Protezione e Integrità dei Dati nel Cloud

Parte V

Indice

1 Encryption				3	
	1.1	Search	hable Encryption	8	
		1.1.1	Order preserving encryption	8	
		1.1.2	Fully homomorphic encryption	8	
	1.2	Espos	izione all'inferenza	9	
		1.2.1	Direct Encryption	9	
		1.2.2	Hashing	12	
	1.3	Bloom	n Filter	13	
	1.4	Integr	ità dei Dati	14	
	1.5		ive-Encryption e Over-Encryption	14	
		1.5.1	Selective Encryption	14	
		1.5.2	Over-Encryption	20	
		1.5.3	Collusione	21	
2	Frag	gment	ation e Encryption	22	
	2.1	_	a di server non-comunicanti	22	
		2.1.1	Esecuzione delle query	23	
		2.1.2	Identificare la scomposizione ottimale	23	
	2.2	Framr	menti non comunicanti multipli	24	
		2.2.1	Esecuzione delle query	25	
		2.2.2	Criteri di ottimizzazione	26	
3	Frai	mment	tazione	27	
•	3.1		azione delle query	28	
	0.1	3.1.1	Strategia Server-Client	28	
		3.1.2	Strategia Client-Server	29	
		3.1.3	Strategie a confronto	29	
	3.2	00	mentazione minima	30	
	0.2	3.2.1	Metriche per la frammentazione	30	
		3.2.1	Modellizzazione del problema di minimizzazione	31	
		3.2.2	Algoritmo Euristico	$\frac{31}{31}$	
	3 3	00	mentazione e inferenza	33	
		Frammentazione e inferenza 33			

4	Pul	blicaz	ione di Associazioni Offuscate	34
	4.1	Anoni	mizzazione di Grafo Bipartito	34
		4.1.1	(k, l) grouping	35
	4.2	Framn	menti e Loose Associations	36
		4.2.1	Frammentazione Corretta e Minima	36
		4.2.2	Loose Associations	36
		4.2.3	Grouping	36
		4.2.4	k-loose association	38
		4.2.5	Alikeness	38
		4.2.6	Proprietà di Eterogeneità	39
		4.2.7	Flat grouping vs Sparse grouping	40
		428	Privacy vs Utilità	40

Capitolo 1

Encryption

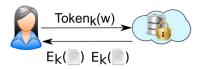
Il server potrebbe essere **honest-but-curious**, non dovrebbe avere accesso alle risorse; voglio garantire confidenzialità anche rispetto a lui.

Un modo per ottenerla è utilizzare l'*encyption*: si aggiunge un livello di protezione attorno ai dati sensibili che li rende non leggibili a chi non è autorizzato.

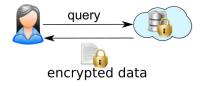
Di base voglio avere una criptazione dei dati; il problema è il **bilanciamento tra protezione e funzionalità**, ovvero sulle *query* che è possibile fare sui dati.

Approcci per accesso a diversi livelli di granularità

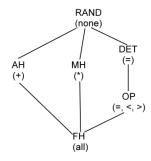
• Keyword-based searching: passo un token già criptato che viene usato per fare ricerca sui dati criptati (voglio trovare dove c'è una certa parola/espressione booleana)



• Crittografia omomorfica: crittografia che supporta le operazioni direttamente sul cifrato



• Encryption Schemas: ogni colonna può essere cifrata con un diverso schema crittografico (random, add homomorphic, deterministic, order preserving, ...)



• Onion Encryption: cifro i dati con diversi livelli a cipolla, ognuno dei quali supporta l'esecuzione di una specifica query SQL; l'idea è che scopro il dato solo quando mi serve



random encryption
homomorphic encryption
plaintext value

• Indicizzazione: associo degli indici ai metadati Nella seconda tabella:

Accounts

Account	Customer	Balance
Acc1	Alice	100
Acc2	Alice	200
Acc3	Bob	300
Acc4	Chris	200
Acc5	Donna	400
Acc6	Elvis	200

Accounts^k

Counter	Etuple	$ \mathbf{I}_A $	I_C	\mathbf{I}_{B}
1	x4Z3tfX2ShOSM	π	α	μ
2	mNHg1oC010p8w	σ	α	κ
3	WslaCvfyF1Dxw	ξ	β	η
4	JpO8eLTVgwV1E	ρ	γ	K
5	qctG6XnFNDTQc	ς	δ	θ
6	4QbqCeq3hxZHkIU	ι	ε	κ

nella seconda colonna c'è la tupla criptata; nelle ultime tre ci sono gli attributi; si possono avere diversi tipi di indicizzazione:

- **Direct** (1:1)

- + riesco a fare query precise
- soggetto ad attacchi di frequenza

Patients SSN Doctor Illness 123...89 Angel 234...91 Angel 345...12 Bell 456...23 Clark 567...34 Dan 232...11 Ellis

	Patients ^k					
Tid	Etuple	I_S	I_N	I_{I}	I_{D}	
1	x4Z3tfX2ShOSM	π	K	Cl	δ	
2	mNHg1oC010p8w	σ	ω	CC	δ	
3	WslaCvfyF1Dxw	ξ	λ	α	ν	
4	JpO8eLTVgwV1E	ρ	υ	β	γ	
5	qctG6XnFNDTQc	ı	μ	CC	σ	
6	kotG8XnFNDTaW	χ	0	β	Ψ	

- **Bucket** (n:1) → indicizzazione con collisione; ho diversi valori che sono **mappati allo stesso indice**
 - + non ho più attacchi di frequenze
 - + supporta query di uguaglianza (se un valore è uguale ad un altro)
 - i risultati avranno delle tuple spurie
 - è ancora possibile fare qualche leakage In questo caso sono comunque

Patients				
SSN	Name	Illness	Doctor	
12389	Alice	Asthma	Angel	
23491	Bob	Asthma	Angel	
34512	Carol	Asthma	Bell	
45623	David	Bronchitis	Clark	
56734	Eva	Gastritis	Dan	
23211	Eva	Stroke	Ellis	

Patients ^k					
Tid	Etuple	I_{S}	I_N	ΙI	$I_{\mathbb{D}}$
1	x4Z3tfX2ShOSM	π	K	α	δ
2	mNHg1oC010p8w	$\overline{\omega}$	ω	α	δ
3	WslaCvfyF1Dxw	5	λ	α	V
4	JpO8eLTVgwV1E	ρ	υ	β	γ
5	qctG6XnFNDTQc	l	μ	α	σ
6	kotG8XnFNDTaW	χ	0	β	Ψ

esposto perché asma ha 3 occorrenze, dunque sarà per forza associata ad α

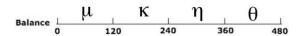
- **Flattened** $(1:n) \to$ ciascun indice deve avere lo stesso numero di occorrenze; significa che i valori che hanno più occorrenze sono associati ad indici diversi
 - + rimuovo la possibilità di fare attacchi di inferenze
 - sono esposto ad osservazioni dinamiche (magari certi dati sono sempre cercati assieme)

Patients				
SSN	Name	Illness	Doctor	
12389	Alice	Asthma	Angel	
23491	Bob	Asthma	Angel	
34512	Carol	Asthma	Bell	
45623	David	Bronchitis	Clark	
56734	Eva	Gastritis	Dan	
23211	Eva	Stroke	Ellis	

