

LÊ DUY QUÝ_17A2HN_23174600069_CA CHIỀU

Bài 1: Cho hàm đệ quy để tính tổng các số từ 1 đến n. Hãy giải thích từng bước thực hiện của hàm đệ quy này khi $n = 7$

```
def sum_of_numbers(n):  
    if n == 1:  
        return 1  
    else:  
        return n + sum_of_numbers(n-1)  
print(sum_of_numbers(7))
```

Bước 1: Gọi hàm `sum_of_numbers(7)`

Kiểm tra điều kiện cơ sở: $n = 7$, không thỏa mãn điều kiện cơ sở.
Thực hiện câu lệnh trong else: `return 7 + sum_of_numbers(6)`.

Bước 2: Hàm `sum_of_numbers(6)` được gọi

Kiểm tra điều kiện cơ sở: $n = 6$, không thỏa mãn điều kiện cơ sở.
Thực hiện câu lệnh trong else: `return 6 + sum_of_numbers(5)`.

Bước 3: Hàm `sum_of_numbers(5)` được gọi

Kiểm tra điều kiện cơ sở: $n = 5$, không thỏa mãn điều kiện cơ sở.
Thực hiện câu lệnh trong else: `return 5 + sum_of_numbers(4)`.

Bước 4: Hàm `sum_of_numbers(4)` được gọi

Kiểm tra điều kiện cơ sở: $n = 4$, không thỏa mãn điều kiện cơ sở.
Thực hiện câu lệnh trong else: `return 4 + sum_of_numbers(3)`.

Bước 5: Hàm `sum_of_numbers(3)` được gọi

Kiểm tra điều kiện cơ sở: $n = 3$, không thỏa mãn điều kiện cơ sở.
Thực hiện câu lệnh trong else: `return 3 + sum_of_numbers(2)`

Bước 6: Hàm `sum_of_numbers(2)` được gọi

Kiểm tra điều kiện cơ sở: $n = 2$, không thỏa mãn điều kiện cơ sở.
Thực hiện câu lệnh trong else: `return 2 + sum_of_numbers(1)`.

LÊ DUY QUÝ_17A2HN_23174600069_CA CHIỀU

Bước 7: Hàm `sum_of_numbers(1)` được gọi

Kiểm tra điều kiện cơ sở: `n = 1`, thỏa mãn điều kiện cơ sở.
Hàm trả về: `1`.

Kết quả cuối cùng

- `sum_of_numbers(7)` trả về 28.

Vì vậy, khi `print(sum_of_numbers(7))`, kết quả sẽ là 28. Đây là tổng các số từ 1 đến 7.

Bài 2: Cho hàm đệ quy để tính số Fibonacci thứ n . Hãy giải thích từng bước thực hiện của hàm đệ quy này khi $n = 8$.

```
def fibonacci(n):  
    if n <= 1:  
        return n  
    else:  
        return fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2)  
print(fibonacci(8))
```

Bước 1: Gọi `fibonacci(8)`:

Không thỏa mãn điều kiện cơ sở (`n > 1`).

Trả về `fibonacci(7) + fibonacci(6)`.

Bước 2: Gọi `fibonacci(7)`:

Không thỏa mãn điều kiện cơ sở.

Trả về `fibonacci(6) + fibonacci(5)`.

Bước 3: Gọi `fibonacci(6)`:

Không thỏa mãn điều kiện cơ sở.

Trả về `fibonacci(5) + fibonacci(4)`.

Bước 4: Gọi `fibonacci(5)`:

Không thỏa mãn điều kiện cơ sở.

LÊ DUY QUÝ_17A2HN_23174600069_CA CHIỀU

Trả về `fibonacci(4) + fibonacci(3)`.

Bước 5: Gọi `fibonacci(4)`:

Không thỏa mãn điều kiện cơ sở.

Trả về `fibonacci(3) + fibonacci(2)`.

Bước 6: Gọi `fibonacci(3)`:

Không thỏa mãn điều kiện cơ sở.

Trả về `fibonacci(2) + fibonacci(1)`.

Bước 7: Gọi `fibonacci(2)`:

Không thỏa mãn điều kiện cơ sở.

Trả về `fibonacci(1) + fibonacci(0)`.

