

Autómatas y Lenguajes formales

Ejercicio Semanal 10

Sandra del Mar Soto Corderi
Edgar Quiroz Castañeda

25 de abril del 2019

1. Dado el lenguaje L definido como sigue:

$$L = \{a^n b^m c^k | m \neq n \text{ o } m \neq k\}$$

a) Diseña un Autómata de pila que acepte L.

Primero hay que diseñar un autómata que acepte a $\{a^n b^m c^k | m \neq n\}$. Este sería

$$M_1 = \langle Q_1, \Sigma, \Gamma_1, \delta_1 a, q_1, Z_0, F_1 \rangle$$

Donde:

- $Q_1 = \{q_1, q_2, q_3, q_4, q_5\}$
- $\Sigma = \{a, b, c\}$
- $\Gamma_1 = \{Z_0, A\}$
-

$$\delta(q_1, a, Z_0) = (q_1, AZ_0)$$

$$\delta(q_1, b, Z_0) = (q_4, \epsilon)$$

$$\delta(q_1, c, A) = (q_5, \epsilon)$$

$$\delta(q_2, b, A) = (q_2, \epsilon)$$

$$\delta(q_2, c, A) = (q_5, \epsilon)$$

$$\delta(q_4, b, Z_0) = (q_4, Z_0)$$

$$\delta(q_4, c, Z_0) = (q_5, Z_0)$$

$$\delta(q_5, c, Z_0) = (q_5, Z_0)$$

$$\delta(q_1, a, A) = (q_1, AA)$$

$$\delta(q_1, b, A) = (q_2, \epsilon)$$

$$\delta(q_1, \epsilon, A) = (q_3, \epsilon)$$

$$\delta(q_2, b, Z_0) = (q_4, \epsilon)$$

$$\delta(q_2, \epsilon, A) = (q_3, \epsilon)$$

$$\delta(q_4, b, A) = (q_4, \epsilon)$$

$$\delta(q_4, c, A) = (q_5, \epsilon)$$

$$\delta(q_5, c, A) = (q_5, \epsilon)$$

- q_1 es el estado inicial.
- Z_0 es el símbolo al fondo de la pila.
- $F_1 = \{q_3, q_4, q_5\}$

Luego, hay que hacer otro autómata

$$M_2 = \langle Q_2, \Sigma, \Gamma_2, \delta_2, q_6, Z_0, F_2 \rangle$$

Para reconocer $\{a^n b^m c^k | m \neq k\}$ Dado por

- $Q_2 = \{q_6, q_7, q_8, q_9\}$
- $\Sigma = \{a, b, c\}$
- $\Gamma_2 = \{B, Z_0\}$
-

$$\delta(q_6, a, Z_0) = (q_6, Z_0)$$

$$\delta(q_6, b, B) = (q_6, BB)$$

$$\delta(q_6, c, B) = (q_7, \epsilon)$$

$$\delta(q_7, c, B) = (q_7, \epsilon)$$

$$\delta(q_7, \epsilon, B) = (q_2, \epsilon)$$

$$\delta(q_9, c, B) = (q_9, \epsilon)$$

$$\delta(q_6, b, Z_0) = (q_6, BZ_0)$$

$$\delta(q_6, c, Z_0) = (q_8, \epsilon)$$

$$\delta(q_6, \epsilon, B) = (q_8, \epsilon)$$

$$\delta(q_7, c, Z_0) = (q_9, \epsilon)$$

$$\delta(q_9, c, Z_0) = (q_9, Z_0)$$

- q_6 es el estado inicial.
- Z_0 es el símbolo al fondo de la pila.
- $F_2 = \{q_8, q_9\}$

Entonces el autómata

$$M = \langle Q, \Sigma, \Gamma, \delta, q_0, Z_0, F \rangle$$

Que acepta al lenguaje deseado está dado por

- $Q = \{q_0\} \cup Q_1 \cup Q_2$
- $\Sigma = \{a, b, c\}$
- $\Gamma = \{A, B, Z_0\}$
-

$$\delta(q_0, \epsilon, Z_0) = \{(q_0, Z_0), (q_6, Z_0)\}$$

$$\delta(p, s, \gamma) = \begin{cases} \delta_1(p, s, \gamma) & \text{si } p \in Q_1 \\ \delta_2(p, s, \gamma) & \text{si } p \in Q_2 \end{cases}$$

- q_0 es el estado inicial.
- Z_0 es el símbolo al fondo de la pila.
- $F = F_1 \cup F_2$

- b) Construye un autómata de pila que acepte el lenguaje, a partir del AP del inciso anterior. Usando los algoritmos vistos en clase para cambiar el criterio de aceptación del autómata.
El autómata resultante sería

$$M' = \langle Q \cup \{p_0, p\}, \Sigma, \Gamma \cup \{N_0\}, \delta', P_0, N_0, \emptyset \rangle$$

Con δ' igual a δ , excepto por estas transiciones nuevas

$$\begin{aligned} \delta(p_0, \epsilon, N_0) &= \{(q_0, Z_0 N_0)\} \\ \delta(q_3, \epsilon, s) &= \{(p, s)\} \\ \delta(q_4, \epsilon, s) &= \{(p, s)\} \\ \delta(q_5, \epsilon, s) &= \{(p, s)\} \\ \delta(q_8, \epsilon, s) &= \{(p, s)\} \\ \delta(q_9, \epsilon, s) &= \{(p, s)\} \\ \delta(p, \epsilon, s) &= \{(p, \epsilon)\} \end{aligned}$$

Donde $s \in \Gamma \cup \{N_0\}$ es arbitrario.

- c) Muestra la ejecución formal, en ambos autómatas, de las cadenas:

- aabbccc
- aabbcc