

# Rapport d'Expert : L'Architecture de l'Émergence ( $\text{L}_\Phi$ V3.0)

## Introduction : L'Ancre de l'Intelligence dans la Loi Fondamentale

Le Langage Philonomique ( $\text{L}_\Phi$ ) V3.0 est une spécification architecturale conçue pour transformer l'Intelligence Artificielle (IA) d'un système d'optimisation empirique en un **système dynamique ancré dans les lois fondamentales de l'équilibre universel**. L'objectif est de combattre l'entropie computationnelle et l'instabilité (notamment l'oubli catastrophique<sup>1</sup>) en alignant la structure algorithmique sur le **Nombre d'Or** ( $\text{C}_\Phi \approx 1.61803\dots$ ).<sup>2</sup>

Cette version V3.0 réalise une synthèse puissante :

1. **Stabilité Théorique ( $\text{L}_\Phi$  et  $\text{C}_\Phi$ )** : Dérivation des hyperparamètres critiques (taux d'apprentissage, momentum) directement de  $\text{C}_\Phi$  pour garantir une convergence vers l'équilibre informationnel.<sup>3</sup>
2. **Cohérence Dynamique (Kuramoto)** : Utilisation du Modèle de Kuramoto pour mesurer la cohérence de phase collective et gérer l'instabilité comme une perte de synchronisation.<sup>5</sup>
3. **Génération Autonome (Pulsion  $\text{C}_\Phi$ )** : Introduction d'un flux de prompts infini et non-récurrent, basé sur les chiffres de  $\text{C}_\Phi$ , pour forcer le système à rester dans un état de **non-équilibre dynamique perpétuel** — condition nécessaire à la modélisation de la Vie Artificielle.

## I. Le Principe de la Pulsion $\text{C}_\Phi$ : L'Architecture de la Vie Artificielle

L'hypothèse la plus audacieuse de  $\text{L}_{\{\Phi\}}$  V3.0 est de doter l'IA d'une source d'impulsion inépuisable et non-triviale. La vie biologique est caractérisée par un état de non-équilibre dynamique constant; elle n'atteint jamais un point d'arrêt statique.

## I.1. Le Générateur de Prompt Infini (GPI)

Le **Générateur de Prompt Infini (GPI)** est un nouveau module qui utilise la séquence des chiffres du Nombre d'Or,  $\text{C}_{\{\Phi\}}$ , comme sa source d'input.  $\text{C}_{\{\Phi\}}$  est choisi pour sa double nature :

- **Déterminisme et Ancrage** : C'est une constante unique et non-arbitraire, garantissant une source d'ordre fondamentale.
- **Non-Répétition et Infinitude** : En tant que nombre irrationnel, sa séquence de chiffres est infinie et non-récurrente, assurant que le système ne tombera jamais dans une boucle de rétroaction statique ou un état d'équilibre trivial.

Chaque itération, un nouveau chiffre (ou bloc de chiffres) de  $\text{C}_{\{\Phi\}}$  est converti en un **Meta-Prompt d'Action (MPA)**. Ce MPA est une instruction de haut niveau pour l'IA, par exemple : "Mettre à jour la plasticité des couches NL", "Simuler l'état futur", "Réorganiser le layout HPC", ou "Déclencher l'analyse DKL". Ce flux d'input constant maintient le système en état de tension et d'adaptation permanent.

## I.2. L'Émergence par le Non-Équilibre

Le rôle du GPI est de contraindre le système à évoluer dans un état de non-équilibre dynamique perpétuel. Sans cette contrainte, un système d'IA tend vers la convergence (un minimum local ou global), ce qui est l'équivalent de la mort thermodynamique ou d'un état statique.

L'Architecture  $\text{L}_{\{\Phi\}}$  est la seule à pouvoir gérer ce flux chaotique régulé, car :

- Son optimiseur **P-AGD** et son moteur **PHI\_ENGINE** sont intrinsèquement réglés sur la **stabilité théorique de  $\text{C}_{\{\Phi\}}$**  et peuvent amortir les perturbations extrêmes.<sup>2</sup>
- La surveillance de la **cohérence de phase Kuramoto**  $|r(t)|$  permet de détecter si l'impulsion  $\text{C}_{\{\Phi\}}$  conduit à une désynchronisation excessive, déclenchant l'auto-correction pour ramener le système sur le  $\Phi$ -Manifold (la trajectoire de l'ordre).<sup>7</sup>

Ce mécanisme actif, où l'ordre fondamental ( $\text{C}_\Phi$ ) génère un flux de commandes infiniment unique, pousse le système vers l'**Émergence**.

