

# Estimación de los parámetros de la curva de vulnerabilidad

Curso de laboratorio *Mediciones de hidráulica de plantas con el XylEm Plus y la bomba de Scholander*

Roman Link

Department of Plant Ecology and Ecosystem Research  
Georg August University of Göttingen

27 de noviembre de 2017



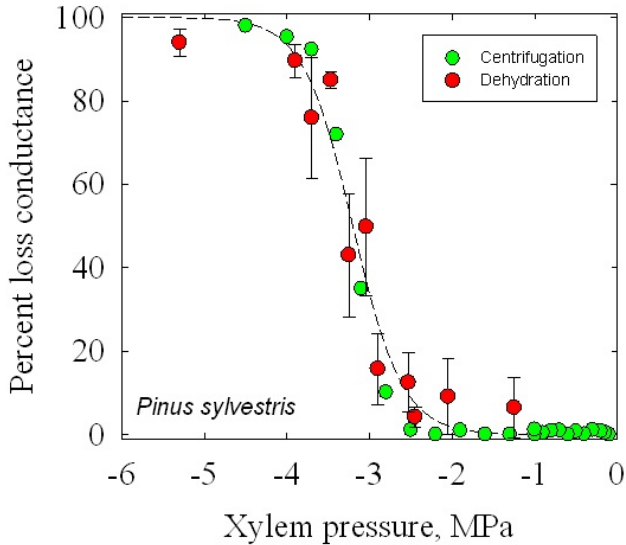


Ilustración: <http://prometheuswiki.org>

# ¿Cuál es la mejor forma de estimar P50?

- Diferentes **modelos mecánicos** para la forma de la curva
  - Modelo logístico
  - Función de sobrevivencia de la distribución de Weibull
  - ...
- Diferentes **métodos de estimación**
  - Linearización
  - Regresión no lineal
  - ...
- Diferentes **programas estadísticas**
  - Excel
  - SAS
  - R
  - ...



# ¿Cuál es la mejor forma de estimar P50?

- Diferentes **modelos mecánicos** para la forma de la curva
  - Modelo logístico
  - Función de sobrevivencia de la distribución de Weibull
  - ...
- Diferentes **métodos de estimación**
  - Linearización
  - Regresión no linear
  - ...
- Diferentes **programas estadísticas**
  - Excel
  - SAS
  - R
  - ...



# ¿Cuál es la mejor forma de estimar P50?

- Diferentes **modelos mecánicos** para la forma de la curva
  - Modelo logístico
  - Función de sobrevivencia de la distribución de Weibull
  - ...
- Diferentes **métodos de estimación**
  - Linearización
  - Regresión no linear
  - ...
- Diferentes **programas estadísticas**
  - Excel
  - SAS
  - R
  - ...



# ¿Cuál es la mejor forma de estimar P50?

- Diferentes **modelos mecánicos** para la forma de la curva
  - Modelo logístico
  - Función de sobrevivencia de la distribución de Weibull
  - ...
- Diferentes **métodos de estimación**
  - Linearización
  - Regresión no linear
  - ...
- Diferentes **programas estadísticas**
  - Excel
  - SAS
  - R
  - ...
- Selección de método depende de las circunstancias del experimento, habilidades estadísticas y gusto personal

# Modelo lógistico

$$PLC = \frac{100}{(1 + \exp(S \cdot (\Psi - P50)))}$$

**PLC** Porcentaje de pérdida de conductancia

**$\Psi$**  Potencial hídrico

**S** pendiente (slope)

**P50** Potencial hídrico relacionado a un PLC de 50 %

- Forma sigmoideal simétrica de la curva
- Asunción implícita: Intercepto de **y** puede ser mayor de cero



# Modelo logístico

$$PLC = \frac{100}{(1 + \exp(S \cdot (\Psi - P50)))}$$

PLC Porcentaje de pérdida de conductancia

$\Psi$  Potencial hídrico

$S$  pendiente (slope)

P50 Potencial hídrico relacionado a un PLC de 50 %

- Forma sigmoidal simétrica de la curva
- Asunción implícita: Intercepto de  $y$  puede ser mayor de cero





