Kawasaki Quantum Summer Camp 2024

量子テレポーテーション

Jul 31, 2024

沼田祈史 Kifumi Numata IBM Quantum







Day 2

13:00-14:00 量子コンピューター見学

14:00-15:20 量子ハードウェア入門

15:20-15:30 Break

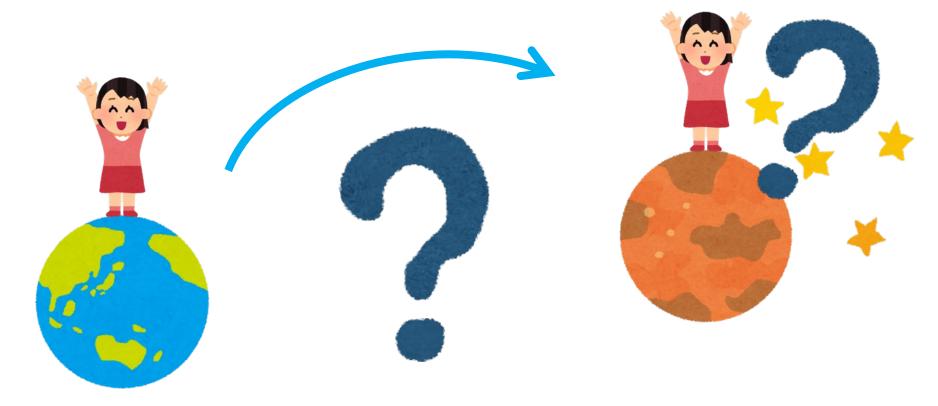
15:30-16:00 量子テレポーテーション

16:00-16:55 量子機械学習

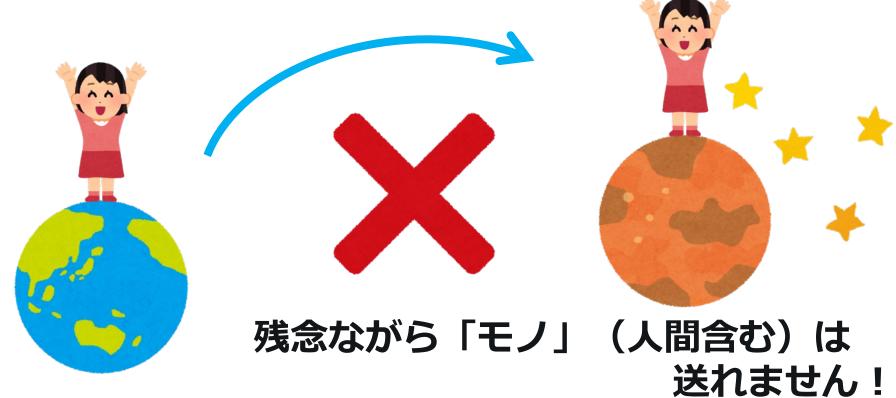
16:55-17:00 グループワークに向けたアイディア

はじめに: 量子テレポーテーションとは何だと思いますか? (予想)

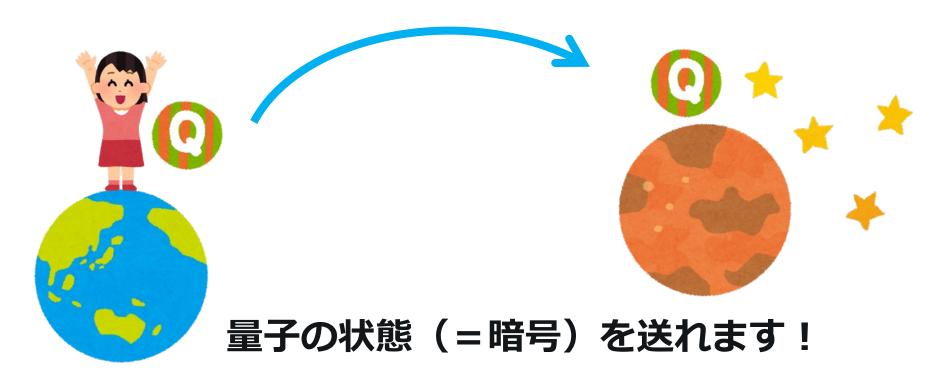
量子テレポーテーションとは? (予想例)