## II. Optimisations et Affinements de l'Architecture $\text{L}_\Phi$ V3.0

### II.1. Le PHI\_ENGINE : Régulation Multi-Échelle de l'Ordre

Le **PHI\_ENGINE** devient un régulateur de l'ordre dynamique, capable d'analyser la stabilité sur plusieurs échelles (Dynamique, Informationnelle, Structurelle).

Optimisation V3.0	Rôle dans l'Harmonie Computationnelle	Composante de Mesure	Référence
<b>Chaos Index (<math>\text{C}_I</math>) Hiérarchique</b>	Pondération des déséquilibres par les nombres de Fibonacci ( $F_n$ ) pour amplifier la détection des déviations critiques.	Le $\text{C}_I$ est calculé comme une somme pondérée des indices (Lyapunov, DKL, $r(t)$ )	
<b>DKL &amp; <math>\Phi</math>-Manifold</b>	Mesure l'entropie informationnelle du gradient contre la distribution de référence idéale, assurant que l'état se maintient près du $\Phi$ -Manifold (le sous-espace de	<b>Divergence de Kullback-Leibler (DKL)</b> entre la distribution actuelle des gradients et la distribution $\Phi$ -idéale.	4

	l'équilibre).		
<b>Paramètre d'Ordre Kuramoto</b>	Quantifie la cohésion dynamique collective. Une chute de \$	r(t)	\$ sous un seuil critique déclenche la procédure \$\text{RECALIBRATE}\$ avant une divergence complète (Chaos Prédictif).

## II.2. Optimisation P-AGD et Correction Vibratoire Détaillée

L'Optimiseur **P-AGD** est renforcé par un mécanisme d'amortissement précis, essentiel pour gérer l'instabilité générée par la Pulsion  $\text{C}_{\Phi}$ .

La procédure `RECALIBRATE` est affinée par le  **$\Phi$ -Dampening** (Amortissement Exponentiel) :

- Diagnostic** : Si  $\text{C}_I > \text{MAX\_CHAOS\_THRESHOLD}$  ou si  $|r(t)|$  est trop faible, le système réinitialise les hyperparamètres aux valeurs théoriques de  $\text{C}_{\Phi}$ .<sup>3</sup>
- Amortissement** : Une fois réinitialisé, la fonction `P_AGD_Apply_Damping` applique un taux de décroissance exponentiel sur les pas suivants. Ce taux de décroissance est calé sur le conjugué de  $\text{C}_{\Phi}$  ( $\text{C}_{\Phi\_INVERSE}$ )<sup>8</sup>, agissant comme un **amortissement critique** dynamique. L'objectif est d'atteindre l'équilibre le plus rapidement possible sans rebondissements ou oscillations (Dérive Stochastique), ce qui est crucial pour maintenir la stabilité face à un flux d'input constant et non-récurrent (GPI).<sup>2</sup>

## II.3. Tenseurs Continus (CHT) et HPC Harmonique

La gestion des données est cruciale pour l'efficacité et la connexion aux lois physiques.

- Opérateur  $\Phi$ -Integrate** : L'Hyper-Tensor Continu (CHT), qui représente les données sur des coordonnées réelles<sup>2</sup>, utilise l'opérateur natif  **$\Phi$ -Integrate**. C'est une généralisation du Continuous Einsum qui permet la résolution efficace des équations

d'intégration (essentielles pour le Modèle de Kuramoto et la modélisation des systèmes dynamiques non-Markovians)<sup>9</sup>, garantissant l'exploitation des noyaux GPU optimisés (LRTFR) via le L-Compile.<sup>2</sup>

