# 面向对象第一单元第一次作业指导书

#### 摘要

本次作业,需要完成的任务为**简单多项式导函数**的求解。

#### 问题

#### 设定

首先是一些基本概念的声明:

- **带符号整数**: 支持前导0的**十**进制带符号整数,符号可省略,无进制标识,如: +02、-16、19260817等。
- 幂函数
  - 一般形式 由自变量x和指数组成,指数为一个带符号整数,如: x \*\* +2。
  - **省略形式** 当指数为1的时候,可以采用省略形式,如: 区。
- 项
  - 变量项
    - 系数与幂函数的乘积,且系数位于幂函数前,系数为一个带符号整数,如: 2 \* x \*\* 2 、-1 \* x 。
    - 系数为1的时候,可以省略系数或表示为正号开头的形式,如: x \*\* 2、+ x \*\* 2。
    - 系数为-1的时候,可以表示为负号开头的形式,如: -x \*\* 2。
  - 常数项包含一个带符号整数,如: 233。
- 表达式 由加法和减法运算符连接若干项组成,如: [-1 + x \*\* 233 x \*\* 06]。此外,在第一项之前,可以带一个正号或者负号,如: [--1 + x \*\* 233 、 + -2 + x \*\* 19260817]。注意,空 串不属于合法的表达式。
- **空白字符** 在本次作业中,空白字符包含且仅包含空格 < space > (ascii值32) 和水平制表符 \t (ascii值9) 。其他的空白字符,均属于非法字符。

对于空白字符,有以下几点规定:

- o 带符号整数内不允许包含空白字符,注意**符号与整数之间**也不允许包含空白字符。
- 指数运算符内不允许包含空白字符,如 \* \* 不合法。
- 幂函数、项、表达式,在不与前两条条件矛盾的前提下,可以在任意位置包含任意数量的空白字符。

## 设定的形式化表述

- 表达式 ightarrow 空白项 [加减 空白项] 项 空白项 | 表达式 加减 空白项 项 空白项
- 项→变量项|常数项
- 变量项 → [带符号的整数 空白项 \* 空白项] 幂函数 | [加减 空白项] 幂函数
- 常数项 → 带符号的整数
- 幂函数 → x [空白项 指数]
- 指数 → \*\* 空白项 带符号的整数
- 带符号的整数 → [加减] 允许前导零的整数
- 允许前导零的整数 → (0|1|2|...|9){0|1|2|...|9}
- 空白项 → {空白字符}

- 空白字符 → (空格) | \t
- 加減 → + | -

其中{}表示0个、1个或多个,[]表示0个或1个,[表示多个之中选择。

式子的具体含义参照其数学含义。

若输入字符串能够由"表达式"推导得出,则为正确输入字符串。具体推导方法请参阅"第一单元形式化 表述说明"文档。

#### 描述

求导是数学计算中的一个计算方法,它的定义就是,当自变量的增量趋于零时,因变量的增量与自变量的增量之商的极限。

在本次作业中, 我们要对输入的多项式进行求导计算, 化简, 并输出它的导函数。

#### 本次作业可能用到的求导公式是

I.当
$$f(x)=a$$
( $a$ 为常数)时, $f'(x)=0$  $% {
m II}$ .当 $f(x)=ax^b$ 时, $f'(x)=abx^{b-1}$ 

例如:

$$rightarrow f(x) = 2x^6 + 6x^4$$
ங் ,  $f'(x) = 12x^5 + 24x^3$ 

输入为 2\*x\*\*6+6\*x\*\*4, 输出为 12\*x\*\*5+24\*x\*\*3。

#### 一些规定

一个表达式可能有多个解释。因此,对于一个表达式,只要存在一条合法解释,该表达式即为合法,且我们保证以这些解释在数学意义上均相等。

## 评测

# 输入模式

输入中,包含且仅包含一行,表示一个表达式。

本次作业保证输入数据全部为合法(格式正确)的表达式,不需要进行格式检查!!!

#### 输出模式

关于输出,由于本次作业输入数据全部为合法的表达式,因此程序不需要对输入数据的合法性进行判定 应当输出一行,表示求出的导函数。格式同样需要满足上述的表达式基本格式规则,其中要求带符号的 整数均为**十进制形式**。

#### 数据限制

• 数据的最大长度为1000 (请注意,这里不是有效长度,是去除右侧换行符后的总长度),并且是合法的表达式。

上述限制被定义为**数据基本限制**。在测试中,不会出现不符合该限制的数据。在此范围限制内,不作其他任何限制。

## 判定模式

#### 正确性判定

对于这次作业结果正确性的判定,在输出符合格式要求的前提下,我们采用如下的方式:

