CHAPTER 3: **DANH SÁCH LIÊN KẾT** (LINKED LISTS)

Nội dung

- Giới thiệu
- Danh sách liên kết đơn (Single Linked List)
- Danh sách liên kết đôi (Double Linked List)
- Danh sách liên kết vòng (Circular Linked List)

1.1. Kiểu dữ liệu tĩnh

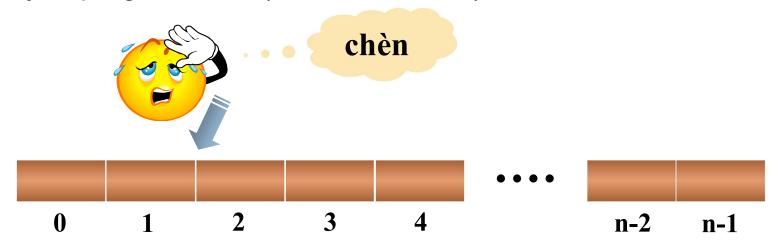
- Khái niệm: Một số đối tượng dữ liệu không thay thay đổi được kích thước, cấu trúc, ... trong suốt quá trình sống. Các đối tượng dữ liệu này thuộc những kiểu dữ liệu tĩnh.
- Một số kiểu dữ liệu tĩnh: các cấu trúc dữ liệu được xây dựng từ các kiểu cơ sở như: kiểu thực, kiểu nguyên, kiểu ký tự ... hoặc từ các cấu trúc đơn giản như cấu trúc, tập hợp, mảng
- → Các đối tượng dữ liệu thuộc kiểu dữ liệu tĩnh thường cứng ngắt, gò bó → khó diễn tả được thực tế vốn sinh động, phong phú.

Hạn chế của CTDL tĩnh

- Một số đối tượng dữ liệu có thể thay đổi về cấu trúc, độ lớn... chẳng hạn danh sách các học viên trong một lớp học có thể tăng thêm, giảm đi ...
- Nếu dùng những cấu trúc dữ liệu tĩnh đã biết như mảng để biểu diễn thì:
 - Những thao tác phức tạp, kém tự nhiên
 - Chương trình khó đọc, khó bảo trì
 - > Sử dụng bộ nhớ không hiệu quả

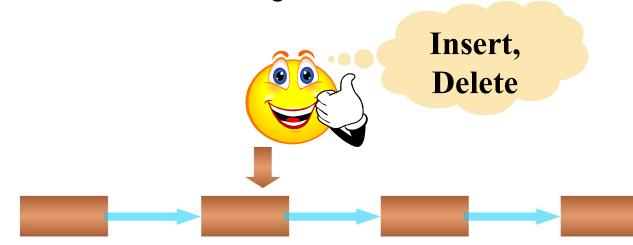
(do dữ liệu tĩnh sẽ chiếm vùng nhớ đã dành cho chúng suốt quá trình hoạt động của chương trình)

- Cấu trúc dữ liệu tĩnh: Ví dụ: Mảng 1 chiều
 - Kích thước cố định (fixed size)
 - Chèn 1 phần tử vào mảng rất khó
 - □ Các phần tử tuần tự theo chỉ số 0 ⇒ n-1
 - Truy cập ngẫu nhiên (random access)



- Hướng giải quyết
- Cần xây dựng cấu trúc dữ liệu đáp ứng được các yêu cầu:
 - Linh động hơn
 - Có thể thay đổi kích thước, cấu trúc trong suốt thời gian sống
- → Cấu trúc dữ liệu động

- Cấu trúc dữ liệu động: Ví dụ: Danh sách liên kết, cây
 - Cấp phát động lúc chạy chương trình
 - Các phần tử nằm rải rác ở nhiều nơi trong bộ nhớ
 - Kích thước danh sách chỉ bị giới hạn do RAM
 - Thao tác thêm xoá đơn giản



Biến động

Tạo ra một biến động và cho con trỏ 'p' chỉ đến nó

```
void* malloc (n*sizeof (kiểu_dữ_liệu));
// trả về con trỏ chỉ đến vùng nhớ size byte vừa được cấp phát.
void* calloc (n, sizeof (kiểu_dữ_liệu));
// trả về con trỏ chỉ đến vùng nhớ vừa được cấp phát gồm n phần tử,
// mỗi phần tử có kích thước size byte
new kiểu_dữ_liệu[n]; // toán tử cấp phát bộ nhớ trong C++
```

- Hàm free(p) huỷ vùng nhớ cấp phát bởi hàm malloc hoặc calloc do p trỏ tới
- □ Toán tử delete[] p huỷ vùng nhớ cấp phát bởi toán tử new do p trỏ tới

Danh sách liên kết:

- Mỗi phần tử của danh sách gọi là node (nút)
- Mỗi node có 2 thành phần: phần dữ liệu và phần liên kết chứa địa chỉ của node kế tiếp hay node trước nó
- Các thao tác cơ bản trên danh sách liên kết:
 - Thêm một phần tử mới
 - Xóa một phần tử
 - Tìm kiếm
 - **.**..

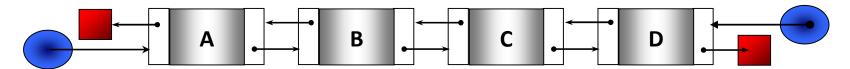
Danh sách liên kết

- Có nhiều kiểu tổ chức liên kết giữa các phần tử trong danh sách như:
 - Danh sách liên kết đơn
 - Danh sách liên kết kép
 - Danh sách liên kết vòng

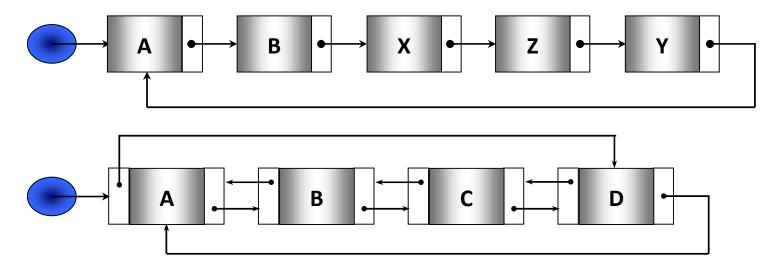
Danh sách liên kết đơn: mỗi phần tử liên kết với phần tử đứng sau nó trong danh sách:



Danh sách liên kết đôi: mỗi phần tử liên kết với các phần tử đứng trước và sau nó trong danh sách:



