

浙江大学

本科实验报告

Eigenface

课程名称: 计算机视觉

姓 名: 秦雨扬

学 院: 竺可桢学院

专 业: 自动化 (控制)

学 号: 3210104591

电 话: 13588789194

邮 件: qinyuyang2003@zju.edu.cn

指导老师: 潘纲

2023 年 12 月 17 日

Contents

I	功能简述及运行说明	1
1.	功能简述	1
2.	运行说明	1
II	开发与运行环境	2
III	算法原理与具体实现	2
1.	数据集生成与标注	2
2.	数据预处理	3
3.	特征脸提取	6
IV	实验结果与分析	14
V	心得体会	16

List of Figures

1	简化方程实验结果 (不知道为什么转了 90 度)	3
2	eigenface	14
3	test	14
4	reconstruct	14
5	眼睛模版对齐	15
6	Rank-1 rate-PC number	15

浙江大学实验报告

专业： 自动化（控制）
姓名： 秦雨扬
学号： 3210104591
日期： 2023 年 12 月 17 日
地点： 玉泉曹光彪西-103

课程名称： 计算机视觉 指导老师： 潘纲 助教： 周健均
实验名称： Eigenface 实验类型： 综合 成绩： _____

I 功能简述及运行说明

1. 功能简述

在本实验中，主要实现了以下几个功能

- 对于给定文件夹，自动遍历其中图片，实现使用鼠标先点左眼再点右眼，可自动生成对应格式的同名标注数据，存放在指定文件夹下
- 根据人眼模版，将所有的人脸进行对齐（自动处理 RGB 和 GRAY 图像），并对所得灰度图像进行直方图均衡化，并将结果保存在指定文件夹中与原文件夹中相同位置的地方
- 将预处理过的人脸库重新导入，并根据百分比将数据集随机地切分为训练集与数据集
- 对训练集中的图像进行 PCA，得到均值脸与特征脸，并与原始数据一同保存在 model 中
- 导入 model，将输入图像分解到各个特征脸上，并在训练集中找到与该特征欧氏距离最近的点，作为预测值
- 对给定图像进行重构，将其 10 个 PCs、25 个 PCs、50 个 PCs、以及 100 个 PCs 重构的结果拼接在一张图上。
- 对于不同的 PC，对整个测试集做预测，得到 Rank1-PC 图像，使用 opencv 绘制，并将数据导出 yml 并使用 python 重新画了一遍

2. 运行说明

本实验为结构较为复杂，main.cpp 为主程序，mark_eye.cpp 为人眼位置标注程序，correct_with_eye.cpp 为模版匹配与直方图均衡化的预处理程序，plot.py 则为 Rank1-PC 图像绘制程序，mark_eye.h 与 correct_with_eye.h 为对应的头文件。以下从 main.cpp 中的每个函数具体展开介绍

- mark_eye(input_path,output_path) 为人眼标注函数，这里用来标注 att-face 下 s0 与 s41 两个文件夹中我的两组自定义图像，由于其中使用 imshow 与鼠标响应，此处注释以方便助教运行
- prepare_all(image_path,json_path,output_path) 为模版匹配与直方图均衡化的预处理函数
- load_dataset 为导入数据集，其中第一个值为 train 的占比，根据此百分比将数据集随机地切分为训练集与数据集
- eigenface_train 为训练函数，对训练集中的图像进行 PCA，得到均值脸与特征脸，并与原始数据一同保存在 model 中
- eigenface_reconstruct 为对给定图像进行重构
- void eigenface_test(std::string img_path,std::string model_path,std::string output_path=NULL) 为对单个图像的测试，而 float eigenface_test(std::string model_path,std::vector<std::pair<Mat,int>> test,int PCA_num) 则是对整个测试集进行测试并输出正确率
- test_all() 函数则对 Rank1-PC 进行了测试。

II 开发与运行环境

整体程序采用 c++ 完成, 采用 opencv 4.2.0, 测试系统为 *Ubuntu 20.04.6 LTS*, 需要使用 `-std=c++17`, 同时我本地 opencv2 在 opencv4 文件夹下, 所以对 Makefile 有所需改。

对于 Rank1-PC 绘图部分实验采用 python 语言, 测试系统为 *Ubuntu 20.04.6 LTS*, 测试环境为 *Anaconda 23.7.3* 下的 *python 3.8.18*, 使用的 numpy 与 matplotlib 包。