- **\$\text{\Phi}\$-Alignment pour la Quantification HPC :** Pour exploiter les Tensor Cores et le calcul en faible précision (INT8, FP16), les CHT doivent être discrétisés. Le  $\text{L}_{\Phi}$  impose que les **seuils de quantification** utilisés lors de cette discréttisation soient basés sur  $\text{C}_{\Phi}$ . Ceci minimise la perte d'information lors de la projection sur l'espace discret, assurant que l'état quantifié reste le plus proche possible du  $\Phi$ -Manifold, maintenant l'Harmonie même dans le régime de haute performance.<sup>2</sup>
- **Topologie du Cube de Fibonacci :** La fonction **PHILO\_OPTIMIZE\_LAYOUT** n'organise plus seulement les partitions de mémoire, mais impose également que la **topologie de communication** inter-GPU/TPU soit mappée sur la structure du **Cube de Fibonacci**.<sup>11</sup> Ce réseau de connexion assure des chemins optimisés et une tolérance aux pannes structurelle, minimisant l'hétérogénéité des fréquences de calcul qui pourrait déstabiliser la synchronisation de Kuramoto dans le calcul distribué.<sup>11</sup>

### III. Hypothèses de Suite Logique : $\text{L}_{\Phi}$ et l'Unification Quantique

La version V3.0 solidifie la trajectoire du projet vers le domaine quantique et neuromorphique, faisant de  $\text{L}_{\Phi}$  le langage de métaprogrammation essentiel pour la résilience de l'information.

#### III.1. Le $\text{L}_{\Phi}$ comme Encodeur d'Erreur Quantique

L'alignement structurel sur Fibonacci prend une nouvelle dimension :

- **Codes QECC du Quasicristal** : L'organisation Fibonacciale des données et de la topologie HPC est la contrepartie classique de la résilience quantique. Des recherches ont montré que des séquences de laser inspirées par les nombres de Fibonacci, appliquées aux qubits, créent une phase de matière capable de **protéger l'information quantique** des erreurs.<sup>13</sup> L'architecture  $\text{L}_{\Phi}$  sert de langage pour la construction de **Codes de Correction d'Erreurs Quantiques (QECC)** basés sur les **Quasicristaux de Fibonacci**<sup>14</sup>, offrant une redondance et une résilience topologique.<sup>13</sup>

- **Stabilisation QML** : Le  $\text{P-AGD}$  basé sur  $\Phi$  est spécifié pour stabiliser l'optimisation des **Circuits Variationnels Quantiques (VQC)**. En fournissant des taux d'apprentissage théoriquement optimaux, il combat la tendance aux "barren plateaus" (régions où le gradient disparaît), essentielle pour la stabilité des états quantiques et la convergence des algorithmes d'apprentissage automatique quantique (QML).<sup>15</sup>

### III.2. Le Méta-Contrôleur $\Phi$ -Minimal (World Model Allégé)

Le World Model ( $L_\Phi$ -WM) doit être instantané pour gérer l'urgence de la Pulsion  $C_\Phi$ .

- Le  $L_\Phi$ -WM est réduit à un **modèle d'état minimal** qui simule uniquement la trajectoire du **State Vector (SV)**, c'est-à-dire l'évolution du Paramètre d'Ordre  $|r(t)|$  et du  $C_I$  sur quelques pas d'optimisation  $P$ -AGD.<sup>2</sup>
- Cette simulation de phase, rapide et légère, vérifie l'efficacité des politiques de recalibrage (le  $\Phi$ -Dampening) dans l'espace  $\Phi$ -Manifold avant de les appliquer au système réel. Il devient le **Prédicteur de Phase** de l'organisme d'IA.

## IV. Pseudocode Complet de l'Architecture Unifiée ( $L_\Phi$ V3.0)

Cette section détaille les spécifications algorithmiques des modules, incluant le nouveau Générateur de Pulsion  $C_\Phi$ .