Patients ^k					
Tid	Etuple	I_{S}	I_N	I_{I}	I_{D}
1	x4Z3tfX2ShOSM	π	K	α	δ
2	mNHg1oC010p8w	$\overline{\omega}$	ω	α	δ
3	WslaCvfyF1Dxw	ξ	λ	α	V
4	JpO8eLTVgwV1E	ρ	υ	β	γ
5	qctG6XnFNDTQc	1	μ	α	σ
6	kotG8XnFNDTaW	χ	0	β	Ψ

- Partition-based:

- 1. si partiziona il dominio di un attributo
- 2. a ciascuna partizione si assegna un'etichetta
- 3. il valore in chiaro viene sostituito dall'etichetta



Supporta query dove le condizioni sono espressioni booleane del tipo:

- Attribute op Value
- Attribute op Attribute

dove op=
$$\{=, <, >, \le, \ge\}$$

Example

Esecuzione delle query:

Ogni query Q sul DB in chiaro viene tradotta in:

- 1. una query Q_s da eseguire sul server \to query sull'indice per ottenere le tuple criptate
- 2. una query Q_c da eseguire sul client \to decriptare il risultato della query precedente e filtrare le tuple spurie

La traduzione dovrebbe essere fatta in modo tale che il server sia responsabile della maggior parte del lavoro.

Accounts					
Account Customer Balance					
Acc1	Alice	100			
Acc2	Alice	200			
Acc3	Bob	300			
Acc4	Chris	200			
Acc5	Donna	400			
Acc6	Elvis	200			

Accounts ^k					
Counter	Etuple	I _A	I _C	l _B	
1	x4Z3tfX2ShOSM	π	α	μ	
2	mNHg1oC010p8w	σ	α	κ	
3	WslaCvfyF1Dxw	ξ	δ	θ	
4	JpO8eLTVgwV1E	ρ	α	κ	
5	qctG6XnFNDTQc	ς	β	κ	
6	4QbqC3hxZHkIU	ι	β	κ	

 Hash-based: basate sul concetto di one-way hash function; ogni attributo viene mappato ad un indice utilizzando una funzione di hash sicura.

Dat una funzione h e il dominio degli attributi D_i , diciamo che h è sicura se:

- 1. $\forall x, y \in D_i \implies h(x) = h(y)$ (determinismo)
- 2. dati due valori $x, y \in D_i$ tali che $x \neq y$, potremmo avere che h(x) = h(y) (**collisione**, per proteggermi da attacchi di frequenza)
- 3. la distanza dei valori in chiaro deve essere **indipendente** dalla distanza dei valori di hash (*strong mixing*)

Questo metodo supporta query dove le condizioni sono espressioni booleane del tipo:

- * Attribute = Value
- * $Attribute_1 = Attribute_2$, se sono indicizzati con la stessa funzione di hash

La traduzione funziona come nel metodo partion-based; non sono supportate query di range.

Interval-based queries

- Le tecniche di indicizzazione che preservano l'ordine supportano query di range, ma sono esposte ad inferenza
- Le tecniche di incizzazione che *non* preservano l'ordine non sono esposte ad inferenza, ma non supportano query di range

 \rightarrow viene calcolato un B_+-tree dal client, ed ogni nodo viene criptato come un tutt'uno; successivamente per rispondere alle query l'albero viene visitato (in ambiente trusted).

1.1 Searchable Encryption

1.1.1 Order preserving encryption

- Order Preserving Encryption Schema (OPES): prende in input una distribuzione target di valori per gli indici ed applica una trasformazione che preserva l'ordine e rispecchia la distribuzione di input.
 - + la comparazione può essere fatta direttamente sui dati criptati
 - + le query non producono tuple spurie
 - vulnerabile ad attacchi di inferenza
- Order Preserving Encryption with Splitting and Scaling (OPESS):

Questo schema crea degli indici in modo tale che la loro distribuzione delle frequenze sia piatta.

1.1.2 Fully homomorphic encryption

- Permette una performante computazione specifica sui dati criptati
- Decriptando il risultato, si ottiene lo stesso risultato delle stesse operazioni sui dati in chiaro

1.2 Esposizione all'inferenza

Ci sono due requisiti conflittuali quando si parla di indicizzare dati:

- gli indici dovrebbero fornire una esecuzione delle query efficiente
- gli indici non dovrebbero aprire porte ad attacchi di **inferenza** e *linking*
- \rightarrow diventa importante misurare quantitativamente il livello di esposizione dovuto alla pubblicazione degli indici:
 - $\epsilon = Coefficiente\ di\ Esposizione$

La computazione del Coefficiente di Esposizione dipende da diversi fattori:

- Metodo di incizzazione utilizzato
 - direct encryption
 - hashing
- Conoscenza pregressa dell'attaccante
 - $-Freq + DB^k$
 - $-DB+DB^k$

In entrambi i casi l'attaccante può risalire alla funzione di incizzazione.

1.2.1 Direct Encryption

 $Freq + DB^k$

- La corrispondenza tra indice e valore in chiaro può essere determinata sulla base del numero di occorenze di indice/valore
 - \rightarrow **Protezione base:** i valori con lo stesso numero di occorenze sono indistinguibili per l'attaccante
- Valutazione dell'esposizione dell'indice basata sulla relazione di equivalenza in cui i valori di indice/valore con lo stesso numero di occorrenze appartengono alla stessa classe
 - \rightarrow L'esposizione di un indice nella classe di equivalenza $C \ earline{e} \ 1/|C|$

A.1 =
$$\{\pi, \varpi, \xi, \rho, \zeta, \iota\}$$
 = $\{\text{Acc1}, ..., \text{Acc6}\}$

$$C.1 = \{\beta, \gamma, \delta, \varepsilon\} = \{Bob, Chris, Donna, Elvis\}$$

$$C.2 = {\alpha} = {Alice}$$

B.1 =
$$\{\mu, \eta, \theta\}$$
 = $\{100, 300, 400\}$

$$B.3 = {\kappa} = {200}$$

INDEX_VALUES				
$I_{\mathbf{A}}$	$I_{\mathbf{C}}^{-}$	$I_{\mathbf{B}}$		
π	α	μ		
σ	α	κ		
ξ	β	η		
ρ	γ	κ		
ς	δ	θ		
ı	ε	κ		

QUUTTENT				
qt_A	qt_C	qt_B		
A.1	C.2	B.1		
A.1	C.2	B.3		
A.1	C.1	B.1		
A.1	C.1	B.3		
A.1	C.1	B.1		
A.1	C.1	B.3		

INVERSE CARDINALITY					
ic_A	ic_C	ic_B			
1/6	1	1/3			
1/6	1	1			
1/6	1/4	1/3			
1/6	1/4	1			
1/6	1/4	1/3			
1/6	1/4	1			

$$\mathscr{E} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \prod_{j=1}^{k} \mathrm{IC}_{i,j} = 1/18$$

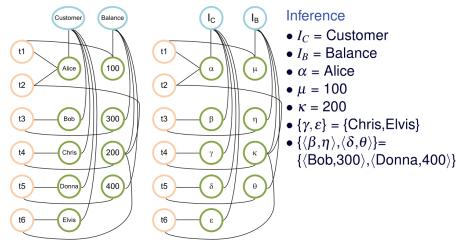
- $\bullet\,$ nella tabella Quotientci sono le classi di equivalenza a cui appartengono gli indici
- nella tabella Inverse Cardinality c'è 1/|C|, si interpreta come:
 - c'è 1 di 6 valori che non so distinguere
 - c'è 1 di 4 valori che non so distinguere
 - Sta esprimendo l'incertezza; più sarà grande |C|, più avrò incertezza \rightarrow quelli con 1/1 rappresentano un problema dato che non c'è incertezza
- A livello di tupla l'incertezza è il prodotto delle incertezze
- A livello di tabella faccio la media dell'esposizione delle tuple (ϵ)