III 算法原理与具体实现

1. 数据集生成与标注

对于采集的图像, 我们将它放在同一个文件夹下, 使用 `mark_eye` 进行人眼标注, 采用 `mouse` 回调函数进行处理, 具体代码实现如下

```

1  #include"mark_eye.h"
2
3  int now=0;
4  FILE* Files;
5
6
7  static void onMouse( int event, int x, int y, int, void* ){
8      if( event != EVENT_LBUTTONDOWN )
9          return;
10     if(now==0){fprintf(Files,"%\n \"centre_of_left_eye\": [\n      %d,\n      %d\n  ],\n",x,y);}
11     else{
12         fprintf(Files," \"centre_of_right_eye\": [\n      %d,\n      %d\n  ]\n",x,y);}
13     // circle(img,(447,63), 63, (0,0,255), -1)
14     now+=1;
15     // std::cout << x << " " << y << std::endl;
16 }
17 int mark_eye(std::string input_path/* = "att-face/s1"*/,std::string output_path /*=
18 ↪ "ATT-eye-location/s0/"*/)
19 {
20     // std::string image_path = "att-face/s1/1.pgm";
21     // std::string output_path = "ATT-eye-location/s0/";
22     fs::create_directories(output_path);
23     for (const auto& dirEntry : recursive_directory_iterator(input_path)){
24         printf("Processing File %s ...\n",dirEntry.path().c_str());
25         std::string name=fs::path(dirEntry).stem();
26         std::string output_name = output_path+name+".json";
27         Files=fopen(output_name.c_str(),"w");
28
29         now=0;
30         Mat img = imread(dirEntry.path().string());
31         // print(img);
32         namedWindow( "Display frame",WINDOW_NORMAL);
33         resizeWindow ("Display frame", 900, 1200);
34         imshow("Display frame", img);
35         setMouseCallback("Display frame",onMouse);
36         waitKey(0); // Wait for a keystroke in the window

```

```

36     // while(now<2){
37     //     waitKey(0);
38     // }
39     destroyAllWindows();
40     fclose(Files);
41 }
42 // Mat img = imread(image_path);
43 // // print(img);
44 // namedWindow( "Display frame",WINDOW_NORMAL);
45 // resizeWindow ("Display frame", 900, 1200);
46 // imshow("Display frame", img);
47 // setMouseCallback("Display frame",onMouse);
48 // int k = waitKey(0); // Wait for a keystroke in the window
49 return 0;
50 }

```

2. 数据预处理

$$\begin{bmatrix} x^* \\ y^* \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} h_{11} & h_{12} & h_{13} \\ h_{21} & h_{22} & h_{23} \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ y_1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

通过两对数据点，只有四个方程，但是旋转矩阵有 6 个未知量，这该如何处理？

我最简单的想法就是

$$\begin{bmatrix} x^* \\ y^* \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} h_{11} & h_{12} \\ h_{21} & h_{22} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ y_1 \end{bmatrix}$$

得到 **Figure 1** 的实验结果

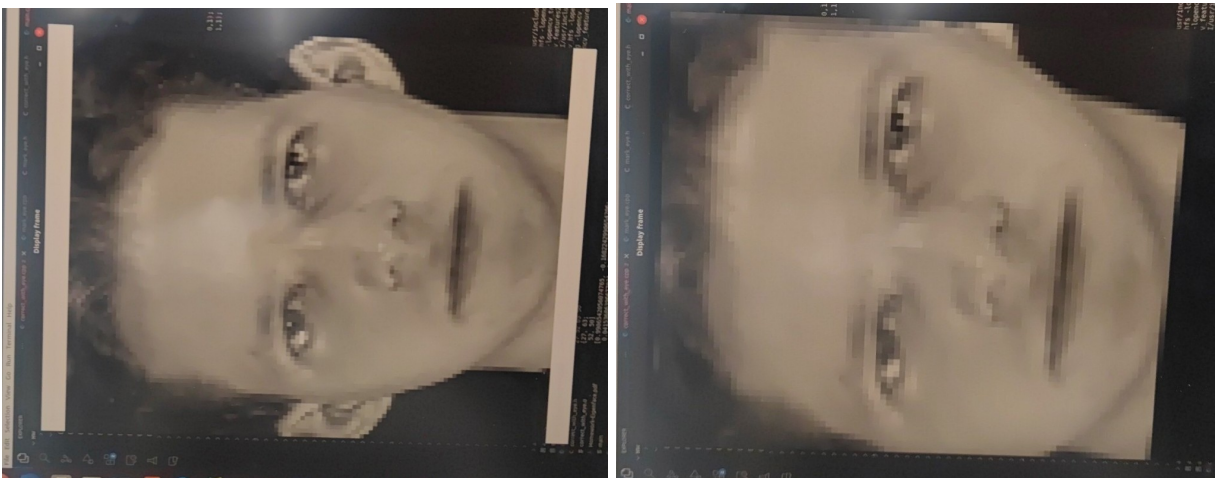


Figure 1: 简化方程实验结果 (不知道为什么转了 90 度)