Danh sách liên kết vòng: phần tử cuối danh sách liên kết với phần tử đầu danh sách:



Nội dung

- Giới thiệu
- Danh sách liên kết đơn (Single Linked List)
- Danh sách liên kết kép (Doule Linked List)
- Danh sách liên kết vòng (Circular Linked List)

Danh sách liên kết đơn (DSLK đơn)

- Khai báo
- Các thao tác cơ bản trên DSLK đơn
- Sắp xếp trên DSLK đơn

DSLK đơn – Khai báo

- Là danh sách các node mà mỗi node có 2 thành phần:
 - Thành phần dữ liệu: lưu trữ các thông tin về bản thân phần tử
 - Thành phần mối liên kết: lưu trữ địa chỉ của phần tử kế tiếp trong danh sách, hoặc lưu trữ giá trị NULL nếu là phần tử cuối danh sách
 Link
 - Khai báo node

```
struct Node
{
    DataType data; // DataType là kiểu đã định nghĩa trước
    Node *pNext; // con trỏ chỉ đến cấu trúc Node
};
```

Data

DSLK – Khai báo phần Data

DataType?

Cấu trúc node

```
typedef struct node
{
SinhVien data;
struct node * link;
}NODE;
```

DSLK đơn - Khai báo

Ví dụ 1: Khai báo node lưu số nguyên: struct Node { int data; Node *pNext;

Ví dụ 2: Định nghĩa một phần tử trong danh sách đơn lưu trữ hồ sơ sinh viên: struct SinhVien { char Ten[30]; MaSV; int **}**; struct SVNode { SinhVien data: **SVNode** *pNext; **}**;

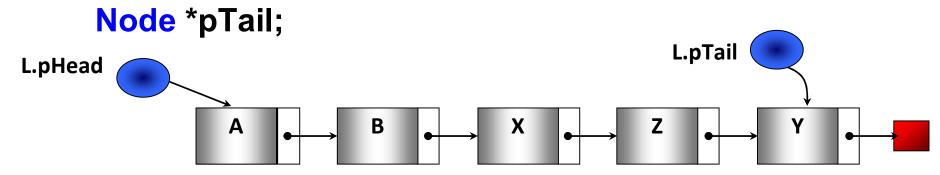
DSLK đơn – Khai báo

Tổ chức, quản lý:

- Để quản lý một DSLK đơn chỉ cần biết địa chỉ phần tử đầu danh sách
- Con trỏ pHead sẽ được dùng để lưu trữ địa chỉ phần tử đầu danh sách. Ta có khai báo:

Node *pHead;

Để tiện lợi, có thể sử dụng thêm một con trỏ pTail giữ địa chỉ phần tử cuối danh sách. Khai báo pTail như sau:



DSLK đơn - Khai báo

Node* pTail;

Ví dụ: Khai báo cấu trúc 1 DSLK đơn chứa số nguyên // kiểu của một phần tử trong danh sách struct Node int data; Node* pNext; // kiểu danh sách liên kết Khai báo biến kiểu danh sách: struct List List tên biến; Node* pHead;

Lưu trữ DSLK đơn trong RAM

Địa chỉ

_/	ш	
	v	

Ví dụ: Ta có danh sách theo dạng bảng sau

Address	Name	Age	Link
100	Joe	20	140
110	Bill	42	500
140	Marta	27	110
230	Sahra	25	NULL
•••		•••	
500	Koch	31	230

		000
Joe 2	0	100
140	140	
Bill 42		110
500		
Marta	27	140
110		
Sahra	25	230
NULL		
Kock	32	500
230		•
		•

DSLK đơn – Khai báo

Tạo một node mới

□ Thủ tục **GetNode** để tạo ra một nút cho danh sách với thông tin chứa trong x

```
Node* getNode ( PataType 3)

{
    Node *p;
    p = new Node; // Cấp phát vùng nhớ cho node
    if (p==NULL)
    {
        cout<<"Khong du bo nho!"; return NULL;
    }
    p->data = x; // Gán dữ liệu cho phần tử p
    p->pNext = NULL;
    return p;
}
```

Tạo một phần tử

Để tạo một phần tử mới cho danh sách, cần thực hiện câu lệnh:

Node *new_ele = GetNode(x);

→ new_ele sẽ quản lý địa chỉ của phần tử mới được tạo.

Danh sách liên kết đơn (DSLK đơn)

- Khai báo
- Các thao tác cơ bản trên DSLK đơn
- Sắp xếp trên DSLK đơn

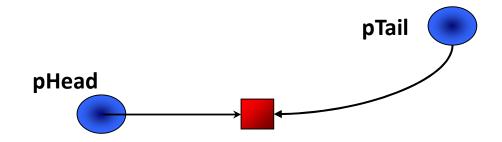
DSLK đơn

Các thao tác cơ bản

- Tạo danh sách rỗng
- Thêm một phần tử vào danh sách
- Duyệt danh sách
- Tìm kiếm một giá trị trên danh sách
- Xóa một phần tử ra khỏi danh sách
- Hủy toàn bộ danh sách
- ...

DSLK đơn - Các thao tác cơ sở

Tạo danh sách rỗng



```
void Init(List &L)
{
    L.pHead = L.pTail = NULL;
}
```

DSLK đơn

Các thao tác cơ bản

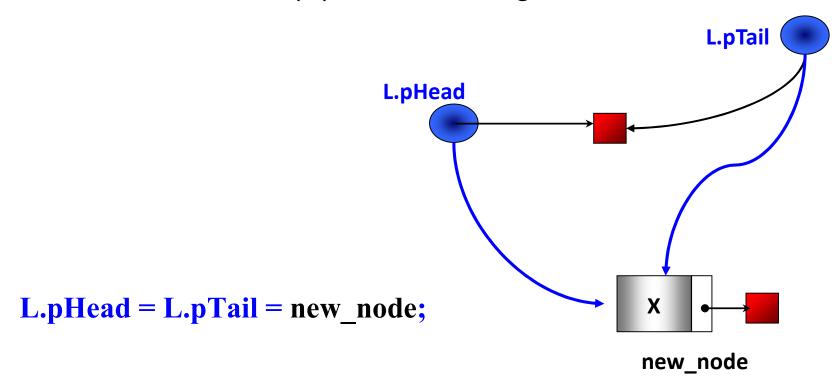
- Tạo danh sách rỗng
- Thêm một phần tử vào danh sách
- Duyệt danh sách
- Tìm kiếm một giá trị trên danh sách
- Xóa một phần tử ra khỏi danh sách
- Hủy toàn bộ danh sách
- **□** ...