$DB + DB^k$

- Grafo Row-Column-Value non-direzionato a 3 colori
 - un vertice di colore column per ogni attributo
 - un vertice di colore row per ogni tupla
 - un vertice di colore value per ogni valore distinto in una colonna
 - un arco connette ogni valore alla riga e colonna in cui compare
- RCV sui valori in chiaro è uguale a quello sugli indici
- \bullet posso avere una misura del grado di esposizione guardando quanto un nodo si confonde (automorfismo)

Customer	Balance
Alice	100
Alice	200
Bob	300
Chris	200
Donna	400
Elvis	200

$I_{\mathbf{C}}$	l _B
α	μ
α	κ
β	η
γ	κ
δ	θ
ε	ĸ



Equitable partition: $\{(\alpha), (\beta, \delta), (\gamma, \varepsilon), (\mu), (\eta, \theta), (\kappa)\}$ $\mathscr{E} = 6/9 = 2/3$

Per $Equitable\ Partion$ si intende un insieme di vertici che costituiscono un automorfismo.

L'esposizione si calcola come il rapporto tra il numero di $\it equitable~partition$ e il numero totale degli elementi.

1.2.2 Hashing

$Freq + DB^k$

- La funzione di hash è caratterizzata da un fattore di collisione, ovvero il numero di valori che in media collidono sullo stesso indice
- Sono possibili diversi mapping dei valori negli indici, in relazione ai vincoli imposti dalle frequenze
- Per ogni mapping si calcola il coefficiente di esposizione

$DB + DB^k$

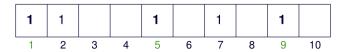
- i grafi RCV tra dati in chiaro e criptati non sono uguali, dato che *vertici* diversi nel grafo in chiaro potrebbro collassare nello *stesso vertice* nel grafo criptato
- \bullet il numero di archi che collega i vertici row ai vertici value è lo stesso
- il problema diventa trovare un *matching corretto* tra gli archi del grafo in chiaro e quello criptato

1.3 Bloom Filter

Il *Bloom Filter* sta alla base della costruzione di alcune tecniche di indicizzazione; è un metodo efficiente per codificare l'appartenenza a un insieme.

- set di n elementi (n è grande)
- vettore di *l* bit (*l* è piccolo)
- h funzioni di hash indipendenti $H_i: \{0,1\}^* \to [1,l]$
- Insert x: set a 1 i bit corrispondenti a $H_1(x), H_2(x), \dots, H_h(x)$
- Search x: Computare $H_1(x), H_2(x), \ldots, H_h(x)$ e verificare se quei valori sono settati a 1 nel vettore

Let l = 10 and h = 3



- Insert sun: $H_1(sun)=2$; $H_2(sun)=5$; $H_3(sun)=9$
- Insert frog: $H_1(frog)=1$; $H_2(frog)=5$; $H_3(frog)=7$
- Search dog: H₁(dog)=2; H₂(dog)=5; H₃(dog)=10
 ⇒ No
- Search car: H₁(car)=1; H₂(car)=5; H₃(car)=9
 ⇒ Maybe Yes; false positive!
- è una generalizzazione dell'hashing (bloom filter con 1 funzione di hash equivale all'hash ordinario)
 - + efficiente nello spazio
 - gli elementi non possono essere rimossi
- ha una costante di probabilità di ottenere un falso positivo
 - teoricamente non accettabile
 - + nella pratica è accettabile perché il costo viene messo in relazione ai guadagni in termini di spazio

1.4 Integrità dei Dati

Due aspetti:

- Integrità in Storage: i dati devono essere protetti da modifiche non autorizzate
 - \rightarrow update non autorizzate devono essere rilevati
 - si ottiene utilizzando la firma digitale a livello di tupla (a livello di cella sarebbe troppo costoso)
- Integrità nelle query: i risultati delle query devono essere corretti e completi
 - \rightarrow un comportamento non corretto del server deve essere rilevato

1.5 Selective-Encryption e Over-Encryption

1.5.1 Selective Encryption

Utenti diversi potrebbero necessitare di viste diverse dei dati nel cloud \rightarrow **Selective Encryption:** la politica di autorizzazione definita dal proprietario dei dati viene tradotta in una politica di encryption equivalente



Desiderata:

- i dati stessi dovrebbero regolare i controlli di accesso
- dovrebbero essere usate chiavi differenti per criptare i dati
- l'autorizzazione di accesso a una risorsa viene tradotta nella **conoscenza** della chiave con cui la risorsa è criptata
- ad ogni utente vengono comunicate le chiavi per decriptare i dati a cui ha diritto di accesso

Politiche di Autorizzazione

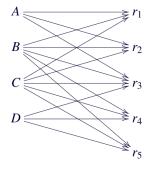
Il $data\ owner$ definisce delle politiche di autorizzazione per regolare l'accesso ai dati.

• Una politica di autorizzazione \mathcal{A} è un set di permessi della forma $\langle user, resource \rangle$

Può essere rappresentata sotto forma di:

- matrice
- grafo diretto bipartito
- L'idea è che diverse autorizzazioni di accesso ai dati implicano diverse chiave per criptare





Politica di Encryption

La politica di autorizzazione definita dal data owner viene tradotta in una politica di encyption equivalente.

Due possibili soluzioni:

- criptare ogni risorsa con una chiave diversa e dare all'utente le chiavi che decriptano le risorse a cui ha accesso
 - l'utente deve gestire tante chiavi quante sono le risorse a cui ha accesso
- usare un **metodo di derivazione delle chiavi** per permettere di derivare dalla propria chiave utente tutte le chiavi a cui hanno accesso
 - + ad ogni utente viene rilasciata una sola chiave

Metodi di Derivazione delle Chiavi

- Basata sulla definizione di una gerarchia di derivazione delle chiavi (\mathcal{K}, \leq)
 - ${\cal K}$ è il set di chiavi

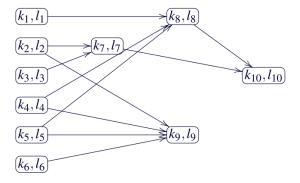
- $-\,\leq$ è la relazione d'ordine parziale definita su ${\mathcal K}$
- (\mathcal{K}, \leq) può essere rappresentata come un grafo con un vertice per ogni $x \in \mathcal{K}$ e un percorso da x a y sse $y \leq x$

Metodi di Derivazione delle Chiavi basati su Token

- Le chiavi sono assegnate arbitrariamente ai vertici
- Una label l_i (pubblica) viene assegnata a ciascuna chiave k_i
- Un token $t_{i,j}$ (pubblico) viene associato ad ogni arco nella gerarchia
- Dato un arco (k_i, k_j) , il token $t_{i,j}$ viene calcolato come $k_j \oplus h(k_i, l_j)$, dove:
 - − ⊕ è l'operatore xor
 - -hè una funzione di hash sicura
- + i token sono pubblici e permettono agli utenti di derivare più chiavi, ma dovendosi preoccupare solo di una
- $\bullet~+$ possono essere storati su un server così che ogni utente vi può accedere

Le relazioni delle chiavi tramite token possono essere rappresentate con un grafo:

