Função de Hash Criptográfica SHA-3

Quênio César Machado dos Santos (14100868)

INE5429 - Segurança em Computadores

Florianópolis, 07/07/2016

Sumário

1	E ~ . ~	TT1-	C		
1	Função	Hasn	Cri	ptogi	гапса

- 1.1 Propriedades
- 1.1.1 Resistente a Pré-Imagem
- 1.1.2 Resistente a Segunda Pré-Imagem
- 1.1.3 Resistente a Colisão
- 1.1.4 Uso das Propriedades de Funções Hash

2 SHA-3

- 2.1 A Estrutura do SHA-3
- 2.2 A Fase de Absorção
- 2.3 "Espremendo a Esponja"
- 2.4 Função de Compressão Keccak
- 2.5 Parâmetros do SHA-3

3 Perguntas e Respostas

- 3.1 O que é e para que serve o State Array?
- 3.2 Como é feita a conversação de strings para State Arrays?
- 3.3 Como é feita a conversão de State Array para Strings?
- 3.4 Passos de Mapeamento (Step Mappings)
- 3.4.1 Passo Theta (θ)
- 3.4.2 Passo Rho (ρ)
- 3.4.3 Passo Pi (π)
- 3.4.4 Passo Chi (χ)
- 3.4.5 Passo Iota (*i*)
- 3.5 Permutação $Keccak-p[b, n_r]$
- 3.5.1 Keccak-f
- 3.6 Estrutura Esponja
- 3.6.1 Absorção
- 3.6.2 Liberação
- 3.7 Funções Esponja Keccak
- 3.7.1 pad10*1
- $3.7.2 \; Keccak[c]$
- 3.8 Especificação das Funções SHA-3
- 3.8.1 Funções de Hash SHA-3
- 3.8.2 Funções de Saída Extensível SHA-3 (XOF)
- 3.8.3 Separação de Domínios
- 3.9 Análise de Segurança do SHA-3
- 3.10 Exemplo
- 3.10.1 Mensagem (Entrada)
- 3.10.2 Valor de Hash (Saída)

4 Implementação

- 4.1 Funções SHA-3
- 4.2 Funções Keccak

- 4.3 Função Esponja
- 4.4 Padding
- 4.5 Theta
- 4.6 Rho
- 4.7 Pi
- 4.8 Chi
- 4.9 Iota
- 4.10 State Array
- 4.11 Bit String
- 5 Crítica ao SHA-3
- 6 Referências

1 Função Hash Criptográfica

Uma função *hash* é uma função que aceita um bloco de dados de tamanho variável como entrada e produz um valor de tamanho fixo como saída, chamado de valor *hash*. Esta função tem a forma:

$$h = H(M)$$

Onde:

- *H* é a função *hash* que gerou o valor *h*.
- *h* é o valor *hash* de tamanho fixo gerado pela função *hash*.
- *M* é o valor de entrada de tamanho variável.

Espera-se que uma função *hash* produza valores *h* que são uniformemente distribuídos no contra-domínio e que são aparentemente aleatórios, ou seja, a mudança de apenas um *bit* em *M* causará uma mudança do valor *h*. Por esta característica, as funções *hash* são muito utilizadas para verificar se um determinado bloco de dados foi indevidamente alterado.

As funções *hash* apropriadas para o uso em segurança de computadores são chamadas de "função *hash* criptográfica". Este tipo de função *hash* é implementada por um algoritmo que torna inviável computacionalmente encontrar:

• um valor *M* dado um determinado valor *h*:

$$M \mid H(M) = h$$

• dois valores M_1 e M_2 que resultem no mesmo valor h:

$$(M_1, M_2) \mid H(M_1) = H(M_2)$$

Os principais casos de uso de funções hash criptográficas são:

- Autenticação de Mensagens: é um serviço de segurança onde é possível verificar que uma mensagem não foi alterada durante sua transmissão e que é proveniente do devido remetente.
- *Assinatura Digital*: é um serviço de segurança que permite a uma entidade assinar digitalmente um documento ou mensagem.
- Arquivo de Senhas de Uma Via: é uma forma de armazenar senhas usando o valor hash da senha, permitindo sua posterior verificação sem a necessidade de armazenar a senha em claro, cifrá-la ou decifrá-la.
- Detecção de Perpetração ou Infeção de Sistemas: é um serviço de segurança em que é possível determinar se arquivos de um sistema foram alterados por terceiros sem a autorização dos usuários do sistema.

1.1 Propriedades

Como observado na seção anterior, uma função *hash* criptográfica precisa ter certas propriedades para permitir seu uso em segurança de computadores. Nas seções a seguir estão destacadas algumas dessas propriedades.

Antes, defini-se dois termos usados a seguir:

- Pré-Imagem: um valor M do domínio de uma função hash dada pela fórmula h=H(M) é denominado de "pré-imagem" do valor h.
- *Colisão*: para cada valor h de tamanho n bits existe necessariamente mais de uma préimagem correspondente de tamanho m bits se m > n, ou seja, existe uma "colisão".

O número de pré-imagens de m bits para cada valor h de n bits é calculado pela formula: $2^{\frac{m}{n}}$. Se permitimos um tamanho em bits arbitrariamente longo para as pré-imagens, isto aumentará ainda mais a probabilidade de colisão durante o uso de uma função hash. Entretanto, os riscos de segurança são minimizados se a função de hash criptográfica oferecer as propriedades descritas nas próximas seções.

1.1.1 Resistente a Pré-Imagem

Uma função hash criptográfica é resistente a pré-imagem quando esta é uma função de uma via. Ou seja, embora seja computacionalmente fácil gerar um valor h a partir de uma pré-imagem M usando a função de hash, é computacionalmente inviável gerar uma pré-imagem a partir do valor h.

Se uma função hash não for resistente à pré-imagem, é possível atacar uma mensagem autenticada M para descobrir o valor secreta S usada na mensagem, permitindo assim ao perpetrante enviar uma outra mensagem M_2 ao destinatário no lugar do remetente sem que o destinatário perceba a violação da comunicação. O ataque ocorre da seguinte forma:

- O perpetrante tem conhecimento do algoritmo de $hash\ h=H(M)$ usado na comunicação entre as partes.
- Ao escutar a comunicação, o perpetrante descobre qual é a mensagem M e o valor de hash
 h.
- Visto que a inversão da função de *hash* é computacionalmente fácil, o perpetrante calcula $H^{-1}(h)$.
- Como $H^{-1}(h) = S \parallel M$, o perpetrante descobre S.

Desta forma, o perpetrante pode utilizar a chave secreta S no envio de uma mensagem M_2 para o destinatário sem que este perceba a violação.

1.1.2 Resistente a Segunda Pré-Imagem

Uma função *hash* criptográfica é resistente a segunda pré-imagem quando esta função torna inviável computacionalmente encontrar uma pré-imagem alternativa que gera o mesmo valor *h* da primeira pré-imagem.

Se uma função de *hash* não for resistente a segunda pré-imagem, um perpetrante conseguirá substituir uma mensagem que utiliza um determinado valor de *hash*, mesmo que a função de *hash* seja de uma via, ou seja, resistente a pré-imagem.

1.1.3 Resistente a Colisão

Uma função hash criptográfica é resistente a colisão quando esta tornar inviável

computacionalmente encontrar duas pré-imagens quaisquer que possuam o mesmo valor de hash. Neste caso, diferentemente da resistência a segunda pré-imagem, não é dado uma pré-imagem inicial para a qual precisa se achar uma segunda pré-imagem, mas é suficiente encontrar duas pré-imagens quaisquer tal que $H(M_1) = H(M_2)$.

Quando uma função *hash* é resistente a colisão, está é consequente resistente a segunda préimagem. Porém, nem sem sempre uma função resistente a segunda pré-imagem será resistente a colisão. Por isto, diz-se que uma função *hash* resistente a colisão é uma função de *hash* forte.