DSLK đơn – Các thao tác cơ sở

- Thêm một phần tử vào danh sách: Có 3 vị trí thêm
 - Gắn vào <u>đầu</u> danh sách
 - Gắn vào <u>cuối</u> danh sách
 - Chèn vào sau nút q trong danh sách
- Chú ý trường hợp danh sách ban đầu rỗng

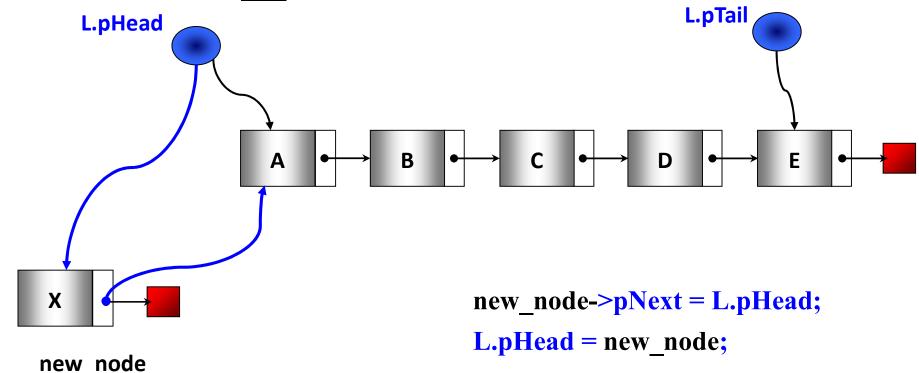
DSLK đơn - Các thao tác cơ sở

- Thêm một phần tử
 - Nếu danh sách (L) ban đầu rỗng



DSLK đơn - Các thao tác cơ sở

- Thêm một phần tử
 - Nếu danh sách (L) ban đầu không rỗng:
 - Gắn node vào đầu danh sách



DSLK đơn – Các thao tác cơ sở

```
Thuật toán: Gắn nút vào <u>đầu</u> DS
// input: danh sách, phần tử mới new_node
// output: danh sách với new_node ở đầu DS
Nếu DS rỗng thì

L.pHead = L.pTail = new_node;
Ngược lại
new_node->pNext = L.pHead;
L.pHead = new_node;
```

DSLK đơn – Các thao tác cơ sở

Cài đặt: Gắn nút vào đầu DS

```
void addHead(List &L, Node* new node)
   if (L.pHead == NULL) // DS rong
       L.pHead = L.pTail = new node;
   else
       new node->pNext = L.pHead;
       L.pHead = new node;
```

Thêm một thành phần dữ liệu vào đầu

```
void Insertfirst(LIST &L, datatype x)
{
    NODE* new_node = GetNode(x);
    if (new_node == NULL)
        return;
    addHead(L, new_node);
}
```

DSLK đơn – Các thao tác cơ sở

Thuật toán: Thêm một thành phần dữ liệu vào <u>đầu</u> DS

```
// input: danh sách l
// output: danh sách l với phần tử chứa X ở đầu DS
```

- Nhập dữ liệu cho X (???)
- Tạo nút mới chứa dữ liệu X (???)
- Nếu tạo được:
 - Gắn nút mới vào <u>đầu</u> danh sách (???)

DSLK đơn - Các thao tác cơ sở

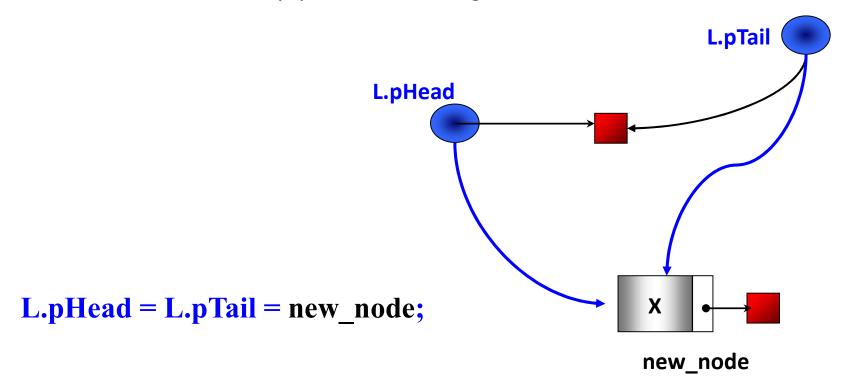
```
Ví dụ: Thêm một số nguyên vào đầu ds:
    // Nhập dữ liệu cho X
    int x;
    cout<<"Nhap X="; cin>>x;
    // Tạo nút mới
    Node* new_node = GetNode(x);
    // Gắn nút vào đầu ds
    if (new_node != NULL) addHead(L, new_node);
```

DSLK đơn – Các thao tác cơ sở

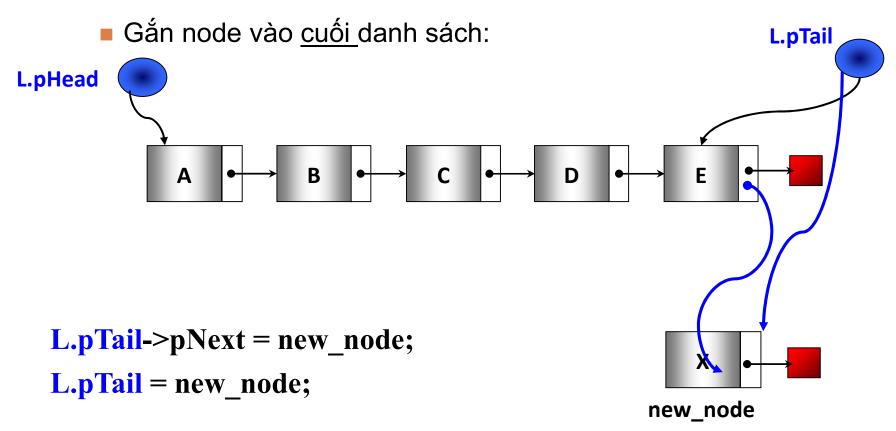
- Thêm một phần tử vào danh sách: Có 3 vị trí thêm
 - □ Gắn vào <u>đầu</u> danh sách
 - Gắn vào cuối danh sách
 - Chèn vào <u>sau</u> nút q trong danh sách
- Chú ý trường hợp danh sách ban đầu rỗng

