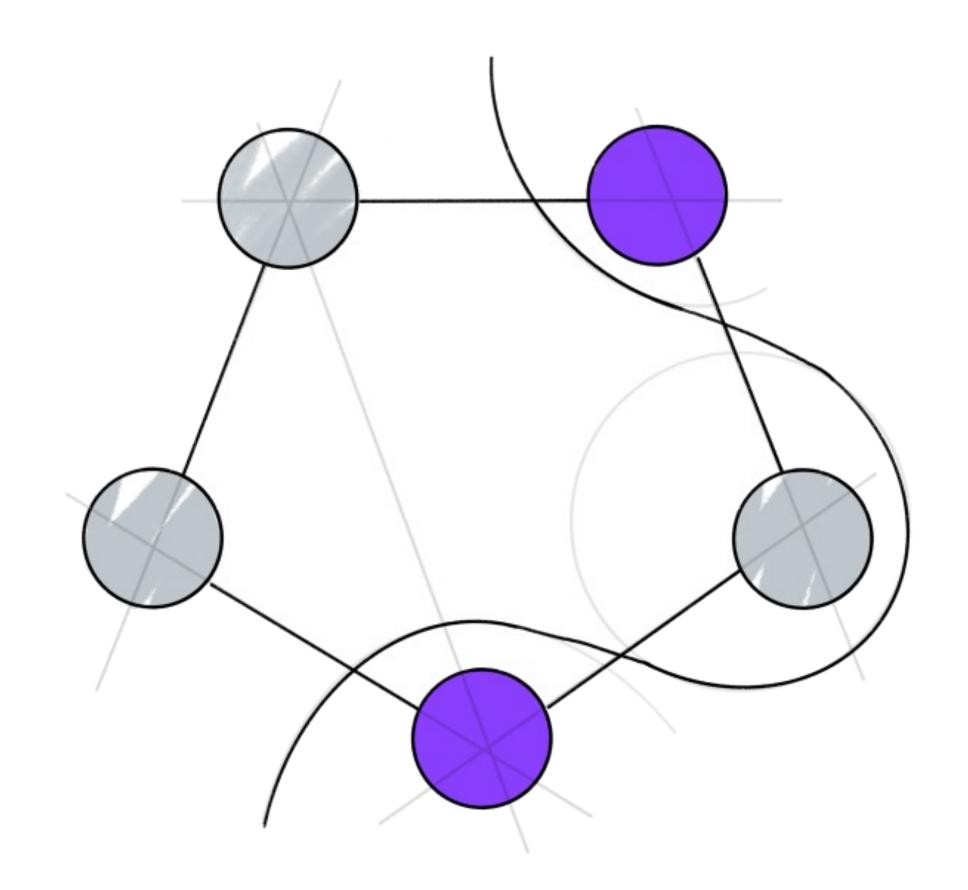
Kawasaki Quantum Summer Camp

最適化問題

小林 有里 Yuri Kobayashi IBM Quantum







Day 3

13:00-14:00 量子最適化 ~ 耕地の最適化

14:00-14:55 量子化学 ~ 水分子シミュレーションと薬の開発

14:55-15:05 Break

15:05-16:00 グループワーク Q&A

16:00-16:30 東京大学 今井浩先生の特別講義

16:30-17:30 グループワーク

海外から日本に来た友達と夜の遊園地へ





アトラクションを回るルートを考える



午後6時に入園して、閉園時間午後10時まで、どの順番でアトラクションを回ると最も無駄なく移動できるか?



考慮すべきことは何か

- ・訪問する順番
- 移動距離

アトラクションを回るルートを考える



午後6時に入園して、閉園時間午後10時まで、どの順番でアトラクションを回ると最も無駄なく移動できるか?



9個だけ好きなアトラクションを選んだとして、巡回路は何通りあるか?

 $9! = 9 \times 8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1$

= 362880通り

現実的にはもつと多くの変数を考慮すべき



午後6時に入園して、閉園時間午後10時まで、どの順番でアトラクションを回ると最も満足度を高められるか?



考慮すべきことは何か?

- どのアトラクションを選択するか
- アトラクションの数
- 移動距離
- ・待ち時間
- 乗車時間
- ・閉園までの時間
- アトラクションの好み (満足度)

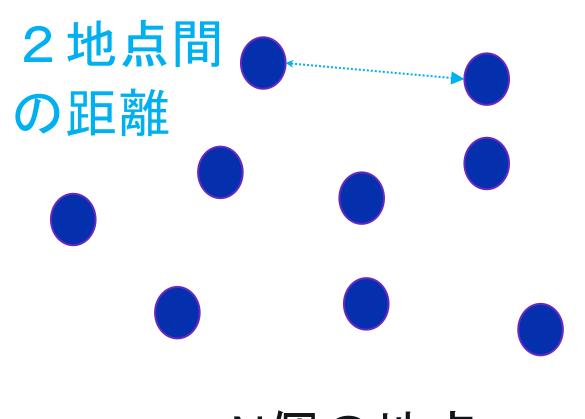
巡回セールスマン問題



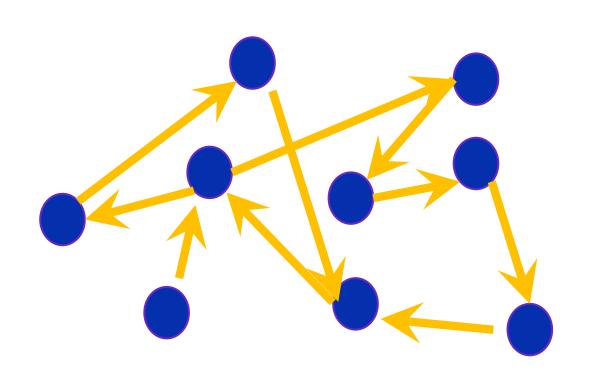
与えられるデータ:n個の地点と2地点間の距離

条件: すべての地点を1度ずつ通り元の地点に戻る

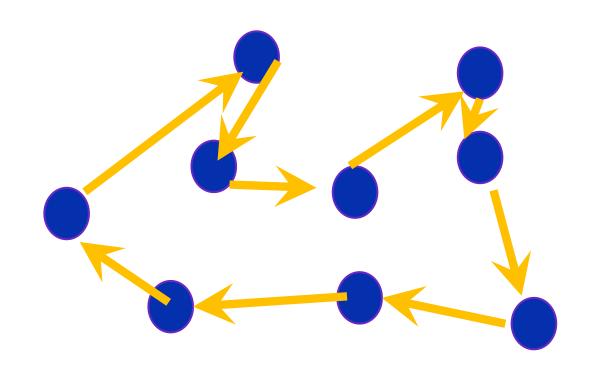
目標:総距離をできるだけ短くしたい



N個の地点



ある巡回路



別の巡回路

巡回路の選び方はn! = n(n-1)(n-2)···2 · 1通り n→∞ **n!** → 組合せ爆発!



