

**Repescagem do 2º Teste****24/Janeiro/2015****Duração total (partes teórica e prática): 2 horas**

Esta parte realiza-se com consulta de 1 ou 2 livros de texto, as folhas da disciplina e transparências das aulas teóricas.

Apresente um nível adequado de justificação e a fonte bibliográfica das expressões que utilizou se diferentes das utilizadas nas aulas teóricas.

**PARTE PRÁTICA****I**

(8 valores)

Considere o escoamento de um fluido de massa específica  $\rho$  em torno de um cilindro de raio  $R$ , e comprimento  $L$ , com velocidade de aproximação não perturbada  $U_0$  e pressão  $P_0$ , representado na figura 1. Considerando o escoamento em torno do cilindro como invíscido (sem separação), a velocidade sobre a sua superfície é dada por  $U(x) = 2U_0 \sin(x/R)$ , onde  $x$  é a distancia sobre o cilindro, e  $\theta$  é o ângulo, contados a partir do ponto de estagnação.

- a) Calcule a pressão sobre a superfície do cilindro em qualquer ponto (na ausência de separação). (1,0 val.)
- b) Qual a resistência aerodinâmica de natureza invíscida neste caso? (1,0 val.)

Considere agora o desenvolvimento de uma camada limite laminar de um fluido Newtoniano com viscosidade dinâmica  $\mu$  em torno do cilindro, sabendo que esta se separa no ponto  $x_{sep}$  (figura 1), e que a pressão na zona de separação é uniforme e igual à pressão no ponto de separação  $P(x \geq x_{sep}) = P(x_{sep})$ .

- c) Usando o método de Thwaites estabeleça a equação algébrica que permite calcular a localização do ponto de separação  $x_{sep}/R$  (não resolva a equação). (2,0 val.)
- d) Calcule a resistência aerodinâmica de natureza invíscida neste caso, sabendo que a camada limite se separa no ponto  $x_{sep}/R = 1,823$  ( $\theta_{sep} = 104,5^\circ$ )? (2,5 val.)
- e) Sabendo que o coeficiente de resistência aerodinâmica do cilindro (baseado na área frontal do cilindro) para escoamento laminar é igual a  $C_D = 1,2$ , qual a resistência aerodinâmica de natureza viscosa? (1,5 val.)

NOTAS:

$$\int \sin^n(ax) dx = -\frac{\sin^{n-1}(ax) \cos(ax)}{an} + \frac{n-1}{n} \int \sin^{n-2}(ax) dx + C$$
$$\int \sin^2(ax) \cos(ax) dx = \frac{\sin^3(ax)}{3a} + C$$

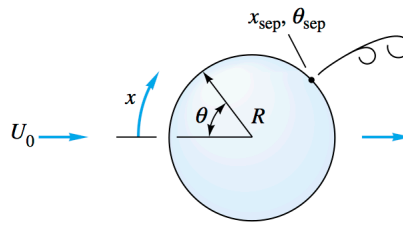


Figura 1: Esquema do cilindro imerso no escoamento com o sistema de coordenadas indicado.

## II

(7 valores)

Considere uma tubeira convergente-divergente, com a forma indicada na figura 2, que liga dois reservatórios de grandes dimensões, um de alimentação e outro de descarga. A temperatura no reservatório de alimentação é  $T_0 = 353$  K. Considere que o escoamento é adiabático. As áreas das secções transversais são  $A_1 = 0,1 \text{ m}^2$ ,  $A_2 = 0,14 \text{ m}^2$  e  $A_3 = 0,20 \text{ m}^2$ . Utilize o valor  $R = 287 \text{ J/(kg K)}$  para a constante de gás perfeito do ar e  $\gamma = 1.4$  para a razão de calores específicos do ar.

- a) Assumindo que o caudal mássico é  $\dot{m} = 200 \text{ kg/s}$  e sabendo que a temperatura na garganta é de  $T_1 = 323$  K, calcule a pressão no reservatório de alimentação.

(1,5 val.)

- b) Qual a pressão  $p_4$  que teria que ter o reservatório de descarga para o escoamento ser supersónico à saída da tubeira (secção 3), em condições de caudal máximo e sem variações de entropia.

(2,0 val.)

**Nota:** Se não determinou a pressão no reservatório de alimentação considere  $p_0 = 1 \text{ MPa}$ .

- c) Alteraram-se as condições no reservatório de descarga de tal modo que ocorre uma onda de choque na tubeira. O valor medido da pressão à saída da tubeira é de  $p_3 = 682000 \pm 500 \text{ Pa}$ . Verifique se a onda de choque ocorre na secção 2. Se tal não se verificar, indique se a onda de choque está a montante ou a jusante da secção 2. Justifique. (2.5 val.)

- d) Desenhe em diagramas  $T$ - $s$  separados a evolução do escoamento referente às alíneas a) e c).

(1,0 val.)

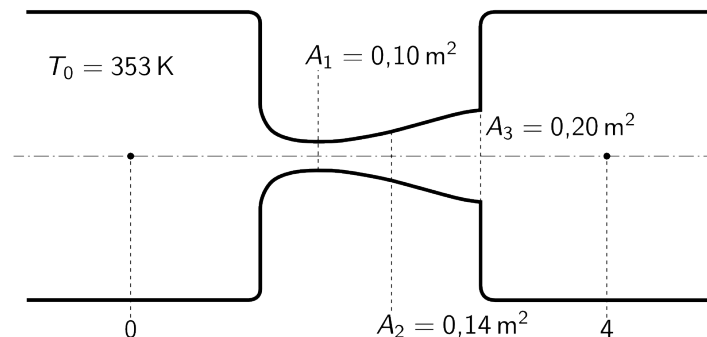


Figura 2: Esquema da tubeira convergente-divergente entre os dois reservatórios.