

Crittografia

Indice

1	Introduzione	2
2	Crittografia classica	4
2.1	Cifrari simmetrici	4
2.1.1	Cifrari di shift	4
2.1.2	Cifrario affine	5
2.1.3	Cifrario Alberti	5
2.1.4	Cifrario Porta	6
2.1.5	Cifrario di Playfair	6
2.1.6	Cifrario di Hill	7
2.1.7	Cifrario di Vigenère	8
2.1.8	Cifrario di Vernam	8

Capitolo 1

Introduzione

La crittografia fa parte, insieme alla crittoanalisi, della crittologia.

La **crittografia** è la scienza che studia tecniche e metodologie per **cifrare un testo in chiaro**, al fine di produrre un **testo cifrato comprensibile solo ad un ricevente legittimo**, il quale possiede l'informazione sufficiente (detta chiave) per decifrarlo, recuperando il testo in chiaro.

La **crittoanalisi** studia come decrittare un testo cifrato per ottenere il testo in chiaro: il verbo decrittare indica l'azione compiuta da un'entità che non possiede la chiave per recuperare, in modo legittimo, il testo in chiaro. In letteratura, suddetta entità viene indicata con il termine ascoltatore, oppure avversario o anche nemico. Lo scopo della crittografia è di produrre un messaggio cifrato m in modo che nessun avversario sia in grado di decrittare il contenuto.

La **stegonografia** (dal greco *scrivere nascosto*), indica l'insieme delle tecniche che permettono a due (o più) entità in modo tale da occultare, agli occhi di un ascoltatore, non tanto il contenuto (come nel caso della crittografia), ma l'esistenza stessa di una comunicazione. In altre parole, è l'arte di nascondere un messaggio all'interno di un altro *messaggio contenitore*. Alcuni esempi sono:

- disposizione dei caratteri
- inchiostro invisibile
- contrassegno dei caratteri
- nascondere messaggi all'interno di bit di file multimediali
- ...

Proprietà di sicurezza di un messaggio

1. **Confidenzialità**
2. **Autenticazione**
3. **Non ripudio**

4. **Integrità**

5. **Anonimia** (canali in cui le entità comunicanti devono poter nascondere la loro identità)

Capitolo 2

Crittografia classica

2.1 Cifrari simmetrici

Con crittografia simmetrica, o crittografia a chiave privata, si intende una tecnica di cifratura che consiste nel cifrare un testo in chiaro dove la chiave di crittazione è la stessa chiave di decrittazione. Non è previsto uno scambio di chiavi, dunque le due parti devono esserne già in possesso.

Possiamo dividere i cifrari simmetrici in due categorie:

- **Cifrari a flusso:** trasformano pochi bit alla volta (un singolo bit, o un byte); si rivelano adatti quando si deve proteggere singoli dati generati uno dopo l'altro. Al flusso di dati in input in input corrisponde un *flusso di chiavi*
- **Cifrari a blocchi:** trasformano blocchi di più bit (64, 128, o più); si rivelano adatti quando si devono proteggere intere strutture dati

Si può fare una distinzione tra due tecniche per la cifratura del testo in chiaro:

- **Sostituzione:** i valori in chiaro vengono sostituiti con altri simboli
- **Trasposizione:** vengono scambiate le posizioni dei valori in chiaro

Queste tecniche possono essere combinate tra loro, a patto che siano reversibili.

2.1.1 Cifrari di shift

Sono una generalizzazione del *cifrario di Cesare*, senza fissare a 3 lo spostamento delle lettere.

Con questo approccio, lo schema di cifratura deve avere uno spazio delle chiavi non vulnerabile ad un attacco di *forza bruta*; tuttavia, questa è una condizione necessaria ma non sufficiente!

Anziché semplicemente shiftare le lettere, si potrebbe effettuare una permutazione casuale delle lettere dell'alfabeto; la chiave, diventa dunque una stringa di 26 lettere.

Plain: **abcdefghijklmnopqrstuvwxyz**
Cipher: **DKVQFIBJWPESCXHTMYAUOLRGZN** ← **chiave**

Con un alfabeto di 26 lettere, ci sono $26!$ possibili chiavi.

Potremmo aver pensato di aver ottenuto un adeguato livello di sicurezza, ma le caratteristiche del linguaggio naturale rendono possibili attacchi alternativi, come ad esempio la frequenza dei caratteri (che non cambia tra testo in chiaro e cifrato).