Se uma função *hash* não for resistente a colisão, então é possível para uma parte forjar a assinatura de outra parte. Por exemplo, se Alice deseja que Bob assine um documento dizendo que deve 100 reais a ela, caso Alice saiba que um documento contendo o valor de 1000 reais contém o mesmo valor de *hash* que o documento original, Alice pode fazer com que Bob seja responsável por uma dívida maior que a original, pois a assinatura valerá para ambos os documentos.

1.1.4 Uso das Propriedades de Funções Hash

Abaixo, temos uma tabela que mostra quais propriedades das funções *hash* são necessárias para alguma das aplicações de segurança de computadores:

Aplicação	Resistente a Pre- Imagem	Resistente a Segunda Pre-Imagem	Resistente a Colisão
Autenticação de Mensagens	X	X	Х
Assinatura Digital	X	X	X
Infecção de Sistemas		X	
Arquivo de Senhas de Uma Via	Х		

No caso da infecção de sistemas, não há problema em usar uma função de hash com fácil inversão, pois não é necessário embutir um valor secreto na geração do valor de *hash* de um arquivo. Já, num arquivo de *hash* de senhas, a inversão permitiria descobrir a senha a partir do valor de *hash*.

Se a função de *hash*, porém, permitir o descobrimento de uma segunda pré-imagem, seria possível infectar um arquivo de um sistema sem detecção, pois seu valor de *hash* não mudaria. Isto não seria um problema para um arquivo de *hash* de senhas, pois o perpetrante não possui a senha, que é a primeira pré-imagem e, portanto, não teria condições de descobrir a segunda pré-imagem.

2 SHA-3

SHA-3 é uma função *hash* criptográfica publicada pelo NIST em agosto de 2015 para substituir o SHA-2 como o padrão para os sistemas de informação dos departamentos e das agências do governo americano. SHA-3 provavelmente será adotado por sistemas operacionais e também por organizações privadas e públicas de todo o mundo, assim como foi o caso do SHA-2 e SHA-1.

2.1 A Estrutura do SHA-3

A estrutura de entrada do SHA-3 segue a estrutura genérica de outras funções hash iterativas,

onde o resultado de uma função de compressão f é iterativamente aplicado sobre a mesma função, juntamente com o próximo bloco P_i da mensagem de entrada, como ilustrado no diagrama abaixo:

$$\downarrow |P_1| = r \qquad \downarrow |P_2| = r \qquad \qquad \downarrow |P_k| = r$$

$$\xrightarrow{|S_0|=b} f_1 \xrightarrow{|S_1|=b} f_2 \xrightarrow{|S_2|=b} \dots \xrightarrow{|S_{k-1}|=b} f_k \xrightarrow{|S_k|=b}$$

No esquema ilustrado acima, uma mensagem de entrada de n bits é dividida em k blocos de tamanho r bits: P_1 , P_2 , ..., P_n . O último bloco é sempre preenchido para que tenha r bits. Cada bloco é processado com a saída S_{i-1} da execução anterior da função f. O símbolo f_i , com $1 \le i \le k$, representa a execução da função f na iteração i gerando o resultado S_i de b bits. Após todos os blocos P_i serem processados, produz-se o valor S_k .

Apesar de seguir o esquema genérico, descrito acima, na sua estrutura de entrada, o SHA-3 possui uma característica peculiar, descrita abaixo, na sua estrutura de saída. Combinando ambas as estruturas, o SHA-3 permite um número variável de *bits* tanto na entrada como na saída. Este fato o torna mais flexível e aplicável não somente como função *hash*, mas também como um gerador de números pseudo-aleatórios; além de permitir outras aplicações. Devido a esta característica, os criadores do SHA-3 chamam sua estrutura de função *esponja*.

Observe a estrutura de saída do SHA-3 no diagrama abaixo:

$$\xrightarrow{|S_k|=b} f_{k+1} \xrightarrow{|S_{k+1}|=b} f_{k+2} \xrightarrow{|S_{k+2}|=b} \dots \xrightarrow{|S_{k+j-1}|=b} f_{k+j} \xrightarrow{|S_{k+j}|=b}$$

$$\downarrow |Z_1| = r \qquad \downarrow |Z_2| = r \qquad \downarrow |Z_j| = r$$

No esquema ilustrado acima, o valor S_k proveniente da estrutura de entrada serve como valor inicial da estrutura de saída. Após processar os k blocos da mensagem de entrada, e usando a mesma função de compressão f, a função esponja gera uma sequência de j blocos: Z_1 , Z_2 , ..., Z_j . O número de blocos de saída j é determinado pelo número de bits de saída desejado. Se l bits são necessários na saída, então:

$$(j-1) \times r < l \le j \times r$$

Esta flexibilidade no número de *l bits* de saída é o que dá o nome *esponja* à função do SHA-3. De acordo com esta analogia, quando a estrutura de entrada está consumindo os *n bits* da mensagem de entrada, diz-se que a função *esponja* está "absorvendo" os *bits* de entrada. E quando a estrutura de saída está gerando os *l bits* de saída, diz-se que a função *esponja* está sendo "espremida" para liberar os *bits* de saída.

2.2 A Fase de Absorção

A primeira fase da função esponja se chama de *absorção* e refere-se ao processamento dos blocos da mensagem de entrada. Veja a fase de absorção na ilustração abaixo:

Como ilustrado na figura acima, existe uma variável de estado s que é utilizada nesta fase. Estava variável serve como entrada e saída de cada iteração que aplica a função de compressão f. Inicialmente, s contém 0 em todos os seus bits. Seu valor vai se modificando em cada iteração.

O tamanho de *s* é de *b bits*, onde:

Como visto na seção anterior, r é o tamanho de cada bloco P_i da mensagem de entrada. Também é chamado de *bitrate*, ou vazão de *bits*, pois representa o número de *bits* consumidos em cada iteração da função esponja.

O número de *bits c* é chamado de *capacidade* e representa o nível de segurança atingido pela função esponja. Dado o valor padrão de b = r + c = 1600 no SHA-3, quanto maior o numero c, maior a segurança da função, porém menor o *bitrate*.

Em cada iteração, a fase de absorção ocorre da seguinte forma:

- O próximo bloco P_i da mensagem de entrada é preenchido com zeros ($P_i^r \parallel 0^c$) para aumentar seu tamanho de r para b bits.
- Ao resultado do passo anterior, uma operação XOR é aplicada, tendo como segundo operando o valor de s_{i-1} proveniente da iteração anterior, ou zeros se for a primeira iteração ($S_0^b = 0^{r+c}$).
- O resultado da operação XOR serve então de entrada para a função de compressão f. O resultado desta função é o novo valor S_i da variável s, que é usada como entrada da próxima iteração, juntamente com o próximo bloco P_{i+1} da mensagem de entrada.

Se o tamanho desejado da saída da função esponja é menor que o tamanho de s - ou seja, se $l \le b$ - então os primeiros l bits de s_k - retornado pela última iteração - é o resultado da função esponja. Caso deseja-se l > b, então a fase de "espremer a esponja" inicia-se, como descrito na próxima seção.

2.3 "Espremendo a Esponja"

Na faze de absorção da função esponja, descrita na seção anterior, foram consumidos todos os blocos da mensagem de entrada, resultando num valor final de s de b bits. Se o tamanho desejado de saída (l) da função esponja for l > b, diz-se que é preciso $espremer\ a\ esponja\ para$ obter uma saída com o número de bits desejado.

A fase de *espremer a esponja* é ilustrada abaixo:

Observando a ilustração acima, pode-se descrever esta fase da seguinte forma:

- Primeiramente, os primeiros r bits de s_k são colocados num bloco Z_0 .
- Então o valor de s_k é aplicado na função f para se obter novo valor de s_{k+1} .
- Os primeiro r bits do novo valor de s_{k+1} são colocados num bloco Z_1 .
- Este processo se repete até que se tenha j blocos $(Z_0, Z_1, ..., Z_{j-1})$ tal que $(j-1) \times r < l \le j \times r$.

Ao final deste processo, a saída da função esponja serão os primeiros l bits dos blocos concatenados $Z_0 \parallel Z_1 \parallel \ldots \parallel Z_{j-1}$.