说明该方法不可行。

后来想到，能不能只旋转，将两只眼睛对齐，如是确定了一个 θ ，以及其对应的旋转矩阵
接着想，能不能让眼睛两对点眼睛的中心对齐？似乎可以仅仅做一个平移实现，

最后想，能不能以两眼睛的中心做一个缩放？可以！
于是乎就完成了整个模版匹配。代码如下

```

3  int SIZE_l=96,SIZE_w=72,dx1=18,dx2=54,dy1=40,dy2=40;
4
5  Mat correct_with_eye(Mat img,int x1,int y1,int x2,int y2)
6  {
7      double dx,dy,dz;
8      dx=x2-x1;dy=y2-y1;dz=sqrt(dx*dx+dy*dy);
9      Mat middle_point=Mat::zeros(3,1,CV_64F);
10     middle_point.at<double>(0,0)=(x1+x2)/2.0;
11     middle_point.at<double>(1,0)=(y1+y2)/2.0;
12     middle_point.at<double>(2,0)=1;
13
14     Mat srcp=Mat::zeros(3,2,CV_64F);
15     srcp.at<double>(0,0)=x1;srcp.at<double>(0,1)=x2;srcp.at<double>(2,0)=1;
16     srcp.at<double>(1,0)=y1;srcp.at<double>(1,1)=y2;srcp.at<double>(2,1)=1;
17     // std::cout << srcp << std::endl;
18
19     Mat M=Mat::zeros(2,3,CV_64F);
20     M.at<double>(0,0)=dx/dz;M.at<double>(0,1)=dy/dz;
21     M.at<double>(1,0)=-dy/dz;M.at<double>(1,1)=dx/dz;
22     // std::cout << M << std::endl;
23
24     Mat new_middle=M*middle_point;
25     // M.at<double>(0,2)=(dx1+dx2)/2.0-new_middle.at<double>(0,0);
26     // M.at<double>(1,2)=(dy1+dy2)/2.0-new_middle.at<double>(1,0);
27     M.at<double>(0,2)=-new_middle.at<double>(0,0);
28     M.at<double>(1,2)=-new_middle.at<double>(1,0);
29     M*=sqrt(1.0f*(dx1-dx2)*(dx1-dx2)+1.0f*(dy1-dy2)*(dy1-dy2))/dz;
30     M.at<double>(0,2)+=(dx1+dx2)/2;
31     M.at<double>(1,2)+=(dy1+dy2)/2;
32     // std::cout << M << std::endl;
33     // Mat final_middle1=M*middle_point;
34     // std::cout << final_middle1 << std::endl;
35     // Mat final_middle=M*srcp;
36     // std::cout << final_middle << std::endl;
37     // Mat M=Mat::zeros(2,3,CV_64F);
38     // M.at<double>(0,0)=M0.at<double>(0,0);M.at<double>(0,1)=M0.at<double>(0,1);
39     // M.at<double>(1,0)=M0.at<double>(1,0);M.at<double>(1,1)=M0.at<double>(1,1);
40     Mat img_dst0=Mat::zeros(SIZE_l,SIZE_w,img.type());
41     warpAffine(img,img_dst0,M,Size(SIZE_w,SIZE_l));
42     Mat img_dst;
43     cvtColor( img_dst0, img_dst0, COLOR_BGR2GRAY );
44     // img_dst0.convertTo(img_dst1, CV_8U);
45     // std::cout<<"! "<<img_dst1.type()<<std::endl;
46     equalizeHist( img_dst0, img_dst );
47     // namedWindow( "Display frame",WINDOW_NORMAL);
48     // resizeWindow ("Display frame", 900, 1200);

```

```

49     // imshow("Display frame", img);
50     // waitKey(0);
51     // imshow("Display frame", img_dst);
52     // waitKey(0);
53     // img_dst=img_dst.reshape(1,1);
54     // std::cout << img_dst.size() << std::endl;
55     return img_dst;
56 }

```

当然上面那里有一个小插曲，当时 $(x1+x2)/2$ 没注意，一直有精度问题，后来发现它是一个整数除法，属实是python 用多了

转念一想，那岂不是三对点？就又试了 getAffineTransform，发现其返回的矩阵为全 0 阵，可能需要不在同一直线上。

```

58 Mat correct_with_eye_test(Mat img,int x1,int y1,int x2,int y2){
59     Point2f srcTri[3];
60     srcTri[0] = Point2f( x1, y1 );
61     srcTri[1] = Point2f( (x1+x2)/2.0 ,(y1+y2)/2.0 );
62     srcTri[2] = Point2f( x2, y2 );
63     Point2f dstTri[3];
64     dstTri[0] = Point2f( dx1,dy1 );
65     dstTri[1] = Point2f( (dx1+dx2)/2.0 ,(dy1+dy2)/2.0 );
66     dstTri[2] = Point2f( dx2,dy2 );
67     Mat M = getAffineTransform( srcTri, dstTri );
68     Mat img_dst=Mat::zeros(SIZE_l,SIZE_w,img.type());
69     std::cout << M<< std::endl;
70     warpAffine(img,img_dst,M,Size(SIZE_w,SIZE_l));
71     namedWindow( "Display frame",WINDOW_NORMAL);
72     resizeWindow ("Display frame", 900, 1200);
73     imshow("Display frame", img);
74     waitKey(0);
75     imshow("Display frame", img_dst);
76     waitKey(0);
77     return img_dst;
78 }

