

[제 6 주 실습]

# 동등 클래스

강 지 훈

*jhkang@cnu.ac.kr*



# Finding Equivalence Classes



## □ 문제 개요

■ 입력된 동등 관계로부터 동등 클래스를 찾는다.

● 입력:

- ◆ 원소의 개수 (그래프의 vertex 개수)
- ◆ 동등 관계 쌍들 (그래프에 입력되는 edge 들)

● 출력:

- ◆ 동등 클래스

# □ 동등 관계(relation)의 입력 [1]

$S = \{\text{홍길동, 임꺽정, 김삿갓, 일지매}\}$

$R = \{$

$\langle \text{홍길동, 홍길동} \rangle, \langle \text{임꺽정, 임꺽정} \rangle, \langle \text{일지매, 일지매} \rangle, \langle \text{김삿갓, 김삿갓} \rangle,$   
 $\langle \text{홍길동, 임꺽정} \rangle, \langle \text{임꺽정, 홍길동} \rangle,$   
 $\langle \text{홍길동, 일지매} \rangle, \langle \text{일지매, 홍길동} \rangle$   
 $\langle \text{임꺽정, 일지매} \rangle, \langle \text{일지매, 임꺽정} \rangle$   
 $\}$

■ S를 먼저 입력 받는다.

■ R은? **최소 정보만 입력 받자!**

- Reflexive pair들은 입력하지 않아도 된다
  - ◆ S를 아는 상태에서 R의 reflexive pair들은 모두 알아낼 수 있다.
- Symmetric pair 들은 둘 중의 하나만 입력 받는다.
  - ◆  $\langle \text{홍길동, 임꺽정} \rangle$ 을 알면, 그 symmetric pair인  $\langle \text{임꺽정, 홍길동} \rangle$ 은 바로 알 수 있다.
- Transitive pair들은? **프로그램으로 찾아낸다!**



# □ 동등 관계(relation)의 입력 [2]

## ■ R을 입력받기 위해서, 최소 정보만 입력 받자!

### ● Reflexive pair들은 입력하지 않아도 된다.

<홍길동,홍길동>, <임꺽정,임꺽정>, <일지매,일지매>, <김삿갓,김삿갓>,  
 <홍길동,임꺽정>,<임꺽정,홍길동>,  
 <홍길동,일지매>, <일지매,홍길동>,  
 <임꺽정,일지매>, <일지매,임꺽정>,

### ● Symmetric pair 들은 둘 중의 하나만 입력 받는다.

<홍길동,임꺽정>,<임꺽정,홍길동>,  
 <홍길동,일지매>, <일지매,홍길동>,  
 <임꺽정,일지매>, <일지매,임꺽정>,

### ● Transitive pair들은 프로그램으로 찾아낸다!

<홍길동,임꺽정>,  
 <홍길동,일지매>,  
 <일지매,임꺽정>,

## ■ 결국, 동등관계 R을 위해서 다음의 두 쌍만 입력 받으면 충분하다.

<홍길동,임꺽정>, <홍길동,일지매>

## □ 동등관계 입력 방법

### ■ 원소의 개수를 입력 받는다.

- 원소의 개수가  $N$  이라면, 원소는 0부터  $N-1$  까지의 번호를 갖는다.
- 원소의 개수가 0 개 이하이면, 다음과 같은 메시지를 내보내고 프로그램을 종료한다.
  - ◆ ">오류: 원소의 개수는 1 개 이상이어야 합니다."

### ■ 그 다음 동등 관계 쌍을 차례로 입력 받는다.

- 매번 키보드에서, 관계 쌍을 이루는 원소의 번호를 2 개씩 입력 받는다.
- 원소의 번호는 0부터  $N-1$  사이의 숫자이어야 하며, 그렇지 않는 경우에는 출력 예에서와 같은 오류 메시지를 내보낸다.
- 2 개 쌍이 아닌 하나의 원소 번호만 입력되었을 경우에도 출력 예에서와 같은 오류 메시지를 내보낸다.
- 관계 쌍으로  $(-1,-1)$  이 입력되면, 관계 쌍 입력을 종료한다.

