# Problem B. Dominating Set

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 3 seconds Memory limit: 64 mebibytes

У Бобо есть двудольный граф G=(V,E) с n вершинами и m рёбрами. Он хочет выбрать подмножество D вершин такое, что для каждой вершины v, не входящей в D, как минимум одна из соседних с ней вершин находится в D. Найдите количество способом, которым Бобо сможет это сделать.

Напоминаем, что

- 1. Граф G является двудольным тогда и только тогда, когда он не содержит циклов нечётной длины.
- 2. Вершина u является соседней с вершиной v тогда и только тогда, когда u и v соединены ребром.

### Input

Первая строка входа содержит два целых числа n и m  $(1 \le n \le 30, 0 \le m \le 225)$ .

i-я из последующих m строк содержит два целых числа  $a_i$  и  $b_i$  и обозначает, что вершины  $a_i$  и  $b_i$  соединены ребром  $(1 \le a_i, b_i \le n)$ .

Гарантируется, что граф не содержит петель и кратных рёбер.

### Output

Выведите одно целое число: количество различных подмножеств, удовлетворяющих условию задачи.

| standard input | standard output |
|----------------|-----------------|
| 4 4            | 11              |
| 1 2            |                 |
| 2 3            |                 |
| 3 4            |                 |
| 4 1            |                 |
| 4 0            | 1               |

# Problem F. Similar Subsequence

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 2 seconds Memory limit: 64 mebibytes

Две последовательности  $\{a_1, a_2, \dots, a_n\}$  и  $\{b_1, b_2, \dots, b_n\}$  называются *похожими* тогда и только тогда, когда  $(a_i - a_j) \cdot (b_i - b_j) > 0$  для всех  $1 \le i, j \le n$ .

У Бобо есть две последовательности  $A = \{a_1, a_2, \dots, a_n\}$  и  $B = \{b_1, b_2, \dots, b_m\}$ . Он хочет проверить, содержит ли B подпоследовательность, похожую на A.

### Input

Первая строка входа содержит два целых числа n и m  $(1 \le n, m \le 500)$ .

Вторая строка содержит n целых чисел  $a_1, a_2, \ldots, a_n \ (1 \le a_i \le n)$ .

Третья строка содержит m целых чисел  $b_1, b_2, \ldots, b_m$   $(1 \le b_i \le m)$ .

Гарантируется, что A является перестановкой  $\{1,2,\ldots,n\}$  и **не содержит** подпоследовательностей, похожих на  $\{2,1,3\}$  или же на  $\{2,3,1\}$ .

### Output

Выведите "Yes", если B содержит подпоследовательность, похожую на A, или "No" в противном случае.

| standard input | standard output |
|----------------|-----------------|
| 3 4            | Yes             |
| 1 2 3          |                 |
| 1 3 2 4        |                 |
| 3 4            | No              |
| 1 2 3          |                 |
| 4 4 4 4        |                 |

### Problem G. Random Arithmetics

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 2 seconds Memory limit: 64 mebibytes

Бобо играет с набором из n целых чисел. Изначально набор состоит из чисел  $a_1, a_2, \ldots, a_n$ .

Бобо многократно применяет следующую операцию: выбирает пару целых чисел x и y, имеющуюся в наборе, и заменяет их числом x+y или  $x\cdot y$ .

Все пары равновероятны, арифметическое действие также выбирается с вероятностью 1/2. Например, после первой операции существует  $n \cdot (n-1)$  возможных равновероятных исходов.

После того, как Бобо повторил вышеописанную операцию (n-1) раз, в наборе осталось одно число. Требуется найти математическое ожидание этого числа.

### Input

Первая строка входа содержит целое число  $n \ (2 \le n \le 2000)$ .

Вторая строка содержит n целых чисел  $a_1, a_2, \ldots, a_n \ (0 \le a_i \le 10^9)$ .

## Output

Если ожидаемая величина равна  $\frac{P}{Q}$ , выведите  $P \cdot Q^{-1} \mod (10^9 + 7)$ , где  $Q^{-1}$  — число, для которого  $Q \cdot Q^{-1} \equiv 1 \pmod (10^9 + 7)$ .

| standard input | standard output |
|----------------|-----------------|
| 2              | 50000005        |
| 1 1            |                 |
| 3              | 250000008       |
| 1 2 3          |                 |

# Problem J. Welcome to ICPCCamp 2016!

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 2 seconds Memory limit: 64 mebibytes

Welcome to ICPCCamp 2016!

Бобо пытается решить одну из самых простых задач в контесте.

Даны 6666 целых чисел  $a_1, a_2, \ldots, a_{6666}$  между 1 и 2016.

Требуется найти подмножество из 2016 целых чисел, сумма которых делится на 2016.

Бобо не только решил задачу, но и заметил, что в следующий раз такая задача будет решаема только в 2025 году.

А сможете ли Вы хотя бы решить эту задачу?

### Input

Входной файл состоит из 6666 строк, каждая из которых содержит одно целое число  $a_i$   $(1 \le a_i \le 2016)$ .