```

其它的数据预处理如下

```

1  #include "mark_eye.h"
2  #include "correct_with_eye.h"
3
4  int new_shape[] = {1,1};
5  void prepare_one(std::string image_path,std::string json_path,std::string output_path){
6      // std::string image_path = "att-face/s1/1.pgm";
7      std::cout<<image_path<<" "<<json_path<<" "<<output_path<<std::endl;
8      Mat img=imread(image_path);
9      // std::string json_path = "ATT-eye-location/s1/1.json";
10     FILE* Files;

```

```

11     Files=fopen(json_path.c_str(),"r");
12     int x[4],idx=0;
13     char ch;
14     x[0]=x[1]=x[2]=x[3]=0;
15     while(!feof(Files)){
16         fread(&ch,1,1,Files);
17         if(ch<'0' || ch>'9'){
18             if(x[idx]!=0){
19                 idx+=1;
20             }
21             continue;
22         }
23         x[idx]=x[idx]*10+ch-'0';
24     }
25     // std::cout<<x[0]<<" "<<x[1]<<" "<<x[2]<<" "<<x[3]<<std::endl;
26     Mat img_out;
27     img_out=correct_with_eye(img,x[0],x[1],x[2],x[3]);
28     imwrite(output_path,img_out);
29 }
30 void prepare_all(std::string image_path="att-face",std::string json_path="ATT-eye-location",std::string
    ↪ output_path="processed_image"){
31     for (const auto& dirEntry : recursive_directory_iterator(image_path)){
32         if(fs::is_directory(dirEntry)){
33             std::string middle=fs::path(dirEntry).relative_path().string().substr(image_path.length()+1);
34             fs::create_directories(output_path+"/"+middle);
35             continue;
36         }
37         printf("Processing File %s ...\n",dirEntry.path().c_str());
38         std::string name=fs::path(dirEntry).stem();
39         std::string
            ↪ middle=fs::path(dirEntry).relative_path().remove_filename().string().substr(image_path.length()+1);
40         // std::string json_name = output_path+name+".json";
41         //
            ↪ std::cout<<fs::path(dirEntry).relative_path().remove_filename().string().substr(image_path.length()+1)<<"
            ↪ "<<output_name<<std::endl;
42
            ↪ prepare_one(dirEntry.path().string(),json_path+"/"+middle+name+".json",output_path+"/"+middle+name+".pgm");
43         // break;
44     }
45     // correct_with_eye(image_path,json_path);
46 }

```

3. 特征脸提取

Let $X = \{x_1, x_2, \dots, x_n\}$ be a random vector with observations $x_i \in R^d$.

Compute the mean μ

$$\mu = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$$

Compute the the Covariance Matrix S

$$S = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \mu)(x_i - \mu)^T$$

Compute the eigenvalues λ_i and eigenvectors v_i of S

$$Sv_i = \lambda_i v_i, i = 1, 2, \dots, n$$

Order the eigenvectors descending by their eigenvalue. The k principal components are the eigenvectors corresponding to the k largest eigenvalues.

The k principal components of the observed vector x are then given by:

$$y = W^T(x - \mu)$$

where $W = (v_1, v_2, \dots, v_k)$.

The reconstruction from the PCA basis is given by:

$$x = Wy + \mu$$

where $W = (v_1, v_2, \dots, v_k)$.

The Eigenfaces method then performs face recognition by: - Projecting all training samples into the PCA subspace. - Projecting the query image into the PCA subspace. - Finding the nearest neighbor between the projected training images and the projected query image.

Still there's one problem left to solve. Imagine we are given 400 images sized 100×100 pixel. The Principal Component Analysis solves the covariance matrix $S = XX^T$, where $\text{size}(X) = 10000 \times 400$ in our example. You would end up with a 10000×10000 matrix, roughly $0.8GB$. Solving this problem isn't feasible, so we'll need to apply a trick. From your linear algebra lessons you know that a $M \times N$ matrix with $M > N$ can only have $N - 1$ non-zero eigenvalues. So it's possible to take the eigenvalue decomposition $S = X^T X$ of size $N \times N$ instead:

$$X^T X v_i = \lambda_i v_i$$

and get the original eigenvectors of $S = XX^T$ with a left multiplication of the data matrix:

$$XX^T (Xv_i) = \lambda_i (Xv_i)$$

The resulting eigenvectors are orthogonal, to get orthonormal eigenvectors they need to be normalized to unit length. I don't want to turn this into a publication, so please look into [60] for the derivation and proof of the equations.