- un vertice per ogni coppia $\langle k, l \rangle$, dove $k \in \mathcal{K}$ è una chiave e $l \in \mathcal{L}$ è l'etichetta associata
- un arco dal vertice $\langle k_i, l_i \rangle$ a $\langle k_j, l_j \rangle$ se esiste un token $t_{i,j} \in \mathcal{T}$ che permette la derivazione di k_j a partire da k_i



Traduzione della politica di autorizzazione in una di encryption:

- Desiderata:
 - ad ogni utente viene rilasciata una sola chiave

- le risorse vengono criptate una sola volta con una sola chiave
- Una funzione $\phi: \mathcal{U} \cup \mathcal{R} \to \mathcal{L}$ che descrive:
 - l'associazione tra un utente la (etichetta della) sua chiave
 - l'associazione tra una risorsa e la (etichetta della) chiave usata per criptarla

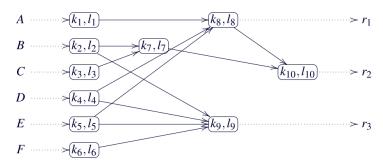
Definzione Formale della Politica Crittografica

Una **politica di encryption** su utenti \mathcal{U} e risorse \mathcal{R} , denotata come \mathcal{E} , è una 6-tupla $\langle \mathcal{U}, \mathcal{R}, \mathcal{K}, \mathcal{L}, \phi, \mathcal{T} \rangle$, dove:

- $\bullet~\mathcal{K}$ è il set di chiavi del sistema e \mathcal{L} l'insieme delle chiavi corrispondenti
- \bullet ϕ è la funzione di assegnamento delle chiavi e schema crittografico
- \mathcal{T} è il set di token definiti su \mathcal{K} e \mathcal{L}

La politica di encryption può essere rappresentata come un grafo estendo quello di chiavi e token per includere:

- un vertice per ogni utente e ogni risorsa
- un arco da ogni vertice utente u a $\langle k, l \rangle$ tale che $\phi(u) = l$
- un arco da ogni vertice $\langle k, l \rangle$ a ogni vertice risorsa r tale che $\phi(r) = l$



- user A can access $\{r_1, r_2\}$
- user B can access $\{r_2, r_3\}$
- user C can access $\{r_2\}$
- user D can access $\{r_1, r_2, r_3\}$
- user E can access $\{r_1, r_2, r_3\}$
- user F can access {r₃}

Politica di Trasformazione

Obiettivo: trasformare una politica di autorizzazione \mathcal{A} in una politica di encryption \mathcal{E} equivalente.

 \mathcal{A} e \mathcal{E} si dicono equivalenti se garantiscono gli stessi accessi.

• Soluzione nativa

- ad ogni utente viene associata una chiave
- ogni risorsa viene criptata con una chiave
- per ogni permesso $\langle u, r \rangle$ viene generato un token $t_{u,r}$
- \rightarrow produrre e gestire un token per ogni singolo permesso non è realizzabile

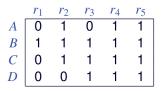
ullet \rightarrow Si sfruttano i gruppi di utente

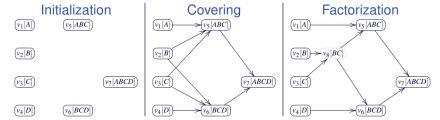
- si raggruppano gli utenti con gli stessi privilegi
- si cripta ogni risorsa con la chiave associata al set di utenti che può accedervi
- È possibile creare un grafo sfruttando la gerarchia tra insiemi di utenti, indotta dalla relazione d'ordine parziale di inclusione di insieme (⊆)
- Osservazione: i gruppi che non corrispondono a nessun accesso non hanno bisogno di una chiave
- Obiettivo: computare una politica di encryption minima, equivalente a una politica di autorizzazione data, che minimizza il numero di token gestiti dal server

Costruzione di un grafo per chiavi e token

Partendo da un politica di autorizzazione A:

- 1. **Inizializzazione:** si crea un vertice (chiave) per ogni utente e gruppi di utenti (acl)
- 2. **Covering** minimo; mi fa in modo che ciascun utente possa raggiungere le sue chiavi
- 3. Fattorizzazione di antenati comuni (se ho n nodi da una parte e m dall'altra, mettendo un hub in mezzo passo da n*m a n+m)





• gli utenti riceveranno:

$$-A = \langle k_1, l_1 \rangle$$

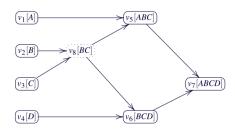
$$-B = \langle k_2, l_2 \rangle$$

$$-C = \langle k_3, l_3 \rangle$$

$$-D = \langle k_4, l_4 \rangle$$

tutto il resto è sul server

• la funzione ϕ mi dice rispettivamente quali chiavi hanno gli utenti e quali chiavi sono associate alle risorse, facendo riferimento alle label



и	$\phi(u)$	
\boldsymbol{A}	$v_1.l$	
\boldsymbol{B}	$v_2.l$	
C	$v_3.l$	
D	$v_4.l$	

r	$\phi(r)$
r_1	
r_2	
r_3	$v_6.l$
r_4, r_5	$v_7.l$

destination	token_value
v ₅ .l	$t_{1,5}$
$v_8.l$	$t_{2,8}$
$v_8.l$	$t_{3,8}$
$v_6.l$	$t_{4,6}$
$v_7.l$	$t_{5,7}$
$v_7.l$	$t_{6,7}$
$v_5.l$	$t_{8,5}$
$v_6.l$	$t_{8,6}$
	v ₅ .l v ₈ .l v ₈ .l v ₆ .l v ₇ .l

Quando le autorizzazioni cambiano dinamicamente, il data owner deve:

- scaricare la risorsa dal server
- creare una nuova chiave
- decriptare la risorsa con la vecchia chiave
- criptare la risorsa con la nuova chiave
- upload della risorsa e comunicare l'update
 - → Non efficiente;
- Possibile soluzione over-encryption

1.5.2 Over-Encryption

Le risorse vengono criptate due volte:

- dall'owner, con una chiave condivisa a tutti gli utenti e sconosciuta dal server (Base Encryption Layer - BEL)
- dal server, con una chiave condivisa agli utenti autorizzati (Surface Encryption Layer - SEL)
 - \rightarrow per accedere a una risorsa un utente deve conoscere sia la chiave BEL che SEL

\mathbf{BEL}

A livello BEL distinguiamo due tipi di chiavi: chiavi di **accesso** k_a e di derivazione k

- ogni nodo viene associato ad una coppia di chiavi (k, k_a) dove $k_a = h(k)$ (h funzione hash sicura one-way) e ad una coppia di labels (l, l_a)
- \bullet la chiave k e la label l sono usate per la derivazione
- la chiave k_a e la label l_a sono usate per criptare le risorse associate al nodo
- la distinzione delle chiavi separa i due ruoli: derivazione delle chiavi e accesso alle risorse

SEL

A livello SEL viene fatta una politica di encryption come mostrato precedentemente; ci si può dividere in due scenari:

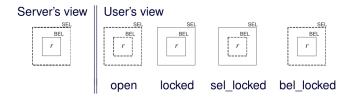
- FullSEL: inizia da un SEL identico al BEL e tiene il SEL sempre aggiornato per rispecchiare la politica corrente
- **DeltaSEL:** inizia da un SEL vuoto e aggiunge elementi man mano che la politica evolve, in modo tale che la coppia BEL SEL rispecchi la politica

L'evoluzione di BEL e SEL è gestita da:

- procedura **over-encrypt** che regola il processo di update facendo over-encryption delle risorse a livello SEL
- procedure **grant** e **revoke** per gestire i privilegi

1.5.3 Collusione

La collusione si verifica quando due entità, unendo le loro conoscenze, acquisicono conoscenza a cui prima nessuna delle due aveva accesso. Ci può essere collusione tra utenti o con il server; dipende dalla visione che gli utenti hanno delle risorse.