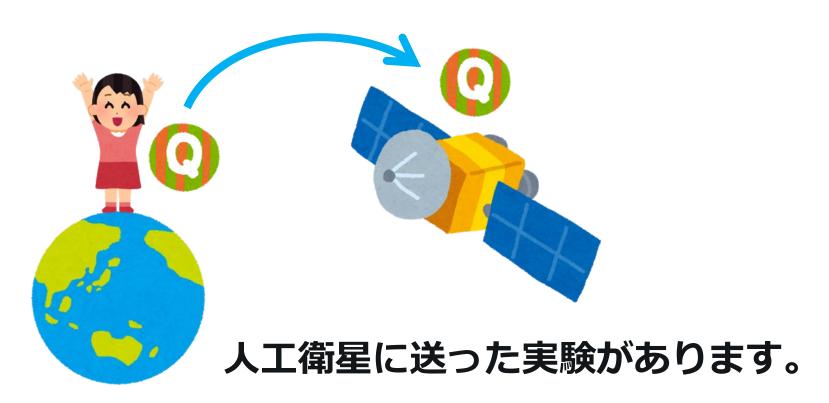
量子テレポーテーションとは?



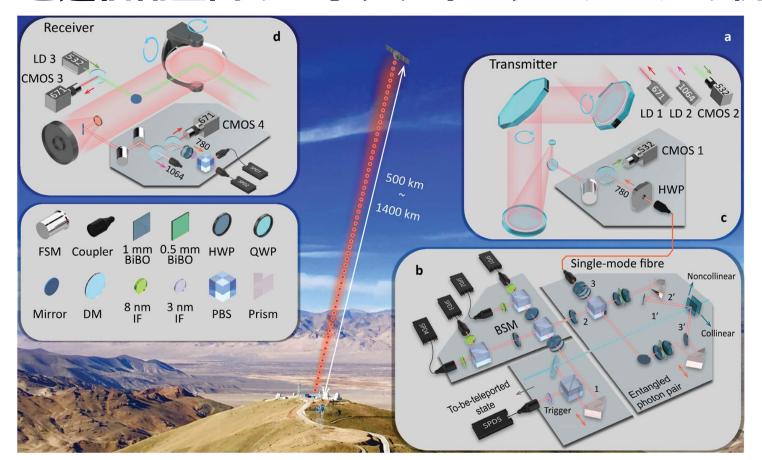
量子テレポーテーションとは?



量子テレポーテーションとは?



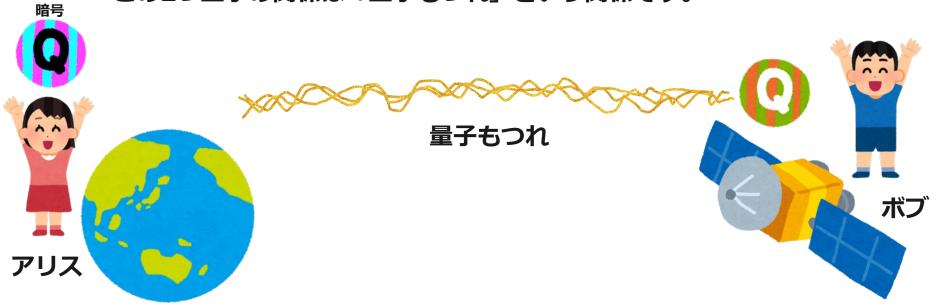
地上と通信衛星間の量子テレポーテーションの例



出典: https://arxiv.org/ftp/arxiv/papers/1707/1707.00934.pdf

量子テレポーテーションのプロトコル

- **(1) 地球のアリスがある量子 Q (暗号) を持っています。**
- (2) 特別な関係にあるふたごの量子 () が地球と人工衛星の上にあります。 この2つ量子の関係は「量子もつれ」という関係です。



