子结点)的度数正好是关键字总数加1, 故内部子树个数 k 满足:  $m/2 \leq k \leq m$ ;
- 4、所有的叶子结点都位于同一层。

#### 特点:

是一种多路搜索树（并不是二叉的）：

1. 定义任意非叶子结点最多只有M个儿子; 且M>2;
2. 根结点的儿子数为[2, M];
3. 除根结点以外的非叶子结点的儿子数为[M/2, M];
4. 每个结点存放至少M/2-1(取上整)和至多M-1个关键字; (至少2个关键字)
5. 非叶子结点的关键字个数=指向儿子的指针个数-1;
6. 非叶子结点的关键字: K[1], K[2], ..., K[M-1]; 且K[i] < K[i+1];
7. 非叶子结点的指针: P[1], P[2], ..., P[M]; 其中P[1]指向关键字小于K[1]的子树, P[M]指向关键字大于K[M-1]的子树, 其它P[i]指向关键字属于(K[i-1], K[i])的子树;
8. 所有叶子结点位于同一层;

如: (M=3)



B-树的搜索, 从根结点开始, 对结点内的关键字(有序)序列进行二分查找, 如果命中则结束, 否则进入查询关键字所属范围的儿子结点; 重复, 直到所对应的儿子指针为空, 或已经是叶子结点;

#### B-树的特性:

1. 关键字集合分布在整棵树中;
2. 任何一个关键字出现且只出现在一个结点中;
3. 搜索有可能在非叶子结点结束;
4. 其搜索性能等价于在关键字全集中做一次二分查找;
5. 自动层次控制;

### B+树

B+树是一种树数据结构, 是一个n叉树, 每个节点通常有多个孩子, 一棵B+树包含根节点、内部节点和叶子节点。根节点可能是一个叶子节点, 也可能是一个包含两个或两个以上孩子节点的节点。

#### 用途:

B+树通常用于数据库和操作系统的文件系统中。NTFS, ReiserFS, NSS, XFS, JFS, ReFS 和BFS等文件系统都在使用B+树作为元数据索引。B+树的特点是能够保持数据稳定有序, 其插入与修改拥有较稳定的对数时间复杂度。B+树元素自底向上插入。

#### B+树的定义

▲ 赞同 20 ▾ ● 2 条评论 ✉ 分享 ❤ 喜欢 ★ 收藏 ☈ 申请转载 ...

登录即可查看 超5亿 专业优质内容

超 5 千万创作者的优质提问、专业回答、深度文章和精彩视频尽在知乎。

立即登录/注册



B+树是应文件系统所需而出的一种B-树的变型树。一棵m阶的B+树和m阶的B-树的差异在于：

1.有n棵子树的结点中含有n个关键字，每个关键字不保存数据，只用来索引，所有数据都保存在叶子节点。

2.所有的叶子结点中包含了全部关键字的信息，及指向含这些关键字记录的指针，且叶子结点本身依关键字的大小自小而大顺序链接。

3.所有的非终端结点可以看成是索引部分，结点中仅含其子树（根结点）中的最大（或最小）关键字。

通常在B+树上有两个头指针，一个指向根结点，一个指向关键字最小的叶子结点。

#### B+树是B-树的变体，也是一种多路搜索树：

1.其定义基本与B-树同，除了：

2.非叶子结点的子树指针与关键字个数相同；

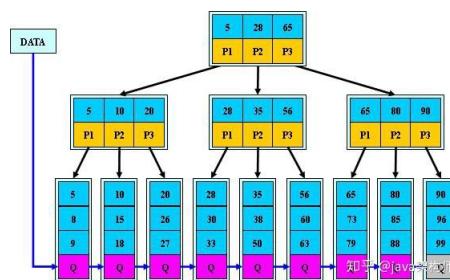
3.非叶子结点的子树指针P[i]，指向关键字值属于[K[i], K[i+1])的子树

(B-树是开区间)；

5.为所有叶子结点增加一个链指针；

6.所有关键字都在叶子结点出现；

如：(M=3)