Capitolo 2

Fragmentation e Encryption

L'encryption rende la valutazione delle query e l'esecuzione delle applicazioni più costosa e non sempre possibile.

Spesso ciò che è sensibile è l'associazione tra valori di attributi diversi, piuttosto che i valori stessi.

→ si proteggono le associazioni **spezzandole**, piuttosto che criptando

Constraint di confidenzialità

- Attributi sensibili: il valore di alcuni attributi potrebbe essere considerato sensibile e non dovrebbe essere visibile
 - $\rightarrow singleton constraint$
- Associazioni sensibili: l'associazione dei valori di attributi dati è sensibile e non dovrebbe essere sensibile
 - \rightarrow non-singleton constraint

2.1 Coppia di server non-comunicanti

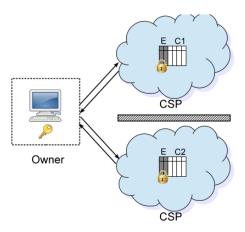
I vincoli di riservatezza sono rispettati dividendo le informazioni su due server indipendenti che non comunicano.

- le associazioni sensibili sono protette distribuendo i valori su i due server
- l'encryption viene usata per coprire i valori che non possono stare su nessuno dei due server (constraint oppure esporrebbe almeno una associazione sensibile)

I constraint di confidenzialità \mathcal{C} definiti su una relazione \mathcal{R} sono applicati scomponendo \mathcal{R} come $\langle R_1, R_2, E \rangle$, dove:

• R₁ e R₂ hanno un tuple ID per garantire un join senza perdita di informazioni

- $R_1 \cup R_2 = R$
- E è il set di attributi criptati, con $E \subset R_1, E \subset R_2$
- Nessun costraint di confidenzialità può essere contenuto insieme in chiaro



2.1.1 Esecuzione delle query

Per rispondere alle query sarà necessario interrogare entrambi i server; è possibile farlo in due modi:

- \bullet si mandano delle sub-queries a S_1 e S_2 in parallelo, per poi joinare i risultati sul client
- si manda solo una delle sub-queries, ad esempio a S_1 ; il tuple ID del risultato di S_1 è usato poi per fare un semi-join con il risultato della query di S_2

2.1.2 Identificare la scomposizione ottimale

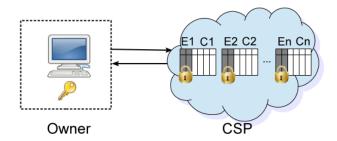
Si utilizza una matrice di affinità: indica quanto spesso due attributi sono acceduti insieme e la frequenza delle query. Matrice di affinità M:

- $M_{i,j}$: costo di mettere attributi $i \in j$ in chiaro in frammenti diversi
- $M_{i,i}$: costo di criptare attributo i (e metterlo in entrambi i frammenti)
- Obiettivo: Minimizzare $\sum M_{i,j} + \sum M_{i,i}$ (la somma delle affinità e criptazione)

2.2 Frammenti non comunicanti multipli

L'assunzione di avere (solo) due server non comunicanti:

- - difficile da realizzare
- - limita il numero di associazioni che si possono risolvere solo con la frammentazione
- \rightarrow si utilizzano frammenti non comunicanti multipli

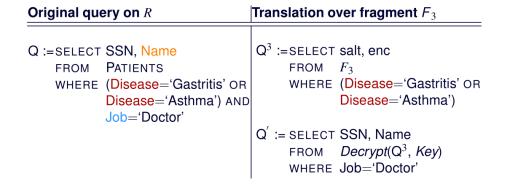


- Una frammentazione di \mathcal{R} è un set di frammenti $\mathcal{F} = \{F_1, \dots, F_m\}$ dove $F_i \subset R$
- \bullet Una frammentazione ${\cal F}$ soddisfa correttamente un set constraint di confidenzialità ${\cal C}$ se:
 - ogni frammento soddisfa i constraint
 - i frammenti non hanno attributi in comune
- Ogni frammento viene mappato in un frammento fisico contenente:
 - i suoi attributi in chiaro
 - -tutti gli altri attributi criptati (per ogni criptazione viene applicato un $\operatorname{salt})$

	PATIENTS										
	SSN		Name	YoE	3	Job	Disea	se		$c_0 = \{SSN\}$	}
t_1	1234567	'89 <i>i</i>	Alice	198	30	Clerk	Asthm	na		$c_1 = \{Nam\}$	e, Disease}
t_2	2345678	891 I	3ob	198	30	Doctor	Asthm	na		$c_2 = \{Nam\}$	
t_3	3456789	12 (Carol	197	70	Nurse	Asthm	ıa		$c_3 = \{ Job, $	Disease}
t_4	4567891	23 1	David	197	70	Lawyer	Bronc	hitis			
t_5	5678912	234 I	Eva	197	70	Doctor	Bronc	hitis			
t_6	6789123	845 I	Frank	196	60	Doctor	Gastri	tis			
t_7	7891234	l56 (Gary	196	06	Teacher	Gastri	tis			
t_8	8912345	67 I	Hilary	196	06	Nurse	Diabe	tes			
	F	1				F_2				F_3	
sal	F tenc	Name	YoB	[salt	F ₂	Job		salt	F ₃	Disease
<u>sal</u>		1	YoB	[<u>salt</u>	enc	Job Clerk		salt S ₃₁		Disease Asthma
S_{11}	enc Bd6!l3	Name		[enc				enc	
	enc Bd6!!3 Oij3X.	Name Alice	1980		S_{21}	enc 8de6TO	Clerk		S_{31}	enc ew3)V!	Asthma
$S_{11} \\ S_{12}$	Bd6!l3 Oij3X. 9kEf6?	Name Alice Bob	1980 1980		$S_{21} S_{22}$	enc 8de6TO X'mIE3	Clerk Doctor		S_{31} S_{32}	enc ew3)V! LkEd69	Asthma Asthma
S_{11} S_{12} S_{13}	Bd6!l3 Oij3X. 9kEf6? ker5/2	Name Alice Bob Carol	1980 1980 1970		S_{21} S_{22} S_{23} S_{24} S_{25}	8de6TO X'mIE3 wq.vy0	Clerk Doctor Nurse		S_{31} S_{32} S_{33}	enc ew3)V! LkEd69 w8vd66	Asthma Asthma Asthma
S_{11} S_{12} S_{13} S_{14}	Bd6!l3 Oij3X. 9kEf6? ker5/2 C:mE91	Name Alice Bob Carol David	1980 1980 1970 1970		S_{21} S_{22} S_{23} S_{24}	8de6TO X'mIE3 wq.vy0 nh=I3a	Clerk Doctor Nurse Lawyer		S_{31} S_{32} S_{33} S_{34}	ew3)V! LkEd69 w8vd66 1"qPdd	Asthma Asthma Asthma Bronchitis
S_{11} S_{12} S_{13} S_{14} S_{15}	Bd6!I3 Oij3X. 9kEf6? ker5/2 C:mE91 4lDwqz me3,op	Alice Bob Carol David Eva	1980 1980 1970 1970 1970		S_{21} S_{22} S_{23} S_{24} S_{25}	8de6TO X'mIE3 wq.vy0 nh=I3a hh%kj)	Clerk Doctor Nurse Lawyer Doctor Doctor		S_{31} S_{32} S_{33} S_{34} S_{35}	ew3)V! LkEd69 w8vd66 1"qPdd (mn2eW	Asthma Asthma Asthma Bronchitis Bronchitis

2.2.1 Esecuzione delle query

Dato che ogni frammento contiene tutti gli attributi, per rispondere a una query basta accedere soltanto a uno; se la query coinvolge un attributo criptato, potrebbe essere necessario fare delle query aggiuntive sul client.