## Output

Выведите 2016 попарно различных чисел  $b_1, b_2, \dots, b_{2016}$  таких, что набор из  $a_{b_1}, a_{b_2}, \dots, a_{b_{2016}}$  является ответом к задаче.

Если ответов несколько, выведите любой из них.

| standard input       | standard output      |
|----------------------|----------------------|
| 1                    | 1                    |
| 1                    | 2                    |
| 1                    | 3                    |
| (6660 lines omitted) | (2010 lines omitted) |
| 1                    | 2014                 |
| 1                    | 2015                 |
| 1                    | 2016                 |

# Problem K. Ant's way

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 1 second Memory limit: 64 mebibytes

На плоскости задан простой многоугольник (многоугольник называется простым, если он имеет ненулевую площадь, никакие две стороны не имеют более одной общей точки и никакие две стороны, кроме соседних, не имеют общих точек). Муравей сидит в точке  $(x_0, y_0)$  и начинает движение в направлении вектора  $(v_x, v_y)$ .

Вычислите длину части пути муравья, лежащей строго внутри многоугольника.

### Input

Первая строка входа содержит целое число N — количество вершин многоугольника  $(1 \le N \le 100)$ . Каждая из последующих N строк содержит координаты очередной вершины многоугольника  $x_i$  и  $y_i$ ; координаты перечислены в порядке обхода. Последняя строка содержит координаты начальной точки муравья  $(x_0, y_0)$  и вектора  $(v_x, v_y)$ , вдоль которого движется муравей.

Все координаты — вещественные числа, заданные не более, чем с тремя знаками после десятичной точки и не превосходящие 1000 по абсолютной величине.

### Output

Выведите одно число — длину части пути муравья, лежащей строго внутри многоугольника, с абсолютной или относительной погрешностью не хуже  $10^{-5}$ 

| standard input | standard output |
|----------------|-----------------|
| 4              | 1.4142135624    |
| 0 0            | говёнка         |
| 0 1            |                 |
| 1 1            |                 |
| 1 0            |                 |
| -1 -1 1 1      |                 |
| 4              | 0.00000         |
| 0 0            |                 |
| 0 1            |                 |
| 1 1            |                 |
| 1 0            |                 |
| -1 0 1 0       |                 |
| 5              | 3.800000000     |
| 0 0            |                 |
| 1 10           |                 |
| 2 1            |                 |
| 3 10           |                 |
| 4 0            |                 |
| -1 1 1 0       |                 |

# Problem L. Cut The Rectangle

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 1 second Memory limit: 64 mebibytes

Два треугольника заданы длинами сторон. Определите, можно ли получить эти треугольники, разрезав прямоугольник одним отрезком на две части и затем, возможно, повернув получившиеся части каким-либо образом или отразив их.

### Input

Первая строка входа содержит три целых числа — стороны первого треугольника. Вторая строка входа содержит три целых числа — стороны второго треугольника.

Гарантируется, что заданные тройки чисел могут быть сторонами треугольника ненулевой площади. Длина каждой стороны треугольника не менее 1 и не более 100.

## Output

Если существует прямоугольник, который может быть разрезан так, чтобы получились два заданных треугольника, выведите 1. В противном случае выведите 0.

| standard input | standard output |
|----------------|-----------------|
| 6 8 10         | 1               |
| 8 6 10         |                 |
| 7 4 5          | 0               |
| 4 5 7          |                 |

## Problem M. Diversity

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 1 second Memory limit: 64 mebibytes

Определим *разнообразность* строки как количество попарно различных букв в строке. Например, строка "acm" имеет разнообразность 3, равно как и строка "icpc".

Бобо нравятся строки, разнообразность которых равна 1 или 2. Ему подарили некоторую строку; Бобо хочет превратить её в строку, которая ему нравится. За одно действие он может удалить одну букву в любом месте строки. За какое минимальное количество действий Бобо сумеет превратить данную строку в строку с разнообразностью 2 или менее?

### Input

На вход подаётся непустая строка, состоящая не более, чем из 100 строчных латинских букв.

## Output

Выведите одно целое число — наименьшее количество действий, которые потребуются Бобо, чтобы превратить данную строку в строку, которая ему нравится.

| standard input | standard output |
|----------------|-----------------|
| bobo           | 0               |
| china          | 3               |
| acmicpc        | 3               |

## Problem N. Mechanics

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 1 second Memory limit: 64 mebibytes

На плоскости размещён набор из n зубчатых колёс. Центр каждого зубчатого колеса находится в точке с целыми координатами, радиус также является целым. Требуется вычислить, что будет происходить с последним перечисленным колесом при попытке вращения первого. Есть следующие варианты:

- Первое колесо заблокировано и не может двигаться, так как какое-то колесо при его вращении должно будет вращаться в две противоположные стороны одновременно.
- Первое колесо может двигаться, однако оно не соединено с последним колесом, которое тем самым остаётся неподвижным.
- Первое колесо приводит последнее в движение с определённым передаточным отношением.