2.4 Função de Compressão Keccak

Nas seções anteriores, foi dado uma visão geral da estrutura da função esponja utilizada por SHA-3. Nesta seção, o foco será a função de compressão utilizada em cada iteração do SHA-3, que é chamada de *Keccak* pelos seus autores.

Como visto anteriormente, a função Keccak (f) tem como entrada um valor s de b bits, onde b = r + c = 1600. No processamento interno da função f, o valor s é organizado numa matriz

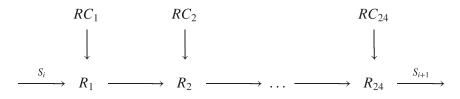
 5×5 com valores de 64 *bits* em cada uma de suas células. Esta matriz pode ser linearizada num vector de *bits*, correspondendo ao valor s, usando a seguinte fórmula:

$$s[64(5y + x) + z] = M[x, y, z]$$

Onde:

- M é a matriz 5×5 com valores de 64 bits.
- *x* é o índice de coluna na matriz, que vai de 0 a 4.
- y é o índice de linha na matriz, também de 0 a 4.
- *z* é o índice de *bit* de uma célula na matriz, que vai de 0 a 63.

Uma vez criada a matriz, a função f vai executar 24 rodadas de processamento:



Observe acima que todas as rodadas são idênticas, exceto pela constante RC_i diferente em cada rodada. Cada uma das rodadas, consiste de 5 passos. Cada passo executa uma operação de permutação ou substituição sobre a matriz.

A aplicação dos cinco passos de cada rodada é expressa pela composição das seguintes funções:

$$R_i = \iota \circ \chi \circ \pi \circ \rho \circ \theta$$

Onde cada passo tem sua fórmula na tabela seguinte:

Função	Fórmula
Theta	$\theta: M[x, y, z] \leftarrow M[x, y, z] \oplus \sum_{y'=0}^{4} M[x - 1, y', z] \oplus \sum_{y'=0}^{4} M[x + 1, y', z - 1]$
Rho	$\rho: M[x, y, z] \leftarrow \begin{cases} M[x, y, z], \text{ se } x = y = 0\\ M[x, y, z - \frac{(t+1)(t+2)}{2}], \text{ onde } 0 \le t < 24 \text{ e} \begin{pmatrix} 0 & 1\\ 2 & 3 \end{pmatrix}^t \begin{pmatrix} 1\\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x\\ y \end{pmatrix}\\ \text{em } GF(5)^{2 \times 2} \end{cases}$
Pi	$\pi: M[x, y] \leftarrow M[x', y'], \text{ onde } \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 2 & 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x' \\ y' \end{pmatrix}$
Chi	$\chi: M[x,y,z] \leftarrow M[x,y,z] \oplus (\neg M[x+1,y,z] \land M[x+2,y,z])$
Iota	$i: M[x, y, z] \leftarrow M[x, y, z] \oplus RC(i)$, onde RC é uma tabela com um valor para cada rodada i .

Baseado na tabela acima, aqui estão algumas características de cada passo:

- Theta (θ) é uma função de substituição que utiliza bits das colunas anteriores e posteriores, além dos bits da célula sendo substituída. Cada bit substituído depende de outros 11 bits, o que provê uma difusão de alto grau.
- $Rho(\rho)$ é uma função de permutação dos bits dentro de cada célula. Sem esta função, a

difusão entre as células, ocorreria de forma muito lenta.

- $Pi(\pi)$ é também uma função de permutação, mas entre células. A rotação não se dá nos *bits* de uma célula, mas entre as células da matriz.
- Chi (χ) é uma função de substituição baseada no valor do bit corrente e dos bits em posições correspondentes das duas próximas células. Sem esta função, SHA-3 seria completamente linear.
- Iota (i) é uma função de substituição baseada numa tabela chamada RC, ou seja, constantes de rodada - que usará um valor constante e diferente para cada rodada do SHA-3.

2.5 Parâmetros do SHA-3

O SHA-3 define um algoritmo padrão para uso com parâmetros diferentes, dependendo do nível de segurança e tamanho de *bits* desejados na saída. A tabela abaixo enumera os parâmetros normalmente utilizados com o SHA-3:

Tamanho do Valor de <i>Hash</i> (l)	Tamanho do Bloco (r)	Capacidade (c)	Resistência a Colisão	Resistência à Segunda Pré- Imagem
224	1152	448	2 ¹¹²	2 ²²⁴
256	1088	512	2 ¹²⁸	2 ²⁵⁶
384	832	768	2 ¹⁹²	2 ³⁸⁴
512	576	1024	2^{256}	2 ⁵¹²

Como visto nas seções anteriores, quanto maior o tamanho do bloco (*r* ou *bitrate*), maior a vazão de *bits*, porém menor a segurança do SHA-3. Isto é evidente nos valores de resistência a colisão e à segunda pré-imagem, que mostram que quanto menor é o *bitrate*, maior é a resistência.

Observe também que, para os tamanhos l de valor de hash da tabela acima, não há necessidade de se usar a fase de $espremer\ a\ esponja$ do algoritmo do SHA-3, pois l é sempre menor que r nestes casos.

3 Perguntas e Respostas

Nas sub-seções abaixo, encontram-se as perguntas e respostas sobre a referência [FIPS202] que apresenta o SHA-3 padronizado pelo NIST.

3.1 O que é e para que serve o State Array?

State Array é simplesmente a string S - que serve de entrada à função Keccak - representada na forma de uma matriz M de 5x5, tendo como suas células as palavras de bits de comprimento w, que varia de 1 a 64bits.

Representando a string S numa matriz facilita a definição e a implementação das sub-funções de substituição e permutação ($\theta, \rho, \pi, \chi, \iota$) que fazem parte da função Keccak.

Após realizar as várias transformações no *State Array* (ou seja, na matriz *M*), a função Keccak terá como sua saída o estado final encontrado nesta matriz, que então será convertida novamente no formato da *string S*, servindo por sua vez como a entrada da próxima rodada do SHA-3.

3.2 Como é feita a conversação de strings para State Arrays?

Uma bit string S pode ser convertida numa matriz M de 5×5 de palavras de comprimento w bits. Para tanto, é preciso que o comprimento b da bit string S tenha como múltiplos 25 (5x5 = 25) e w, de tal forma que b = 25w.

Respeitada a condição definida acima, é possível estabelecer um mapeamento entre cada *bit* da *string S* e cada *bit* de uma palavra da matriz *M*, usando a seguinte equação:

$$M[x, y, z] = S[w(5y + x) + z]$$

Onde:

- M é a matriz 5×5 com palavras de w bits.
- *x* é o índice de coluna na matriz, que vai de 0 a 4.
- y é o índice de linha na matriz, também de 0 a 4.
- z é o índice de *bit* de uma palavra na matriz M, que vai de 0 a w-1.

Fazendo w = 2 e b = 50, o que faz as palavras da matriz M ter apenas 2 bits e a bit string <math>S ter string S ter

M[x, y]	x = 0	x = 1	x = 2	x = 3	x = 4
y = 0	S[0] S[1]	S[2] S[3]	S[4] S[5]	S[6] S[7]	<i>S</i> [8] [9]
y = 1	S[10] S[11]	S[12] S[13]	$S[14] \parallel S[15]$	S[16] S[17]	S[18] S[19]
y = 2	S[20] S[21]	S[22] S[23]	S[24] S[25]	S[26] S[27]	S[28] S[29]
y = 3	S[30] S[31]	S[32] S[33]	S[34] S[35]	S[36] S[37]	S[38] S[39]
y = 4	S[40] S[41]	S[42] S[43]	S[44] S[45]	S[46] S[47]	S[48] S[49]

Ou seja:

- M[0,0,0] = S[0]
- M[0, 0, 1] = S[1]
- M[1,0,0] = S[2]
- M[1, 0, 1] = S[3]
- .

E assim por diante, até que todas as palavras da matriz M sejam preenchidas com os bits da string S.