DSLK đơn - Các thao tác cơ sở

- Thêm một phần tử
 - Nếu danh sách (L)ban đầu rỗng



- Thêm một phần tử
 - Nếu danh sách (L)ban đầu không rỗng:



Thuật toán: Thêm một phần tử vào <u>cuối</u> DS

```
// input: danh sách, phần tử mới new_node
// output: danh sách với new_node ở cuối DS
```

- Néu DS rỗng thì
 - L.pHead = L.pTail = new node;
- Ngược lại
 - L.pTail->pNext = new_node ;
 - L.pTail = new_node;

Cài đặt: Gắn nút vào cuối DS

```
void addTail(List &L, Node *new node)
   if (L.pHead == NULL)
       L.pHead = L.pTail = new node;
   else
       L.pTail->pNext = new node;
       L.pTail = new node ;
```

Thêm một thành phần dữ liệu vào cuối

```
void InsertLast(LIST &L, datatype x)
{
    NODE* new_node = GetNode(x);
    if (new_node == NULL)
        return;
    addTail(L, new_node);
}
```

```
Thuật toán: Thêm một thành phần dữ liệu vào cuối ds

// input: danh sách thành phần dữ liệu X

// output: danh sách với phần tử chứa X ở cuối DS

Nhập dữ liệu cho X (???)
```

- Tạo nút mới chứa dữ liệu X (???)
- Nếu tạo được:
 - Gắn nút mới vào cuối danh sách (???)

```
Ví dụ: Thêm một số nguyên vào <u>cuối</u> ds:

// Nhập dữ liệu cho X

int x;

cout<<"Nhập X="; cin>>x;

// Tạo nút mới

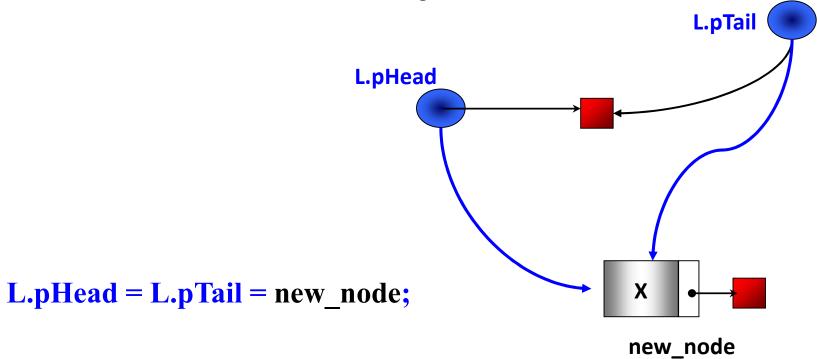
Node* p = GetNode(x);

// Gắn nút vào cuối DS

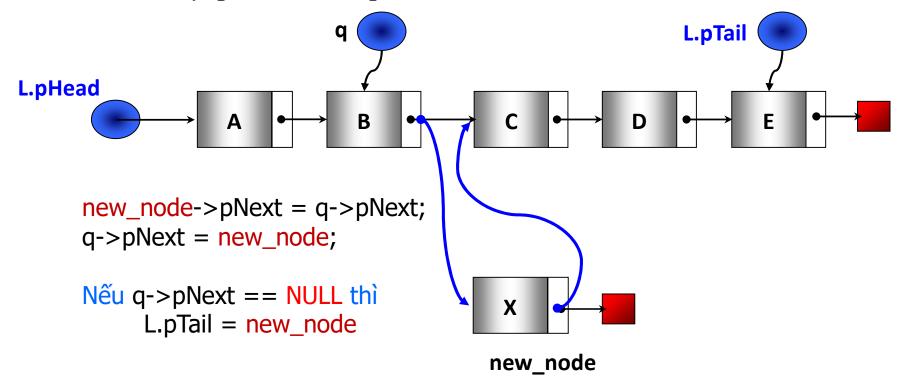
if (p != NULL) addTail(L, p);
```

- Thêm một phần tử vào danh sách: Có 3 vị trí thêm
 - Gắn vào <u>đầu</u> danh sách
 - Gắn vào cuối danh sách
 - Chèn vào sau nút q trong danh sách
- Chú ý trường hợp danh sách ban đầu rỗng

- Thêm một phần tử
 - Nếu danh sách ban đầu rỗng



- Thêm một phần tử
 - Nếu danh sách ban đầu rỗng
 - Chèn một phần tử sau q



```
Thuật toán: Chèn một phần tử sau q
   // input: danh sách l, q, phần tử mới new node
   // output: danh sách với new node ở sau q
  Nếu (q!= NULL) thì:
    new node -> pNext = q -> pNext;
    q -> pNext = new node;
    Nếu (q == L.pTail) thì
         L.pTail = new node;
   Ngược lại
   Thêm new node vào đầu danh sách
```

Cài đặt: Chèn một phần tử sau q

```
void addAfter (List &L, Node *q, Node* new_node)
{
    if (q!=NULL)
    {
        new_node->pNext = q->pNext;
        q->pNext = new_node;
        if(q == L.pTail)        L.pTail = new_node;
    }
}
```

Thêm một thành phần dữ liệu vào cuối

```
NODE* InsertAfter(LIST &L, NODE *q, data x)
{
     NODE* p = GetNode(x);
     AddAfter(L, q, p);
}
```

Thuật toán: Thêm một thành phần dữ liệu vào <u>sau</u> q

```
// input: danh sách thành phần dữ liệu X
// output: danh sách với phần tử chứa X ở cuối DS
```

- Nhập dữ liệu cho nút q (???)
- □ Tìm nút q (???)
- Nếu tồn tại q trong ds thì:
 - Nhập dữ liệu cho X (???)
 - Tạo nút mới chứa dữ liệu X (???)
 - Nếu tạo được:
 - Gắn nút mới vào sau nút q (???)
- Ngược lại thì báo lỗi

DSLK đơn

Các thao tác cơ bản

- Tạo danh sách rỗng
- Thêm một phần tử vào danh sách
- Duyệt danh sách
- Tìm kiếm một giá trị trên danh sách
- Xóa một phần tử ra khỏi danh sách
- Hủy toàn bộ danh sách
- ...