Bước 8: Gọi `fibonacci(1)`:

Thỏa mãn điều kiện cơ sở ($n \leq 1$).

Trả về `1`.

Bước 9: Gọi `fibonacci(0)`:

Thỏa mãn điều kiện cơ sở ($n \leq 1$).

Trả về `0`.

Tổng hợp các kết quả:

```
fibonacci(1) + fibonacci(0) = 1 + 0 = 1 ⇒ fibonacci(2) = 1.  
fibonacci(2) + fibonacci(1) = 1 + 1 = 2 ⇒ fibonacci(3) = 2.  
fibonacci(3) + fibonacci(2) = 2 + 1 = 3 ⇒ fibonacci(4) = 3.  
fibonacci(4) + fibonacci(3) = 3 + 2 = 5 ⇒ fibonacci(5) = 5.  
fibonacci(5) + fibonacci(4) = 5 + 3 = 8 ⇒ fibonacci(6) = 8.  
fibonacci(6) + fibonacci(5) = 8 + 5 = 13 ⇒ fibonacci(7) = 13.  
fibonacci(7) + fibonacci(6) = 13 + 8 = 21 ⇒ fibonacci(8) = 21.
```

Kết quả cuối cùng:

LÊ DUY QUÝ_17A2HN_23174600069_CA CHIỀU

`fibonacci(8)` trả về 21.

Vì vậy, khi `print(fibonacci(8))`, kết quả sẽ là 21.

Bài 3: Cho hàm đệ quy để tính x mũ n. Hãy giải thích từng bước thực hiện của hàm đệ quy này khi $x = 2$ và $n = 6$

```
def power(x,n):  
    if n == 0:  
        return 1  
    else:  
        return x* power(x,n-1)  
print(power(2,6))
```

Bước 1: Gọi hàm `power(2, 6)`

Kiểm tra điều kiện cơ sở: $n=6$, không thỏa mãn điều kiện cơ sở ($n \neq 0 \wedge n \neq 0$).
Thực hiện câu lệnh trong else: `return 2 * power(2, 5)`.

Bước 2: Gọi hàm `power(2, 5)`

Kiểm tra điều kiện cơ sở: $n=5$, không thỏa mãn điều kiện cơ sở ($n \neq 0 \wedge n \neq 0$).
Thực hiện câu lệnh trong else: `return 2 * power(2, 4)`.

Bước 3: Gọi hàm `power(2, 4)`

Kiểm tra điều kiện cơ sở: $n=4$, không thỏa mãn điều kiện cơ sở ($n \neq 0 \wedge n \neq 0$).
Thực hiện câu lệnh trong else: `return 2 * power(2, 3)`.

Bước 4: Gọi hàm `power(2, 3)`

Kiểm tra điều kiện cơ sở: $n=3$, không thỏa mãn điều kiện cơ sở ($n \neq 0 \wedge n \neq 0$).
Thực hiện câu lệnh trong else: `return 2 * power(2, 2)`.

Bước 5: Gọi hàm `power(2, 2)`

Kiểm tra điều kiện cơ sở: $n=2$, không thỏa mãn điều kiện cơ sở ($n \neq 0 \wedge n \neq 0$).
Thực hiện câu lệnh trong else: `return 2 * power(2, 1)`.

Bước 6: Gọi hàm `power(2, 1)`

Kiểm tra điều kiện cơ sở: $n=1$, không thỏa mãn điều kiện cơ sở ($n \neq 0 \wedge n \neq 0$).

LÊ DUY QUÝ_17A2HN_23174600069_CA CHIỀU

Thực hiện câu lệnh trong else: `return 2 * power(2, 0)`.

Bước 7: Gọi hàm `power(2, 0)`

Kiểm tra điều kiện cơ sở: $n=0$, thỏa mãn điều kiện cơ sở ($n=0 \Rightarrow n=0$).

Hàm trả về: 1

Kết quả cuối cùng

`power(2, 6)` trả về 64.

Vậy, khi `print(power(2, 6))`, kết quả sẽ là 64.