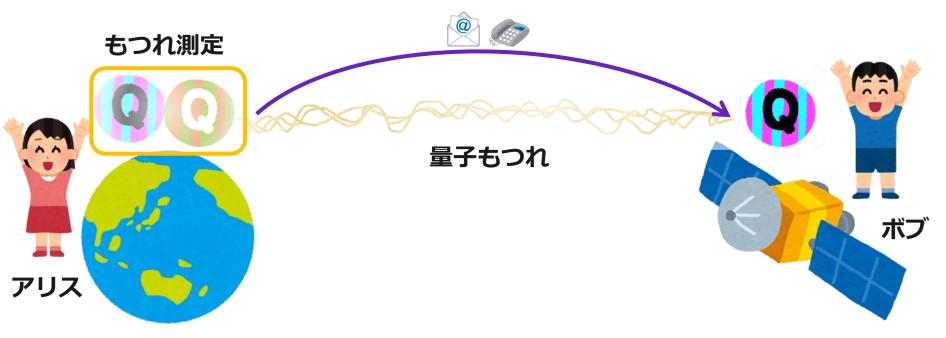
量子テレポーテーションのプロトコル

(3) 地球のアリスが地上の2つの量子に特殊な測定(もつれ測定)をします。 (量子もつれ状態にあるボブの量子の状態が瞬時に変わります。)

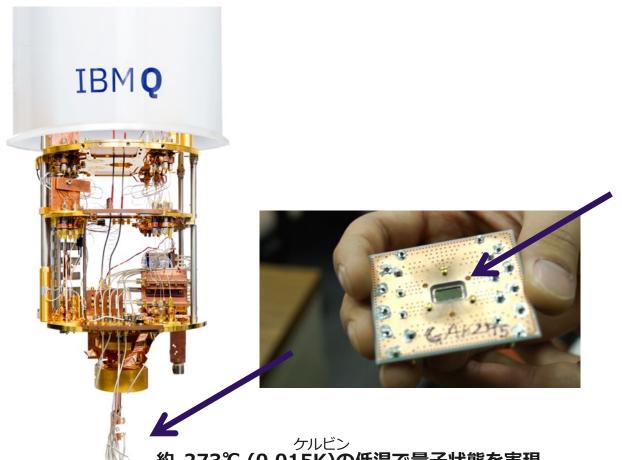


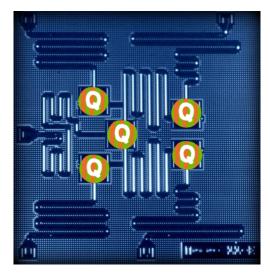
量子テレポーテーションのプロトコル

(4) アリスが測定結果をメールや電話でボブに送り、 ボブはもらった結果をもとに自分の量子を補正します。 ボブの量子がアリスの持っていた暗号に変化します!



