Exercício 4: Avaliação de Classificação em Dados Desbalanceados

Exercício 4: Avaliação de Classificação em Dados Desbalanceados

- (a) No contexto de detecção de fraude (dados tipicamente desbalanceados), por que a acurácia padrão geralmente não é uma métrica adequada para avaliar a performance do classificador?
 - Em dados desbalanceados, como os encontrados na detecção de fraude onde transações fraudulentas são raras em comparação com as legítimas, a **acurácia padrão pode ser enganosa**. Um classificador trivial que sempre prevê a classe majoritária (transação legítima) pode alcançar uma alta acurácia (próxima de 100%) simplesmente por classificar corretamente a grande maioria das instâncias, sem identificar nenhuma transação fraudulenta. Isso ocorre porque a acurácia é definida como a proporção de previsões corretas sobre o número total de instâncias, e em datasets desbalanceados, a classe majoritária domina essa métrica. O classificador falharia em seu objetivo principal, que é detectar a classe minoritária (fraude), apesar de apresentar uma alta acurácia.
- (b) Defina Precisão, Recall e F1-Score, interpretando-os especificamente em termos da identificação de transações fraudulentas. Em que situações práticas (contexto de negócio) você poderia priorizar Recall sobre Precisão, ou vice-versa?

Em termos de identificação de transações fraudulentas:

• **Precisão** (Precision) é a proporção de transações classificadas como fraudulentas que são realmente fraudulentas. Matematicamente, é definida como:

$$Precisão = \frac{N\'umero \ de \ Transa\~ções \ Fraudulentas \ Corretamente \ Identificadas}{N\'umero \ Total \ de \ Transa\~ções \ Classificadas \ como \ Fraudulentas}$$

Uma alta precisão indica que, quando o modelo sinaliza uma transação como fraude, é muito provável que ela seja realmente fraudulenta, minimizando os **falsos positivos** (transações legítimas erroneamente marcadas como fraude).

• Recall (Revocação ou Sensibilidade) é a proporção de todas as transações fraudulentas reais que foram corretamente identificadas pelo modelo. Matematicamente, é definida como:

$$Recall = \frac{N\'umero \ de \ Transa\~ç\~oes \ Fraudulentas \ Corretamente \ Identificadas}{N\'umero \ Total \ de \ Transa\~ç\~oes \ Fraudulentas \ Reais}$$

Um alto recall indica que o modelo é eficaz em detectar a maioria das transações fraudulentas, minimizando os **falsos negativos** (transações fraudulentas que não foram detectadas).

• **F1-Score** é a média harmônica entre a Precisão e o Recall. É uma métrica que busca um equilíbrio entre as duas:

$$\label{eq:F1-Score} \text{F1-Score} = 2 \times \frac{\text{Precisão} \times \text{Recall}}{\text{Precisão} + \text{Recall}}$$

O F1-Score é útil quando você deseja uma métrica única que leve em consideração tanto os falsos positivos quanto os falsos negativos.

Em situações práticas:

Você poderia priorizar o Recall sobre a Precisão quando o **custo de não detectar uma transação fraudulenta é muito alto**. Por exemplo, em cenários de segurança de alto risco ou em transações financeiras de grande valor, perder uma fraude pode resultar em perdas financeiras significativas, danos à reputação ou outras consequências graves. Nesses casos, é preferível sinalizar mais transações como suspeitas (mesmo que algumas)

sejam legítimas - falsos positivos) para garantir que a maioria das fraudes seja detectada. A triagem manual adicional dos casos sinalizados pode ser aceitável para minimizar os falsos negativos.

- Você poderia priorizar a Precisão sobre o Recall quando o **custo de investigar falsos positivos é muito alto**. Por exemplo, se cada transação sinalizada como suspeita requer uma investigação manual dispendiosa e demorada, ou se a sinalização incorreta de transações legítimas causa grande inconveniência ao cliente e pode levar à insatisfação e perda de clientes. Nesses casos, é preferível ter um modelo que seja altamente confiável em suas previsões de fraude, mesmo que isso signifique perder algumas transações fraudulentas.
- (c) Descreva como você usaria os scores de um modelo probabilístico (e.g., $p(\text{fraude}|\mathbf{x})$ da Regressão Logística) e os rótulos verdadeiros para construir uma curva Precisão-Recall (PR). O que a Área Sob a Curva PR (AUC-PR) representa? Por que ela é frequentemente preferível à curva ROC para datasets muito desbalanceados?

Para construir uma curva Precisão-Recall (PR) usando os scores de um modelo probabilístico e os rótulos verdadeiros:

- (a) Para cada instância no dataset de teste, o modelo probabilístico fornece um score que representa a probabilidade de ser uma transação fraudulenta, $p(\text{fraude}|\mathbf{x})$.
- (b) Ordenam-se todas as instâncias do dataset de teste com base nesses scores em ordem decrescente
- (c) Itera-se através de diferentes limiares (thresholds) de probabilidade. Para cada limiar:
 - Consideram-se todas as instâncias com score acima do limiar como classificadas como "fraude" (positivo previsto).
 - Consideram-se todas as instâncias com score abaixo do limiar como classificadas como "não fraude" (negativo previsto).
 - Calculam-se a Precisão e o Recall com base nas verdadeiras etiquetas de fraude para essa classificação com o limiar atual.
- (d) Plota-se um gráfico com o Recall no eixo x e a Precisão no eixo y para cada limiar considerado. A curva resultante é a curva Precisão-Recall (PR).

A **Área Sob a Curva PR (AUC-PR)** representa a **performance média do classificador em diferentes trade-offs entre Precisão e Recall**. Um valor de AUC-PR mais alto indica que o modelo tem um bom desempenho tanto em termos de precisão (baixa taxa de falsos positivos) quanto de recall (baixa taxa de falsos negativos) em uma variedade de limiares de classificação.

A AUC-PR é frequentemente preferível à curva ROC (Receiver Operating Characteristic) para datasets muito desbalanceados porque a **curva PR se concentra mais na classe positiva (minoritária)**, que é o foco em problemas como detecção de fraude. A curva ROC plota a Taxa de Verdadeiros Positivos (TPR ou Recall) contra a Taxa de Falsos Positivos (FPR). Em datasets desbalanceados, mesmo um classificador ruim pode ter um FPR baixo porque o número total de negativos é muito grande. Pequenas mudanças no número de falsos positivos podem resultar em grandes mudanças na Precisão, tornando a curva PR mais sensível ao desempenho do classificador na classe minoritária. A AUC-PR, portanto, fornece uma avaliação mais realista do quão bem o modelo está performando na detecção da classe de interesse (fraude) em cenários desbalanceados.