Lenguajes de Programación 2020-1 Facultad de Ciencias UNAM Ejercicio Semanal 5

Sandra del Mar Soto Corderi Edgar Quiroz Castañeda

12 de septiembre de 2019

- 1. De acuerdo a la representación de lo booleanos en el cálculo lambda, realice lo siguiente
 - Implemente la función de disyunción or

$$\mathtt{or} \equiv \lambda p.\lambda q.pTq = \lambda p.\lambda q.p(\lambda x.\lambda y.x)q$$

• Implemente la función de disyunción exclusiva xor

$$\texttt{xor} \equiv \lambda p. \lambda q. p(qFT)(qTF) = \lambda p. \lambda q. p(q(\lambda x. \lambda y. y)(\lambda x. \lambda y. x))(q(\lambda x. \lambda y. x)(\lambda x. \lambda y. y))$$

- Muestre que las definiciones son correctas. Esto es que para b_1, b_2 boolenanos y f función booleana, f b_1, b_2 se recuden de acuerdo a la tabla de verdad de f.
 - or

La table de verdad es

$P \backslash Q$	F	T
F	F	T
T	T	T

Table 1: Tabla de verdad de $p \vee q$

Entonces, primero supongamos que P = F. Entonces,

$$\begin{split} \operatorname{or} FQ &= FTQ = (\lambda x.\lambda y.y)(\lambda x.\lambda y.x)Q \\ &= (\lambda y.y)[x := \lambda x.\lambda y.x]Q = (\lambda y.y[x := \lambda x.\lambda y.x])(\lambda x.\lambda y.y)Q \\ &= (\lambda y.y)Q = y[y := Q] = Q \end{split}$$

Por lo que $\mathtt{or}FF = F$ y $\mathtt{or}FT = T$, lo que corresponde a la primera columna de la tabla de verdad. En otro caso, tomemos a P = T.

Entonces

$$\begin{aligned} \text{or} TQ &= TTQ = (\lambda x. \lambda y. x)(\lambda w. \lambda z. w)Q \\ &= (\lambda y. x)[x := \lambda w. \lambda z. w]Q = (\lambda y. \lambda w. \lambda z. w)Q \\ &= (\lambda w. \lambda z. w)[y := Q] = \lambda w. \lambda z. w = T \end{aligned}$$

Por lo que $\mathtt{or}TT = T$ y $\mathtt{or}TT = T$, que corresponde con la segunda columna de la tabla de verdad. Como la función corresponde en todos los casos con la tabla de verdad, entonces la definición de la función es correcta.

- $-p \oplus q$ La tabla de verdad es
- 2. Encientre la forma normal de la siguiente expresión e. Se debe mostrar todos los pasos de la β -reducción, indicando en cada paso el redex que se va a reducir.

$$e =_{def} (\lambda x. \lambda y. \lambda z. xz(yz))(\lambda s. \lambda t. s)(\lambda u. u)w$$