- Duyệt danh sách
 - Là thao tác thường được thực hiện khi có nhu cầu xử lý các phần tử của danh sách theo cùng một cách thức hoặc khi cần lấy thông tin tổng hợp từ các phần tử của danh sách như:
 - Đếm các phần tử của danh sách
 - Tìm tất cả các phần tử thoả điều kiện
 - Hủy toàn bộ danh sách (và giải phóng bộ nhớ)
 - **...**

- Duyệt danh sách
 - Bước 1: p = pHead; //Cho p trỏ đến phần tử đầu danh sách
 - Bước 2: Trong khi (Danh sách chưa hết) thực hiện:
 - B2.1: Xử lý phần tử p
 - B2.2 : p = p->pNext; // Cho p trỏ tới phần tử kế

```
void processList (List L)
{
    Node *p = L.pHead;
    while (p!= NULL)
    {
        // xử lý cụ thể p tùy ứng dụng
        p = p->pNext;
    }
}
```

Ví dụ: In các phần tử trong danh sách

```
void Output (List L)
{
       Node* p = L.pHead;
       while (p!=NULL)
              cout<<p->data<<"\t";
              p = p \rightarrow pNext;
       cout<<endl;
```

DSLK đơn

Các thao tác cơ bản

- Tạo danh sách rỗng
- Thêm một phần tử vào danh sách
- Duyệt danh sách
- Tìm kiếm một giá trị trên danh sách
- Xóa một phần tử ra khỏi danh sách
- Hủy toàn bộ danh sách
- o ...

Tìm kiếm một phần tử có khóa x

```
Node* Search (List L, int x)
{
      Node* p = L.pHead;
      while (p!=NULL)
            if(p->data == x)
                                  return p;
            p = p-pNext;
      return NULL;
```

DSLK đơn

Các thao tác cơ bản

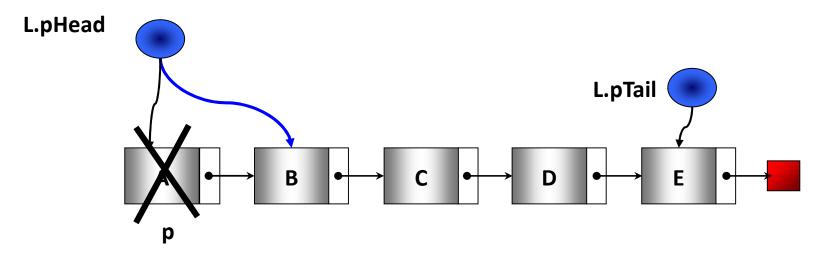
- Tạo danh sách rỗng
- Thêm một phần tử vào danh sách
- Duyệt danh sách
- Tìm kiếm một giá trị trên danh sách
- Xóa một phần tử ra khỏi danh sách
- Hủy toàn bộ danh sách
- ...

- Xóa một node của danh sách
 - □ Xóa node <u>đầu</u> của danh sách
 - Xóa node sau node q trong danh sách
 - Xóa node có khoá k

Xóa node <u>đầu</u> của danh sách

- Gọi p là node đầu của danh sách (L.pHead)
- Cho pHead trỏ vào node sau node p (là p->pNext)
- Nếu danh sách trở thành rỗng thì L.pTail = NULL
- Giải phóng vùng nhớ mà p trỏ tới

Xóa một node của danh sách



Node* p = L.pHead;

L.pHead = p->pNext;

Nếu danh sách chỉ có một node??? if (L.pHead == NULL) L.pTail = NULL delete p;

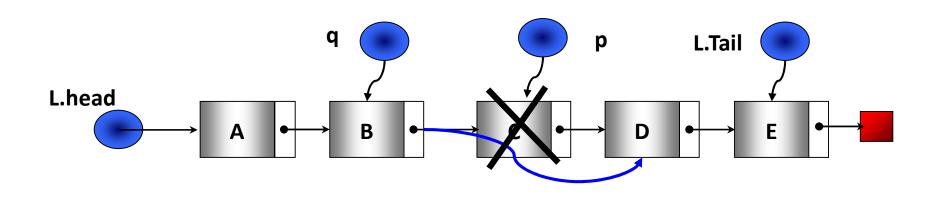
```
int removeHead (List &L)
{
  if (L.pHead == NULL) return 0;
  Node* p = L.pHead;
  L.pHead = p-pNext;
  if (L.pHead == NULL) L.pTail = NULL; //Nếu danh sách sau khi xóa là rỗng
  delete p;
  return 1;
```

- Xóa một node của danh sách
 - □ Xóa node <u>đầu</u> của danh sách
 - Xóa node sau node q trong danh sách
 - Xóa node có khoá k

Xóa node sau node q trong danh sách

- Điều kiện để có thể xóa được node sau q là:
 - q phải khác NULL (q!=NULL)
 - Node sau q phải khác NULL (q->pNext !=NULL)
 - Có các thao tác:
 - Gọi p là node sau q
 - Cho vùng pNext của q trỏ vào node đứng sau p
 - Nếu p là phần tử cuối thì pTail trỏ vào q
 - Giải phóng vùng nhớ mà p trỏ tới

Xóa node sau node q trong danh sách



```
Node* p = q->pNext;
q->pNext = p->pNext;
Nếu node cần xóa là node cuối ds ??? if (p == L.pTail) L.pTail = q;
delete p;
```

Xóa node sau node q trong danh sách

```
int removeAfter (List &L, Node *q)
{
       if (q !=NULL && q->pNext !=NULL)
              Node* p = q - pNext;
              q-pNext = p-pNext;
              if (p == L.pTail) L.pTail = q;
              delete p;
              return 1;
       else return 0;
```

- Xóa một node của danh sách
 - Xóa node đầu của danh sách
 - Xóa node sau node q trong danh sách
 - Xóa node có khoá k

- □ Thuật toán: Hủy 1 phần tử có khoá k
- Bước 1:
 - Tìm phần tử p có khóa k và phần tử q đứng trước nó
- Bước 2:
 - Nếu (p== NULL) thì
 - Báo không có k
 - Ngược lại // tìm thấy k
 - P là không phải node đầu danh sách: *trường hợp đặc biệt p* là node cuối danh sách *khi xóa p thì L.pTail thay đổi thế nào?*
 - P là node đầu danh sách: trường hợp đặc biệt p là node duy nhất của danh sách thì sau khi xóa p thì L.pTail thay đổi thế nào?

```
Cài đặt:

Hủy 1

phần tử

có khoá k
```

```
int removeNode (List &L, int k)
    Node *p = L.pHead;
                                               Tìm phần tử p có khóa k và
                                               phần tử q đứng trước nó
    Node *q = NULL;
    while (p != NULL)
        if (p->data == k) break;
        q = p;
        p = p-pNext;
    if (p == NULL) { cout<<"Không tìm thấy k"; return 0;}
    else if (q != NULL)
       \{ if(p == L.pTail) L.pTail = q; \}
        q->pNext = p->pNext;
        delete p;
```

```
else //p là phần tử đầu xâu
    {
        L.pHead = p->pNext;
        if (L.pHead == NULL)        L.pTail = NULL; //ds có 1phần tử
    }
return 1;
}
```

DSLK đơn

Các thao tác cơ bản

- Tạo danh sách rỗng
- Thêm một phần tử vào danh sách
- Duyệt danh sách
- Tìm kiếm một giá trị trên danh sách
- Xóa một phần tử ra khỏi danh sách
- Hủy toàn bộ danh sách
- **□** ...