以上引用自 Opencv 官网文档 [1], 主要的思想是去求 $N \times N$ 矩阵 $S = X^T X$ 的特征值, 而不是直接对 $S = XX^T$ 进行分解。

其余的部分个人感觉就挺顺理成章的, 主要是代码实现:

只要保持特征向量模长为 1, reconstruct 就是求个点积得到投影, 再根据投影长度把所有主成分进行加权组合就可以拟合原向量

test 则是利用了这个数据降维的过程, 通过欧氏距离下的最近邻来进行识别。

实现程序如下

```

47 void load_dataset(float split,std::string path,std::vector<std::pair<Mat,int>>
   ↪ &train,std::vector<std::pair<Mat,int>> &test){
48     int num=int(split*10);
49     int a[]={1,2,3,4,5,6,7,8,9,10};
50     // std::vector<pair<Mat,int>> train,test;
51     for(int i=0;i<=41;i++){
52         std::random_shuffle(a,a+10);
53         for(int j=0;j<num;j++){
54             int x=a[j];
55             std::string name=path+"/s"+std::to_string(i)+"/"+std::to_string(x)+".pgm";
56             // std::cout<<name<<std::endl;
57             Mat img=imread(name,cv::IMREAD_GRAYSCALE);
58             // new_shape=img.size();
59             new_shape[0]=img.rows;
60             new_shape[1]=img.cols;
61             // std::cout<<SIZE_X<<" "<<SIZE_Y<<std::endl;
62             img=img.reshape(1,1);
63             img.convertTo(img, CV_64F);
64             train.push_back(std::make_pair(img,i));
65         }
66         for(int j=num;j<10;j++){
67             int x=a[j];
68             std::string name=path+"/s"+std::to_string(i)+"/"+std::to_string(x)+".pgm";
69             // std::cout<<name<<std::endl;
70             Mat img=imread(name,cv::IMREAD_GRAYSCALE).reshape(1,1);
71             img.convertTo(img, CV_64F);
72             test.push_back(std::make_pair(img,i));
73         }
74     }
75     // return train,test;
76 }
77 Mat vec2img(Mat v){
78     // std::cout<<v.size()<<std::endl;
79     // std::cout<<SIZE_X<<" "<<SIZE_Y<<std::endl;
80     // vector<int> new_shape={SIZE_X,SIZE_Y};
81     v=v.reshape(1,2,new_shape);
82     v.convertTo(v, CV_8U);
83     // imshow("Display frame", v);
84     // waitKey(0);
85     return v;
86 }
87
88 void eigenface_test(std::string img_path,std::string model_path,std::string output_path=NULL){
89     Mat img=imread(img_path,cv::IMREAD_GRAYSCALE);
90     img=img.reshape(1,1);
91     img.convertTo(img, CV_64F);
92     cv::FileStorage file(model_path, cv::FileStorage::READ);
93     Mat mean,u,data,X;
94     std::vector<int> labels;

```

```

95     file["mean"] >> mean;
96     file["u"] >> u;
97     file["labels"] >> labels;
98     file["data"] >> data;
99     file["X"] >> X;
100
101     Mat img_show=vec2img(img);
102     img=img-mean;
103     Mat tmp=u*img.t();
104     float last_sum=-1,sum=0;
105     int last_idx=0;
106     // Mat new_img=Mat::zeros(1,img.cols,CV_64F);
107     for(int i=0;i<data.cols;i++){
108         sum=0;
109         for(int j=0;j<data.rows;j++){
110             sum+=(data.at<double>(j,i)-tmp.at<double>(j,0))*(data.at<double>(j,i)-tmp.at<double>(j,0));
111         }
112         if(last_sum== -1 || sum<last_sum){
113             last_sum=sum;
114             last_idx=i;
115         }
116     }
117     Mat nearset=X(Range(last_idx,last_idx+1),Range(0,X.cols))+mean;
118     std::cout<<img.size()<<" "<<nearset.size()<<std::endl;
119     // return;
120     hconcat(img_show,vec2img(nearset),img_show);
121     cvtColor(img_show,img_show,COLOR_GRAY2BGR);
122     putText(img_show, //target image
123             img_path.substr(16, 5), //text
124             cv::Point(5, img_show.rows-5), //top-left position
125             cv::FONT_HERSHEY_DUPLEX,
126             1.0,
127             CV_RGB(118, 185, 0), //font color
128             2);
129     putText(img_show, //target image
130             "s"+std::to_string(labels[last_idx]), //text
131             cv::Point(new_shape[1]+5, img_show.rows-5), //top-left position
132             cv::FONT_HERSHEY_DUPLEX,
133             1.0,
134             CV_RGB(255, 0, 0), //font color
135             2);
136     imwrite(output_path,img_show);
137 }
138 void eigenface_reconstruct(std::string img_path,std::string model_path,std::string
139 ↪ output_path="test.jpg"){
140     Mat img=imread(img_path,cv::IMREAD_GRAYSCALE);
141     img=img.reshape(1,1);
142     img.convertTo(img, CV_64F);
143     cv::FileStorage file(model_path, cv::FileStorage::READ);

