學號:R06922097 系級: 資工碩一 姓名:鄭雅文

請實做以下兩種不同 feature 的模型,回答第 (1)~(3) 題:

- 1. 抽全部 9 小時內的污染源 feature 的一次項(加 bias)
- 2. 抽全部 9 小時內 pm2.5 的一次項當作 feature(加 bias)

## 備註:

- a. NR 請皆設為 0,其他的數值不要做任何更動
- b. 所有 advanced 的 gradient descent 技術(如: adam, adagrad 等) 都是可以用的

# 1. (2%)記錄誤差值 (RMSE)(根據 kaggle public+private 分數),討論兩種 feature 的影響

### model 1

用 gradient descent + adagrad 重複 50000 次

private: 5.28834 public: 7.50106 RMSE: 6.489701

### model 2

用 gradient descent + adagrad 重複 4978 次 (再重複下去 RMSE 改變不大)

private: 5.64664 public: 7.47158 RMSE: 6.622275

由兩種 model 可得知 model 作為預測 kaggle testing set 整體平均較差,可能是因為 feature 較少所以預測較不精準。

## 2. (1%)將 feature 從抽前 9 小時改成抽前 5 小時,討論其變化

model 1:用 gradient descent + adagrad 重複 50000 次

private: 7.07302 public: 7.55768 RMSE: 7.31936

model 2:用 gradient descent + adagrad 重複 10000 次(因 RMSE 已將近 0.00)

private: 7.07342 public: 7.55755 RMSE: 7.319488

可能因為資料量太少,所以上傳到 kaggle 時,表現不如取 9 個小時的 feature 的 model。

## 3. (1%)Regularization on all the weight with $\lambda$ =0.1、0.01、0.001、0.0001,並作 圖

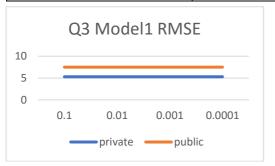
#### Model 1:

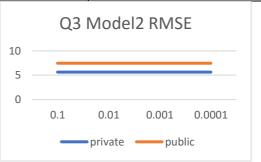
λ	private	public
0.1	5. 28912	7. 49501

0.01	5. 28912	7. 49501
0.001	5. 28912	7. 49501
0.0001	5. 28912	7. 49501

Model 2:

0.1	5. 64622	7. 47100
0.01	5. 64620	7. 47101
0.001	5. 64622	7. 47107
0.0001	5. 64622	7. 47107





因為w數值本身就很小,且lambda又讓w的影響更小,所以做gradient descent 幾乎沒有什麼改變。

4. (1%)在線性回歸問題中,假設有 N 筆訓練資料,每筆訓練資料的特徵 (feature) 為一向量  $\mathbf{x}^{\cdot}$ ,其標註(label)為一存量  $\mathbf{y}^{\cdot}$ ,模型參數為一向量  $\mathbf{w}$  (此處 忽略偏權值  $\mathbf{b}$ ),則線性回歸的損失函數(loss function)為 $\sum_{n=1}^{N}(\mathbf{y}^{n}-\mathbf{x}^{n}\cdot\mathbf{w})^{2}$ 。 若將所有訓練資料的特徵值以矩陣  $\mathbf{X}=[\mathbf{x}^{\cdot}\mathbf{x}^{\cdot}\ldots\mathbf{x}^{\cdot}]^{\cdot}$  表示,所有訓練資料的標 註以向量  $\mathbf{y}=[\mathbf{y}^{\cdot}\mathbf{y}^{\cdot}\ldots\mathbf{y}^{\cdot}]$ 表示,請問如何以  $\mathbf{X}$  和  $\mathbf{y}$  表示可以最小化損失函數的向量  $\mathbf{w}$  ?請寫下算式並選出正確答案。

- a.  $(X^TX)X^Ty$
- b.  $(X^TX)^{-1}X^Ty$
- c.  $(X^TX)^{-1}X^Ty$
- d.  $(X^TX)^{-2}X^Ty$

## Answer: c.

最小化  $\|y - X \cdot w\|^2$ 

$$= (y - X \cdot w)^T (y - X \cdot w)$$

$$= y^T y - w^T X^T y - y^T X w + w^T X^T X w$$

因內積為純量,所以 $w^T X^T y = y^T X w$ 

$$= v^T v - 2w^T X^T v + w^T X^T X w$$

對w微分並另微分後的方程式為零以符合 First-order condition

$$-2X^{T}y + 2(X^{T}X)w = 0$$
  $\therefore w = (X^{T}X)^{-1}X^{T}y$