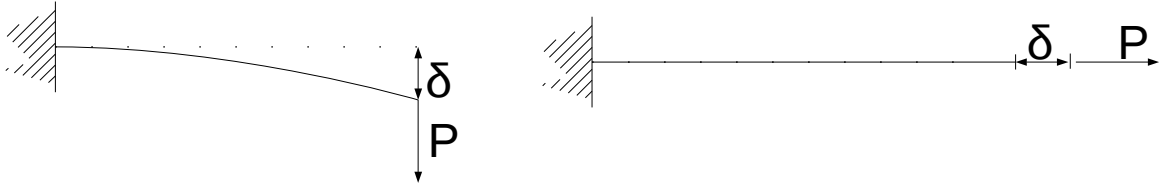


**Atenção:** Responda apenas o que for perguntado. Não deduza fórmulas que são dadas no formulário. Um esquema é uma figura, um desenho, não uma fórmula.

**ATENÇÃO:** Há **oito** questões, *existe uma no verso da prova!*

1) Qual destas duas figuras representa uma viga em flexão? (Valor 1.0 ponto.)



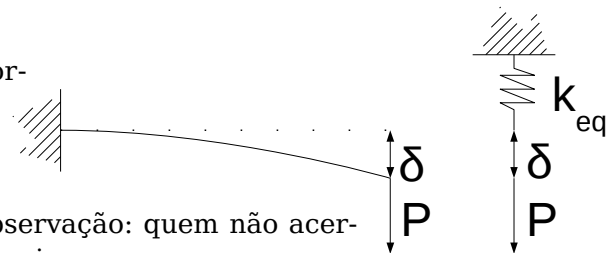
2) Se a flecha, ou o deslocamento lateral, ou na direção vertical, para uma viga em balanço

em flexão é dado pela expressão  $y(x) = \frac{Px^2}{6EI}(3L-x)$ , considerando que o eixo  $x$  seja colinear

com a barra, com origem na extremidade esquerda da mesma, e a direção  $y$  é vertical, apontando para baixo, como em qualquer livro de resistência dos materiais escrito nos últimos 200 anos, calcule o deslocamento na extremidade livre da barra, isto é, para  $x=L$ . (Valor 1.0 ponto.)

3) Sabendo que queremos uma expressão da forma  $F_{eq} = k_{eq}x_{eq}$ , qual seria a rigidez equivalente

para que o sistema mostrado à direita tenha as mesmas propriedades elásticas que o sistema mostrado à esquerda? (Valor 1.0 ponto.) Observação: quem não acertar nem isto, é melhor repensar a escolha de carreira.

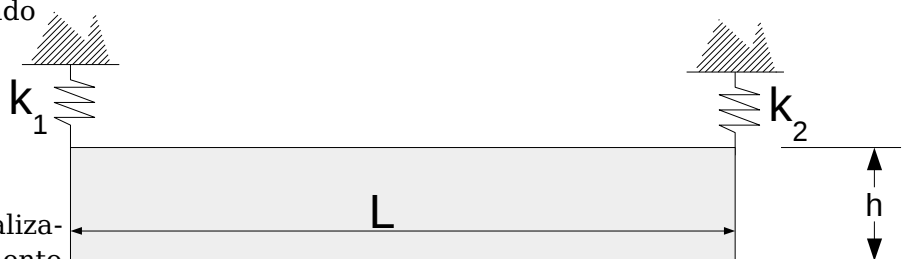


4) Suponha a magnitude de uma força seja dada pela expressão  $F(t) = 10 \sin 10t + 20 \cos 10t$ . Está força é harmônica? Explique. E esta força,  $F(t) = 10 \sin 10t + 20 \cos 20t$ , é harmônica? Explique. (Valor 1.0 ponto.)

5) Se sobre um sistema massa, mola amortecedor atua uma força dada pela expressão  $F(t) = 10 \sin 10t + 20 \cos 20t$ , qual é a resposta no regime permanente? Suponha que a massa seja igual a 2 kg, a rigidez da mola igual a 500 N/m e o amortecimento igual a 6,5 Nm/s. A resposta é harmônica? (Valor 2.0 pontos.)

6) Calcule a frequência natural de um pêndulo simples, isto é, uma massa concentrada na extremidade de um fio inextensível e perfeitamente flexível, sob ação da gravidade, e calcule qual deve ser o comprimento de um pêndulo para que tenha período igual a 1 segundo? (Valor 1.0 pontos.)

7) A barra mostrada na figura ao lado é homogênea e tem massa  $m$ . Suponha que o centro de gravidade da barra só possa se mover na direção vertical. Quantos graus de liberdade tem o sistema? Escolha um sistema de coordenadas generalizadas no qual não exista acoplamento



elástico, supondo que  $k_1 = 3k_2$ . Escreva as equações de movimento do sistema, na forma matricial (*Valor 2 pontos.*)

8) Calcule a massa equivalente para uma viga em balanço, em flexão, considerando que a coordenada generalizada de interesse seja o deslocamento da extremidade livre. Use a fórmula dada na questão 3, e use valores simbólicos para as variáveis necessárias (*Valor 1 ponto.*)

### Fórmulas no verso!

$\omega = 2\pi f$	$f = \frac{1}{T}$	$T = \frac{1}{2}m\dot{x}^2, \quad T = \frac{1}{2}J_0\dot{\theta}^2, \quad U = \frac{1}{2}\kappa x^2, \quad U = \frac{1}{2}Fx$	$\delta_{st} = \frac{F_0}{k}$
$m = 20 \log_{10} M \text{ dB}$	$\delta = \frac{1}{n} \ln \left( \frac{x_1}{x_{n+1}} \right), \quad \delta = \frac{2\pi\zeta}{\sqrt{1-\zeta^2}}, \quad \delta = 2\pi\zeta \text{ para } \zeta \ll 1$		$x(t) = A \cos(\omega_n t) + B \sin(\omega_n t) \pm \frac{\mu N}{k}$
$\omega_n = \sqrt{\frac{k}{m}}, \quad \omega_n = \sqrt{\frac{k_t}{J_0}}, \quad \omega_d = \sqrt{1-\zeta^2} \omega_n, \quad \zeta = \frac{c}{c_c}, \quad c_c = 2m\omega_n$			$\frac{X}{\delta_{st}} = \frac{1}{\sqrt{(1-r^2)^2 + (2\zeta r)^2}}$
$H(i\omega) = \frac{1}{(1-r^2) + i2\zeta r}, \quad  H(i\omega)  = \frac{1}{\sqrt{(1-r^2)^2 + (2\zeta r)^2}}$		$\frac{F_T}{\kappa Y} = r^2 \left( \frac{1 + (2\zeta r)^2}{(1-r^2)^2 + (2\zeta r)^2} \right)^{\frac{1}{2}}$	
$Z_{rs}(i\omega) = -\omega^2 m_{rs} + i\omega c_{rs} + k_{rs}$	$Z(i\omega)X = F_0$	$X = Z(i\omega)^{-1}F_0$	$Z(i\omega) = \begin{bmatrix} Z_{11}(i\omega) & Z_{12}(i\omega) \\ Z_{12}(i\omega) & Z_{22}(i\omega) \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}^{-1} = \frac{1}{ad-bc} \begin{bmatrix} d & -b \\ -c & a \end{bmatrix}$			