2.2.2 Criteri di ottimizzazione

L'obiettivo è trovare una frammentazione che renda l'esecuzione delle query efficiente.

Ci sono diversi criteri di ottimizzazione:

- Numero di frammenti minimo
- Affinità tra attributi
- Query workload (minimizzare il costo dell'esecuzione delle query)

Ciascuno di questi criteri obbedisce alla visibilità massima:

- solo gli attributi che appaiono in singleton constraint vengono criptati
- tutti gli attributi che non sono sensibili appaiono in chiaro in un frammento

Minimo numero di frammenti

- Si definisce una nozione di minimalità per computare in modo efficiente la soluzione
 - $-\mathcal{F}$ è minimale se prendendo due frammenti qualsiasi da \mathcal{F} e unendoli si viola almeno un constraint di confidenzialità
- Iterativamente si seleziona un attributo con il numero massimo di constraint non risolti e lo si inserisce in un frammento esistentente se non viene violato alcun constraint; se ne crea uno nuovo altrimenti

Massima affinità tra attributi

Idea:

- preservare le associazioni tra alcuni attributi
- matrice di affinità per rappresentare il vantaggio di avere una coppia di attributi nello stesso frammento

Obiettivo:

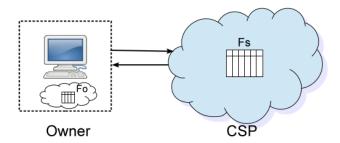
- Computare una frammentazione corretta con affinità massima
- Iterativamente si combinano i frammenti che hanno l'affinità massima e che non violano alcun constraint

Capitolo 3

Frammentazione

L'idea di base è:

- - la cifratura rende l'esecuzione delle query più costosa e non sempre possibile
- - la cifratura comporta un sovraccarico per la gestione delle chiavi
- ullet \to si abbandona la cifratura, per coinvolgere l'owner come una parte fidata che mantiene una quantità limitata di dati



Dati uno schema relazionale R e dei constraint C su di esso, si determina una frammentazione $\mathcal{F} = \langle F_O, F_S \rangle$, dove lo storage di F_O è affidato all'owner e quello di F_S al server, e:

- $F_O \cup F_S = R$ (completezza)
- $\forall c \in \mathcal{C}, c \notin F_S \text{ (riservatezza)}$
- $F_O \cap F_S = \emptyset$ (non ridondanza, non è essenziale a fini di sicurezza)

A livello fisico i frammenti F_O e F_S hanno un attributo in comune (tuple ID oppure attributo-chiave) per garantire un join senza perdita di informazioni.

3.1 Valutazione delle query

Le query formulate su R devono essere tradotte in **query equivalenti** su F_O e/o F_S

 \rightarrow SELECT A FROM R WHERE C, dove C è una congiunzione di condizioni, che possono essere del tipo:

- C_O : congiunzioni che involvono solo attributi storati nel client
- \bullet C_S congiunzioni che involvono solo attributi storati nel server
- C_{SO} congiunzioni che involvono attributi storati sia nel client che nel server

```
C_o = \{ 	extstyle{	extstyle Disease} = 	extstyle{	extstyle Bronchitis}^* \} C_s = \{ 	extstyle YoB = 	extstyle{	extstyle 1970}^* \} C_{so} = \{ 	extstyle Name = 	extstyle Job \}
```

3.1.1 Strategia Server-Client

- 1. Server: valuta C_S e ritorna il risultato al client
- 2. Client: riceve il risultato dal server con F_O (frammento dell'owner)
- 3. Client: valuta C_O e C_SO dopo aver fatto il join

```
q = SELECT SSN, YoB FROM Patients C_o={Disease = "Bronchitis"} C_s={YoB = "1970"} C_s={Name = Job} C_s={Name = Job} C_s= SELECT tid,Name,YoB FROM E_s WHERE YoB = "1970" C_s= SELECT SSN, YoB FROM E_s ON E_s O
```

3.1.2 Strategia Client-Server

- 1. Client: valuta C_O e manda i tuple ID al server
- 2. Server: fa il join dell'input con F_S , valuta C_S , e ritorna il risultato al client
- 3. Client: fa il join del risultato con F_O e valuta C_SO

```
q_o = SELECT tid
FROM F_o
WHERE Disease = "Bronchitis"
```

```
q_s = SELECT tid, Name, YoB

FROM F_s JOIN r_o ON F_s. tid=r_o. tid

WHERE YOB = "1970"
```

```
q_{so} = SELECT SSN, YoB
FROM F_o JOIN r_s ON F_o.tid=r_s.tid
WHERE Name = Job
```

3.1.3 Strategie a confronto

- se il server **conosce o può inferire la query**, allora la strategia Client-Server rilascia informazioni
 - \rightarrow il server può inferire che alcune tuple sono associate a valori che soddisfano C_O
- se il server **non conosce e non può inferire la query**, allora entrambe le strategie sono sicure
 - \rightarrow si sceglie quella più performante, valutando per prime le condizioni più selettive

3.2 Frammentazione minima

- Si stabilisce una funzione peso w che prende una coppia $\langle F_O, F_S \rangle$ come input e ritorna il carico di lavoro dell'owner
- Una frammentazione $\mathcal{F} = \langle F_O, F_S \rangle$ si dice minimale sse:
 - ${\mathcal F}$ è corretta (soddisfa le proprietà di correttezza, confidenzialità e non-ridondanza)
 - $\not\exists \mathcal{F}'$ tale che $w(\mathcal{F}') < w(\mathcal{F})$ e \mathcal{F}' è corretto

3.2.1 Metriche per la frammentazione

Possono essere usate diverse metriche per dividere gli attributi tra F_O e F_S , per minimizzare:

• Storage

- Numero di attributi in F_O (*Min-Attr*):
 - $\rightarrow w_a(\mathcal{F}) = |F_O|$
- Dimensione degli attributi in F_O (*Min-Size*):

$$\rightarrow w_s(\mathcal{F}) = \sum_{A \in F_O} size(A)$$

• Computazione/Traffico

- Numero di query in cui l'owner viene coinvolto (${\it Min-Query})$:
 - Si definisce un query workload profile:

$$Q = \{(q_1, freq(q_1), Attr(q_1), \dots, q_n, freq(q_n), Attr(q_n))\}, \text{ con: }$$

- * q_1, \ldots, q_n query da eseguire
- * $freq(q_i)$ frequenza attesa di q_i
- * $Attr(q_i)$ attributi che compaiono nella clausola WHERE di q_i

$$\rightarrow w_q(\mathcal{F}) = \sum_{q \in \mathcal{Q}} freq(q) \text{ t.c. } Attr(q) \cap F_O \neq \emptyset$$

- Numero di condizioni nelle query in cui è necessario coinvolgere l'owner (*Min-Cond*):
 - Si definisce un query workload profile:

$$Q = \{(q_1, freq(q_1), Cond(q_1), \dots, q_n, freq(q_n), Cond(q_n))\},$$
con:

- * q_1, \ldots, q_n query da eseguire
- * $freq(q_i)$ frequenza attesa di q_i
- * $Cond(q_i)$ condizioni che compaiono nella clausola WHERE di q_i

$$\rightarrow w_c(\mathcal{F}) = \sum_{c \in Cond(\mathcal{Q})} freq(c) \text{ t.c. } c \cap F_O \neq \emptyset$$

3.2.2 Modellizzazione del problema di minimizzazione

Tutti i problemi di minimizzazione mirano ad identificare un *hitting set*; metriche differenti corrispondo a criteri differenti secondo cui l'*hitting set* deve essere minimizzato.