ふつうのコンピューターでは手が負えないこの問題を量子コンピューターではどうアプローチして解くのでしょうか

皆さんは朝型ですか?それとも夜型ですか?

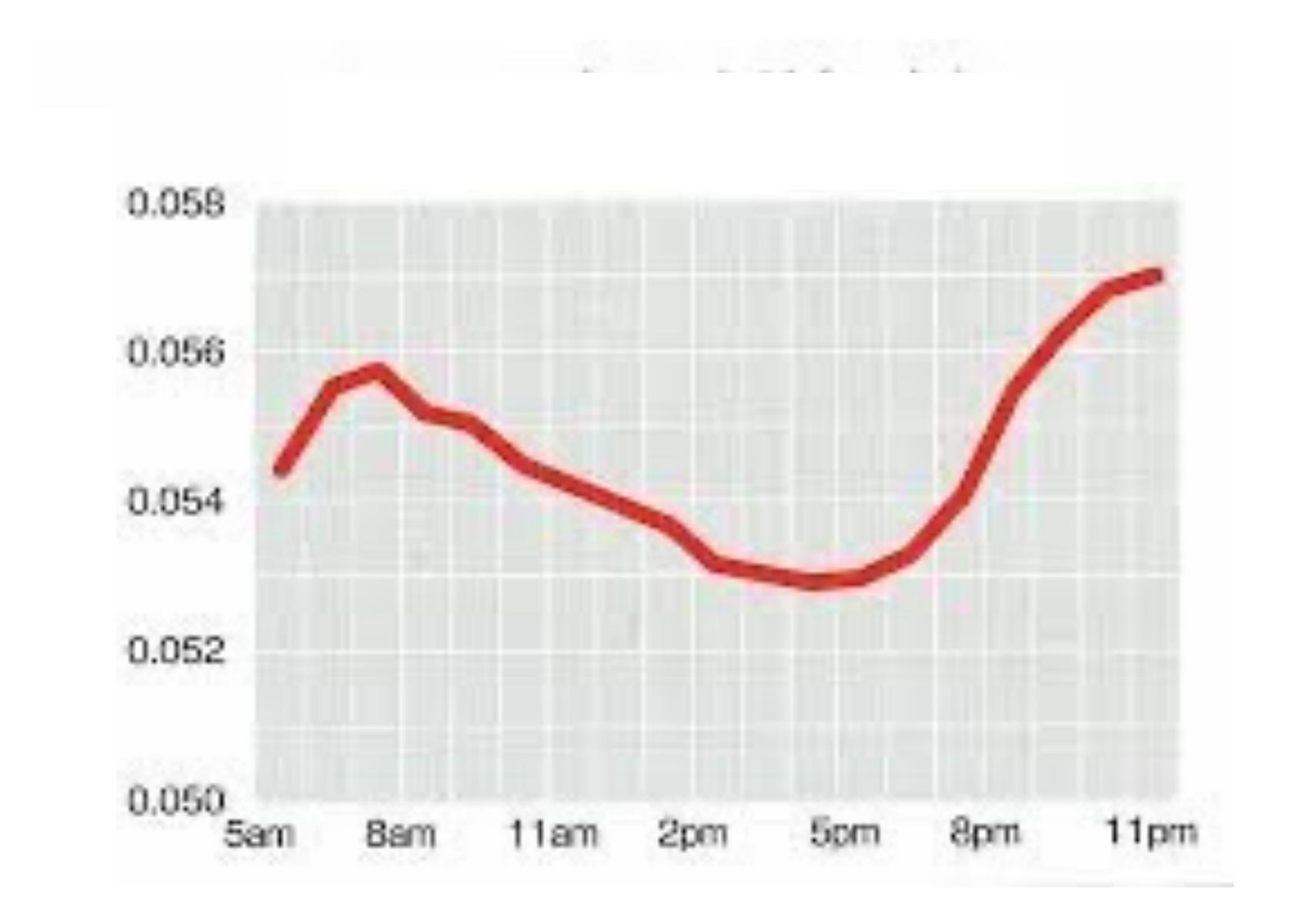






一日のエネルギーレベルの変化

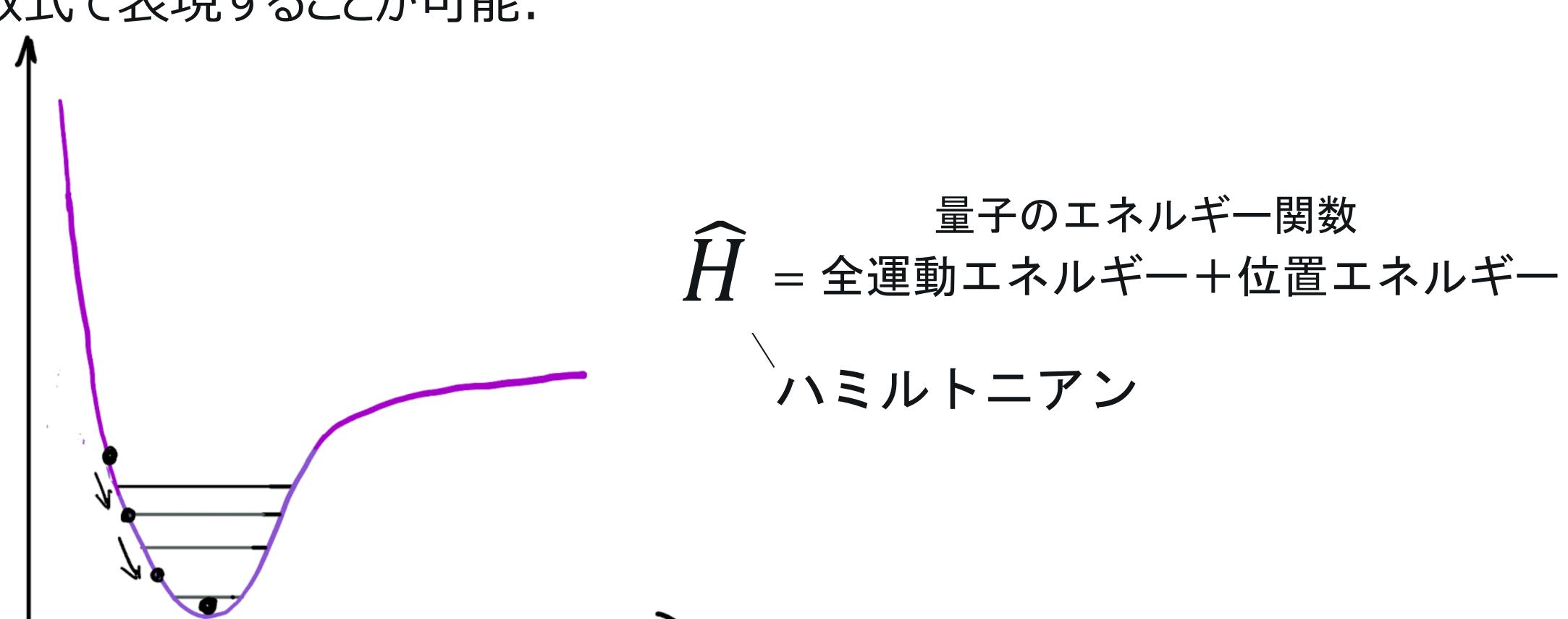




分子にもエネルギーレベルの変化があります



分子などある物理系の全エネルギーの移り変わりをプロットしたグラフはエネルギー関数として数式で表現することが可能.