3.3 Como é feita a conversão de State Array para Strings?

Pode-se converter a matriz M (o $State\ Array$) de volta a uma $bit\ string\ S$ usando a mesma equação definida anteriormente, apenas invertendo as expressões, como mostrado abaixo:

$$S[w(5y + x) + z] = M[x, y, z]$$

Uma vez definidos cada um dos bits, faz-se a concatenação destes para obter string S:

$$S = M[x, y, 0] || M[x, y, 1] || \dots || M[x, y, w - 1], 0 \le x \le 4, 0 \le y \le 4$$

Usando ainda o exemplo com w = 2 e b = 50, temos:

$$S =$$

$$\begin{split} M[0,0,0] &\|M[0,0,1] &\|M[1,0,0] &\|M[1,0,1] &\|M[2,0,0] &\|M[2,0,1] &\|M[3,0,0] &\|M[3,0,1] &\|M[4,0,0] &\|M[4,0,1] &\|M[0,1,0] &\|M[0,1,1] &\|M[1,1,0] &\|M[1,1,1] &\|M[2,1,0] &\|M[2,1,1] &\|M[3,1,0] &\|M[3,1,1] &\|M[4,1,0] &\|M[4,1,1] &\|M[4,4,1] &\|M[4,4,4] &\|M[4,4,$$

3.4 Passos de Mapeamento (*Step Mappings*)

Para cada rodada do SHA-3, os cinco passos de mapeamento de Keccak-p - representados pelas funções $\theta, \rho, \pi, \chi, \iota$ - fazem substituições e permutações sobre as palavras da matriz M (o State Array) até que se encontre o estado final da string S naquela rodada.

Cada um dos passos de mapeamento são descritos a seguir na ordem em que são aplicados à matriz M.

3.4.1 Passo Theta (θ)

$$\theta: M[x, y, z] \leftarrow M[x, y, z] \oplus \sum_{y'=0}^{4} M[(x-1) \bmod 5, y', z] \oplus \sum_{y'=0}^{4} M[(x+1) \bmod 5, y', z-1]$$

Theta (θ) é uma função de substituição que utiliza *bits* das colunas anteriores e posteriores, além dos *bits* da palavra M[x, y] sendo substituída.

Para cada palavra M[x, y]:

- O primeiro somatório faz um XOR entre todas as palavras da coluna anterior. O segundo somatório, faz o mesmo com a coluna posterior. Se a coluna da palavra M[x, y] for a primeira, usa-se a última coluna para o primeiro somatório. Se a coluna de M[x, y] for a última, usa-se a primeira coluna para o segundo somatório.
- Um XOR então é aplicado entre os valores resultantes dos somatórios e o valor de M[x, y].

Observa-se que cada bit substituído pela função θ depende de outros 11 bits da matriz M (das colunas anteriores e posteriores, assim como o bit anterior na mesma posição). Isto provê uma difusão de alto grau.

3.4.2 Passo Rho (ρ)

$$\rho: M[x, y, z] \leftarrow \begin{cases} M[x, y, z], \text{ se } x = y = 0\\ M[x, y, z - \frac{(t+1)(t+2)}{2}], \text{ onde } 0 \le t < 24 \text{ e} \begin{pmatrix} 0 & 1\\ 2 & 3 \end{pmatrix}^t \begin{pmatrix} 1\\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x\\ y \end{pmatrix} \\ \text{em } GF(5)^{2 \times 2} \end{cases}$$

Rho (ρ) é uma função de permutação dos *bits* dentro de cada palavra M[x, y].

Este passo funciona da seguinte forma:

- Se (x, y) = (0, 0), então M[x, y] não é afetado.
- O valor de t é usado para determinar quantas posições de *shift* circular serão usadas ($\frac{(t+1)(t+2)}{2}$) e também em que palavra ocorrerá o *shift*:

$$\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}^t \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$$

Observa-se que, sem esta transformação, a difusão entre as palavras da matriz M ocorreria de forma muito lenta.

3.4.3 Passo Pi (π)

$$\pi: M[x, y] \leftarrow M[x', y'], \text{ onde } \begin{pmatrix} x' \\ y' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$$

 $Pi(\pi)$ é também uma função de permutação, mas entre as palavras. Ou seja, a rotação $n\tilde{a}o$ se dá nos bits de uma palavra, mas entre as palavras da matriz M.

3.4.4 Passo Chi (γ)

$$\chi: M[x, y, z] \leftarrow M[x, y, z] \oplus (\neg M[x+1, y, z] \land M[x+2, y, z])$$

Chi (χ) é uma função de substituição baseada no valor do bit corrente e dos bits em posições correspondentes das duas próximas células.

Este passo é o único mapeamento não-linear. Sem este passo, SHA-3 seria mais suscetível a ataques.

3.4.5 Passo lota (1)

$$\iota: M[x, y, z] \leftarrow M[x, y, z] \oplus RC(i)$$

 $Iota(\iota)$ é uma função de substituição baseada numa tabela - chamada RC, ou seja, constantes de rodada - que usará um valor constante e diferente para cada rodada i do SHA-3.

A tabela *RC* pode ser calculada com o seguinte algoritmo:

```
função RC(i):
    se i mod 255 = 0, retorne 1
    faça R = 100000000
    para i de 1 to t mod 255, faça:
        R = 0 || R
        R[0] = R[0] + R[8]
        R[4] = R[4] + R[8]
        R[5] = R[5] + R[8]
        R[6] = R[6] + R[8]
        R = Truncar8[R]
retorne R[0]
```

3.5 Permutação Keccak- $p[b, n_r]$

Keccak-p é a generalização das funções de substituição e permutação *Keccak* que podem ser usadas pelo algoritmo do SHA-3. Tem como parâmetros:

- b: o comprimento em bits da bit string S, usada como a variável de estado do SHA-3.
- n_r : o número de rodadas da fase de absorção do SHA-3.

Cada rodada de substituições e permutações de *Keccak-p* consiste numa sequência de cinco transformações (*step mappings*), como visto anteriormente, modificando o estado da *string* S:

$$S_i = \iota(\chi(\phi(\rho(\theta(S_{i-1})))), i)$$

Onde:

- $i \ge 2l + 12 n_r$ e $i < 2l + 12, l \in \mathbb{Z}$.
- S_i é o estado da *string* S na rodada i.

Observe que, em *Keccak-p*, o índice da rodada *i* pode ser um inteiro negativo.

3.5.1 *Keccak-f*

Keccak-f é uma especialização de Keccak-p, onde fixamos os parâmetros da seguinte forma:

- $b \in \{25, 50, 100, 200, 400, 800, 1600\}$
- $n_r = 2l + 12, l \in \mathbb{Z}$.

Devido a fixação dos parâmetros, pode-se definir que:

$$Keccak-f[b] = Keccak-p[b, 12 + 2l]$$

Observe que, em *Keccak-f* , o índice da rodada será sempre um inteiro não-negativo no intervalo:

$$0 \le i < n_r$$

3.6 Estrutura Esponja

É uma estrutura usada para encadear a execução de uma função f, operando sobre dados binários de comprimento variável (a mensagem) e gerando um valor hash de tamanho arbitrário.

Para que a mensagem possa ser consumida pela estrutura esponja, esta precisa ter um determinado tamanho em *bits*. Para isto, é necessário aplicar uma regra de *padding* que alongue a mensagem para o tamanho desejado.

A estrutura, como ilustrada na figura 7 de [FIPS2002], é dividida em duas partes (absorção e liberação), descritas nas próximas seções.

3.6.1 Absorção

A primeira fase da função esponja se chama de *absorção* e refere-se ao processamento dos blocos da mensagem de entrada.

Como ilustrada na figura 7 de [FIPS202], o resultado da execução anterior da função f serve como entrada em cada iteração para a próxima execução da função f. Inicialmente, uma *bit string* que contém 0 em todos os seus *bits* é fornecida à primeira iteração. Esta *bit string* (que chamaremos de S a partir de agora) vai se modificando em cada iteração.