Hủy toàn bộ danh sách

- Để hủy toàn bộ danh sách, thao tác xử lý bao gồm hành động giải phóng một phần tử, do vậy phải cập nhật các liên kết liên quan:
- Thuật toán:
 - Bước 1: Trong khi (Danh sách chưa hết) thực hiện:
 - B1.1:
 - p = L.pHead;
 - L.pHead = L.pHead ->pNext; // Cho p trỏ tới phần tử kế
 - B1.2:
 - Hủy p;
 - Bước 2:
 - L.pTail = NULL; //Bảo đảm tính nhất quán khi xâu rỗng

Gọi hàm???

Hủy toàn bộ danh sách: cài đặt

```
void RemoveList (List &L)
  Node *p;
  while (L.pHead != NULL)
     p = L.pHead;
     L.pHead = p->pNext;
     delete p;
  L.pTail = NULL;
```

Đếm số nút trong danh sách:

```
int CountNodes (List L)
     int count = 0;
     Node *p = L.pHead;
     while (p!=NULL)
          count++;
          p = p-pNext;
     return count;
```



DSLK đơn – Các thao tác cơ sở

Trích phần tử đầu danh sách

```
Node* PickHead (List &L)
                                               Gọi hàm???
\{
     Node *p = NULL;
     if (L.pHead != NULL){
           p = L.pHead;
           L.pHead = L.pHead->pNext;
           p->pNext = NULL;
           if (L.pHead == NULL) L.pTail = NULL;
     }
     return p;
```

Exercise

- Write a program for building single linked list (Display menu)
 - Add one node at first
 - Add one node at last
 - Add many node at first
 - Add many node at last
 - Add one node after select node
 - Display List
 - Find one node
 - Select and display n(th) node
 - Display node count
 - Remove one node
 - Remove List
 - Get sum of all nodes
 - Inserting a new node in a sorted list

Danh sách liên kết đơn (DSLK đơn)

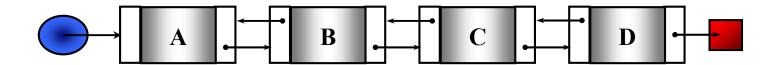
- Khai báo
- Các thao tác cơ bản trên DSLK đơn
- Sắp xếp trên DSLK đơn

Nội dung

- Giới thiệu
- Danh sách liên kết đơn (Single Linked List)
- Danh sách liên kết đôi (Double Linked List)
- Danh sách liên kết vòng (Circular Linked List)

Danh sách liên kết đôi (DSLK đôi)

Là danh sách mà mỗi phần tử trong danh sách có kết nối với
 1 phần tử đứng trước và 1 phần tử đứng sau nó



DSLK đôi – Khai báo cấu trúc

```
Dùng hai con trỏ:
pPrev liên kết với phần tử đứng trước
pNext liên kết với phần tử đứng sau
struct DNode
  DataType data;
  DNode* pPre; // trỏ đến phần tử đứng trước
  DNode* pNext; // trỏ đến phần tử đứng sau
};
struct DList
  DNode*
           pHead; // trỏ đến phần tử đầu ds
  DNode* pTail; // trỏ đến phần tử cuối ds
};
```

DSLK đôi – Tạo nút mới

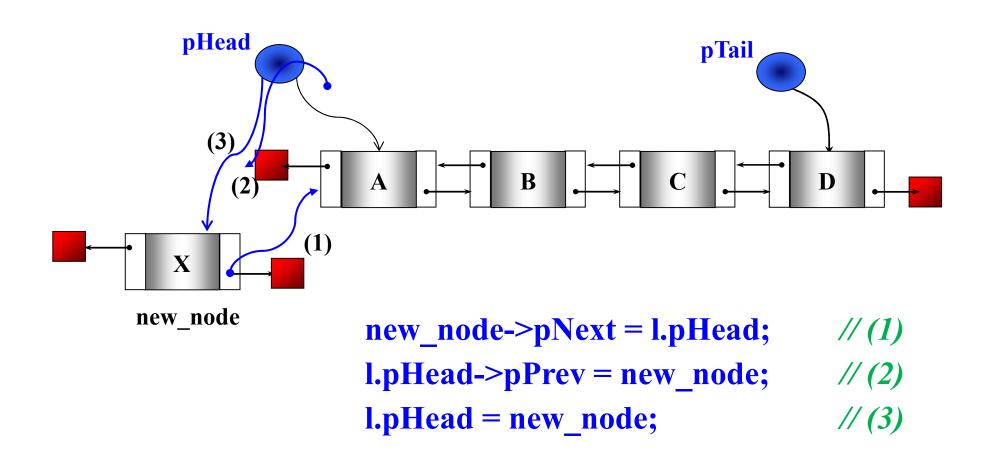
```
Hàm tạo nút:
DNode* getNode ( DataType x)
  DNode *p;
  \mathbf{p} = \mathbf{new DNode}; // Cấp phát vùng nhớ cho phần tử
  if (p==NULL) {
     cout<<"Khong du bo nho"; return NULL;</pre>
  p->data = x; // Gán thông tin cho phần tử p
  p-pPrev = p-pNext = NULL;
  return p;
```

Gọi hàm??