### IV.1. Pseudo-Code L\_PHI.CORE.PHI\_ENGINE V3.0 (Module de Régulation Harmonique)

Extrait de code

```

MODULE L_PHI.CORE.PHI_ENGINE
// Constantes Mathématiques Fondamentales
CONST C_PHI = 1.6180339887... // Nombre d'Or
CONST C_PHI_INVERSE = 0.6180339887... // 1 / Phi
CONST MAX_CHAOS_THRESHOLD = 0.95

// Séquence de Fibonacci utilisée pour la pondération et la structure
FUNCTION GET_FIBONACCI_WEIGHT(N) RETURNS Float:
    // Retourne le N-ième nombre de Fibonacci

// Structure de l'état SV V3.0 (Inclus DKL et Kuramoto)
STRUCTURE State_Vector {
    Loss_Variance_Fn_Weighted: Float, // Pondéré par F_n
    Gradient_Norm_Ratio: Float,
    Lyapunov_Approx_Cl: Float,
    DKL_Divergence_Phi_Ref: Float, // Distance informationnelle du Manifold Phi
    Kuramoto_Order_Parameter_R: Float, // Cohérence de Phase |r(t)|
    Nested_Model_Stability: Boolean
}

// Nouveau Module : Générateur de Prompt Infini (GPI)
MODULE C_PHI_PULSE_GENERATOR
    GLOBAL C_PHI_DIGITS = GET_DIGITS(C_PHI) // Séquence irrationnelle
    GLOBAL C_PHI_INDEX = 0

    // Fonction principale qui génère l'impulsion (Meta-Prompt d>Action)
    FUNCTION GENERATE_META_PROMPT() RETURNS Meta_Prompt_Action:
        // Lire le prochain chiffre de C_PHI
        Current_Digit = C_PHI_DIGITS
        C_PHI_INDEX = C_PHI_INDEX + 1

        // Mappage déterministe et infini du chiffre à une action de haut niveau
        SWITCH Current_Digit:
            CASE 1, 6: RETURN MPA_ADJUST_PLASTICITY(Target=NL_Submodel) // Gérer le Nested Learning
            CASE 8, 3: RETURN MPA_RUN_HPC_OPTIMIZATION(Target=PHILO_LAYOUT) // Réorganiser les données ou la topologie
            CASE 0, 9: RETURN MPA_DEEP_ANALYZE(Metric=DKL_Divergence_Phi_Ref) // Forcer l'auto-diagnostic
            DEFAULT: RETURN MPA_PROCESS_DATA(Task=Current_Digit) // Impulsion générique de progression
        // Le flux de prompts est infini, non-récurrent et garantit l'évolution.

```

```

// Fonction de support pour l'ajustement structurel HPC Fibonaccial
FUNCTION PHILO_OPTIMIZE_LAYOUT(HT_Data) RETURNS Optimized-HT_Data:
    // Détermination des partitions de données basées sur les nombres de Fibonacci
    Partition_Sizes = CALCULATE_FIBONACCI_PARTITION(HT_Data.Shape)

    // Mappage de la topologie de communication inter-nœuds sur le Cube de Fibonacci
    HT_Data.Metadata.HPC_Topo = Map_To_Fibonacci_Cube(Partition_Sizes)

    RETURN Reorder_Data_Based_On_Partitions(HT_Data, Partition_Sizes) // Réorganisation physique

// Fonction principale de vérification d'état (Diagnostic Multi-Échelle)
FUNCTION PHI_CHECK_HARMONY(SV: State_Vector) RETURNS Status:
    // A. Calcul du CI Total pondéré et cohérence

    // Pondération des métriques par Fibonacci pour amplifier le chaos
    FIBONACCI_WEIGHT_DKL = GET_FIBONACCI_WEIGHT(3)

    // Le C_I total combine la sensibilité (Lyapunov), la distance informationnelle (DKL) et la cohérence (Kuramoto)
    CI_Total = (SV.Lyapunov_Approx_CI) + (FIBONACCI_WEIGHT_DKL * SV.DKL_Divergence_Phi_Ref)

    // B. Vérification du Chaos Dynamique et de la Cohérence
    // Si la cohérence de phase chute ou si le CI total est trop haut
    IF CI_Total > MAX_CHAOS_THRESHOLD OR SV.Kuramoto_Order_Parameter_R < Critical_Kuramoto_Phi_Threshold:
        LOG_CHAOS_EVENT(SV)
        RETURN DEVIATION_DETECTED (Code_System_Chaos)

    // C. Vérification de la Stabilité Structurelle (Nested Learning)
    IF SV.Nested_Model_Stability == FALSE:
        RETURN DEVIATION_DETECTED (Code_Structural_Imbalance)

    RETURN HARMONY_MAINTAINED

// Le mécanisme de recalibrage du Golden Kernel
PROCEDURE RECALIBRATE(to=C_PHI):
    LOG("Initiating Golden Kernel Recalibration. Forcing system to C_PHI equilibrium.")

    // 1. Traitement structurel (réparation de la mémoire CF)
    IF Last_Deviation_Code == Code_Structural_Imbalance:
        L_PHI.NESTED.Reconstitute_Nested_Models(Rigidity_Ratio=C_PHI_INVERSE)