- **在区间**[-10,10]上,进行1000次线性随机选取,设得到的数为 $\{x_i\}$   $(1 \le i \le 1000)$
- 设输入多项式为f(x),其导函数为f'(x)(即正确答案,由sympy进行符号运算),将 $\{x_i\}$ 依次代入f'(x),得到结果 $\{a_i\}$
- 设待测输出的多项式为g'(x),将 $\{x_i\}$ 依次代入g'(x),得到结果 $\{b_i\}$
- 将数列 $\{a_i\}$ 和数列 $\{b_i\}$ 依次进行比较,判定每个数是否依次相等
- 如果全部相等,则认为该组输出正确,否则认为错误

#### 其中

• 在比较两个数的时候,**判定是否相等的依据**是:对于数 $a_i$ 表示正确结果, $b_i$ 表示根据输出计算出的结果,若满足

$$\frac{\left|a_{i}-b_{i}\right|}{\max\left(\left|a_{i}\right|,1\right)}<10^{-8}$$

则视为 $a_i$ 与 $b_i$ 相等。

• 考虑到可能会出现随机出的数位于无意义点上导致计算出错,故在上述计算 $b_i$ 的过程中,**如果第**i **个数计算错误,则将重新生成该** $x_i$  **,并重新计算**。每个数最多将会重试五次,如果重试次数达到上限后依然无法正常计算,则判定该组输出错误。**举例说明的话,就是表达式** $\frac{x^2}{x}$ 最终也会被判定为和表达式x等价。(由 $a_i$ 不可计算引发的重新计算将不被计算在这五次内)

简而言之,可以理解为:**只要是和标准结果等价的表达式(允许定义域上的点差异)**,都会被认定为正确答案。

#### 性能分判定

在本次作业中,性能分的唯一评判依据,是输出结果的有效长度。

有效长度定义为,输出结果去除所有的空白字符(<space>、 $\setminus$ t)后的长度,设为L。

设某同学给出的正确答案的有效长度为 $L_p$ ,所有人目前给出的正确答案的有效长度的最小值为 $L_{min}$ 。

设 $x=rac{L_p}{L_{min}}$ ,则该同学性能分百分比为:

$$r(x) = 100\% \cdot \begin{cases} 1 & x = 1 \\ -31.8239x^4 + 155.9038x^3 - 279.2180x^2 + 214.0743x - 57.9370 & 1 < x \le 1.5 \\ 0 & x > 1.5 \end{cases}$$

简单来说,就是这样:

x	$r\left( x ight)$
1.0	100.0%
1.05	79.9%
1.1	60.5%
1.2	29.0%
1.3	10.9%
1.4	4.5%
1.5	0.0%

值得注意的是,**获得性能分的前提是,在正确性判定环节被判定为正确**。如果被判定为错误,则性能分部分为0分。

#### 互测相关

在互测中,数据必须符合数据基本限制,因此:

- 被测程序应当给出正确的求导答案。
- 如果不满足上述数据基本限制的话,则该数据将被系统忽略,不会对被测程序进行测试。

## 样例

#	输入	输出	解释
1	1	0	根据表达式定义可得。
2	4*x+x**2+x	2*x+5	根据表达式定义可得。
3	4*x+x**2+x	4+2*x+1	未合并同类项,但表达式依然等价。
4	4*x + x ** 2 + x	2*x+5	-4x为合法项,且表达式第一项前也可以包含正负号。
5	+4*xx**2 + x	2*x+5	-x**2为合法项。
6	+19260817*x	19260817	根据表达式定义可得。
7	+ 19260817*x	19260817	多项式第一项前可以带有正负号。
8	+ +19260817*x	19260817	+19260817*x为合法项,开头可以带有正负号。

注意:由于本作业可被判定为正确的答案不唯一,所以以上样例的输出**仅保证正确性,但并不一定为性能最优解。** 

## 补充信息

## 关于评测

- 评测时,会自动忽略掉行末的空格以及文件末多余的回车。
- 对于输入,如果包含多行,则忽略第一行以后的内容即可。
- 类似的,对于输出结果,如果包含多行,则在评判的时候将忽略第一行以后的内容。(<del>也就是说,你们可以在正文之后附加一些其他的信息以改善自己调试的体验</del>)

## 一点点的提示

- Java内的原生整数类型有 long 和 int ,长度分别为64位和32位。
- 如果觉得上述数据类型不够用的话,可以百度一下Java内可以怎样快速处理这个问题。
- 在Java内,不建议使用静态数组。推荐使用 ArrayList 、 HashMap 、 HashSet 一类的数据结构, 快速管理和调配手中无序的数据。
- 关于输入字符串的处理,推荐使用正则表达式,相关的 API 可以了解 Matcher 和 Pattern 类。

## 一点点想说的话

- 不要重复造轮子! 不要重复造轮子! 不要重复造轮子! 重要的事情说三遍
- 我们鼓励大家通过Baidu、Google、Stackoverflow等方式自行学习和解决问题。