Tutti i criteri sono rappresentati in modo uniforme con il seguente modello:

- target set: elementi (attributi, query, condizioni) su cui è definito il problema di minimizzazione
- funzione peso: funzione che associa un peso a ciascun elemento
- peso di un set di attributi: somma dei pesi dei target che intersecano con il set
- \rightarrow si vuole computare un hitting set con peso minimo

3.2.3 Algoritmo Euristico

• Input:

- $-\mathcal{A}$: set di attributi che non appaiono in singleton constraint
- $-\mathcal{C}$: set di constraint ben definiti
- $-\mathcal{T}$: set di target
- -w: funzione peso definita su \mathcal{T}

• Output:

- \mathcal{H} : set di attributi che, uniti a quelli che appaiono in *singleton* constraint, formano F_O
- $-F_S$ computato come R/F_S
- Struttura Dati: Priority-queue PQ con un elemento E per ogni attributo:
 - -E.A: attributo
 - E.C: puntatore a constraint non soddisfatti che contengono E.A
 - -E.T: puntatore ai target che non intersecano \mathcal{H} che contengono E.A
 - $-E.n_c$: numero di constraint puntati da E:C
 - E.w. peso totale dei target puntati da E.T
 - \rightarrow la priorità è dettata da $E.w/E.n_c$, ovvero il miglior rapporto costo / numero di vincoli risolti

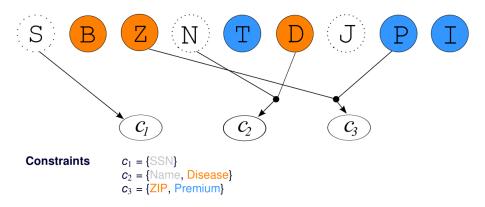
Procedura

- while $PQ \neq \emptyset$ e $\exists E \in PQ$ t.c. $E.n_c \neq 0$
 - -estrai da PQelemento E con $E.w/E.n_c$ minimo
 - inserisciE.A in ${\mathcal H}$
 - $\forall c$ puntato da E.C,rimuovi i puntatori a c da ogni elemento E', ed aggiorna $E'.n_c$
 - $\ \forall t$ puntato da E.T,rimuovi i puntatori a t da ogni elemento E', ed aggiorna E'.w
 - aggiusta PQsecondo i nuovi $E.w/E.n_c$
- $\bullet \ \text{for} \ A \in \mathcal{H}$
 - se \mathcal{H}/A è un $hitting\ set\ \mathrm{per}\ \mathcal{C},$ allora rimuoviA da \mathcal{H}

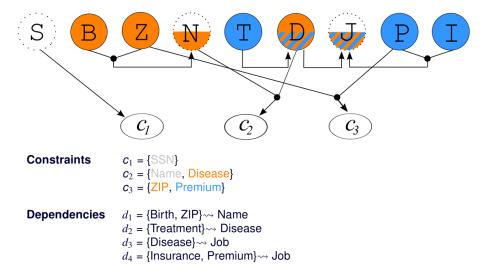
3.3 Frammentazione e inferenza

La frammentazione assume che gli attributi siano tra loro indipendenti; in caso di dipendenza tra attributi, potrebbe verificarsi l'esposizione indiretta di attributi/associazioni sensibili.

R(SSN, Birth, ZIP, Name, Treatment, Disease, Job, Premium, Insurance)



R(SSN, Birth, ZIP, Name, Treatment, Disease, Job, Premium, Insurance)



Avere attributi in comune significa essere linkabili; ma non è vero che essere linkabili significhi per forza dire avere attributi in comune.

I frammenti non dovrebbe contenere attributi/associazioni sensibili **né** direttamente che indirettamente.

Capitolo 4

Pubblicazione di Associazioni Offuscate

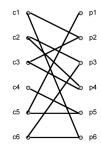
4.1 Anonimizzazione di Grafo Bipartito

Si *maschera* il mapping tra entità e nodi del grafo, conservando la struttura del grafo (e quindi delle relazioni).

Customer	State
c1	NJ
c2	NC
сЗ	CA
c4	NJ
c5	NC
c6	CA

Product	Avail
p1	Rx
p2	OTC
рЗ	OTC
p4	OTC
p5	Rx
p6	OTC

0	Dun dun d
Customer	Product
c1	p2
c1	p6
c2	р3
c2	p4
сЗ	p2
сЗ	p4
c4	p5
c5	p1
c5	p5
c6	р3
c6	p6



Pubblicando una versione anonimizzata del grafo bipartito si può rispondere a diverse query:

- Tipo 0 Struttura del grafo

 Qual è il numero medio di prodotti comprati?
- Tipo 1 Predicati su attributi di un solo lato

 Qual è il numero medio di prodotti comprati da clienti del NJ?

• Tipo 2 - Predicati su attributi di entrambi i lati

Qual è il numero medio di prodotti OTC acquistati dai clienti del NJ?

La privacy delle associazioni viene rispettata.

$4.1.1 \quad (k, l)$ grouping

L'idea è quella di preservare la struttura del grafo mappando le singole entità a nodi:

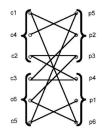
→ (k, l) grouping di un grafo bipartito G=(V,W,E)

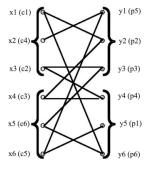
- Si partiziona V (W, rispettivamente) in sottoinsiemi che non intersecano tra loro di dimensione $\leq k$ (l, rispettivamente)
- Si pubblicano gli archi E', isomorfi ad E, dove la mappatura da E a E' è anonimizzata grazie alle partizioni di V e W

Customer	State
c1	NJ
c2	NC
c3	CA
c4	NJ
c5	NC
c6	CA

Avail
Rx
OTC
OTC
OTC
Rx
OTC

Customer	Product
c1	p2
c1	p6
c2	р3
c2	p4
c3	p2
c3	p4
c4	p5
c5	p1
c5	p5
c6	р3
c6	p6





х1	y2	
x1	у6	
х2	y1	
хЗ	уЗ	
хЗ	y4	
х4	y2	
х4	y4	
х5	y3	
х5	у6	
х6	y1	
х6	у5	
\overline{E}	<i>''</i>	

Customer	Group	Product	Group
с1	CG1	p1	PG2
c2	CG1	p2	PG1
сЗ	CG2	рЗ	PG1
с4	CG1	р4	PG2
с5	CG2	p5	PG1
c6	CG2	p6	PG2
F	I_V	E	I_W

	X-node	Group	Y-node	Group
1	x1	CG1	y1	PG1
1	x2	CG1	y2	PG1
	хЗ	CG1	у3	PG1
1	x4	CG2	у4	PG2
	x5	CG2	у5	PG2
	x6	CG2	у6	PG2
_	1	R_V	1	R_W

Per fare dei **raggruppamenti sicuri**, i nodi nello stesso gruppo di V non dovrebbero essere connessi a uno stesso nodo di W.