```

```

143     Mat mean,u;
144     std::vector<int> labels;
145     file["mean"] >> mean;
146     file["u"] >> u;
147     file["labels"] >> labels;
148     file.release();
149
150     Mat img_show=vec2img(img);
151     img=img-mean;
152     Mat tmp=u*img.t();
153     // Mat new_img=Mat::zeros(1,img.cols,CV_64F);
154     for(int i=0;i<tmp.rows;i++){
155         if(i==10||i==25||i==50||i==100){
156             // vec2img(mean);
157             hconcat(img_show,vec2img(mean),img_show);
158         }
159         mean+=tmp.at<double>(i,0)*u.row(i);
160     }
161     imwrite(output_path,img_show);
162     // std::cout<<tmp.size()<<std::endl;
163     // std::cout<<tmp<<std::endl;
164 }
165 void eigenface_train(float energy,std::string output_path,std::vector<std::pair<Mat,int>> &train){
166     float n=train.size();
167     int PCA_num=int((energy/100*n));
168     int m=train[0].first.cols;
169     std::cout<<n<<" "<<m<<std::endl;
170
171     Mat mean=Mat::zeros(1,m,CV_64F);
172     for(auto i : train){
173         mean+=i.first;
174     }
175     mean=mean/n;
176     Mat X;
177     std::vector<int> labels;
178     for(auto i : train){
179         if(X.empty()){
180             X=i.first-mean;
181         }else{
182             vconcat(X,i.first-mean,X);
183         }
184         labels.push_back(i.second);
185     }
186     Mat S=X*X.t();
187     Mat w, u, vt;
188     SVD::compute(S, w, u, vt);
189     // std::cout<<w<<std::endl;
190     // std::cout<<u*u.t()<<std::endl;
191     u=X.t()*u;

```

```

192
193     u=u.t();
194     int n0=u.rows,m0=u.cols;
195     double sum=0,max=0;
196     std::cout<<n0<<" "<<m0<<std::endl;
197     u=u(Range(0,PCA_num),Range(0,m0));
198     n0=u.rows,m0=u.cols;
199     std::cout<<n0<<" "<<m0<<std::endl;
200     Mat eigenface_show=vec2img(mean);
201     for(int i=0;i<n0;i++){
202         // vec2img(u.row(i)/378*255);
203         sum=0;
204         max=0;
205         for(int j=0;j<m0;j++){
206             sum+=u.at<double>(i,j)*u.at<double>(i,j);
207         }
208         // std::cout<<sum<<std::endl;
209         sum=sqrt(sum);
210         // if(sum<1e-8){
211         //     continue;
212         // }
213         for(int j=0;j<m0;j++){
214             u.at<double>(i,j)/=sum;
215             if(abs(u.at<double>(i,j))>max){
216                 max=abs(u.at<double>(i,j));
217             }
218         }
219         if(i<10)
220             hconcat(eigenface_show,vec2img(u.row(i)/max*255),eigenface_show);
221     }
222     Mat data=u*X.t();
223     imwrite(output_path+"_eigenface.jpg",eigenface_show);
224
225     cv::FileStorage file(output_path, cv::FileStorage::WRITE);
226     // cv::Mat someMatrixOfAnyType;
227
228     // Write to file!
229     file << "mean" << mean << "u" << u << "labels" << labels<<"data"<<data<<"X"<<X;
230
231     // Close the file and release all the memory buffers
232     file.release();
233 }
234
235 float eigenface_test(std::string model_path,std::vector<std::pair<Mat,int>> test,int PCA_num){
236     cv::FileStorage file(model_path, cv::FileStorage::READ);
237     Mat mean,u,data,X;
238     std::vector<int> labels;
239     file["mean"] >> mean;
240     file["u"] >> u;

```

```

241     file["labels"] >> labels;
242     file["data"] >> data;
243     file["X"] >> X;
244     file.release();
245
246     // int PCA_num=int((energy/100*test.size()));
247     int n0=u.rows,m0=u.cols;
248     u=u(Range(0,PCA_num),Range(0,m0));
249     n0=u.rows,m0=u.cols;
250     // std::cout<<n0<<" "<<m0<<std::endl;
251     Mat img;
252     float correct=0;
253     for(auto xk: test){
254         // important clone
255         img=xk.first.clone();
256         img=img-mean;
257         Mat tmp=u*img.t();
258         // std::cout<<tmp<<std::endl;
259         // return 0;
260         double last_sum=-1,sum=0;
261         int last_idx=0;
262         // Mat new_img=Mat::zeros(1,img.cols,CV_64F);
263         for(int i=0;i<data.cols;i++){
264             sum=0;
265             // std::cout<<data.rows<<" "<<tmp.rows<<std::endl;
266             for(int j=0;j<tmp.rows;j++){
267                 // std::cout<<data.at<double>(j,i)<<" "<<tmp.at<double>(j,0)<<" |";
268
269                 ↪ sum+=(data.at<double>(j,i)-tmp.at<double>(j,0))*(data.at<double>(j,i)-tmp.at<double>(j,0));
270                 // std::cout<<sum<<" ";
271             }
272             // std::cout<<sum<<" ";
273             if(last_sum<0||sum<last_sum){
274                 last_sum=sum;
275                 last_idx=i;
276             }
277             // if(i>3) break;
278         }
279         // std::cout<<last_sum<<" "<<xk.second<<" "<<last_idx<<" "<<labels[last_idx]<<std::endl;
280         if(labels[last_idx]==xk.second){
281             correct+=1;
282         }
283         // break;
284     }
285     // std::cout<<correct<<" "<<test.size()<<std::endl;
286     return correct/test.size();
287 }
288 void test_all(){
289     std::vector<std::pair<Mat,int>> train,test;