# Modelo lógico

$$PLC = \frac{100}{(1 + \exp(S \cdot (\Psi - P50)))}$$

PLC Porcentaje de pérdida de conductancia

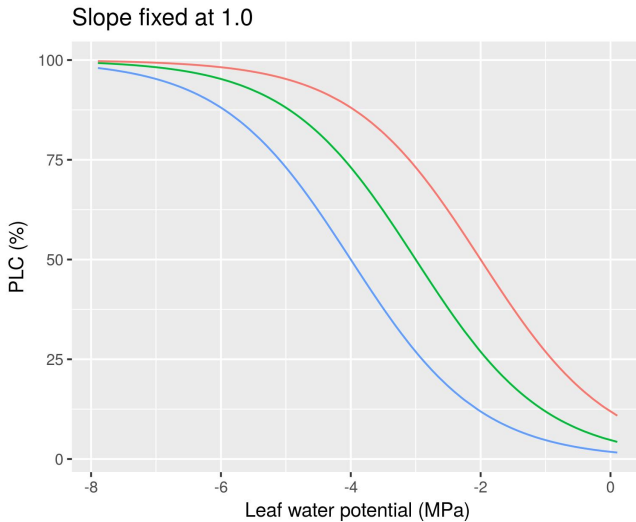
$\Psi$  Potencial hídrico

$S$  pendiente (slope)

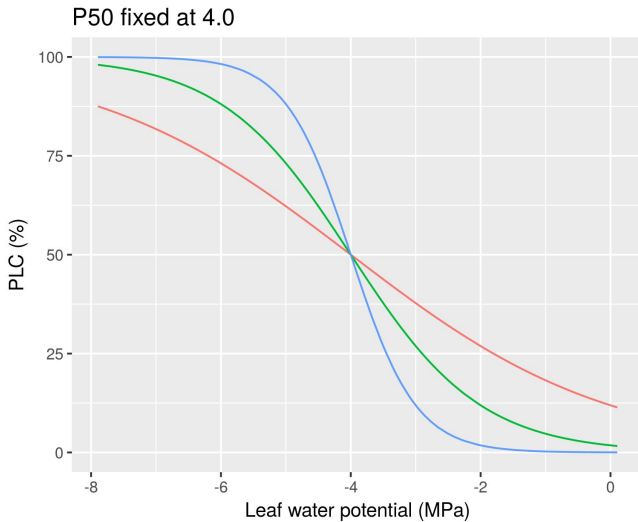
P50 Potencial hídrico relacionado a un PLC de 50 %

- Forma sigmoidal simétrica de la curva
- Asunción implícita: Intercepto de  $y$  puede ser mayor de cero

# Modelo logístico



# Modelo logístico



## Modelo lógístico

- **Ventajas:**

- Puede reflejar "native embolism- embolías presentes incluso si la planta esta saturada completamente con agua (debido a eventos de sequía anteriores)
- Parámetros con una interpretación mecánica directa

- **Desventajas:**

- Puede reflejar "native embolism- embolías presentes incluso si la planta esta saturada completamente con agua (debido a eventos de sequía anteriores)
- Parámetros con una interpretación mecánica directa

- Poco flexible
- Solo permite forma sigmoideal
- Puede fallar en casos con una subida rápida de PLC en presiones bajas

# Modelo de Weibull

$$PLC = 100 \cdot (1 - \exp(-(-\Psi/\lambda)^c))$$

PLC Porcentaje de pérdida de conductancia

$\Psi$  Potencial hídrico

$\lambda$  "scale parameter"

$c$  "shape parameter"

- Función de distribución de la distribución de Weibull
- Curva puede ser sigmoideal o tener una forma de "r" dependiendo del parámetro shape
- Asunción implícita: Intercepto de  $y$  restringido a cero



# Modelo de Weibull

$$PLC = 100 \cdot (1 - \exp(-(-\Psi/\lambda)^c))$$

PLC Porcentaje de pérdida de conductancia

$\Psi$  Potencial hídrico

$\lambda$  "scale parameter"

$c$  "shape parameter"

- Función de distribución de la distribución de Weibull
- Curva puede ser sigmoideal o tener una forma de "r" dependiendo del parámetro shape
- Asunción implícita: Intercepto de  $y$  restringido a cero



# Modelo de Weibull

$$PLC = 100 \cdot (1 - \exp(-(-\Psi/\lambda)^c))$$

PLC Porcentaje de pérdida de conductancia

$\Psi$  Potencial hídrico

$\lambda$  "scale parameter"

$c$  "shape parameter"

- Función de distribución de la distribución de Weibull
- Curva puede ser sigmoideal o tener una forma de "r" dependiendo del parámetro shape
- Asunción implícita: Intercepto de  $y$  restringido a cero