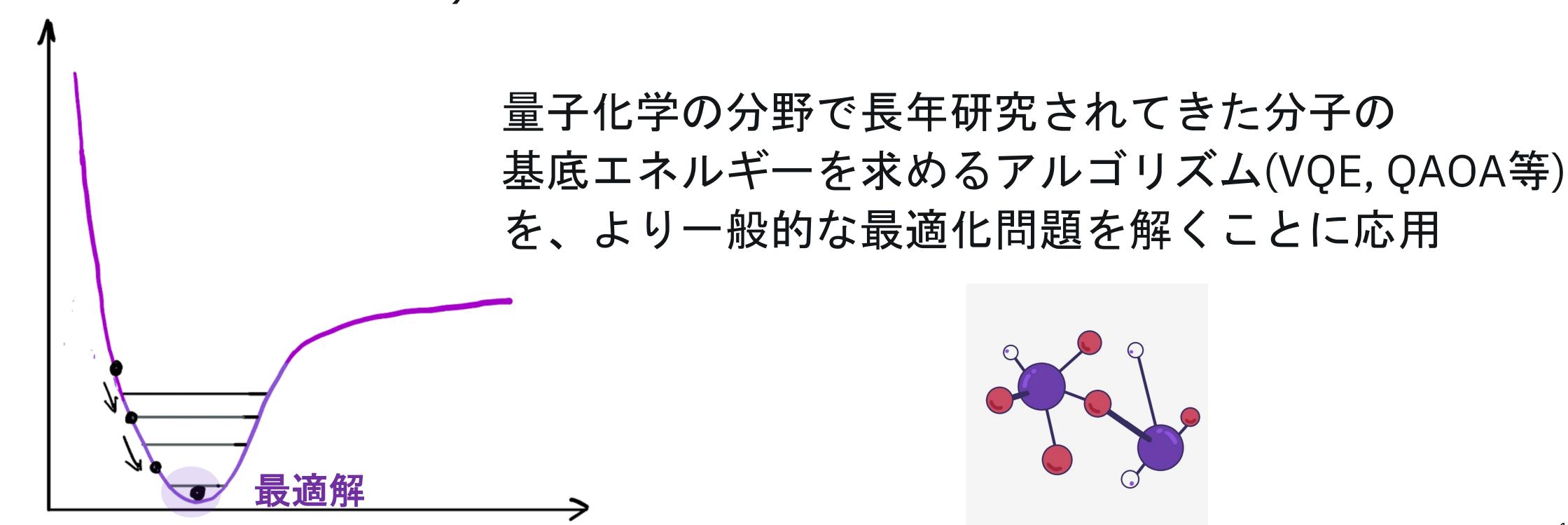


量子コンピューターが最適化問題に挑むアプローチ



従来のコンピューターだと指数関数的な計算時間がかかる巡回セールスマンのような問題を 量子コンピューターはどのようなアプローチで解くのでしょう。

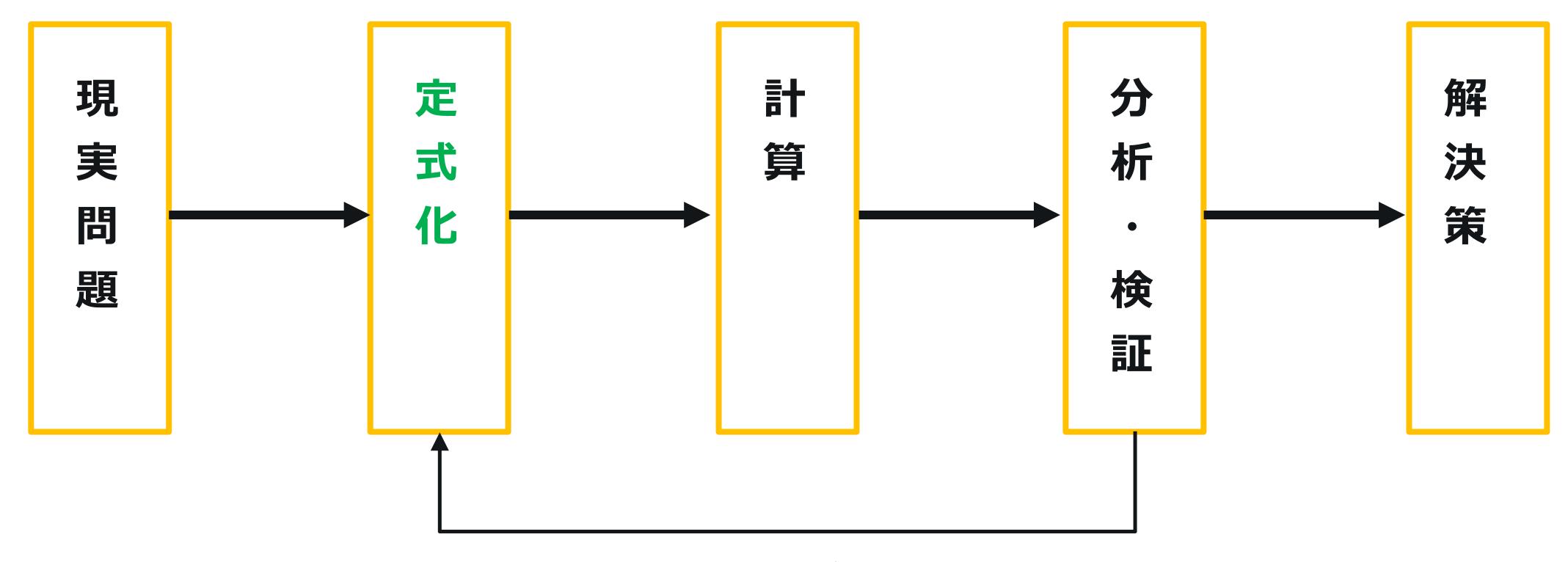
量子のもつエネルギー関数を、都市のまわり方における最短経路の分布とマッピングさせて、一番低いエネルギー状態(基底状態)をみるけるとそれが探している解となるようなアプローチです。