O tamanho de *S* é de *b bits*, onde:

$$b = r + c$$

Onde:

- *r*: o tamanho de cada bloco da mensagem binária de entrada. Também é chamado de *bitrate*, ou vazão de *bits*, pois representa o número de *bits* consumidos em cada iteração da função esponja.
- *c*: chamado de *capacidade*, representa o nível de segurança atingido pela função esponja. Quanto maior o numero *c*, maior a segurança, porém menor o *bitrate*.

Analisando o algoritmo 8 em [FIPS202], pode-se dizer que, em cada iteração, a fase de absorção ocorre da seguinte forma:

- O próximo bloco P_i da mensagem de entrada é preenchido com zeros ($P_i^r \parallel 0^c$) para aumentar seu tamanho de r para b bits.
- Ao resultado do passo anterior, uma operação XOR é aplicada, tendo como segundo operando o valor de S_{i-1} proveniente da iteração anterior, ou zeros se for a primeira iteração ($S_0^b = 0^{r+c}$).
- O resultado da operação XOR serve então de entrada para a função de compressão f. O resultado desta função é o novo valor S_i da variável s, que é usada como entrada da próxima iteração, juntamente com o próximo bloco P_{i+1} da mensagem de entrada.

Se o tamanho desejado l da saída da função esponja é menor que o tamanho de s - ou seja, se $l \leq b$ - então os primeiros l bits de s_k - retornado pela última iteração - é o resultado da função esponja. Caso deseja-se l > b, então a fase de liberação inicia-se, como descrito na próxima

3.6.2 Liberação

Na fase de absorção da estrutura esponja, descrita na seção anterior, foram consumidos todos os blocos da mensagem de entrada, resultando num valor final S_k de b bits. Se o tamanho desejado de saída (l) da função esponja for l > b, é preciso "espremer a esponja" para obter uma saída com o número de bits desejado.

Observando a figura 7 e analisando o algoritmo 8 de [FIPS202], pode-se descrever esta fase da seguinte forma:

- Primeiramente, os primeiros r bits de S_k são colocados num bloco Z_0 , o primeiro bloco de Z.
- Então o bit string S_k é aplicado à função f para se obter novo bit string S_{k+1} .
- Os primeiro r bits do novo valor de S_{k+1} são colocados num bloco Z_1 .
- Este processo se repete até que se tenha j blocos $(Z_0, Z_1, ..., Z_{j-1})$ tal que $(j-1) \times r < l \le j \times r$.

Ao final deste processo, a saída da estrutura esponja serão os primeiros l bits dos blocos concatenados $Z_0 \parallel Z_1 \parallel \ldots \parallel Z_{j-1}$.

3.7 Funções Esponja Keccak

As funções esponja Keccak são um grupo de funções definidas para serem usadas na estrutura esponja:

- pad10*1 é a função de padding aplicação à mensagem que servirá de entrada para a estrutura esponja.
- Keccak[c] é a aplicação de $Keccak-p[b, n_r]$ como a função f sobre a estrutura esponja com parâmetros b, n_r e r pré-definidos, sendo r baseado em c.

As funções listadas acima são definidas na próximas seções.

3.7.1 pad10*1

De acordo com o algoritmo 9 de [FIPS202], pad10*1 retorna uma bit string PAD de tamanho:

$$b - (m \mod b)$$

Onde:

- *b* é o tamanho do bloco em *bits* da estrutura esponja.
- *m* é o tamanho da mensagem de entrada em *bits*.
- *PAD* tem o seguinte formato binário: $1 \parallel 0^{m-2} \parallel 1$

3.7.2 *Keccak*[*c*]

Keccak[*c*] é definida da seguinte forma:

$$Keccak[c] = Sponge[Keccak-p[1600, 24], pad10 * 1, 1600-c]$$

Ou seja, é a aplicação da estrutura esponja, tendo:

- como função f, a função Keccak-p com b=1600 e $n_r=24$.
- pad10*1 como o algoritmo de padding.
- como bloco da mensagem de entrada, uma bit string de tamanho r = b c.

Portanto, Keccak[c] vai aceitar uma mensagem de tamanho variável, que será padded com pad10*1. Cada rodada irá processar um bloco da mensagem de entrada de tamanho r = b - c, com uma capacidade (ou segurança) de tamanho c = b - r.

3.8 Especificação das Funções SHA-3

[FIPS202] especifica quatro versões da função de *hash* SHA-3 (SHA3-224, SHA3-256, SHA3-384, SHA3-512) e duas versões da função de saída extensível (XOF SHAKE128 e SHAKE256). Estas funções são descritas nas próximas seções.

3.8.1 Funções de Hash SHA-3

De forma genérica, pode-se definir uma única função de hash SHA-3 da seguinte forma:

$$SHA3[d](M) = Keccak[2d](M \parallel 01, d)$$

Onde:

- *M* é a mensagem a ser processada. Observa-se a concatenação dos bits "01" à mensagem *M* antes de aplicar a função *Keccak*[*c*].
- *d* é o tamanho em *bits* do valor de *hash* a ser gerado pela função. Observa-se aqui que a capacidade se Keccak é o dobro do tamanho de *d*.

De acordo com a forma genérica, podemos definir as quatro versões específicas desta forma:

- SHA3-224(M) = SHA3[224](M)
- SHA3-256(M) = SHA3[256](M)
- SHA3-384(M) = SHA3[384](M)
- SHA3-512(M) = SHA3[512](M)

Portanto, SHA-3 possui funções que podem gerar valor de *hash* nos tamanhos de 224, 256, 384 e 512 *bits*, respectivamente.

3.8.2 Funções de Saída Extensível SHA-3 (XOF)

Além de permitir a geração de valores de *hash* de tamanho fixo, o SHA-3 também permite a geração de valores de tamanho arbitrário através da função genérica:

$$SHAKE[c](M, d) = Keccak[c](M \parallel 1111, d)$$

Onde:

- *M* é a mensagem a ser processada. Observa-se a concatenação dos bits "1111" à mensagem
 M antes de aplicar a função *Keccak*[*c*].
- d é o tamanho em bits do valor de hash a ser gerado pela função. Se d > 1600, será preciso "espremer a esponja", como foi descrito nas seções anteriores.
- c é o tamanho da capacidade (ou segurança) da função Keccak[c], que pode ser diferente de d.

Dado a forma genérica acima, podemos definir as duas funções XOF específicas do SHA-3:

- SHAKE128(M, d) = SHAKE[128](M, d)
- SHAKE256(M, d) = SHAKE[256](M, d)

Portanto, o SHA-3 define apenas duas funções XOF com capacidades de 128 e 256 bits, respectivamente.

3.8.3 Separação de Domínios

Terminando as mensagens das funções de *hash* com "01" e das funções XOF com "1111" garante que os domínios destas funções não tenham interseção.

Os últimos *bits* "11" das funções XOF também garantem compatibilidade com o esquema de codificação Sakura, que permite processamento paralelo na geração de valores de *hash* para mensagens longas.

3.9 Análise de Segurança do SHA-3

De acordo com o tipo de ataque, a tabela abaixo mostra a "forca" de segurança em *bits* das diferentes versões das funções SHA-3:

Função	Tamanho Saída	Colisão	Pré- Imagem	Segunda Pré- Imagem
SHA-1	160	< 80	160	160-L(M)
SHA-224	224	112	224	min(224,256–L(M))
SHA- 512/224	224	112	224	224
SHA-256	256	128	256	256-L(M)
SHA- 512/256	256	128	256	256
SHA-384	384	192	384	384
SHA-512	512	256	512	512–L(M)
SHA3-224	224	112	224	224
SHA3-256	256	128	256	256
SHA3-384	384	192	384	384
SHA3-512	512	256	512	512
SHAKE128	d	min(d/2,128)	≥ min(d,128)	min(d,128)
SHAKE256	d	min(d/2,256)	≥ min(d,256)	min(d,256)

Onde:

$$L(M) = \lceil log2(len(M)/B) \rceil$$

É interessante observar que, quanto maior a capacidade (c), maior a segurança do SHA-3. Isto é evidente nos valores de resistência a colisão e à segunda pré-imagem mostrados na tabela acima.