4.2 Frammenti e Loose Associations

Per incrementare l'utilità delle informazioni pubblicate, si possono fare delle associazioni tra gruppi di valori.

4.2.1 Frammentazione Corretta e Minima

- Una frammentazione è corretta se:
 - ogni constraint di confidenzialità è soddisfatto da **tutti** i frammenti
 - ogni requisito di visibilità è soddisfatto da **almeno** un frammento
 - i frammenti non hanno attributi in comune
- Una frammentazione è minimale se:
 - il numero di frammenti è **minimo**

4.2.2 Loose Associations

Dati due frammenti F_l e F_r , una loose association tra F_l e F_r :

- partiziona le tuple dei frammenti in gruppi
- dà informazioni sulle associazioni a livello di gruppo
- non permette di ricostruire esattamente le associazioni originali tra tuple
- aumenta l'utilità dei dati pubblicati

4.2.3 Grouping

- Data l'istanza f_i di un frammento F_i , un k-grouping partiziona le tuple in gruppi di dimensione $\geq k$
- $\bullet\,$ Un k-grouping è minimale se massimizza il numero di gruppi
- La notazione (k_l, k_r) -grouping denota i gruppi su f_l e f_r
- (k_l, k_r) -grouping è minimale se sia k_l -grouping che k_r -grouping sono minimali

Esempio - minimal (2,2)-grouping

			Doctor
56/12/9	Rome	diabetes	David
			Daisy
58/5/18			Damian
53/12/9	Oslo	asthma	Daniel
56/12/9	Rome	gastritis	Dorothy
57/6/25	Paris	obesity	Drew
53/12/1	NY	measles	Dennis
60/7/25	Rome	diabetes	Daisy

$c_0 = \{$	SSN}
$c_1 = \{$	[Patient,Illness]
$c_2 = \{$	Patient, Doctor
$c_3 = \{$	Birth, City, Illness)
$c_4 = \{$	[Birth, City, Doctor]

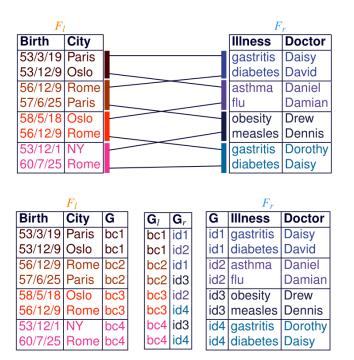
${\pmb F}_{\pmb l}$		
Birth	City	
53/3/19	Paris	
53/12/9	Oslo	
56/12/9	Rome	
57/6/25	Paris	
58/5/18	Oslo	
56/12/9	Rome	
53/12/1	NY	
60/7/25	Rome	

F_r		
Illness	Doctor	
gastritis	Daisy	
diabetes	David	
asthma	Daniel	
flu	Damian	
obesity	Drew	
measles	Dennis	
gastritis	Dorothy	
diabetes	Daisy	

Associazione tra Gruppi

 (k_l,k_r) -grouping induce una associazione A tra gruppi di f_l e f_r ; definiamo una associazione A come un set di coppie di *identificatori di gruppo* tale che:

- $\bullet\,$ Aha la stessa cardinalità della relazione originale
- \bullet ogni tupla nella relazione originale è mappata in modo bii
etivo ad una coppia (l,r) con $l\in f_l$
e $r\in f_r$



4.2.4 k-loose association

Una associazione tra gruppi si dice k-loose se ogni tupla corrisponde indistintamente ad almeno k associazioni tra tuple nei frammenti.

4.2.5 Alikeness

Due tuple sono *alike* rispetto a un constraint di confidenzialità c, denotata come $l_i \simeq_c l_j$ se:

- c è coperto da $F_l \cup F_r$
- $\bullet\,$ l'intersezione di c sulle due tuple ha uguale valore

	,	Illness	
56/12/9	Rome	diabetes	David
53/3/19	Paris	gastritis	Daisy
58/5/18		flu	Damian
53/12/9	Oslo	asthma	Daniel
		gastritis	Dorothy
57/6/25	Paris	obesity	Drew
53/12/1	NY	measles	Dennis
60/7/25	Rome	diabetes	Daisy

$c_0 = \{55$	oIN}
$c_1 = \{Pa$	tient,Illness}
$c_2 = \{Pa$	tient,Doctor}
$c_3 = \{Bii\}$	rth, City, Illness)
c ₄ ={Bii	rth,City,Doctor)

F_l	
Birth	City
56/12/9	Rome
53/3/19	Paris
58/5/18	Oslo
53/12/9	Oslo
56/12/9	Rome
57/6/25	Paris
53/12/1	NY
60/7/25	Rome

F_r					
		Doctor			
	diabetes	David		7	
	gastritis	Daisy	h		
	flu	Damian	Ш		
	asthma	Daniel			
	gastritis	Dorothy		\simeq_{c_A}	\simeq_{c_3}
	obesity	Drew		- 1	
	measles	Dennis			
	diabetes	Daisy			

4.2.6 Proprietà di Eterogeneità

C'è una relazione tra k_l, k_r e il grado di k-looseness:

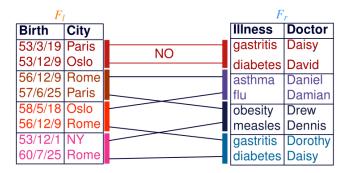
- $\bullet\,$ un (k_l,k_r) -grouping può indurre una k -loose association con al massimo $k=k_l*k_r$
- $\bullet\,$ il valore $k \leq k_l * k_r$ dipende da come sono definiti i gruppi
- Se un (k_l, k_r) -grouping rispetta le proprietà di eterogeneità, la relazione tra gruppi sarà k-loose con $k = k_l * k_r$

Eterogeneità dei gruppi

Nessun gruppo può contenere tuple che sono $alike \rightarrow$ assicura diversità tra le tuple all'interno dei gruppi

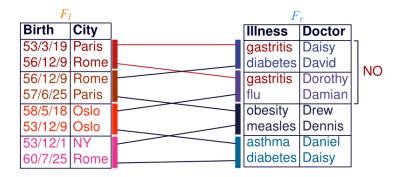
Eterogeneità delle associazioni

Nessun gruppo può essere associato due volte allo stesso gruppo. \rightarrow assicura che per ogni tupla della relazione originale, ci siano almeno k_l*k_r coppie a cui potrebbe corrispondere



Eterogeneità profonda

Nessun gruppo può essere associato a due gruppi che contengono tuple alike. \rightarrow assicura che tutte le k_l*k_r a cui ogni tupla potrebbe corrispondere abbiano valori diversi (per quelli coinvolti nei constraint)



4.2.7 Flat grouping vs Sparse grouping

Un (k_l, k_r) -grouping si dice:

- piatto se uno tra k_l o k_r è uguale a 1
- sparso se sia k_l che k_r sono diveri da 1

4.2.8 Privacy vs Utilità

- La pubblicazione delle *loose associations* incrementa l'**utilità** dei dati; permette di valutare le query in modo più preciso rispetto a se solamente i frammenti fossero pubblicati
- Una maggiore utilità corrisponde anche ad una maggiore **esposizione** (meno sicurezza)