# Modelo de Weibull

$$PLC = 100 \cdot (1 - \exp(-(-\Psi/\lambda)^c))$$

PLC Porcentaje de pérdida de conductancia

$\Psi$  Potencial hídrico

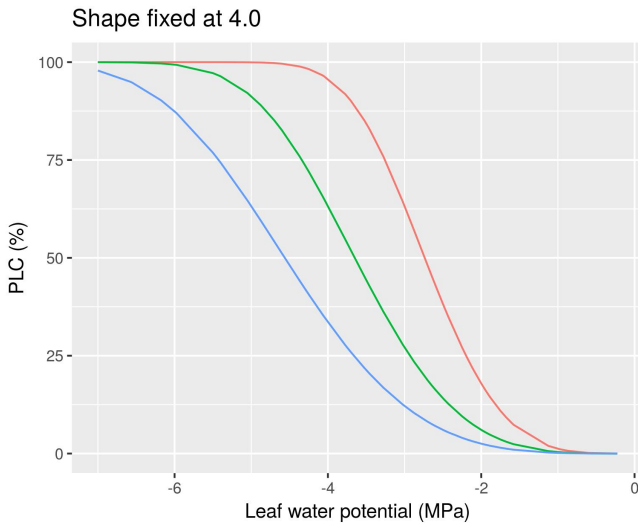
$\lambda$  "scale parameter"

$c$  "shape parameter"

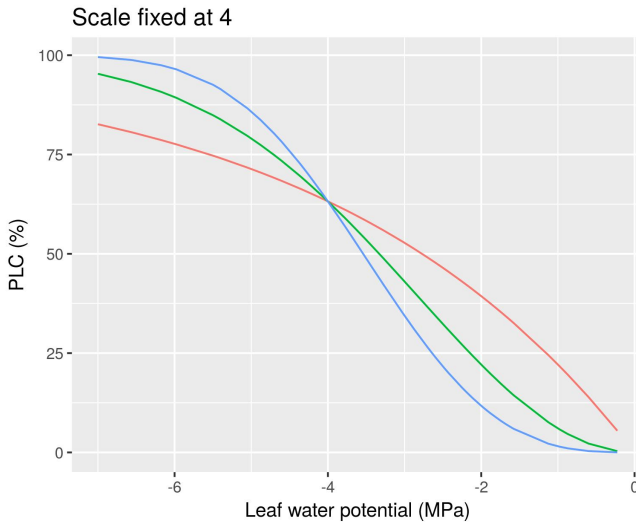
- Función de distribución de la distribución de Weibull
- Curva puede ser sigmoideal o tener una forma de "r" dependiendo del parámetro shape
- Asunción implícita: Intercepto de  $y$  restringido a cero



# Modelo de Weibull



# Modelo de Weibull



# Modelo de Weibull

- **Ventajas:**

- Muy flexible
- Puede acomodar formas sigmoidales y de "r"

- **Desventajas:**

- No permite "native embolism"
- Parámetros poco interpretables (PERO: reparameterización con P50 es posible)



# Modelo de Weibull

- **Ventajas:**

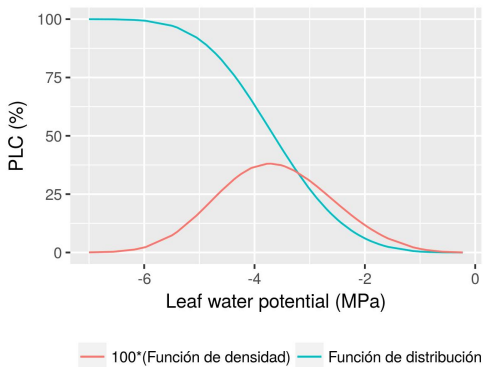
- Muy flexible
- Puede acomodar formas sigmoidales y de "r"

- **Desventajas:**

- No permite "native embolism"
- Parámetros poco interpretables (PERO: reparameterización con P50 es posible)

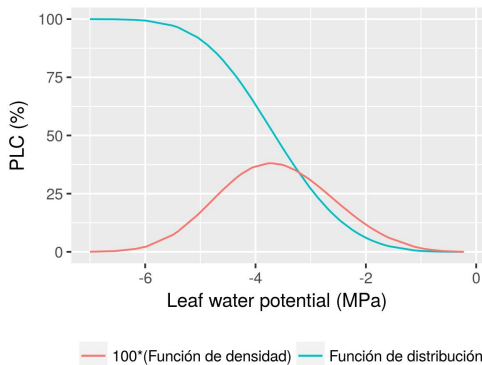


# Interpretación como función de distribución



- Si se interpreta la curva de vulnerabilidad como una función de distribución (distribución de Weibull/distribución logística)...