Bài 4: Cho hàm đệ quy giải bài toán Tháp Hà Nội. Hãy giải thích từng bước thực hiện của hàm đệ quy này chuyển 4 đĩa từ cọc A sang cọc B, với trung gian là cọc C.

```
def tha_ha_noi(n,A, C, B):  
    if n == 1:  
        print(f"Chuyển đĩa 1 từ cột {A} sang cột {B}")  
    else:  
        tha_ha_noi(n-1, A, B, C)  
        print(f"Chuyển đĩa {n} từ cột {A} sang cột {B}")  
        tha_ha_noi(n-1,C, A, B)  
#Chuyển 4 đĩa từ cọc A sang cọc B, với trung gian là cọc C  
tha_ha_noi(4, "A", "C", "B")
```

Bước 1: Gọi `tha_ha_noi(4, "A", "C", "B")`

Không thỏa mãn điều kiện cơ sở ($n \neq 1 \Rightarrow n \neq 1$).

Chia thành hai bước nhỏ hơn:

Bước 1.1: `tha_ha_noi(3, "A", "B", "C")`

Bước 1.2: In ra "Chuyển đĩa 4 từ cột A sang cột B"

Bước 1.3: `tha_ha_noi(3, "C", "A", "B")`

Bước 1.1: Gọi `tha_ha_noi(3, "A", "B", "C")`

Không thỏa mãn điều kiện cơ sở ($n \neq 1 \Rightarrow n \neq 1$).

Chia thành hai bước nhỏ hơn:

LÊ DUY QUÝ_17A2HN_23174600069_CA CHIỀU

Bước 1.1.1: `tha_ha_noi(2, "A", "C", "B")`

Bước 1.1.2: In ra "Chuyển đĩa 3 từ cột A sang cột B"

Bước 1.1.3: `tha_ha_noi(2, "C", "B", "A")`

Tiếp tục quá trình đệ quy cho đến khi gặp điều kiện cơ sở:

Bước 1.1.1: Gọi `tha_ha_noi(2, "A", "C", "B")`

Không thỏa mãn điều kiện cơ sở ($n \neq 1$).

Chia thành hai bước nhỏ hơn:

Bước 1.1.1.1: `tha_ha_noi(1, "A", "B", "C")`

Bước 1.1.1.2: In ra "Chuyển đĩa 2 từ cột A sang cột B"

Bước 1.1.1.3: `tha_ha_noi(1, "B", "A", "C")` Bước 1.1.1.1: Gọi `tha_ha_noi(1, "A", "B", "C")`

Thỏa mãn điều kiện cơ sở ($n=1$).

In ra "Chuyển đĩa 1 từ cột A sang cột B"

Bài 5: Cho hàm đệ quy giải bài toán cổ vừa gà vừa chó. Hãy giải thích từng

bước thực hiện của hàm đệ quy của bài toán này.

```
def cho_ga(tong_so_con, tong_so_chan):
    if tong_so_con == 0 and tong_so_chan == 0:
        return 0,0
    if tong_so_chan % 2 != 0:
        return -1, -1
    for cho in range(tong_so_con +1):
        ga = tong_so_con - cho
        if ga * 2 + cho * 4 == tong_so_chan:
            return cho, ga
    cho, ga = cho_ga(tong_so_con -1, tong_so_chan-4)
    if ga != -1:
        return cho +1, ga
    else:
        return -1, -1

tong_so_chan = 100
tong_so_con = 36
so_cho, so_ga = cho_ga(tong_so_con,tong_so_chan)
print("Số gà lag:",so_ga)
```

LÊ DUY QUÝ_17A2HN_23174600069_CA CHIỀU

```
print("Số chó là:",so_chó)
```

Bước 1: Gọi `cho_ga(36, 100)`

Không thỏa mãn điều kiện cơ sở (cả `tong_so_con` và `tong_so_chan` không đều bằng 0).

Tiếp tục thực hiện.

Bước 2: Duyệt qua các giá trị có thể của số chó

Với `cho` từ 0 đến `tong_so_con`, tính số gà tương ứng.

Nếu tổng số chân của chó và gà đúng bằng `tong_so_chan`, trả về số chó và số gà.

Bước 3: Gọi đệ quy `cho_ga(tong_so_con - 1, tong_so_chan - 4)`

Giảm số con và số chân đi 4.

Nếu kết quả trả về không phải là `-1`, thì tăng số chó lên 1 và giữ nguyên số gà.

Kết quả cuối cùng:

Số chó là 14 và số gà là 22.