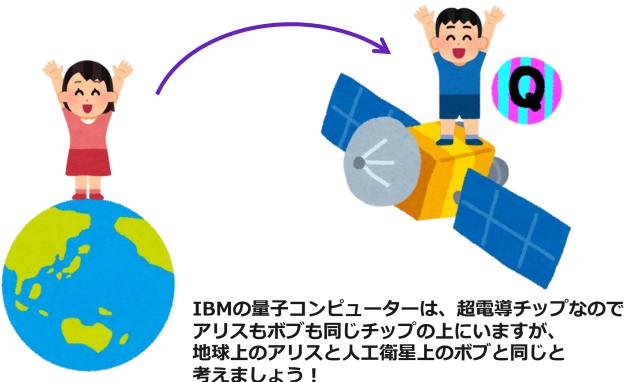
IBMの量子コンピューター

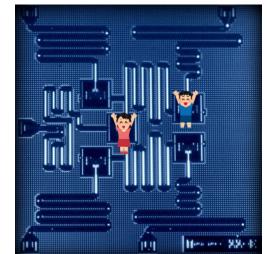


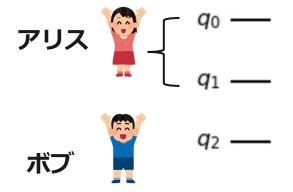


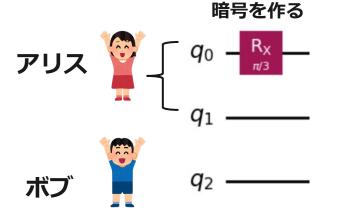
ケルビン **約-273℃ (0.015K)の低温で量子状態を実現**

アリスからボブに暗号(量子状態)を送ります

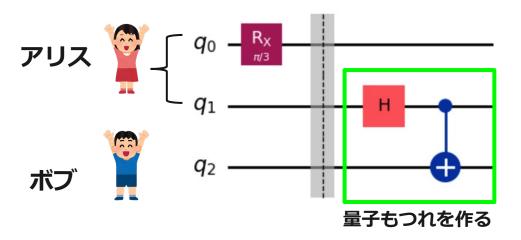






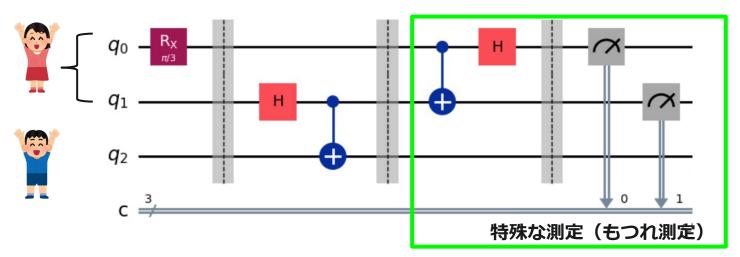


(1) 地球のアリスがある量子 (Q) (暗号) を持っています。

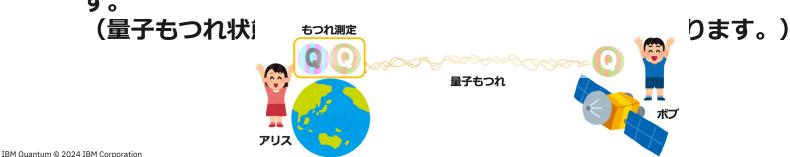


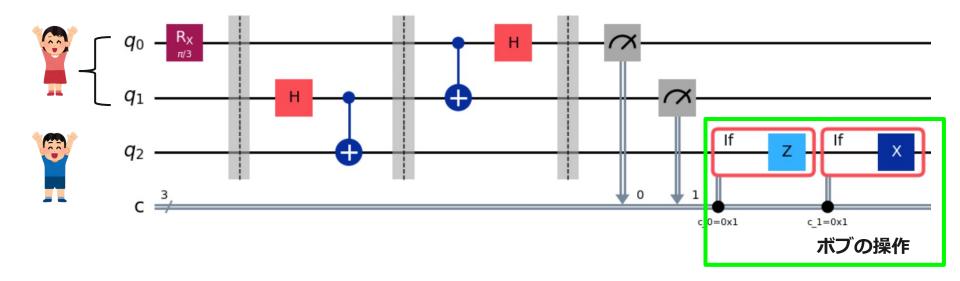
(2) 特別な関係にあるふたごの量子 (1) が地球と人工衛星の上にあります。 この2つ量子の関係は「量子もつれ」という関係です。



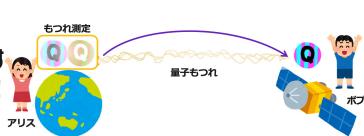


(3) 地球のアリスが地上の2つの量子に特殊な測定(もつれ測定)をします。





(4) アリスが測定結果をボブに送り、 ボブはもらった結果をもとに自分の量子を補正します。 ボブの量子がアリスの持っていた暗号に変化します!

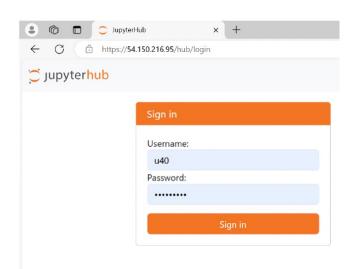


JupyterHubでの実行

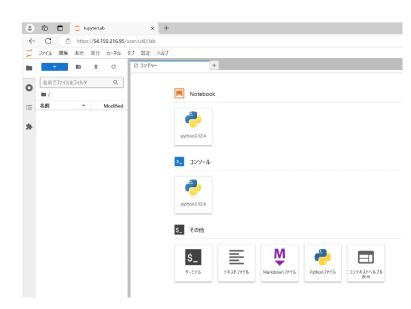
(1) Webブラウザー(Edge、Safari、Chrome、Firefoxなど)で https://54.150.216.95にログイン。



(2) ユーザ名とパスワード(メールで配布)を 入力して、「Sign in」をクリック。



(3) この画面になったら成功です!