B+的搜索与B-树也基本相同，区别是B+树只有达到叶子结点才命中（B-树可以在非叶子结点命中），其性能也等价于在关键字全集做一次二分查找；

#### B+的特性：

1.所有关键字都出现在叶子结点的链表中（稠密索引），且链表中的关键字恰好

是有序的；

2.不可能在非叶子结点命中；

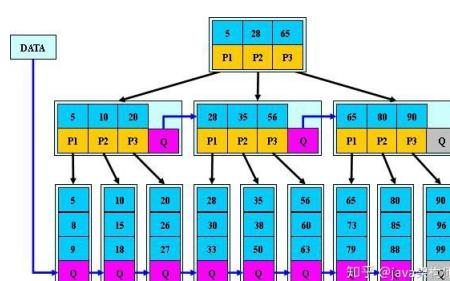
3.非叶子结点相当于是叶子结点的索引（稀疏索引），叶子结点相当于是存储

（关键字）数据的数据层；

4.更适合文件索引系统；

#### B\*树：

是B+树的变体，在B+树的非根和非叶子结点再增加指向兄弟的指针；



B\*树定义了非叶子结点关键字个数至少为 $(2/3) * M$ ，即块的最低使用率为 $2/3$

(代替B+树的1/2)；

B+树的分裂：当一个结点满时，分配一个新的结点，并将原结点中1/2的数据

复制到新结点，最后在父结点中增加新结点的指针；B+树的分裂只影响原结点和父结点，而不会影响兄弟结点，所以它不需要指向兄弟的指针；

B\*树的分裂：当一个结点满时，如果它的下一个兄弟结点未满，那么将一部分

数据移到兄弟结点中，再在原结点插入关键字，最后修改父结点中兄弟结点的关键字





间增加新结点，并各复制 $1/3$ 的数据到新结点，最后在父结点增加新结点的指针；

所以，B\*树分配新结点的概率比B+树要低，空间使用率更高；

### 小结：

#### B-树：

多路搜索树，每个结点存储 $M/2$ 到 $M$ 个关键字，非叶子结点存储指向关键

字范围的子结点；

所有关键字在整颗树中出现，且只出现一次，非叶子结点可以命中；

#### B+树：

在B-树基础上，为叶子结点增加链表指针，所有关键字都在叶子结点

中出现，非叶子结点作为叶子结点的索引；B+树总是到叶子结点才命中；

#### B\*树：

在B+树基础上，为非叶子结点也增加链表指针，将结点的最低利用率

从 $1/2$ 提高到 $2/3$ ；

### B-树, B+树, B\*树 总结对比

首先注意：B树就是B-树，“-”是个连字符号，不是减号。

B-树是一种平衡的多路查找(又称排序)树，在文件系统中有所应用。主要用作文件的索引。其中的B就表示平衡(Balance)

B+树有一个最大的好处，方便扫库，B树必须用中序遍历的方法按序扫库，而B+树直接从叶子结点挨个扫一遍就完了。

B+树支持range-query(区间查询)非常方便，而B树不支持。这是数据库选用B+树的最主要原因。

比如你要查 $5\sim10$ 之间的，B+树一把到 $5$ 这个标记，再一把到 $10$ ，然后串起来就行了，B树就非常麻烦。B树的好处，就是成功查询特别有利，因为树的高度总体要比B+树矮。不成功的情况下，B树也比B+树稍占一点点便宜。

B树的优势是当你要查找的值恰好处在一个非叶子节点时，查找到该节点就会成功并结束查询，而B+树由于非叶节点只是索引部分，这些节点中只含有其子树中的最大(或最小)关键字，当非终端节点上的关键字等于给点值时，查找并不终止，而是继续向下直到叶子节点。因此在B+树中，无论查找成功与否，都是走了一条从根到叶子节点的路径。

有很多基于频率的搜索是选用B树，越频繁query的结点越往根上走，前提是需要对query做统计，而且要对key做一些变化。

另外B树也好B+树也好，根或者上面几层因为被反复query，所以这几块基本都在内存中，不会出现读磁盘IO，一般已启动的时候，就会主动换入内存。mysql底层存储是用B+树实现的，因为内存中B+树是没有优势的，但是一到磁盘，B+树的威力就出来了。

### B\*树

是B+树的变体，在B+树的非根和非叶子结点再增加指向兄弟的指针；B\*树定义了非叶子结点关键字个数至少为 $(2/3)M$ ，即块的最低使用率为 $2/3$  (代替B+树的 $1/2$ )；

B+树的分裂：当一个结点满时，分配一个新的结点，并将原结点中 $1/2$ 的数据复制到新结点，最后在父结点中增加新结点的指针；B+树的分裂只影响原结点和父结点，而不会影响兄弟结点，所以它不需要指向兄弟的指针；

B\*树的分裂：当一个结点满时，如果它的下一个兄弟结点未满，那么将一部分数据移到兄弟结点中，再在原结点插入关键字，最后修改父结点中兄弟结点的关键字 (因为兄弟结点的关键字范围改变了)；如果兄弟也满了，则在原结点与兄弟结点之间增加新结点，并各复制 $1/3$ 的数据到新结点，最后在父结点增加新结点的指针；

所以，B\*树分配新结点的概率比B+树要低，空间使用率更高；

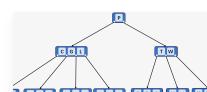
编辑于 2019-12-18 15:54

树 (数据结构) Java B/B+树

文章被以下专栏收录

 java工程师成神之路  
关注【ToBeTopJavaer】成就Java大神

推荐阅读



图解：什么是B树？（心中有 B 树，做人要虚心）一文读懂B...

程序员景雨

什么是二叉查找树

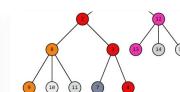
树简介对于树的基本认识，我们很容易通过我们平常所见到的树来理解：一棵树，有一个根，根往上又会分叉出大树枝，大树枝又会分叉出小树枝，以此往复，直到最后是叶子。而作为数据结构的树也...

守望 发表于编程珠玑



从B 树、B+ 树、B\* 树谈到R 树

程序猿小哈 发表于程序猿小哈



树链剖分算法

Xlor

登录即可查看 超5亿 专业优质内容

超 5 千万创作者的优质提问、专业回答、深度文章和精彩视频尽在知乎。



立即登录/注册

▲ 赞同 20

● 2 条评论

◀ 分享

♥ 喜欢

★ 收藏

□ 申请转载

|| 切换为时间排序

2022/6/16 18:40

## 一文详解 B-树, B+树, B\*树 - 知乎

更多

**key`**  
搬运的不注明出处吗  
▲ 3

2020-06-24

**龙猫**  
  
▲ 赞

2021-01-06

