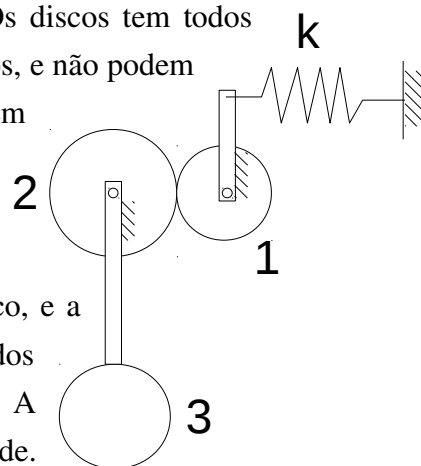


1) Suponha que um projétil, com massa igual a 20 gramas e velocidade horizontal igual a 200 m/s, atinga uma massa igual a 1,0 kg, e que fique alojado dentro desta massa. Suponha que a massa alvo só possa se movimentar na horizontal, sem atrito, mas com o movimento restrito por uma mola com rigidez igual a 2 kN/m. Qual é o deslocamento da massa após o impacto, ao longo do tempo, e qual a maior velocidade atingida pela massa? Lembre-se do princípio de conservação de momento linear $m_1 v_1 = m_2 v_2$. (Valor 3.0 pontos)

2) Calcule a massa equivalente de uma viga de seção uniforme e homogênea, simplesmente apoiada nas duas extremidades, supondo que o deslocamento dinâmico seja um parábola, com a forma $y(x) = 4 y_{\max} x(l-x)$. Suponha que l, A, ρ sejam o comprimento, a área da seção transversal e a densidade da barra. (Valor 3.0 pontos).

3) Calcule a frequência natural do sistema mostrado ao lado. Os discos tem todos altura igual a 10 mm. Os discos 1 e 2 giram em torno de seus eixos, e não podem deslizar um em relação ao outro, enquanto que o disco 3 tem movimento pendular. Os discos são feitos de aço com densidade igual a 7700 kg/m³. As alavancas estão rigidamente fixas aos discos, mas tem massa desprezível. O a alavanca do disco 1 tem comprimento igual a duas vezes o diâmetro do disco, e a alavanca do disco 2 tem o triplo do raio do disco 2. Os raios dos discos 1, 2 e 3 são 75 mm, 100 mm, e 90 mm, respectivamente. A rigidez da mola é igual a 3,5 kN/m. Considere a ação da gravidade. O momento de inércia de massa de um cilindro pode ser calculado por $J_0 = 1/2 m R^2$. (Valor 4.0 pontos.)



$\omega = 2\pi f$	$f = \frac{1}{T}$	$T = \frac{1}{2} m \dot{x}^2, \quad T = \frac{1}{2} J_0 \dot{\theta}^2, \quad U = \frac{1}{2} k x^2, \quad U = \frac{1}{2} F x$	$\delta_{st} = \frac{F_0}{k}$
$x(t) = A \cos(\omega_n t - \phi)$	$A = \sqrt{x_0^2 + \left(\frac{\dot{x}_0}{\omega_n}\right)^2}$	$\phi = \arctan\left(\frac{\dot{x}_0}{x_0 \omega_n}\right)$	$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$