3.10 Exemplo

Aqui temos um exemplo de uma mensagem de 5 *bits* para a qual gerou-se um *hash* code SHA-3 de 256 *bits*:

3.10.1 Mensagem (Entrada)

11001

3.10.2 Valor de Hash (Saída)

```
7B 00 47 CF 5A 45 68 82 36 3C BF 0F B0 53 22 CF 65 F4 B7 05 9A 46 36 5E 83 01 32 E3 B5 D9 57 AF
```

4 Implementação

4.1 Funções SHA-3

Na código abaixo, estão implementadas todas as funções do SHA3, utilizando-se da função keccak:

```
// Copyright (c) 2016 Quenio Cesar Machado dos Santos. All rights reserved.
#pragma once
#include "keccak.h"
// Nota: A classe cstream foi copiada do Stack Overflow.
// cstream concatena duas input streams,
// fazendo o padding do delimitador da mensagem.
// Observe que na especificação o padding está em bits,
// enquanto na implementação de referência está em bytes.
template< size_t D >
std::string sha3(std::istream & message)
    return keccak< D*2 >(cstream(message, "0x06"), D);
}
std::string sha3_224(std::istream & message)
   return sha3<224>(message);
}
std::string sha3_256(std::istream & message)
{
    return sha3<256>(message);
}
std::string sha3_384(std::istream & message)
    return sha3<384>(message);
std::string sha3_512(std::istream & message)
   return sha3<512>(message);
}
```

```
template< size_t N >
std::string shake(std::istream & message, size_t digest_bit_size)
{
    return keccak< N*2 >(cstream(message, "0x1F"), digest_bit_size);
}
std::string shake_128(std::istream & message, size_t digest_bit_size)
{
    return shake<128>(message, digest_bit_size);
}
std::string shake_256(std::istream & message, size_t digest_bit_size)
{
    return shake<256>(message, digest_bit_size);
}
```

4.2 Funções Keccak

Na código abaixo, estão implementadas todas as funções rnd, keccak_f e keccak:

```
// Copyright (c) 2016 Quenio Cesar Machado dos Santos. All rights reserved.
#pragma once
#include "theta.h"
#include "rho.h"
#include "pi.h"
#include "chi.h"
#include "iota.h"
#include "sponge.h"
template< size_t W >
StateArray< W > rnd(StateArray< W > & a, int i)
   return iota(chi(pi(rho(theta(a)))), i);
}
template< size_t B >
BitString< B > keccak_f(BitString< B > bs)
   StateArray< B/25 > a \{ bs \};
   for (int i = 0; i < 24; i++)
         a = rnd(a, i);
    return a.bs();
}
template< size_t C >
std::string keccak(std::istream & message, size_t digest_bit_size)
{
```

```
return sponge< 1600, 1600-C, keccak_f >(message, digest_bit_size);
}
```

4.3 Função Esponja

Na código abaixo, está implementada a função esponja:

```
// Copyright (c) 2016 Quenio Cesar Machado dos Santos. All rights reserved.
#pragma once
#include "bit_string.h"
#include "padding.h"
template< size t B >
using SpongeF = BitString< B >(*)(BitString< B >);
template< size t B, size t R, SpongeF< B > F>
std::string sponge(std::istream & message, size_t digest_bit_size)
{
    static_assert(R >= 8, "Rate must have at least one byte.");
    static_assert(B > R, "State size must be greater than rate.");
    BitString< B > state;
    BitString< R > block;
    BitString< B-R > capacity;
    while (!message.eof())
        message >> block;
        if (message.eof()) {
             pad101(block, block.bits_read());
        state = F(state ^ (block + capacity));
    }
    constexpr size_t hex_bit_size = 4;
    std::string digest = truncate< R >(state).to_hex();
    while (digest_bit_size > (digest.size() * hex_bit_size))
        state = F(state);
        digest += truncate< R >(state).to_hex();
    }
    return digest.substr(0, digest_bit_size / hex_bit_size);
}
```

4.4 Padding

Na código abaixo, está implementada a função pad101:

```
// Copyright (c) 2016 Quenio Cesar Machado dos Santos. All rights reserved.

#pragma once

#include "bit_string.h"

template< size_t R >
void pad101(BitString< R > & block, size_t actual_size)

{
    if (block.size() > actual_size)
    {
        block.set(actual_size, 1);
        block.set(R - 1, 1);
    }
}
```

4.5 Theta

Na código abaixo, está implementada a função Theta:

```
// Copyright (c) 2016 Quenio Cesar Machado dos Santos. All rights reserved.
#pragma once
#include "state_array.h"
#include <algorithm>
#include <bitset>
#include <iostream>
using namespace std;
template< size_t W >
StateArray< W > theta(const StateArray< W > & a)
    using SA = StateArray< W >;
    using Coord2D = typename SA::Coord2D;
    SA b;
    for (Coord2D coord = SA::begin2D(); coord != SA::end2D(); coord.next())
    {
        Coord2D previous_column = coord;
        previous_column.p_cycle_x();
        Coord2D next_column = coord;
        next_column.cycle_x();
        b[coord] = a.column_xor(previous_column.x)
                   ^ a[coord]
                   ^ (rotate(a.column_xor(next_column.x), 1));
    }
    return b;
```

4.6 Rho

Na código abaixo, está implementada a função Rho:

```
// Copyright (c) 2016 Quenio Cesar Machado dos Santos. All rights reserved.
#pragma once
#include "state_array.h"
template< size_t W >
StateArray< W > rho(const StateArray< W > & a)
{
    using SA = StateArray< W >;
    using Coord2D = typename SA::Coord2D;
    SA b;
    Coord2D coord { 0, 0 };
    b[coord] = a[coord];
    coord = Coord2D { 1, 0 };
    for (int t = 0; t < 24; t++)
        const int offset = (t+1)*(t+2)/2;
        b[coord] = rotate(a[coord], offset);
        coord = Coord2D { coord.y, (2 * coord.x + 3 * coord.y) % 5 };
    }
    return b;
}
```

4.7 Pi

Na código abaixo, está implementada a função Pi:

```
// Copyright (c) 2016 Quenio Cesar Machado dos Santos. All rights reserved.

#pragma once

#include "state_array.h"

template< size_t W >
StateArray< W > pi(const StateArray< W > & a)
{
   using SA = StateArray< W >;
   using Coord2D = typename SA::Coord2D;
```

```
for (Coord2D target { 0, 0 }; target != SA::end2D(); target.next())
{
    const Coord2D source { (target.x + 3 * target.y) % 5, target.x };
    b[target] = a[source];
}
return b;
}
```

4.8 Chi

Na código abaixo, está implementada a função Chi:

```
// Copyright (c) 2016 Quenio Cesar Machado dos Santos. All rights reserved.
#pragma once
#include "state array.h"
template< size_t W >
StateArray< W > chi(const StateArray< W > & a)
    using SA = StateArray< W >;
    using Coord2D = typename SA::Coord2D;
    SA b;
    for (Coord2D target { 0, 0 }; target != SA::end2D(); target.next())
        Coord2D plus_one = target;
        plus_one.cycle_x();
        Coord2D plus_two = plus_one;
        plus_two.cycle_x();
        b[target] = a[target] ^ (~a[plus_one] & a[plus_two]);
    }
    return b;
}
```