最適化問題の流れ



解こうとしている問題を数式でかきあらわずことを「定式化」といいます。



満足のいく最適化モデルができるまで、ここを繰り返す。

定式化とは?



解きたい問題を数式であらわすこと

目的関数・・・最小化または最大化したいもの

- 最小化: コスト、距離、重量、処理時間
 - 例)AからBへ最短時間で行く経路を求める
- 最大化: 利益、価値、生産高、効率、満足度
 - 例)300円の予算で最も満足度の高い遠足に 持っていくお菓子を決める







定式化のお作法



目的関数:最小化または最大化したいもの

(最小化:園内の移動距離、最大化:満足度、報酬)

(最小化) Minimize ~ (最大化) Maximize ~

制約条件:探すべき変数がある集合に含まれることを指す (閉園時間まで t=4時間、アトラクション数、2回連続で 同じアトラクションには乗車しないルール, etc.)

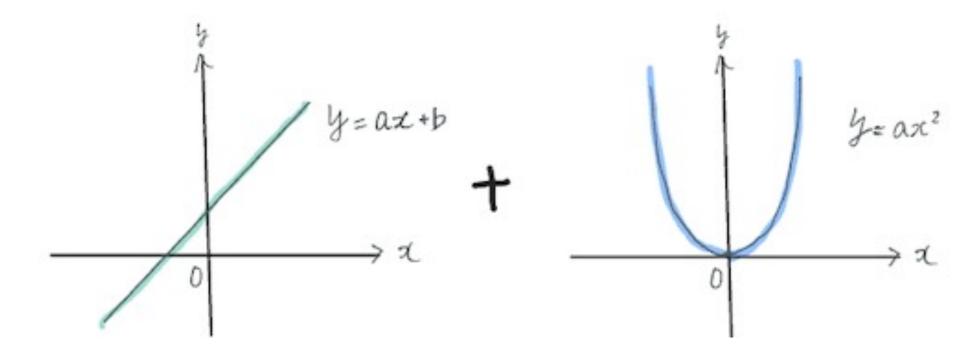
Subject to ~ 具体的な制約条件の記述

目的関数



目的関数: 1次式 + 2次式

(線形式)



例)

変数が1つの場合: 2x + 4 + x²

変数が2つの場合: $2x_1 + x_2 + 4x_1^2 + x_1x_2$

変数が3つの場合: $2x_1 + 1x_2 + 4x_3 + 2x_1x_2 + 4x_1x_3 + 1x_2x_3$

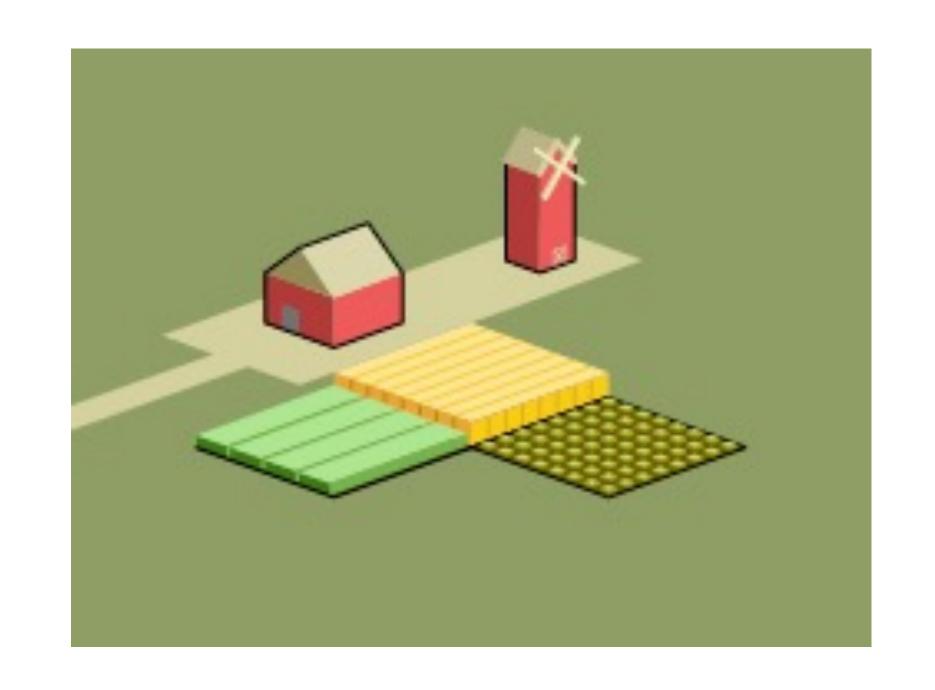
変数の前についている係数は、各変数の特徴量として、過去データから予め提供されることが多い