Alcune contromisure sono:

- usare più simboli per cifrare i caratteri più frequenti, in modo da abbassare la frequenza
- aggiungere simboli meno frequenti nel testo in chiaro, in modo da non compromettere il significato
- usare parole in codice oltre ai simboli dell'alfabeto

2.1.2 Cifrario affine

Sono un caso particolare di cifrario a sostituzione monoalfabetico. Per trovare la sostituzione si usa un'espressione, detta **affine**:

$$c_i = E(p_i) = (k_1 p_i + k_2) \bmod 26$$

→ la chiave è quindi data da **due costanti**.

La *decrittazione* avviene invece secondo la formula:

$$p_i = D(c_i) = (c_i - k_2) \cdot k_1^{-1}$$

con k_1^{-1} inteso come l'inverso modulo 26 di k_1 , ovvero quel numero x che soddisfa l'equazione:

$$(k_1 \cdot x) \bmod 26 = 1$$

Affinché questo sia possibile è necessario che k_1 e 26 siano primi tra loro.

2.1.3 Cifrario Alberti

Fu il primo meccanismo che usò più alfabeti cifranti che si sostituiscono durante la cifratura. Utilizza un apparecchio composto da due dischi concentrici, rotanti in maniera indipendente, contenenti un alfabeto ordinato per il testo in chiaro, ed uno disordinato per il testo cifrato.



Si sceglie una lettera come chiave, la si fa corrispondere alla A del disco esterno, e per ogni lettera cifrata si muove in senso orario il disco interno.

2.1.4 Cifrario Porta

È un cifrario che si occupa di cifrare i **digrammi**, ovvero coppie di lettere. Ad ogni digramma viene assegnato un numero; la chiave è data da una permutazione arbitraria di numeri del cifrato e lettere su righe e colonne.

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
A	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25
B	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	51
C	52	53	54	55	56	57	58	59	60	61	62	63	64	65	66	67	68	69	70	71	72	73	74	75	76	77
D	78	79	80	81	82	83	84	85	86	87	88	89	90	91	92	93	94	95	96	97	98	99	100	101	102	103
E	104	105	106	107	108	109	110	111	112	113	114	115	116	117	118	119	120	121	122	123	124	125	126	127	128	129
F	130	131	132	133	134	135	136	137	138	139	140	141	142	143	144	145	146	147	148	149	150	151	152	153	154	155
G	156	157	158	159	160	161	162	163	164	165	166	167	168	169	170	171	172	173	174	175	176	177	178	179	180	181
H	182	183	184	185	186	187	188	189	190	191	192	193	194	195	196	197	198	199	200	201	202	203	204	205	206	207
I	208	209	210	211	212	213	214	215	216	217	218	219	220	221	222	223	224	225	226	227	228	229	230	231	232	233
J	234	235	236	237	238	239	240	241	242	243	244	245	246	247	248	249	250	251	252	253	254	255	256	257	258	259
K	260	261	262	263	264	265	266	267	268	269	270	271	272	273	274	275	276	277	278	279	280	281	282	283	284	285
L	286	287	288	289	290	291	292	293	294	295	296	297	298	299	300	301	302	303	304	305	306	307	308	309	310	311
M	312	313	314	315	316	317	318	319	320	321	322	323	324	325	326	327	328	329	330	331	332	333	334	335	336	337
N	338	339	340	341	342	343	344	345	346	347	348	349	350	351	352	353	354	355	356	357	358	359	360	361	362	363
O	364	365	366	367	368	369	370	371	372	373	374	375	376	377	378	379	380	381	382	383	384	385	386	387	388	389
P	390	391	392	393	394	395	396	397	398	399	400	401	402	403	404	405	406	407	408	409	410	411	412	413	414	415
Q	416	417	418	419	420	421	422	423	424	425	426	427	428	429	430	431	432	433	434	435	436	437	438	439	440	441
R	442	443	444	445	446	447	448	449	450	451	452	453	454	455	456	457	458	459	460	461	462	463	464	465	466	467
S	468	469	470	471	472	473	474	475	476	477	478	479	480	481	482	483	484	485	486	487	488	489	490	491	492	493
T	494	495	496	497	498	499	500	501	502	503	504	505	506	507	508	509	510	511	512	513	514	515	516	517	518	519
U	520	521	522	523	524	525	526	527	528	529	530	531	532	533	534	535	536	537	538	539	540	541	542	543	544	545
V	546	547	548	549	550	551	552	553	554	555	556	557	558	559	560	561	562	563	564	565	566	567	568	569	570	571
W	572	573	574	575	576	577	578	579	580	581	582	583	584	585	586	587	588	589	590	591	592	593	594	595	596	597
X	598	599	600	601	602	603	604	605	606	607	608	609	610	611	612	613	614	615	616	617	618	619	620	621	622	623
Y	624	625	626	627	628	629	630	631	632	633	634	635	636	637	638	639	640	641	642	643	644	645	646	647	648	649
Z	650	651	652	653	654	655	656	657	658	659	660	661	662	663	664	665	666	667	668	669	670	671	672	673	674	675