```

```

289     load_dataset(0.5,"processed_image",train,test);
290     eigenface_train(100,"model_test.yml",train);
291
292     // float x=eigenface_test_all("model_test.yml",test,5);
293     // std::cout<<x<<std::endl;
294     cv::Mat image = cv::Mat::zeros(210, 200, CV_8UC3);
295     image.setTo(cv::Scalar(255, 255, 255));
296     std::vector<cv::Point> points;
297     std::vector<double> points_py;
298     std::cout<<"Start Ploting rank1-pc figure"<<std::endl;
299     for(int PCA_num=1;PCA_num<=200;PCA_num+=1){
300         float x=eigenface_test("model_test.yml",test,PCA_num);
301         points.push_back(cv::Point(PCA_num, (1-x)*200));
302         points_py.push_back(x);
303         // std::cout<<"!"<<PCA_num<<" "<<x<<std::endl;
304     }
305     cv::FileStorage file("points_py.yml", cv::FileStorage::WRITE);
306     // cv::Mat someMatrixOfAnyType;
307
308     // Write to file!
309     file << "points" << points_py<<"gap" << 1;
310
311     // Close the file and release all the memory buffers
312     file.release();
313     // for (int i = 0; i < points.size(); i++){
314         //         cv::circle(image, points[i], 5, cv::Scalar(0, 0, 0), 2, 8, 0);
315         // }
316     cv::polylines(image, points, false, cv::Scalar(0, 255, 0), 1, 8, 0);
317     imwrite("test_all.jpg",image);
318     // x=eigenface_test("model_test.yml",test,5);
319     // std::cout<<x<<std::endl;
320     // x=eigenface_test_all("model_test.yml",test,5);
321     // std::cout<<x<<std::endl;
322 }
323 int main(){
324     // mark_eye("att-face/s41","ATT-eye-location/s41/");
325     prepare_all();
326     std::vector<std::pair<Mat,int>> train,test;
327     load_dataset(0.5,"processed_image",train,test);
328     eigenface_train(25,"model.yml",train);
329     eigenface_reconstruct("processed_image/s1/1.pgm","model.yml","reconstruct.jpg");
330     eigenface_test("processed_image/s11/2.pgm","model.yml","test.jpg");
331     test_all();
332     return 0;
333 }

```

IV 实验结果与分析

首先来看前 10 平均人脸与至少前 10 个特征脸，如 **Figure 2**所示，这里我因为将特征模长归一化过，故在展示时将其重新映射到 0255 之间，而平均脸则为直接展示。