ある制約条件のもとで2次式の最小値または最大値を求める問題を

「2次計画問題 (quadratic program)」と呼びます。



今日の演習課題: 「農地の収穫量最適化問題」



IBM Quantum Challenge Africa 2021



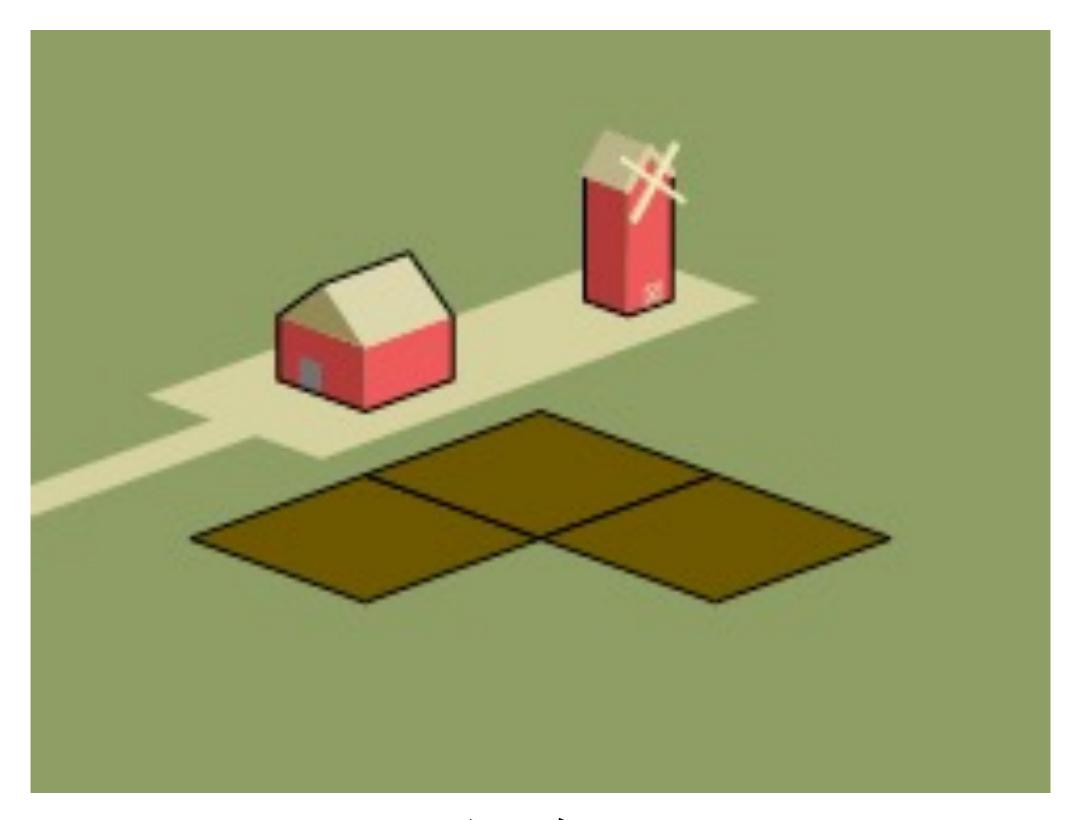
2021年のプログラミングコンテスト IBM Quantum Challengeでは、アフリカのQiskit Communityメンバーが、現 在のアフリカが抱える課題をテーマに問題設定を行いました。そのうちの一つが農業の生産性というテーマでした。 アフリカの農業は生産性が低いことから、人口増加による食料需要に供給が追い付かないなどの課題があります。





農地の収穫量を最大化するには?