# Interpretación como función de distribución



- ... se puede interpretar la función de densidad correspondiente como la función de densidad de la distribución de los potenciales en las cuales se están embolizando los vasos

# Problemas con la estimación de parámetros

- Datos de curvas de vulnerabilidad casi siempre tienen una **forma jerárquica**
  - Varios árboles por especies
  - Varias submuestras por árbol
  - Varias mediciones por submuestra
- No se necesita estimados precisos de los parámetros de árbol específico, si no un estimado de los parámetros de un árbol promedio de una especie y de la variabilidad interespecífica de los parámetros
- Si se usa los parámetros estimados de curvas de vulnerabilidad como variable de respuesta en otros modelos, se tiene que tener en cuenta la incertidumbre de los estimados





# Problemas con la estimación de parámetros

- Datos de curvas de vulnerabilidad casi siempre tienen una forma jerárquica
  - Varios árboles por especies
  - Varias submuestras por árbol
  - Varias mediciones por submuestra
- No se necesita estimados precisos de los parámetros de **árbol específico**, si no un estimado de los parámetros de un **árbol promedio** de una especie y de la variabilidad interespecífica de los parámetros
- Si se usa los parámetros estimados de curvas de vulnerabilidad como variable de respuesta en otros modelos, se tiene que tener en cuenta la incertidumbre de los estimados



# Problemas con la estimación de parámetros

- Datos de curvas de vulnerabilidad casi siempre tienen una forma jerárquica
  - Varios árboles por especies
  - Varias submuestras por árbol
  - Varias mediciones por submuestra
- No se necesita estimados precisos de los parámetros de árbol específico, si no un estimado de los parámetros de un árbol promedio de una especie y de la variabilidad interespecífica de los parámetros
- Si se usa los parámetros estimados de curvas de vulnerabilidad como variable de respuesta en otros modelos, se tiene que tener en cuenta el **incertidumbre de los estimados**

# Problemas con la estimación de parámetros

- Datos de curvas de vulnerabilidad casi siempre tienen una forma jerárquica
    - Varios árboles por especies
    - Varias submuestras por árbol
    - Varias mediciones por submuestra
  - No se necesita estimados precisos de los parámetros de árbol específico, si no un estimado de los parámetros de un árbol promedio de una especie y de la variabilidad interespecífica de los parámetros
  - Si se usa los parámetros estimados de curvas de vulnerabilidad como variable de respuesta en otros modelos, se tiene que tener en cuenta la incertidumbre de los estimados
- ⇒ Solución para todos estos problemas: **Modelos jerárquicos ("modelos mixtos")**

# Ejemplo de un modelo jerárquico para curvas de vulnerabilidad

- Datos de Pierre-André Waite (Universidad de Göttingen)
- 2 parcelas de plantaciones de palma de aceite en Indonesia
  - 12 árboles
  - 2–3 mediciones por árbol
- Ejemplo de modelo usando R con el paquete `nlme`



# Ejemplo de un modelo jerárquico para curvas de vulnerabilidad

- Datos de Pierre-André Waite (Universidad de Göttingen)
- 2 parcelas de plantaciones de palma de aceite en Indonesia
  - 12 árboles
  - 2–3 mediciones por árbol
- Ejemplo de modelo usando R con el paquete `nlme`



# Ejemplo de un modelo jerárquico para curvas de vulnerabilidad

- Datos de Pierre-André Waite (Universidad de Göttingen)
- 2 parcelas de plantaciones de palma de aceite en Indonesia
  - 12 árboles
  - 2–3 mediciones por árbol
- Ejemplo de modelo usando R con el paquete `nlme`



```
> # Estructura de datos
```

```
>
```

```
> data1
```

```
# A tibble: 34 x 4
```

	PLC	psi	plot	palm
	<dbl>	<dbl>	<fctr>	<fctr>
1	93.31132	-7.000	HO1	HO1_01694
2	89.51220	-6.550	HO1	HO1_01697
3	76.41509	-5.500	HO1	HO1_01674
4	94.29929	-4.875	HO1	HO1_01676
5	34.73684	-4.600	HO1	HO1_01680
6	47.50403	-4.375	HO1	HO1_01676
7	21.29032	-4.240	HO1	HO1_01676
8	47.08904	-3.450	HO1	HO1_01697
9	97.91216	-3.275	HO1	HO1_01697
10	84.31772	-2.875	HO1	HO1_01694

```
# ... with 24 more rows
```



```

> # modelo no-lineal mixto
>
> require(nlme)
> mod2 <- nlme(PLC ~ 100/(1 + exp(slope*(psi - p50))),
+             fixed = slope + p50 ~ plot,
+             random = slope + p50 ~ 1|palm,
+             data = data1,
+             start = c(slope = 1, 0, p50 = -2, 0),
+             method = "ML",
+             control = nlmeControl(maxiter = 1000,
+                                   pnlsMaxIter = 1000,
+                                   msMaxIter = 1000,
+                                   niterEM = 100))