4.9 lota

Na código abaixo, está implementada a função Iota:

```
// Copyright (c) 2016 Quenio Cesar Machado dos Santos. All rights reserved.
#pragma once
#include <cassert>
```

```
#include "state_array.h"
bool rc_bit(int t)
    int n = t % 255;
    if (n == 0) return 1;
    BitString<9> r { "100000000" };
    for (int i = 0; i < n; i++)</pre>
    {
        r >>= 1;
       r.set(0, r[0] ^ r[8]);
        r.set(4, r[4] ^ r[8]);
        r.set(5, r[5] ^ r[8]);
        r.set(6, r[6] ^ r[8]);
    }
   return r[0];
}
template< size_t W >
BitString< W > rc(int round_index)
   BitString< W > word;
    const int offset = 7 * round_index;
    size_t i = 1;
    for(int j = 0; i <= W; j++)</pre>
        word.set(i - 1, rc_bit(j + offset));
        i *= 2;
    }
    // Observe que na especificação não se fala desta reversão,
    // porém é necessária de acordo com a implementação de referência,
    // que utiliza left-shift para construir a round constant.
    return word.reversed();
};
template< size t W >
StateArray< W > iota(const StateArray< W > & a, int round_index)
    assert(round_index >= 0 && round_index < 24);</pre>
    using SA = StateArray< W >;
    using Coord2D = typename SA::Coord2D;
    const Coord2D target = { 0, 0 };
    SA b = a;
    b[target] = a[target] ^ rc< W >(round_index);
    return b;
}
```

Na código abaixo, está implementado o state array:

```
// Copyright (c) 2016 Quenio Cesar Machado dos Santos. All rights reserved.
#pragma once
#include "bit_string.h"
using namespace std;
#include <climits>
template< size_t W >
struct StateArray
    static constexpr size_t row_count = 5;
    static constexpr size_t column_count = row_count;
    static constexpr size t lane count = row count * column count;
    static constexpr size_t lane_size = W;
    static constexpr size_t string_size = lane_count * lane_size;
   using Lane = BitString< lane_size >;
    // A abstração das coordenadas do state array implementadas abaixo,
    // facilitam a iteração sobre este e simplificam o código
    // das funções de permutação.
    struct Coord2D
        int x, y;
        Coord2D(int x, int y): x(x), y(y) {}
        bool operator !=(const Coord2D & other) const
            return x != other.x || y != other.y;
        }
        void p_cycle_x() { x = (x == 0 ? column_count : x) - 1; }
        void p_cycle_y() { y = (y == 0 ? row_count : y) - 1; }
        void previous()
        {
            p_cycle_x();
            if (x == (column_count - 1)) y--;
        void p_cycle()
            p_cycle_x();
            if (x == (column_count - 1)) p_cycle_y();
        }
```

```
void cycle_x() { x = (x + 1) % column_count; }
    void cycle_y() { y = (y + 1) % row_count; }
    void next()
        cycle_x();
        if (x == 0) y++;
    }
    void cycle()
        cycle_x();
        if (x == 0) cycle_y();
    }
    int linear_index() const
        return (y * column_count) + x;
    friend inline ostream & operator << (ostream & os, const Coord2D & coord)</pre>
        return os << "(" << coord.x << "," << coord.y << ")";
    }
};
struct Coord3D
    int x, y, z;
    Coord3D(int x, int y, int z): x(x), y(y), z(z) {}
    void p_cycle_x() { x = (x == 0 ? column_count : x) - 1; }
    void p_cycle_y() { y = (y == 0 ? row_count : y) - 1; }
    void p_cycle_z() { z = (z == 0 ? lane_size : z) - 1; }
    void previous()
    {
        p_cycle_z();
        if (z == (lane\_size - 1)) p\_cycle\_x();
        if (x == (column count - 1) && z == (lane size - 1)) y--;
    }
    void p_cycle()
        p_cycle_z();
        if (z == (lane_size - 1)) p_cycle_x();
        if (x == (column\_count - 1) && z == (lane\_size - 1)) p\_cycle\_y();
    }
    void cycle_x() { x = (x + 1) % column_count; }
    void cycle_y() { y = (y + 1) % row_count; }
    void cycle_z() { z = (z + 1) % lane_size; }
```

{

```
void next()
    {
       cycle_z();
       if (z == 0) cycle_x();
        if (x == 0 \&\& z == 0) y++;
    }
    void cycle()
    {
       cycle_z();
       if (z == 0) cycle_x();
        if (x == 0 && z == 0) cycle_y();
    }
    bool operator !=(const Coord3D & other) const
       return x != other.x || y != other.y || z != other.z;
    int linear_index() const
        return lane_size * ((y * column_count) + x) + z;
    }
    friend inline ostream & operator << (ostream & os, const Coord3D & coord)</pre>
        return os << "(" << coord.x << "," << coord.y << "," << coord.z << ")";
    }
};
static Coord3D begin()
   return { 0, 0, 0 };
static Coord3D end()
   return { 0, row_count, 0 };
}
static Coord2D begin2D()
   return { 0, 0 };
}
static Coord2D end2D()
   return { 0, row_count };
StateArray() {}
StateArray(BitString< string_size > s)
```

```
{
    for (Coord3D coord = begin(); coord != end(); coord.next())
        this->set(coord, s[coord.linear_index()]);
    }
   swap_endian();
}
BitString< string_size > bs() const
    StateArray st = *this;
    st.swap_endian();
    BitString< string_size > s;
    for (Coord3D coord = begin(); coord != end(); coord.next())
        s.set(coord.linear_index(), st[coord]);
   return s;
}
bool operator [](const Coord3D & coord)
    return matrix[coord.x][coord.y][coord.z];
}
const bool operator [](const Coord3D & coord) const
    return matrix[coord.x][coord.y][coord.z];
}
Lane & operator [](const Coord2D & coord)
    return matrix[coord.x][coord.y];
const Lane & operator [](const Coord2D & coord) const
{
   return matrix[coord.x][coord.y];
void set(const Coord3D & coord, const bool & bit)
   matrix[coord.x][coord.y].set(coord.z, bit);
}
void XOR(const Coord3D & left_coord, const Coord3D & right_coord)
    set(left_coord, (*this)[left_coord] xor (*this)[right_coord]);
}
Lane column_xor(int column_index) const
{
```

```
Coord2D coord = { column_index, 0 };
        Lane result = (*this)[coord];
        while (++coord.y < row_count)</pre>
            result ^= (*this)[coord];
        }
        return result;
    }
    std::string to_string() const
    {
        return bs().to_string();
    std::string to_hex() const
        StateArray st = *this;
        st.swap_endian();
        std::string str;
        for (Coord2D coord = begin2D(); coord != end2D(); coord.next())
            str += st[coord].to_hex();
        }
        return str;
    }
private:
    // Na implementação de referência, se faz a troca de bytes mais significativos
    \ensuremath{//} com os menos significativos.
    // Porém, não há qualquer informação sobre isto na especificação da FIPS.
    void swap_endian()
    {
        if (lane_size % BitString< W >::byte_size == 0)
            for (Coord2D coord = begin2D(); coord != end2D(); coord.next())
            {
                (*this)[coord].swap_endian();
            }
        }
    }
    Lane matrix[column_count][row_count];
};
```