В случае, если первое колесо заблокировано, выведите эту информацию вне зависимости от того, соединено ли первое колесо с последним.

### Input

Первая строка входа содержит целое число n ( $1 \le n \le 1,000$ ) — количество зубчатых колёс. Далее следуют n строк, каждая из которых задаёт одно зубчатое колесо и содержит три целых числа x, y ( $-10^4 \le x, y \le 10^4$ ) и r ( $1 \le r \le 10^4$ ) — координаты оси колеса и его радиус. Первое колесо (которое вращают) перечислено первым, колесо, информацию о движении которого надо вывести, перечислено n-м.

Считается, что два любых зубчатых колеса, которые касаются, зацеплены между собой. Гарантируется, что никакие два зубчатых колеса не пересекаются по фигуре ненулевой площади.

## Output

Выведите строку со следующим содержанием:

- -1, если первое колесо заблокировано.
- 0, если первое колесо может вращаться, но при этом последнее колесо остаётся неподвижным.
- a b, если при вращении первого колеса последнее тоже вращается; a и b два целых числа, разделённых пробелом, и a : b отношение частоты вращения первого колеса к последнему, причём a и b взаимно просты, a всегда положительно, а b положительно, если последнее колесо вращается в ту же сторону, что и первое, и отрицательно в противном случае.

#### XVI Open Cup named after E.V. Pankratiev Stage 11: Grand Prix of China, ICL 2016 Selection, Division 2, Sunday, February 14, 2016

| standard input | standard output |
|----------------|-----------------|
| 2              | 2 -1            |
| 0 0 10         |                 |
| 0 30 20        |                 |
| 2              | 0               |
| 0 0 1          |                 |
| 0 3 1          |                 |
| 3              | -1              |
| 0 0 11         |                 |
| 0 33 22        |                 |
| 44 0 33        |                 |

## Problem O. Pairs

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 1 second Memory limit: 64 mebibytes

Карточная игра «Pairs» играется специальными картами. Каждой карте соответствуют два целых числа: одно задаёт масть, второе задаёт цену. Карты в колоде могут повторяться.

Игрок получает от сдающего некоторый набор карт. После чего он для каждой масти, карты которой присутствуют в руке, должен сбросить ровно две карты этой масти. Если в какой-то масти ровно одна карта — игрок проиграл и получил бонус 0.

Иначе бонус определяется как сумма значений карт, которые остались у игрока.

По заданному набору карт определите, какие карты нужно сбросить, чтобы максимизировать бонус.

### Input

Первая строка входа содержит одно целое число N ( $1 \le N \le 299999$ ) — количество карт, которое раздал сдающий. i-я из последующих N строк задаёт i-ю слева карту в руке и содержит два целых числа: масть  $s_i$  ( $1 \le s_i \le 10^9$ ) и значение  $v_i$  ( $0 \le v_i \le 10^9$ ).

### Output

Если игрок с данным набором карт проиграет, выведите -1. Иначе выведите в первой строке целое число K — количество мастей, которые есть у игрока, затем для каждой масти в новой строке выведите два числа — номера (при перечислении в соответствии со входным файлом, слева направо, в нумерации, начиная с 1) карт, которые должны быть сброшены в этой масти.

Порядок мастей при выводе можно выбирать произвольно. Если решений несколько, выведите любое.

| standard input | standard output |
|----------------|-----------------|
| 10             | 3               |
| 9 2            | 3 4             |
| 9 3            | 1 2             |
| 7 1            | 8 9             |
| 7 2            |                 |
| 9 4            |                 |
| 9 3            |                 |
| 1 2            |                 |
| 1 0            |                 |
| 1 0            |                 |
| 7 3            |                 |

## Problem P. Trip Between Corners

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 1 second Memory limit: 64 mebibytes

Фишка стоит на доске  $n \times m$ , на каждом поле которой записана цифра. С поля, на котором записана цифра k, можно ходить ровно на k полей влево, вправо, вверх или вниз. Выходить за пределы доски нельзя, доска не является «зацикленной».

За какое наименьшее количество ходов можно дойти от левого верхнего угла в правый нижний (если это вообще возможно)?

## Input

Первая строка ввода содержит два целых числа n и m  $(1 \le n, m \le 500)$ , задающих размеры поля. Гарантируется, что mn > 1.

Каждая из последующих n строк состоит из m цифр ('0' – '9'), записанных вплотную (без пробела); i-я цифра в j-й строке задаёт поле (i,j).

Верхний левый угол доски соответствует первому символу первой из n строк, правый нижний — последнему символу n-й строки.

## Output

Если дойти от левого верхнего угла доски в правый нижний возможно, выведите наименьшее число ходов, за которое это можно сделать, в противном случае выведите -1.

| standard input | standard output |
|----------------|-----------------|
| 3 3            | 3               |
| 111            |                 |
| 111            |                 |
| 111            |                 |
| 2 2            | -1              |
| 33<br>33       |                 |
| 33             |                 |