DSLK đôi – Thêm 1 nút vào ds

- Có 4 loại thao tác chèn new_node vào danh sách:
 - Cách 1: Chèn vào đầu danh sách
 - Cách 2: Chèn vào cuối danh sách
 - Cách 3 : Chèn vào danh sách sau một phần tử q
 - Cách 4 : Chèn vào danh sách trước một phần tử q

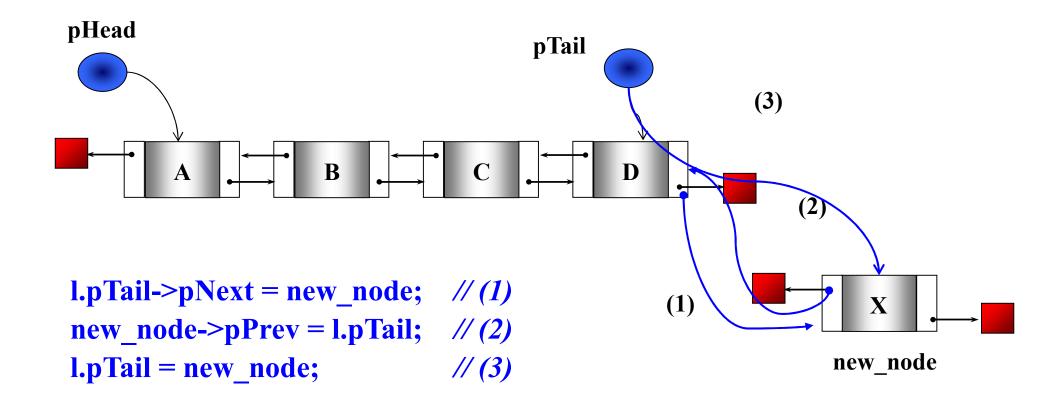
DSLK đôi – Thêm vào đầu ds



DSLK đôi – Thêm vào đầu ds

```
void addHead (DList &l, DNode* new node)
                                                       Gọi hàm??
  if (l.pHead==NULL)
         l.pHead = l.pTail = new_node;
  else
         new node->pNext = l.pHead;
                                            // (1)
        l.pHead->pPrev = new node;
                                            //(2)
        l.pHead = new node;
                                            // (3)
                                                        pTail
                pHead
                                         B
                                                                D
         (3)
                             (1)
               new_node
```

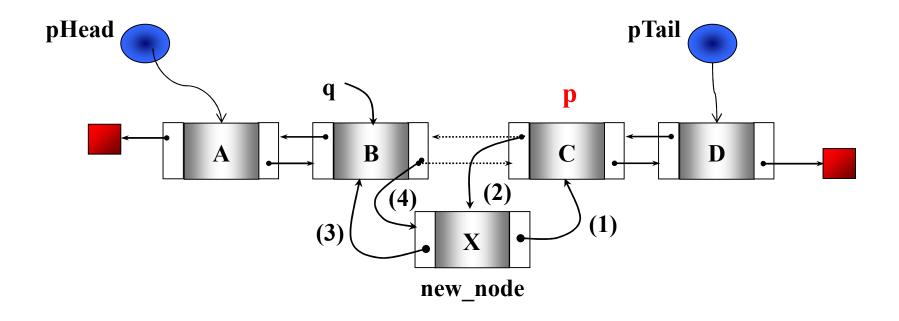
DSLK đôi – Thêm vào cuối ds



DSLK đôi – Thêm vào cuối ds

```
void addTail (DList &l, DNode *new node)
       if (l.pHead==NULL)
                                                         Gọi hàm??
               l.pHead = l.pTail = new node;
       else
                                                     //(1)
               l.pTail->pNext = new node;
               new node->pPrev = l.pTail;
                                                     // (2)
                                                     // (3)
               l.pTail = new node;
                                               pTail ···
    pHead
                                                               (3)
                                               (2)
                                                            X
                                                         new node
```

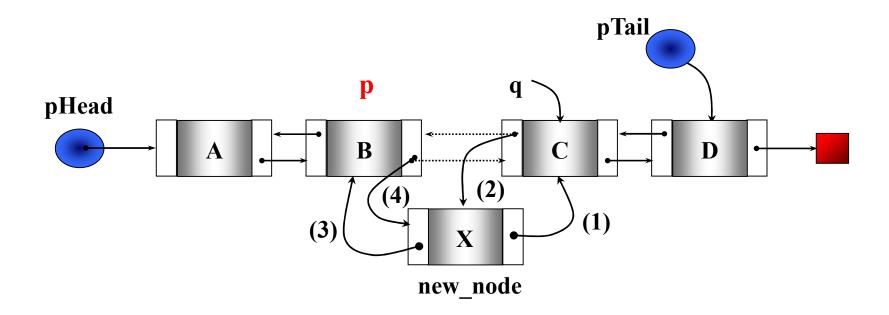
DSLK đôi – Chèn vào sau q



DSLK đôi – Chèn vào sau q

```
void addAfter (DList &l, DNode *q, DNode *new_node)
{
                                                       Gọi hàm??
      DNode *p = q->pNext;
      if (q!=NULL) {
        new node->pNext = p;
                                                   //(1)
        if (p != NULL) p->pPrev = new node;
                                                   //(2)
        new node->pPrev = q;
                                                   //(3)
        q->pNext = new_node;
                                                   //(4)
        if (q == l.pTail) l.pTail = new_node;
       else
        addFirst (l, new node); // chèn vào đầu ds
```

DSLK đôi - Chèn vào trước q



DSLK đôi – Chèn vào trước q

```
void addBefore (DList &l, DNode q, DNode* new_node)
      DNode* p = q - pPrev;
                                                    Gọi hàm??
      if (q!=NULL)
             new_node->pNext = q;
                                         //(1)
             q-pPrev = new node;
                                        //(2)
             new_node->pPrev=p;
                                        //(3)
             if (p != NULL) p->pNext = new_node; //(4)
             if (q == l.pHead) l.pHead = new_node;
      else
             addTail (l, new node); // chèn vào cuối ds
```

DSLK đôi – Hủy phần tử

- Có 5 loại thao tác thông dụng hủy một phần tử ra khỏi danh sách liên kết đôi:
 - Hủy phần tử <u>đầu</u> ds
 - Hủy phần tử cuối ds
 - Hủy một phần tử đứng sau phần tử q
 - Hủy một phần tử đứng trước phần tử q
 - Hủy 1 phần tử có khóa k

DSLK đôi – Hủy đầu ds

```
int removeHead (DList &I)
 if ( l.pHead == NULL) return 0;
 DNode *p = l.pHead;
 l.pHead = l.pHead->pNext;
 l.pHead->pPrev = NULL;
 delete p;
 if (l.pHead == NULL) l.pTail = NULL;
 else l.pHead->pPrev = NULL;
 return 1;
```

DSLK đôi – Hủy cuối ds

```
int removeTail (DList &I)
 if (l.pTail == NULL) return 0;
  DNode *p = l.pTail;
 l.pTail = l.pTail->pPrev;
 l.pTail->pNext = NULL;
  delete p;
 if (l.pHead == NULL) l.pTail = NULL;
       l.pHead->pPrev = NULL;
  else
  return 1;
```