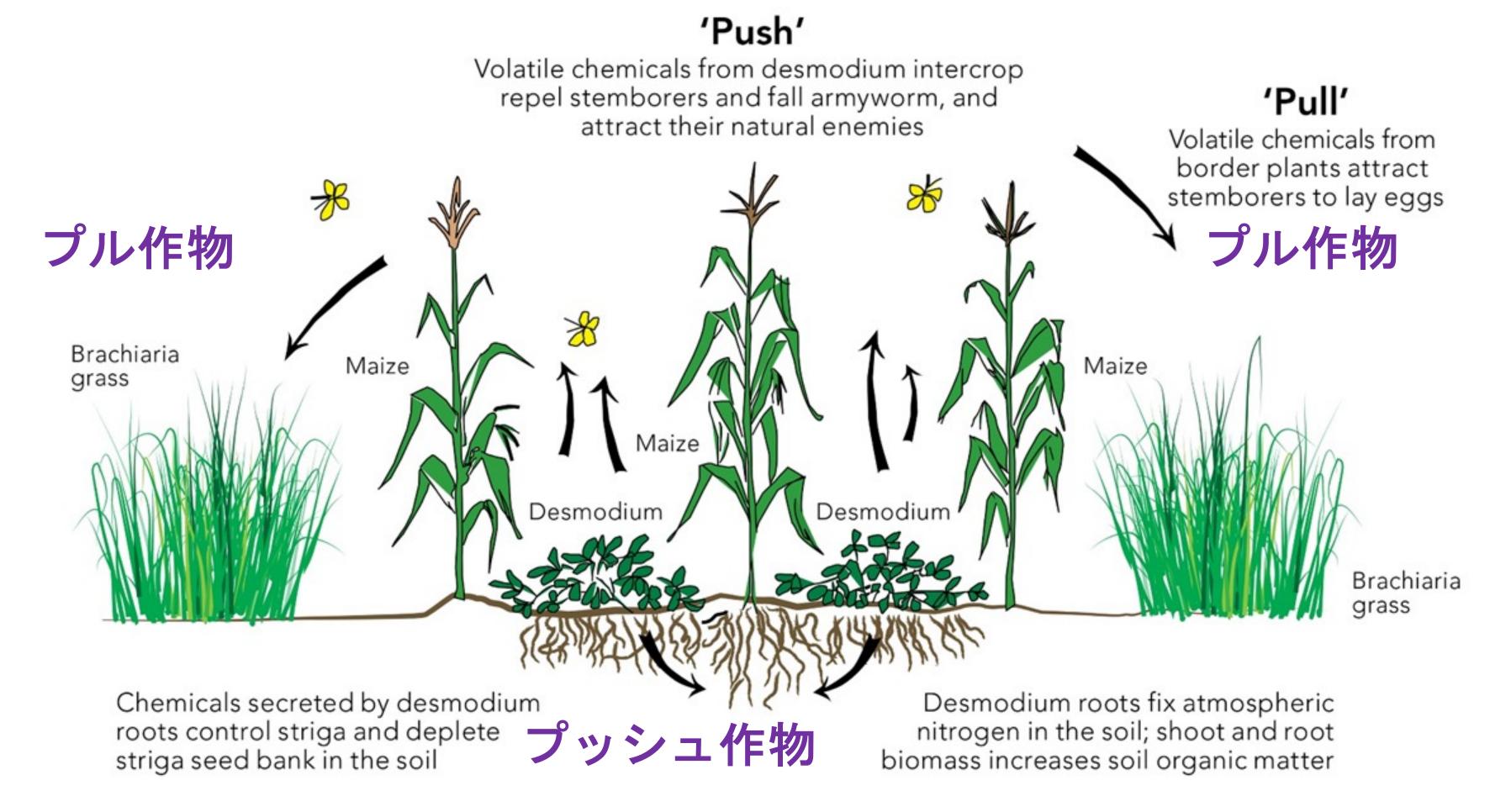
3 ヘクタール



プッシュプル農法



プッシュプル農法とは、害虫を寄せ付けないプッシュ作物と、害虫を引き寄せるプル作物をペアで栽培することです。化学薬品をつかわずに害虫被害を抑制する農法。



農法別の収穫量係数



農法には「単作」「間作」「プッシュプル農法」の3種類があります。単作とは、一つの作物だけを栽培する方法です。単作では、病気や害虫の影響を受けやすく、収穫量全体に影響を及ぼします。間作とは、収穫量を増やすために2つの異なる作物を選択することです。組合せによって、両方の収穫量が増えたり、逆に収穫量が減ったりする場合もあります。 プッシュプル農法とは、害虫を寄せ付けないプッシュ作物と、害虫を引き寄せるプル作物をペアで栽培することです。

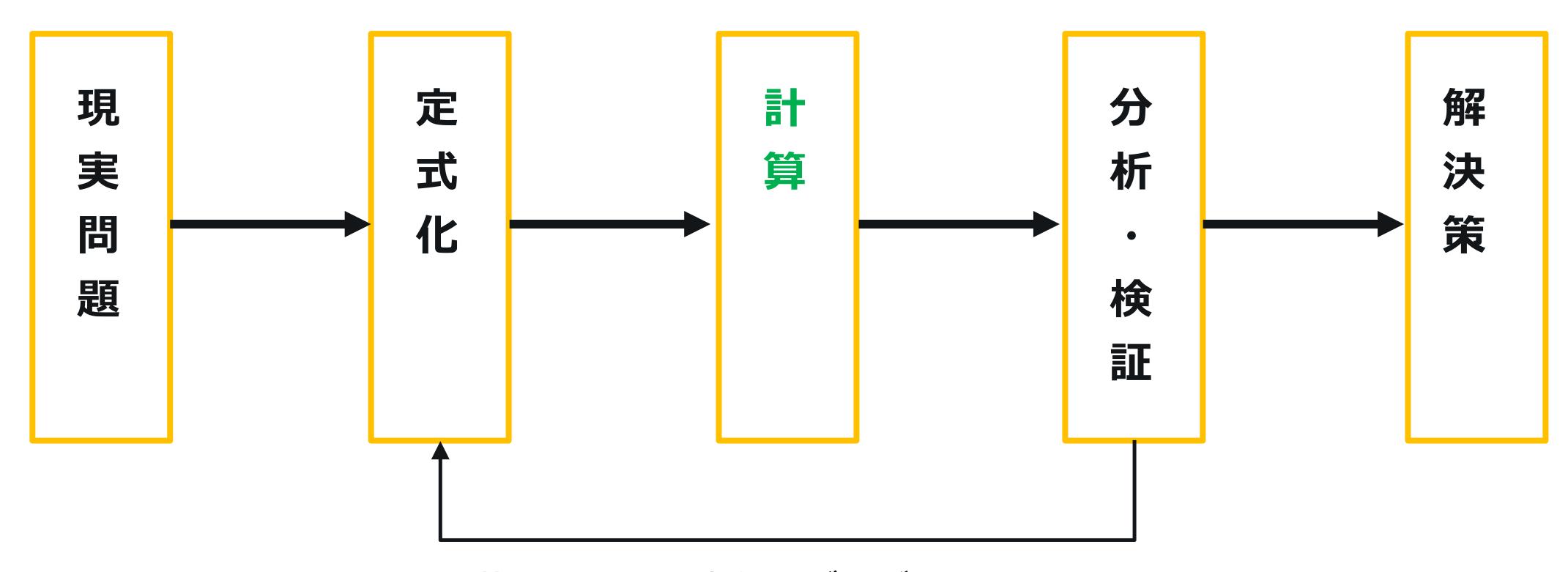
	小麦	一大豆	トウモロコシ	プッシュプル
小麦	2	2.4	4	4
大豆 🧼	2.4	1	2	1
トウモロコシ	4	2	4	5
プッシュプル 🧼	4	1	5	

1作 間作 プッシュプル

計算(2次計画問題を特く)



定式化後の計算は「2次計画問題を量子コンピューターで解くこと」を意味します。



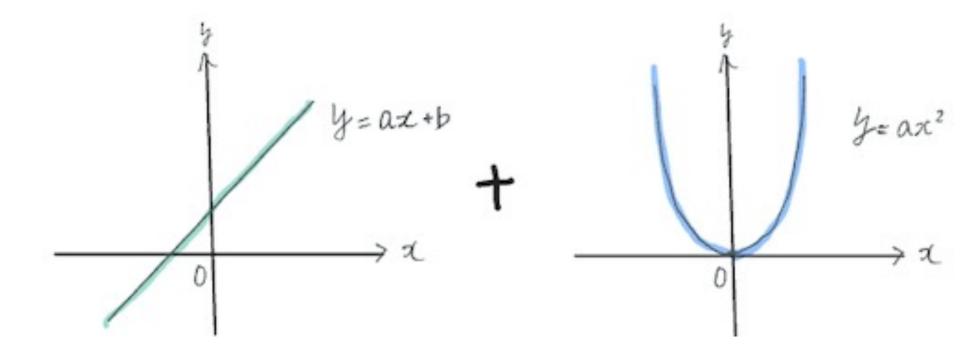
満足のいく最適化モデルができるまで、ここを繰り返す。

目的関数の特徴



目的関数: 1次式 + 2次式

(線形式)