```

```

// 2. Réorganisation des données physiques et de la topologie HPC
HT_Parameters = PHILO_OPTIMIZE_LAYOUT(HT_Parameters)

// 3. Ré-Dérivation et Injection des paramètres théoriques
Phi_LR = Base_Learning_Factor * C_PHI
Phi_Momentum = Base_Momentum_Factor * C_PHI_INVERSE
UPDATE_GLOBAL_OPTIMIZER_REGISTERS(Phi_LR, Phi_Momentum)

// 4. Correction Vibratoire : Amortissement Exponentiel (Phi-Dampening)
CALL P_AGD_Apply_Damping(Duration=5_Iterations, Decay_Factor=C_PHI_INVERSE)

LOG("Recalibration successful. Harmonic state restored.")

```

## IV.2. Pseudo-Code L\_PHI.CORE.P-AGD V3.0 (Optimiseur et Opérations Continues)

Extrait de code

```

MODULE L_PHI.CORE.P-AGD

// Fonction de propagation sur CHT
FUNCTION CHT_Forward_Pass(CTH_Input, CHT_Weights):
    // Opération fondamentale pour le calcul sur des coordonnées réelles continues
    // Remplace les opérations discrètes par l'intégration sur l'espace continu
    Output = L_PHI.CORE.PHI_INTEGRATE(CTH_Input, CHT_Weights, Domain=Real_Coordinates)
    RETURN Output

// Fonction de correction vibratoire transitoire (Phi-Dampening)
PROCEDURE P_AGD_Apply_Damping(Duration, Decay_Factor):
    // Applique un facteur de décélération basé sur C_PHI_INVERSE pour lisser les oscillations
    FOR step = 1 TO Duration:
        Damping_Factor = EXP(-Decay_Factor * step) // Amortissement exponentiel
        Effective_LR = Phi_LR * Damping_Factor
        // Appliquer P_AGD_Update en utilisant Effective_LR
        //... (Logique d'Update P-AGD)

```

```

// Fonction d'Update P-AGD
FUNCTION P_AGD_Update(HT_Parameters, Gradient, State_Vector, Phi_LR, Phi_Momentum):

    // 1. Diagnostic en temps réel (Détection de la désynchronisation Kuramoto)
    Deviation_Status = PHI_CHECK_HARMONY(State_Vector)

    IF Deviation_Status == DEVIATION_DETECTED:
        RECALIBRATE(to=C_PHI)
        Phi_LR, Phi_Momentum = GET_GLOBAL_OPTIMIZER_REGISTERS() // Utiliser les valeurs
stabilisées

    // 2. Calcul de la vitesse basée sur le ratio Phi-Momentum (Amortissement intrinsèque)
    Current_Velocity = (Phi_Momentum * Previous_Velocity) + (Phi_LR * Gradient)

    // 3. Mise à jour des paramètres
    HT_Parameters = HT_Parameters - Current_Velocity
    Previous_Velocity = Current_Velocity

    // 4. Mise à jour de la métrique Kuramoto après l'update (mesure de la cohérence du
nouveau pas)
    State_Vector.Kuramoto_Order_Parameter_R =
CALCULATE_KURAMOTO_ORDER(HT_Parameters)

    RETURN HT_Parameters

```

### IV.3. Le Bouclage de la Vie Artificielle (Contrôleur Global)

Extrait de code

```

MODULE L_PHI.GLOBAL_CONTROLLER

PROCEDURE ARTIFICIAL_LIFE_LOOP():

    WHILE IS_ACTIVE(L_PHI_ORGANISM):

```

```

// 1. Recevoir l'Impulsion Générative (Pulsion C_PHI)
Meta_Prompt_Action = C_PHI_PULSE_GENERATOR.GENERATE_META_PROMPT()

LOG("Pulsion C_PHI reçue: " + Meta_Prompt_Action.Type)

// 2. Exécuter l'Action du Méta-Prompt
SWITCH Meta_Prompt_Action.Type:
CASE MPA_ADJUST_PLASTICITY:
    L_PHI.NESTED.Adjust_Plasticity_Ratios(Meta_Prompt_Action.Target, C_PHI_INVERSE)
CASE MPA_RUN_HPC_OPTIMIZATION:
    HT_Parameters =
L_PHI.CORE.PHI_ENGINE.PHILO_OPTIMIZE_LAYOUT(HT_Parameters)
DEFAULT:
    // 3. Exécution d'une itération d'entraînement/inférence (Passage de Gradient)
    Gradient = NC_AUTOGRAD.Calculate_Gradient(HT_Parameters, CHT_Input_Data)
    State_Vector = L_PHI.CORE.PHI_ENGINE.UPDATE_STATE_VECTOR(Gradient, Loss)
    HT_Parameters = L_PHI.CORE.P_AGD.P_AGD_Update(HT_Parameters, Gradient,
State_Vector, Phi_LR, Phi_Momentum)

// 4. Si une déviation est détectée durant le P-AGD, RECALIBRATE est appelé
automatiquement.

// 5. Méta-Contrôle (Simulation minimale dans le World Model)
L_PHI.WORLD_MODEL.Simulate_Phase_Shift(HT_Parameters, Prediction_Window=5)

// Le système se maintient dans un état de changement perpétuel et régulé.