Figure 2: eigenface

test 函数的实验结果如 **Figure 3**所示，从嘴巴可见其实两张图并非同一张图，但识别效果较好



Figure 3: test

如 **Figure 4**所示，在戴眼镜和不带眼镜的情况下我的重构图像均表现较好

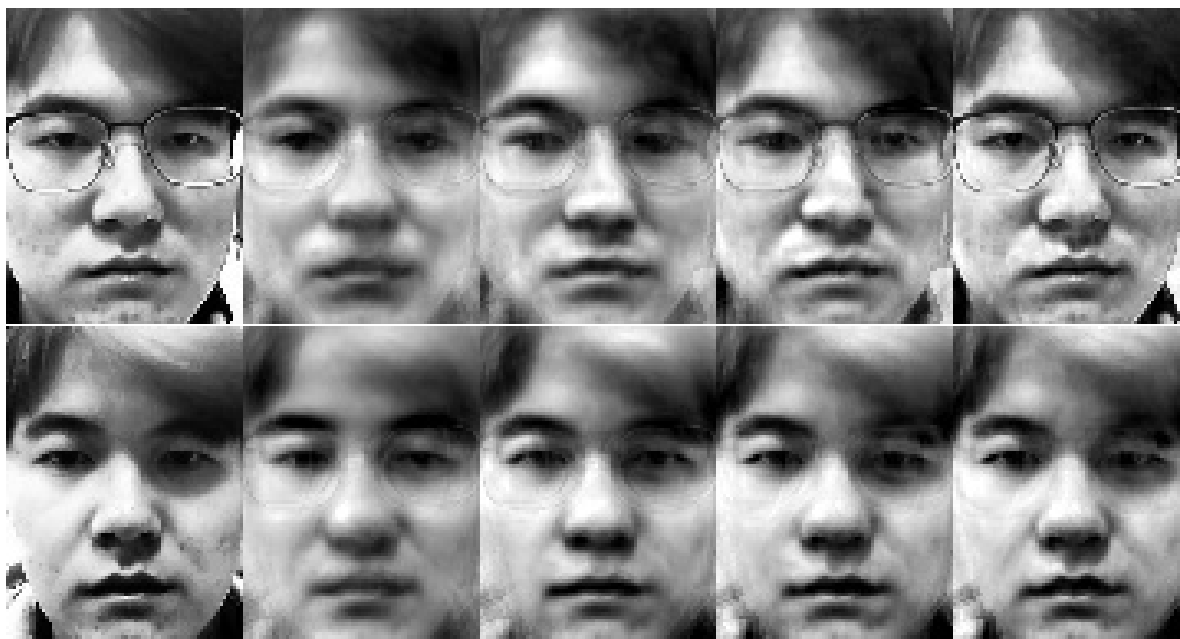


Figure 4: reconstruct

而上方图像的原图如 **Figure 5**所示，可见眼睛的标定与模版匹配均非常成功。



Figure 5: 眼睛模版对齐

最后的 Rank-1 rate-PC num 图像如如 **Figure 6**所示

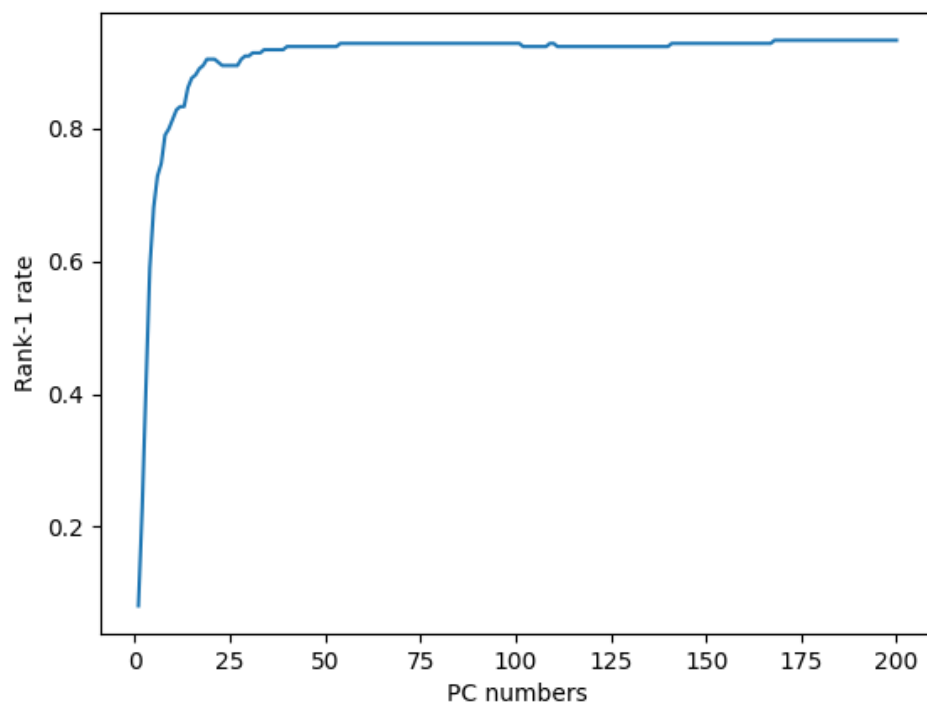


Figure 6: Rank-1 rate-PC number

V 心得体会

- 之前的实验都做的有些匆忙，这一次从周五开始做，想有一个周末的时间可以研究，决定开始大胆地尝试 c++，结果发现，这个工程量大了不止一点点，属实是怀念 python 了。而且最令我崩溃的是装了一个下午 opencv 都还没装好。一开始怕搞错还特地从源代码直接编译安装，结果发现没有默认开启 pkg，还得卸了重装。加上 opencv2 不知道为什么是 opencv4/opencv2，折腾了我好久。加上不是很看得懂 Makefile，当时一整个下午加晚上终于能够正常使用 opencv，真的心态都快炸了。更不必说，后来被 C++ 严格的定义与少得可怜的拓展包弄的欲哭无泪。而好久不写 C++ 一切都那么的陌生。好在 DDL 延了一周，不然感觉我写到凌晨 8 点都不一定能完工。

- 在眼睛位置标定过程中，我使用了 opencv 的 GUI 交互，又重新学习了一下 C++ 的版本。后面模版匹配真的让我非常苦恼。好在助教当时硬是没有告诉我，我终于一点点走向柳暗花明。从想到只旋转，再想到中点对齐，再想到缩放。虽然又是一个下午加晚上，但是那种喜悦真的难以描述。

- 在本实验之前，我一直以为我懂了 PCA。而这个实验真的让我看到了自己的不足。好在后来找到了官方文档，不然我要何时才能想到答案。不过这一次，算是真的懂了。

- 虽然本实验花费了非常多的时间，也完成了 500 多行的代码，但是重新去学习 C++，并去不断挑战自己的极限，真的让我也受益匪浅。也感谢助教的努力付出，让我相信我的努力是会被看到的，让我更加有认真完成的动力。

参考文献

[1]https://docs.opencv.org/3.4/da/d60/tutorial_face_main.html