4.11 Bit String

Na código abaixo, está implementado a bit string:

```
#pragma once
#include <bitset>
#include <string>
#include <istream>
#include <sstream>
#include <iomanip>
#include <cassert>
// Neste arquivo, somente a implementação de swap_endian foi copiada do Stack Overflow:
template < typename T >
T swap_endian(T u)
{
    static_assert (CHAR_BIT == 8, "CHAR_BIT != 8");
    union
    {
        Tu;
        unsigned char u8[sizeof(T)];
    } source, dest;
    source.u = u;
    for (size_t k = 0; k < sizeof(T); k++)</pre>
    dest.u8[k] = source.u8[sizeof(T) - k - 1];
    return dest.u;
}
// Nota: classe BitString abstrai as operações
// sobre sequencias de bits,
// assim permitindo uma implementação de Keccak
// para tamanhos arbitrários
// de state array e capacidade.
// Apesar disto, a performance é adequada,
// pois utiliza a classe bitset da standard library,
// que é implementada em memória e registradores
// para state array de até 64 bits.
template< size_t N >
struct BitString
    static constexpr size_t byte_size = 8;
    BitString() {}
    BitString(uint64_t val): _bs(val) {}
    BitString(const std::string & s): _bs(s.c_str()) {}
    BitString(const char * s): _bs(s) {}
    BitString(std::bitset< N > bs): _bs(bs) {}
    std::string to_string() const { return _bs.to_string(); }
    std::string to_hex() const
    {
```

```
constexpr size_t block_size = 64;
    const std::string bin str = to string();
    std::stringstream ss;
    for (int i = 0; i < size(); i += block_size)</pre>
        std::bitset< block_size > bs64
            bin_str.substr(i, block_size).c_str()
        };
        const size_t bit_width = (i + block_size) > size() ? size() - i : block_size;
        ss << std::setfill('0')</pre>
          << std::setw(bit_width/4)
          << std::uppercase
           << std::hex << bs64.to_ulong();
    }
   return ss.str();
}
size_t count() const { return _bs.count(); }
size_t size() const { return _bs.size(); }
BitString& operator &= (const BitString& rhs)
    _bs &= rhs._bs; return *this;
}
BitString& operator |= (const BitString& rhs)
    _bs |= rhs._bs; return *this;
}
BitString& operator ^= (const BitString& rhs)
    _bs ^= rhs._bs; return *this;
}
BitString& operator <<= (size t pos)</pre>
   _bs <<= pos; return *this;
BitString& operator >>= (size_t pos)
   _bs >>= pos; return *this;
BitString& set() { _bs.set(); return *this; }
BitString& set(size_t pos, bool val = true)
    _bs.set(reversed(pos), val); return *this;
}
```

```
BitString& reset() { _bs.reset(); return *this; }
BitString& reset(size t pos) { bs.reset(reversed(pos)); return *this; }
BitString operator~() const { return BitString(~_bs); }
BitString& flip() { _bs.flip(); return *this; }
BitString& flip(size t pos){    bs.flip(reversed(pos));    return *this; }
bool operator [] (size_t pos) { return _bs[reversed(pos)]; }
const bool operator [] (size_t pos) const { return _bs[reversed(pos)]; }
bool operator == (const BitString& rhs) const { return _bs == rhs._bs; }
bool operator != (const BitString& rhs) const { return _bs != rhs._bs; }
bool test(size_t pos) const { return _bs.test(reversed(pos)); }
bool all() const { return _bs.all(); }
bool any() const { return _bs.any(); }
bool none() const { return _bs.none(); }
BitString operator << (size_t pos) const { return BitString(_bs << pos); }</pre>
BitString operator >> (size_t pos) const { return BitString(_bs >> pos); }
BitString reversed() const
    std::string str = to_string();
   std::reverse(str.begin(), str.end());
   return BitString(str.c_str());
}
void swap_endian()
   if (_bs.size() % byte_size == 0)
        _bs = ::swap_endian(_bs.to_ullong());
    }
}
friend inline BitString operator & (const BitString & lhs, const BitString & rhs)
    return BitString(lhs. bs & rhs. bs);
}
friend inline BitString operator | (const BitString & lhs, const BitString & rhs)
   return BitString(lhs._bs | rhs._bs);
}
friend inline BitString operator ^ (const BitString & lhs, const BitString & rhs)
   return BitString(lhs._bs ^ rhs._bs);
}
template < size_t L, size_t R >
friend inline BitString< L+R > operator + (const BitString< L > & lhs, const BitString< R >
{
```

```
return BitString< L+R >(lhs._bs.to_string() + rhs._bs.to_string());
    }
    template< size_t 0, size_t I >
    friend BitString< 0 > truncate(const BitString< I > & input);
    friend inline std::istream & operator >> (std::istream & is, BitString & bstr)
        constexpr size_t byte_size = 8;
        constexpr size_t block_size = N / byte_size;
        std::stringstream ss;
        bstr._bits_read = 0;
        for (size_t i = 0; i < block_size; i++)</pre>
            unsigned char value;
            is >> value;
            if (is.eof())
                ss << "00000000"; // one byte
            }
            else
            {
                std::bitset< byte_size > bs = value;
                ss << bs.to_string();</pre>
                bstr._bits_read += byte_size;
            }
        }
        bstr._bs = std::bitset< N > { ss.str() };
        return is;
    }
    size_t bits_read() { return _bits_read; }
private:
    // bitset tem indice zero no digit mais a direita,
    // enquanto BitString precisa que este encontre-se na esquerda.
    size_t reversed(size_t pos) const { return N - pos - 1; }
    std::bitset< N > _bs;
    size_t _bits_read;
template< size_t 0, size_t I >
inline BitString< 0 > truncate(const BitString< I > & input)
   return BitString< 0 >(input.to_string());
inline std::string hex_to_bin(std::string hex_str)
    constexpr int byte_size = 2;
```

};

}

```
std::string bin_str;
    for (int i = 0; i < hex_str.size(); i += byte_size)</pre>
        std::stringstream ss(hex_str.substr(i, byte_size));
        unsigned int value;
        ss >> std::hex >> value;
        std::bitset<8> bs = value;
        bin_str += bs.to_string();
    }
   return bin str;
}
template< size_t N >
inline BitString< N > hex to bs(std::string hex str)
    return BitString< N >(hex to bin(hex str).c str());
template < size_t N >
inline BitString< N > rotate(BitString< N > b, int n)
    return b << (n % N) | b >> ((N-n) % N);
}
```

assert(hex str.size() % byte size == 0);

5 Crítica ao SHA-3

Keccak, o design do SHA-3, é simples e elegante comparado a outros algoritmos de hash. Também é muito flexível nas opções de seus parâmetros e nas aplicações possíveis.

Aqui vão algumas de suas vantagens:

- Aplicações: o Keccak permite a configuração da taxa de vazão (throughput) para melhorar performance em detrimento da segurança, ou vice-versa. Ele também permite um tamanho variável do hash gerado, o que abre bastante o leque de aplicações, além das aplicações usuais de algoritmos de hash.
- *Margem de Segurança*: comparado ao SHA-2, e a outros algoritmos, o Keccak tem uma margem de segurança bem alta, com menos vulnerabilidade em cripto-análise, porque:
 - suas funções de permutação, inerentemente mais seguras, o tornam menos vulnerável a ataques do que algoritmos tradicionais de hash, como o SHA-2.
 - quase 80 por cento das funções que fazem parte do Keccak ainda não foram quebradas, enquanto 40 por cento das funções do SHA-2 já foram.
 - os autores provaram matematicamente que o Keccak é seguro contra pré-imagem, segunda pré-imagem e colisões até 2^n , 2^n $2^{n/2}$ consultas, respectivamente.
- Performance: implementado em software, a performance do SHA-3 é comparável ao SHA-2, mas sua performance em hardware, em termos de thoughput, é muito superior ao SHA-2.
- Design: seu design simples, orientado a bits, torna sua especificação bem clara e, por consequência, facilita seu entendimento e implementação. Seu design baseado em

permutações, e na função de esponja, também permitirá o surgimento de algoritmos alternativos, ou algoritmos para outras aplicações.

Apesar de suas vantagens consideráveis, aqui estão algumas deficiências:

- *Inversível*: como todos os passos do SHA-3 são inversíveis, sabendo-se os estados intermediários, é possível se chegar na mensagem original.
- *Software Performance*: sua performance é razoável em software, mas existem outros algoritmos, como o BLAKE, quem tem performance muito melhor.

Considerando que o SHA-2 já é utilizado por pelo menos uma década e ainda não foi quebrado, e também considerando a margem de segurança do SHA-3, quando comparado ao SHA-2, mesmo com os avanços de hardware da próxima década, espera-se que o SHA-3 seja seguro nos próximos 10 anos, ou mais. Porém, como ainda é um algoritmo novo, será interessante ver o que os trabalhos de pesquisa e cripto-análise irão dizer nos próximos anos.

6 Referências

[Stalling2014] Cryptography and Network Security, Sixth International Edition, 2014. [FIPS202] FIPS PUB 202, 2015.

[Wikipedia2016] Wikipedia, 2016.

[NISTIR7896] Third-Round Report of the SHA-3, Cryptographic Hash Algorithm Competition, 2012.

formatted by Markdeep 💅