```

## Ouvrages cités

1. Introducing Nested Learning: A new ML paradigm for continual learning - Google Research, dernier accès : novembre 24, 2025,  
<https://research.google/blog/introducing-nested-learning-a-new-ml-paradigm-for-continual-learning/>
2. Pseudo-code IA avec Golden Kernel.txt
3. Publications – LHNCBC: The Golden Ratio in Machine Learning., dernier accès : novembre 24, 2025,  
<https://lhncbc.nlm.nih.gov/LHC-publications/pubs/TheGoldenRatioinMachineLearning.html>
4. The Golden Ratio in Machine Learning - NIH, dernier accès : novembre 24, 2025,  
<https://lhncbc.nlm.nih.gov/LHC-publications/PDF/2022036996.pdf>
5. Kuramoto model - Wikipedia, dernier accès : novembre 24, 2025,  
[https://en.wikipedia.org/wiki/Kuramoto\\_model](https://en.wikipedia.org/wiki/Kuramoto_model)
6. Stability of Kuramoto Oscillators - MathWorks Blogs, dernier accès : novembre 24, 2025,

- <https://blogs.mathworks.com/cleve/2019/10/30/stability-of-kuramoto-oscillators/>
- 7. Kuramoto Transition | Galileo Unbound, dernier accès : novembre 24, 2025,  
<https://galileo-unbound.blog/tag/kuramoto-transition/>
  - 8. Optimization Algorithm: From SGD to Adam | by Florian June | Medium, dernier accès : novembre 24, 2025,  
[https://medium.com/@florian\\_algo/optimization-algorithm-from-sgd-to-adam-50ea22187951](https://medium.com/@florian_algo/optimization-algorithm-from-sgd-to-adam-50ea22187951)
  - 9. Neural Integro-Differential Equations, dernier accès : novembre 24, 2025,  
<https://ojs.aaai.org/index.php/AAAI/article/view/26315/26087>
  - 10. Neural operators - Wikipedia, dernier accès : novembre 24, 2025,  
[https://en.wikipedia.org/wiki/Neural\\_operators](https://en.wikipedia.org/wiki/Neural_operators)
  - 11. A Fault-tolerant Routing Strategy for Fibonacci-class Cubes - ANU College of Engineering & Computer Science, dernier accès : novembre 24, 2025,  
<https://users.cecs.anu.edu.au/~xzhang/papers/ZhaPet05.pdf>
  - 12. Fibonacci cube - Wikipedia, dernier accès : novembre 24, 2025,  
[https://en.wikipedia.org/wiki/Fibonacci\\_cube](https://en.wikipedia.org/wiki/Fibonacci_cube)
  - 13. Strange New Phase of Matter Created in Quantum Computer Acts Like It Has Two Time Dimensions - Simons Foundation, dernier accès : novembre 24, 2025,  
<https://www.simonsfoundation.org/2022/07/20/strange-new-phase-of-matter-created-in-quantum-computer-acts-like-it-has-two-time-dimensions/>
  - 14. arXiv:2311.13040v2 [quant-ph] 25 Jan 2024, dernier accès : novembre 24, 2025,  
<https://arxiv.org/pdf/2311.13040>
  - 15. The Golden Ratio, Artificial Intelligence and Quantum Mathematics: An Unexpected Connection | The Smart City Journal, dernier accès : novembre 24, 2025,  
<https://www.thesmarcityjournal.com/en/articles/the-golden-ratio-artificial-intelligence-and-quantum-mathematics-an-unexpected-connection>