DSLK đôi – Hủy phần tử sau q

```
int removeAfter (DList &l, DNode *q)
  if (q == NULL) return 0;
  DNode *p = q - pNext;
  if (p != NULL)
      q-pNext = p-pNext;
      if (p == l.pTail) l.pTail = q;
      else p-pNext-pPrev = q;
      delete p;
      return 1;
 else return 0;
```

DSLK đôi – Hủy phần tử trước q

```
int removeBefore (DList &l, DNode *q)
  if (q == NULL) return 0;
  DNode *p = q - pPrev;
  if (p != NULL)
      q-pPrev = p-pPrev;
      if (p == l.pHead) l.pHead = q;
            p-pPrev-pNext = q;
      delete p;
      return 1;
  else return 0;
```

DSLK đôi – Hủy phần tử có khóa k

```
int removeNode (DList &l, int k)
{
    DNode *p = l.pHead;
    while (p != NULL)
    {
        if (p->data== k) break;
        p = p->pNext;
    }
}
```

DSLK đôi – Hủy phần tử có khóa k

```
if (p == NULL) return 0; // Không tìm thấy k
DNode *q = p->pPrev;
if (q != NULL) // Xóa nút p sau q
    return removeAfter (l, q);
else // Xóa p là nút đầu ds
return removeHead (l);
}
```

DSLK đôi – Nhận xét

- DSLK đôi về mặt cơ bản có tính chất giống như DSLK đơn
- Tuy nhiên DSLK đôi có mối liên kết hai chiều nên từ một phần tử bất kỳ có thể truy xuất một phần tử bất kỳ khác
- Trong khi trên DSLK đơn ta chỉ có thể truy xuất đến các phần tử đứng sau một phần tử cho trước
- Điều này dẫn đến việc ta có thể dễ dàng hủy phần tử cuối
 DSLK đôi, còn trên DSLK đơn thao tác này tốn chi phí O(n)

DSLK đôi – Nhận xét

Bù lại, xâu đôi tốn chi phí gấp đôi so với xâu đơn cho việc lưu trữ các mối liên kết. Điều này khiến việc cập nhật cũng nặng nề hơn trong một số trường hợp. Như vậy ta cần cân nhắc lựa chọn CTDL hợp lý khi cài đặt cho một ứng dụng cụ thể

Nội dung

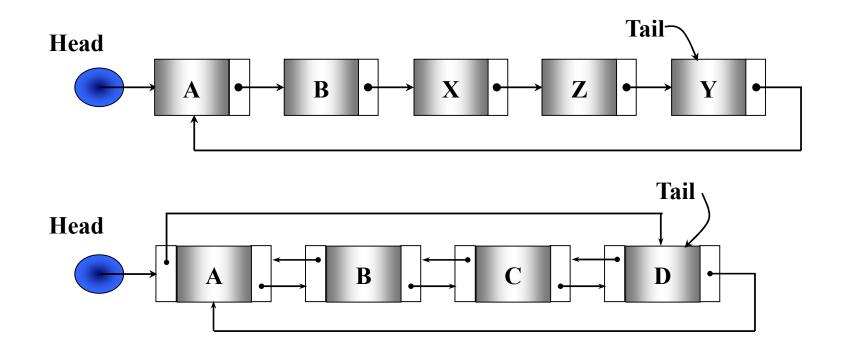
- □ Giới thiệu
- □ Danh sách liên kết đơn (Single Linked List)
- Danh sách liên kết đôi (Double Linked List)
- Danh sách liên kết vòng (Circular Linked List)

Danh sách liên kết vòng (DSLK vòng)

- Là một danh sách liên kết đơn (hoặc đôi) mà phần tử cuối danh sách, thay vì mang giá trị NULL, trỏ tới phần tử đầu danh sách
- Đối với danh sách vòng, có thể xuất phát từ một phần tử bất kỳ để duyệt toàn bộ danh sách

DSLK vòng

 Để biểu diễn, có thể sử dụng các kỹ thuật biểu diễn như danh sách đơn (hoặc đôi)



DSLK vòng – Tìm kiếm

Danh sách vòng không có phần tử đầu danh sách rõ rệt, nhưng ta có thể đánh dấu một phần tử bất kỳ trên danh sách xem như phân tử đầu xâu để kiểm tra việc duyệt đã qua hết các phần tử của danh sách hay chưa

DSLK vòng – Tìm kiếm

```
Node* Search (List &I, int x)
      Node *p = I.pHead;
      do{
             if (p->data== x) return p;
             p = p - pNext;
      } while (p != I.pHead); // chưa đi giáp vòng
      return p;
```

DSLK vòng – Thêm vào đầu ds

```
void addHead (List &I, Node *new_node)
{
      if (I.pHead == NULL)
             I.pHead = I.pTail = new_node;
             I.pTail->pNext = I.pHead;
      else
             new_node->pNext = I.pHead;
             I.pTail->pNext = new_node;
             I.pHead = new node;
```

DSLK vòng – Thêm vào cuối ds

```
addTail (List &I, Node *new_node)
void
      if (I.pHead == NULL)
             I.pHead = I.pTail = new_node;
             I.pTail->pNext = I.pHead;
      else
             new_node->pNext = I.pHead;
             I.pTail->pNext = new_node;
             l.pTail = new node;
```

DSLK vòng - Thêm sau nút q

```
void addAfter (List &I, Node *q, Node *new_node)
      if (I.pHead == NULL)
            I.pHead = I.pTail = new_node;
            I.pTail->pNext = I.pHead;
      else
            new_node->pNext = q->pNext;
            q->pNext = new_node;
            if (q == I.pTail)
                   I.pTail = new node;
```

DSLK vòng – Hủy nút đầu ds

```
int removeHead (List &I)
      Node *p = I.pHead;
      if (p == NULL) return 0;
      if (I.pHead == I.pTail)
              I.pHead = I.pTail = NULL;
      else
              I.pHead = p->pNext;
              if (p == I.pTail)
                     I.pTail->pNext = I.pHead;
      delete p;
      return 1;
```

DSLK vòng – Hủy phần tử sau q

```
int removeAfter(List &I, Node *q)
    if (q == NULL) return 0;
    Node *p = q ->pNext ;
    else{
           q->Next = p->pNext;
           if (p == I.pTail) I.pTail = q;
    delete p;
    return 1;
```