例)

変数が1つの場合: 2x + 4 + x²

変数が2つの場合: $2x_1 + x_2 + 4x_1^2 + x_1x_2$

変数が3つの場合: $2x_1 + 1x_2 + 4x_3 + 2x_1x_2 + 4x_1x_3 + 1x_2x_3$

変数の前についている係数は、各変数の特徴量として、過去データから予め提供されることが多い

ある制約条件のもとで2次式の最小値または最大値を求める問題を

「2次計画問題 (quadratic program)」と呼びます。

Qiskit Optimization



Qiskit Optimizationという最適化問題専用のアプリケーションモジュールは、 2次計画問題作成に特化したデータ型をつくるQuadraticProgramクラスを提供します

- 関数宣言
- QuadraticProgramクラスで収穫量 (cropyield)インスタンスを生成
- ・ 変数の追加
- 目的関数の定義
- ・ 制約の追加

Quantum Tokyo



https://github.com/quantum-tokyo/kawasaki-quantum-camp

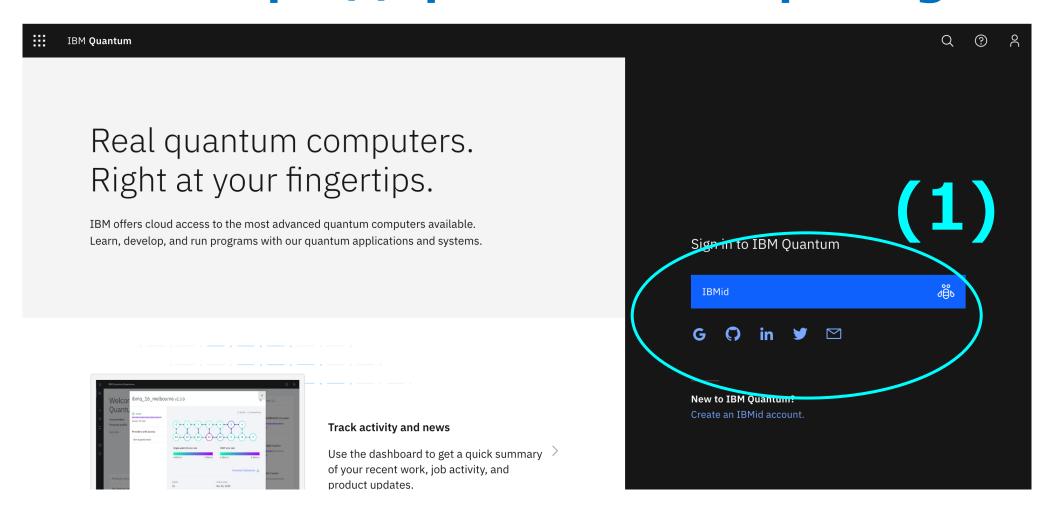
'optimization'フォルダの中身全部をダウンロードください

IBM Quantum Labでの実行

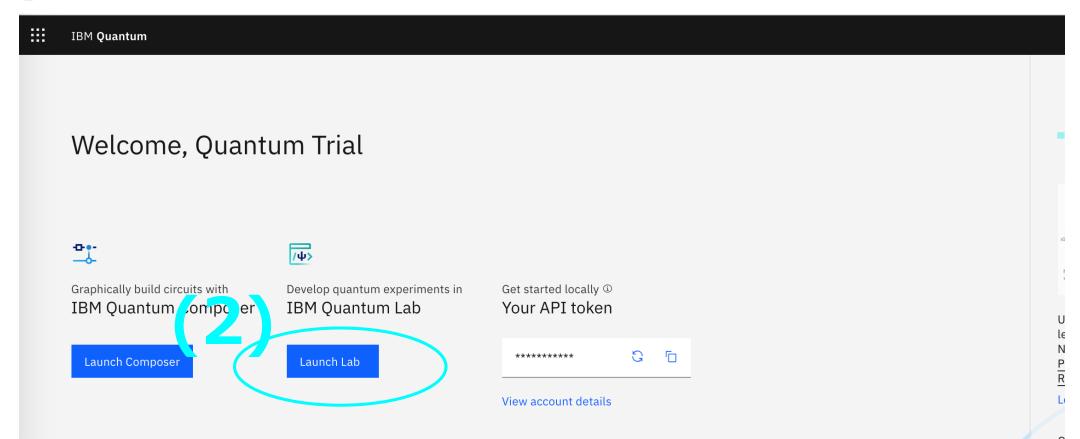
サインインの方法: <u>『IBM Quantum Composerの登録(くわしいバージョン)』</u>