Kawasaki Campが終わった後、Qiskitを実行する場合

(1) Google Colabratory (https://colab.research.google.com/) を使う。 毎回、以下のコマンドを最初に実行する必要があります。

```
!pip install qiskit qiskit[visualization] qiskit-ibm-runtime qiskit-aer
!pip install qiskit-algorithms qiskit-nature scikit-learn
!pip install --prefer-binary pyscf
```

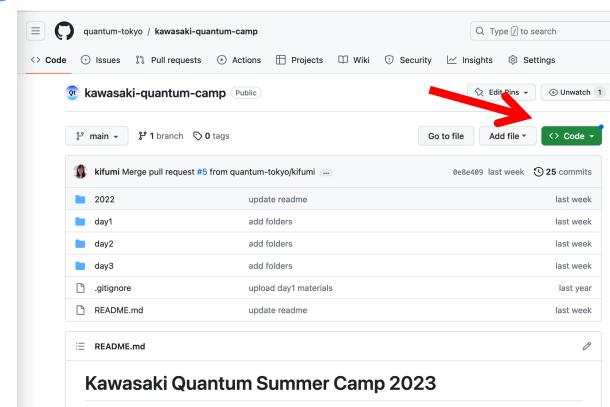
参照ブログ: https://qiita.com/kifumi/private/51a5d2a420e6318f78fb

(2) qBraid (<u>https://www.qbraid.com</u>) を使う。 実機で実行する場合は、以下のコマンドを実行する必要があります。

%pip uninstall --yes simplejson

ハンズオンの資料

URL: ibm.biz/kwskgit



(補足) 量子テレポーテーションアルゴリズムの詳細

Qiskitではピットの並びが|q2 q1 q0>です
$$|\psi_0\rangle = |00\rangle \otimes (\alpha|0\rangle + \beta|1\rangle)$$

$$|\psi_1\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|00\rangle + |11\rangle) \otimes (\alpha|0\rangle + \beta|1\rangle)$$

$$= \frac{1}{\sqrt{2}}(\alpha|000\rangle + \alpha|110\rangle + \beta|001\rangle + \beta|111\rangle)$$

$$|\psi_2\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(\alpha|000\rangle + \alpha|110\rangle + \beta|011\rangle + \beta|101\rangle)$$
 q0が1の時のみq1にXを操作
$$= \frac{1}{\sqrt{2}}(\alpha(|00\rangle + |11\rangle)|0\rangle + \beta(|01\rangle + |10\rangle)|1\rangle)$$
 aとβでまとめる
$$|\psi_3\rangle = \frac{1}{2}(\alpha(|00\rangle + |11\rangle)(|0\rangle + |11\rangle) + \beta(|01\rangle + |10\rangle)(|0\rangle - |1\rangle)$$
 q0にHを操作
$$= \frac{1}{2}(\alpha(|00\rangle + |11\rangle)(|0\rangle + |11\rangle) + \beta(|01\rangle + |10\rangle)(|0\rangle - |1\rangle)$$
 q0にHを操作
$$= \frac{1}{2}(\alpha(|00\rangle + |11\rangle)(|00\rangle + |11\rangle) + \beta(|01\rangle + |10\rangle)(|0\rangle - |1\rangle)$$
 q0にHを操作
$$= \frac{1}{2}(\alpha(|00\rangle + |11\rangle)(|00\rangle + |11\rangle) + \beta(|01\rangle + |10\rangle)(|00\rangle - |1\rangle)$$
 q0にHを操作
$$= \frac{1}{2}(\alpha(|00\rangle + |11\rangle)(|00\rangle + |11\rangle)(|00\rangle + |11\rangle)(|00\rangle - |1\rangle)$$
 q1が1の時は q0が1の時は q0が1の時は q0とq1が1の時は q0とq1が1の時は q0とq1が1の時は q0とq1が1の時は q2にXゲートをかける q2にXゲートをかける