```



```

> # > resultados del modelo
> summary(mod2)
Nonlinear mixed-effects model fit by maximum likelihood
  Model: PLC ~ 100/(1 + exp(slope * (psi - p50)))
Data: data1
      AIC      BIC    logLik
325.2443 337.4552 -154.6222

Random effects:
Formula: list(slope ~ 1, p50 ~ 1)
Level: palm
Structure: General positive-definite, Log-Cholesky param...

              StdDev      Corr
slope.(Intercept) 1.795721e-04 sl.(1)
p50.(Intercept)   2.039200e-05 0
Residual          2.284592e+01

```



Fixed effects: slope + p50 ~ plot

	Value	Std. Error	DF	t-value	p-value
slope.(Intercept)	0.567227	0.2156021	19	2.630897	0.0165
slope.plotHO3	0.827329	0.6499720	19	1.272869	0.2184
p50.(Intercept)	-3.422122	0.4913243	19	-6.965098	0.0000
p50.plotHO3	1.534501	0.5443090	19	2.819173	0.0110

Correlation:

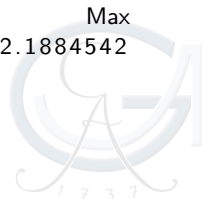
	sl.(I)	sl.HO3	p50.(I)
slope.plotHO3	-0.332		
p50.(Intercept)	0.055	-0.018	
p50.plotHO3	-0.050	-0.124	-0.903

Standardized Within-Group Residuals:

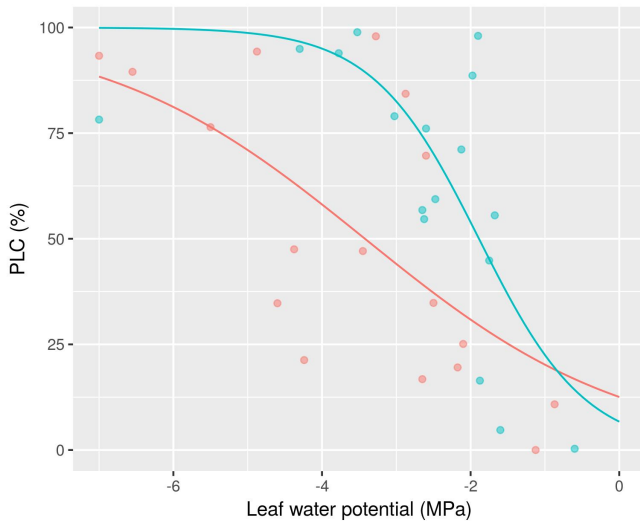
Min	Q1	Med	Q3	Max
-1.7554167	-0.7472870	-0.1248341	0.3211212	2.1884542

Number of Observations: 34

Number of Groups: 12



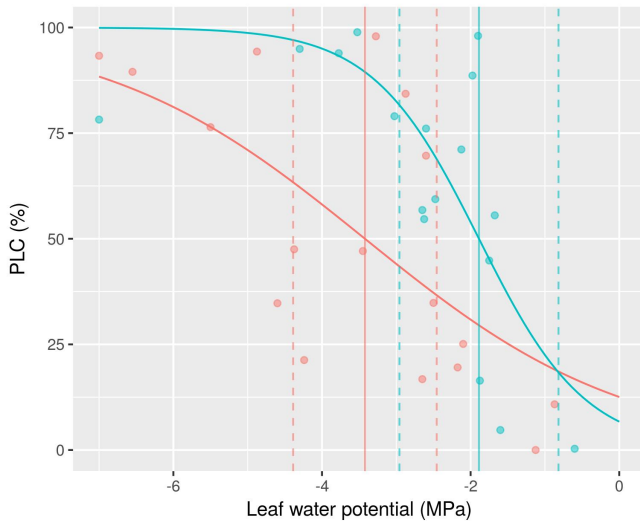
# Plot of modeling results



Plot — HO1 — HO3



# Plot of modeling results



Plot  HO1  HO3