2.1.5 Cifrario di Playfair

È una tecnica di cifratura simmetrica manuale basata su un **cifrario monoalfabetico a due lettere** (vengono cifrate due lettere alla volta). L'analisi delle frequenze può ancora essere intrapresa, ma invece che 26 monografi esistono 600 possibili digrafi! È dunque molto più difficile.

Il cifrario Playfair si basa sull'uso di una matrice 5×5 contenente una parola chiave; la tabella viene costruita inserendo le lettere della parola chiave senza lettere duplicate, per poi riempire gli spazi rimanenti con le lettere non utilizzate dell'alfabeto (in ordine).

Essendo disponibili 25 spazi, una lettera viene esclusa (di norma la Q o la W, oppure facendo collassare la I e la J nello stesso spazio). La chiave può essere scritta nelle celle della tabella seguendo una *logica arbitraria*: la chiave è dunque **l'ordine di riempimento** della parola chiave nella tabella, oltre che la parola stessa.

La cifratura avviene separando le lettere del testo in chiaro in digrafi ed applicando a ciascuno di essi quattro regole:

1. se entrambe le lettere sono uguali, si aggiunge una X (o una lettera poco comune) tra di loro e poi si ripete il procedimento
2. se le lettere appaiono nella stessa riga, vengono codificate con quelle alla propria destra
3. se le lettere appaiono nella stessa colonna, vengono codificate con quelle immediatamente sotto
4. altrimenti, si identifica un rettangolo che ha le due lettere come vertici opposti; le lettere vengono codificate con quella sulla stessa riga in corrispondenza dell'altra colonna

Per decifrare, si usano regole inverse a queste.

2.1.6 Cifrario di Hill

Un cifrario a **sostituzione polialfabetica** basato sull'algebra lineare.

- In *primis*, viene fatto corrispondere ad ogni lettera un numero ($A = 0, B = 1, \dots$)
- Viene fissato un blocco di n lettere, considerate come uno spazio vettoriale di dimensione n
- Il vettore ottenuto viene moltiplicato per una matrice M di dimensione $n \times n$ in modulo 26
- Segue che m lettere in chiaro vengono sostituite con altrettante lettere cifrate secondo m equazioni lineari

La chiave è data dalla matrice M ; deve essere casuale a patto che sia invertibile in \mathbb{Z}_{26} affinché la decrittazione sia possibile.

Ad esempio, il messaggio TUO verrebbe cifrato con la chiave YYPRZWIZJ come:

$$\begin{pmatrix} 24 & 24 & 15 \\ 17 & 25 & 22 \\ 08 & 25 & 09 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 19 \\ 20 \\ 14 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1146 \\ 1131 \\ 778 \end{pmatrix} \pmod{26} \equiv \begin{pmatrix} 02 \\ 13 \\ 24 \end{pmatrix}$$

2.1.7 Cifrario di Vigenère

È un il più semplice tra i cifrari **polialfabetici**, è considerabile come una **generalizzazione del cifrario di Cesare**: invece di spostare sempre dello stesso numero di posti la lettera da cifrare, essa viene spostata di un numero di posti variabile, ma ripetuto, determinato attraverso una **parola chiave**.

Rispetto ai cifrari monoalfabetici, si ha il *vantaggio* di avere n alfabeti cifranti (n lunghezza della chiave). La *debolezza* consiste che si tratta di n cifrari di Cesare, motivo per cui è possibile, a partire dalle ripetizioni, stimare la lunghezza della chiave per poi analizzare le frequenze in ognuno degli alfabeti cifranti.

2.1.8 Cifrario di Vernam

È un cifrario di Vigenère a cui viene imposto che la chiave abbia la stessa lunghezza del messaggio da cifrare.

Questo metodo è potenzialmente ***unconditionally secure*** (ossia sicuro indipendentemente dal tempo e risorse), ma ha il problema di necessitare di una chiave casuale (già di per sé difficile siccome le chiavi sono pseudo-casuali) ed eventualmente di grandi dimensioni.