# 출력의 예

```

< 동등 클래스 찾기를 시작합니다 >
? 원소의 개수를 입력하시오: 6
? 관계 쌍을 입력하시오: 0 3
? 관계 쌍을 입력하시오: 1 2
? 관계 쌍을 입력하시오: 6 4
[오류] 입력된 관계쌍에 오류가 있습니다.
? 관계 쌍을 입력하시오: 1 1
? 관계 쌍을 입력하시오: 2 1
[오류] 입력된 관계쌍에 오류가 있습니다.
? 관계 쌍을 입력하시오: 4 2
? 관계 쌍을 입력하시오: -1 -1
>관계 쌍 입력이 종료되었습니다.
>찾아진 동등 클래스들은 다음과 같습니다.
{ 0 3 }
{ 1 2 4 }
{ 5 }
< 동등 클래스 찾기를 종료합니다 >

```

# 이 과제에서 필요한 객체는?

- ApplicationController

- AppView, AdjacencyListGraph, FindingEqvClass

- AppView

- FindEqvClass

- AdjacencyListGraph, ArrayStack

- AdjacencyListGraph

- Node, Edge

- ArrayStack

- Node

- Edge



# □ AppView의 공개 함수는?

## ■ 사용자에게 필요한 함수 (Public Functions)

- public AppView()
- public void showStartingMsg()
- public void showEndingMsg()
- public void showStartingFindMsg()
- public void showEndingInputMsg()
- public void showNumOfElementsError()
- public void showNumError()
- public void showNoInputError()
- public int inputNumOfElements()
- public Edge inputPair()



# □AppController의 공개 함수는?

■ 사용자에게 필요한 함수 (Public Functions)

- public void run()

# □ AdjacencyListGraph의 공개 함수는?

## ■ 사용자에게 필요한 함수

- [문제5]에서 사용한 것을 복사하여 사용
- `public AdjacencyListGraph(int givenNumOfVertices)`
- `public boolean doesVertexExist (int aVertex)`
- `public boolean doesEdgeExist (Edge anEdge)`
- `public int numOfVertices ()`
- `public int numOfEdges ()`
- `public boolean addEdge(Edge anEdge)`
- `public AdjacentVerticesIterator adjacentVerticesIterator(int givenVertex)`
- `public class AdjacentVerticesIterator`

# □ Node<T> 의 멤버 함수는?

## ■ 사용자에게 필요한 함수 (Public Functions)

- [문제5]에서 사용한 것을 복사하여 사용
- public Node()
- public Node(T givenElement)
- public Node(T givenElement, Node givenNode)
  
- public T element()
- public void setElement(T anElement)
  
- public Node next()
- public void setNext(Node anNode)



# □ FindEqvClass의 공개 함수는?

## ■ 사용자에게 필요한 함수

- `public FindEqvClass(AdjacencyListGraph givenGraph)`
- `public void perform()`

# □ ArrayStack<Element>의 공개 함수는?

## ■ 사용자에게 필요한 함수

- [문제5]에서 사용한 것을 복사하여 사용

- public      ArrayStack()

- public      ArrayStack(int givenMaxSize)

- public boolean                      isEmpty()

- public boolean                      isFull()

- public int                              length()

- public boolean                      push(Element anElement)

- public Element                      pop()

- public Element                      peek()

- public ArrayStackIterator arrayStackIterator()