(1) IBM Quantumにログインします。

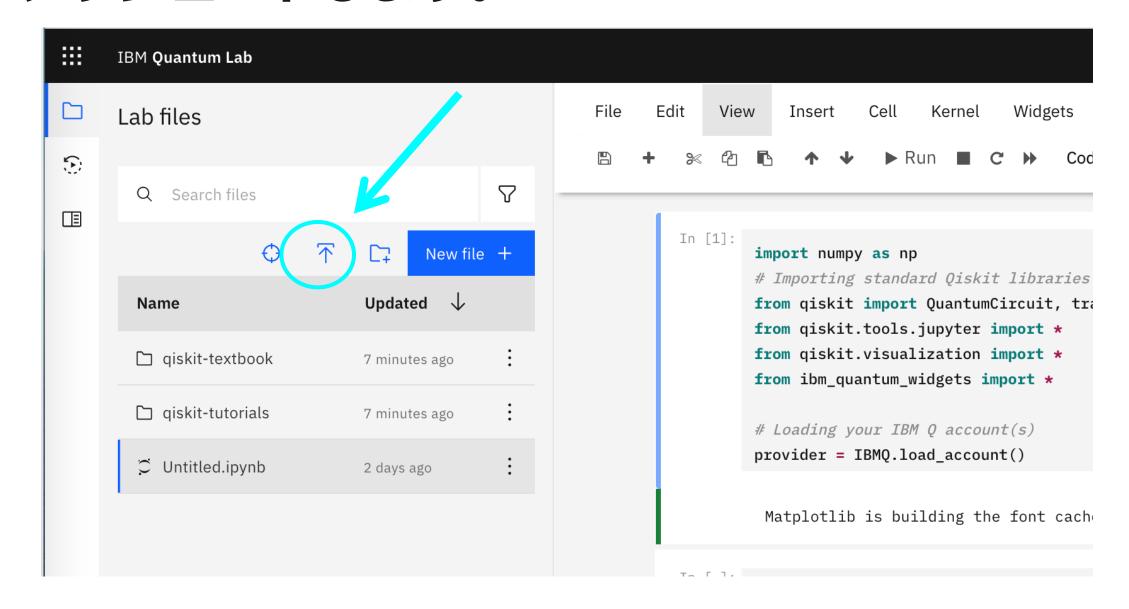
URL: https://quantum-computing.ibm.com/



(2) 青の右側「Launch Lab」をクリック。



(3)左側 T の「Upload file」から、ご自分のローカルに保存したハンズオンコンテンツ「20220803_optimization」を探して、アップロードします。



(4)ファイル名「20220803_optimization」を ダブルクリックして開きます。

定式化



目的関数(最大化) maximize



1次式のパート:単作の係数をあてはめていく

2次式のパート:間作とプッシュプルの係数を あてはめていく

制約条件

subject to



- $0 \le \le \le 1$
- $0 \leq \sim \leq 1$

- (1) 選べる作物の品種は3種類以下
- (2) 各作物は0 haまたは1 ha作付け可能

Qiskitを使った演習



#目的変数の定義

```
linear={"W": 2, "S": 1, "M": 4},
quadratic={("W", "S"): 2.4, ("W", "M"): 4 , ("W", "P"): 4 ,("S", "M"): 2, ("S", "P"): 1 , ("M", "P"): 5 },
```

#制約の追加

```
cropyield.linear_constraint(linear={"W": 1, "S": 1,"M": 1, "P": 1},
sense="<=", rhs=3)</pre>
```

まとめ



最適化問題は、意志決定の手段として身近な問題から大きな問題まで、あらゆるところで見受けられる問題です。

多くの組合せの中から最適な解をみつける問題は、変数が増えると計算量が爆発的に増えてしまい、ふつうのコンピューターでは 計算が困難となることがあります。

量子コンピューターは量子化学の分野で長年研究されてきた分子の基底エネルギーを求めるために開発されたアルゴリズムを活用して最適化問題を効果的に解くのに適用できる場合があります。

計算するにあたって、現実問題を定式化することが必要で、原則与えられた制約条件の下で、ある**目的関数**を最大または最小にする解を求めます。

目的関数と制約条件さえ定義できれば、**Qiskit Optimization**という最適化問題に特化したライブラリを活用すれば比較的簡単に最適化問題を解くことが可能です。



Thank you

Qiskit Optimization ドキュメンテーション (日本語訳)

https://qiskit.org/documentation/optimization/locale/ja_JP/index.html

Qiskit Optimization (Qiskit YouTube チャンネル)

https://youtu.be/claoY57eVIc

Qiskit Tutorials Optimization編 (Quantum Tokyo YouTube チャンネル)

https://youtu.be/bhA86ayQpPk

遊園地のアトラクションを巡る 最適なルートに関する論文

東京ディズニーランドの 最適巡回路

http://www.st.nanzan-u.ac.jp/info/gr-thesis/2014/11se134.pdf

東京ディズニーランドの最適巡回路

2011SE134 小石愛子 2011SE288 山辺有紗

指導教員:佐々木美裕

1 はじめに

東京ディズニーランドは日本で1番年間来場者数が多いテーマパークである[1]. 夏休みなど長期休暇のある時期は特に混雑し、待ち時間が400分以上となるアトラクションもある. このように混雑する場合、乗りたいアトラクションやショーを効率的に回らなければ、一日では広いディズニーランド内を回りきることはできない. そこで、東京ディズニーランドにあるアトラクションを効率的にめぐる方法がないか研究したいと考えた.

2 本研究の目的

本研究の目的を 2 つ挙げる. 第 1 の研究目的は個人の 満足度が最大となるように東京ディズニーランドを開園か ら閉園まで 1 日かけて巡回する最適巡回路を求めることで ある.

第2の研究目的は、東京ディズニーランドの最適巡回路 を表示させる iPhone アプリケーション作成を行い、本研 究が実際に東京ディズニーランドで利用できるような実用 的なものとすることである。

3 モデルの説明

このモデルを考える上で、次の仮定を設ける.

- 開園 8:30 から閉園 21:30 までの 780 分間,東京ディ ズニーランドのパーク内を巡回する。
- パーク内で過ごす時間はアトラクション間の移動時間,各アトラクションでの待ち時間・所要時間の合計で表す。
- 対象人数は1人とする。
- 園内を歩く速度は分速80メートルとする。
- 開園と同時に入場ゲートを出発し、巡回後の満足度の 合計が最大となるように、いくつかのアトラクション を巡り、閉園時間までに入場ゲートに戻る巡回路を求 める。
- このモデルにおいて、昼食、夕食の時間を考慮しない。
- 入口,出口はアトラクションでないので満足度,待ち時間,乗車時間はともに0とする.
- 東京ディズニーランドおすすめアトラクションランキング [8] をもとに人気順位 19 位までのアトラクションを研究対象とする。

19 のアトラクション,入口,出口に以下のように番号をつける.

- ①入口
- ②シンデレラ城
- ③カリブの海賊

- ④ジャングルクルーズ
- ⑤ウェスタンリバー鉄道
- ⑥ビックサンダーマウンテン
- ⑦蒸気船
- ⑧ビーバーブラザーズ
- ⑨スプラッシュマウンテン
- のホーンテッドマンション
- ①アリスのティーパーティー
- Qプーさんのハニーハント
- (Bロジャーラビット
- 印ミッキーの家
- 砂ミニーの家
- 18バズライトイヤー
- (9スペースマウンテン
- ②モンスターズインク
 ②出口

19 のアトラクションと入口、出口、それぞれの番号を 地図上に示すと図1のようになる。



図1 各アトラクション番号と位置

東京ディズニーランド公式ホームページ [6] 載されている東京ディズニーランドの各アトラクションの乗車時間と図1のアトラクション番号との対照を表1にまとめた。

4 定式化

以下に記号を定義する. I:アトラクションの集合.