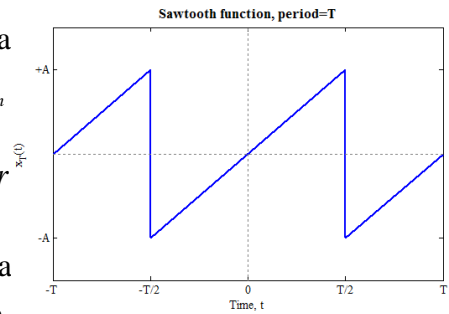
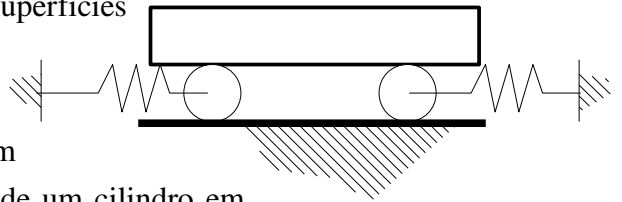


1) Sabendo que a série de Fourier de uma função Dente de Serra mostrada na Figura 1 é $x(t) = \sum_{n=1}^{\infty} b_n \sin(n\omega_0 t)$, $b_n = \frac{-2A}{\pi n} (-1)^n$ faça um esquema do espectro de frequências desta função. (Valor 2.0 pontos).



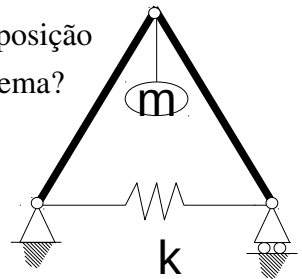
2) Na figura ao lado, o bloco tem massa igual a 2 kg, e cada cilindro tem massa igual a 0,75 kg, e raio igual a 0,15 m.

Considere que os cilindros giram sem deslizar sobre as superfícies planas (o que implica que a velocidade do centro de massa dos cilindros não é a mesma que a do bloco). Calcule o período natural do sistema, supondo que as mola tenham rigidez igual a 100 N/m. O momento de inércia de massa de um cilindro em relação ao seu eixo é $mD^2/8$. (Valor 2,0 pontos).



3) Suponha que o deslocamento de um oscilador harmônico seja modelado por $x(t) = 10e^{i(20t + \pi/2)}$. Qual é a aceleração no tempo 2 segundos? (Valor 2.0 pontos).

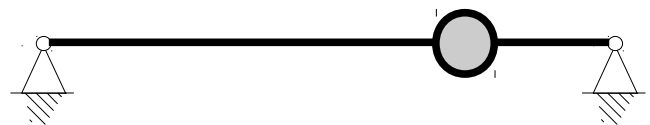
4) Na figura ao lado, as barras e a mola formam um triângulo equilátero na posição de equilíbrio estático do sistema. Qual é a frequência natural do sistema? (Valor 2.0 pontos).



5) Suponha que no sistema mostrado ao lado a massa da viga seja desprezível. Escreva a equação para a velocidade em função do tempo para a massa concentrada, supondo que seja dada um deslocamento inicial para

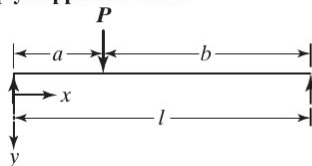
baixo da massa igual a 10 mm, e uma velocidade inicial para cima igual a 1 m/s. O comprimento da viga é 2m, e ela é feita de aço, com módulo de elasticidade igual a 210 GPa, e

seção quadrada com lado igual a 15mm. A distância da massa ao apoio direito é $\frac{1}{4}$ do comprimento da viga. O momento de inércia de área de uma seção retangular é $bh^3/12$ (Valor 2.0 pontos.)



$\omega = 2\pi f$	$f = \frac{1}{T}$	$T = \frac{1}{2} m \dot{x}^2, \quad T = \frac{1}{2} J_0 \dot{\theta}^2, \quad U = \frac{1}{2} k x^2, \quad U = \frac{1}{2} F x$	$\delta_{st} = \frac{F_0}{k}$	$x(t) = A \cos(\omega_n t - \phi)$
$A = \sqrt{x_0^2 + \left(\frac{\dot{x}_0}{\omega_n}\right)^2}$	$\phi = \arctan\left(\frac{\dot{x}_0}{x_0 \omega_n}\right)$	$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$		

Simply Supported Beam



$$y(x) = \begin{cases} \frac{Pbx}{6EI}(l^2 - x^2 - b^2); & 0 \leq x \leq a \\ \frac{Pa(l-x)}{6EI}(2lx - x^2 - a^2); & a \leq x \leq l \end{cases}$$