- public class ArrayStackIterator



# □ Edge의 공개 함수는?

## ■ 사용자에게 필요한 함수

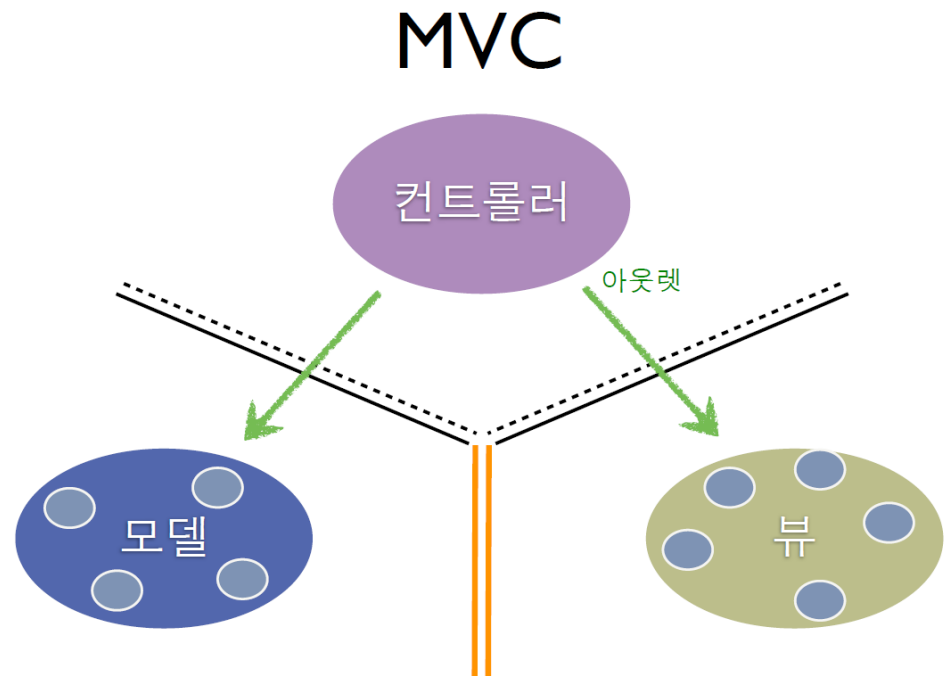
- [문제5]에서 사용한 것을 복사하여 사용
- `public Edge (int givenTailVertex, int givenHeadVertex)`
- `public Edge (int givenTailVertex, int givenHeadVertex, int givenCost)`
- `public void setTailVertex (int aVertex)`
- `public int tailVertex ()`
- `public void setHeadVertex (int aVertex)`
- `public int headVertex ()`
- `public void setCost (int aCost)`
- `public int cost()`
- `public boolean sameEdgeAs (Edge anEdge)`

# Class “AppController”



# □AppController

- 기존의 Class "Application"에서 input/output 기능을 제외한 것
- 핵심 기능
  - "모델"로부터 얻은 정보를 "뷰"에게 제공하여 사용자에게 보여준다.
  - "뷰"를 통해 사용자로 부터 얻은 입력 정보를 "모델"에게 제공한다.
- 컨트롤러는 모델과 뷰로 직접 접근 가능
  - 컨트롤러가 모델과 뷰 객체의 소유권 보유
- 모델과 뷰는 서로 접근 불가



# □AppController – 비공개 인스턴스 변수

```
public class AppController {  
    private AdjacencyListGraph _graph;  
    private AppView            _appview;  
    private FindEqvClass        _findEqvClass ;  
}
```



# □ Application의 공개 함수 run()의 구현

```
public void run(){
    this._appview = new AppView();

    this._appview.showStartingMsg();
    if ( inputAndMakeGraph() ) {
        this._appview.showEndingInputMsg();
        this._findEqvClass = new FindEqvClass(this._graph);
        // 입력 받은 동등 관계로부터 동등 클래스들을 모두 찾아 출력한다.
        this._appview.showStartingFindMsg();
        this._findEqvClass.perform();
    }
    this._appview.showEndingMsg();
}
```

# Application의 Private Method

## Application의 Private Member function의 사용법

- private boolean inputAndMakeGraph()
  - ◆ 키보드로부터 그래프를 입력 받아 그래프 객체로 저장한다.
  - ◆ 그래프가 정상적으로 입력되었으면 true, 아니면 false를 얻는다.
  - ◆ [문제5]에서 사용한 것을 수정 (이번 Graph는 방향성이 없음)
- private boolean endOfPair(Edge anEdge)
  - ◆ 입력 받은 값이 입력의 마지막 값인지 확인한다.



# □ Member Functions의 구현

## ■ Application의 Private Member function의 구현

### ● private boolean inputAndMakeGraph()

```
private boolean inputAndMakeGraph()
{
    int numOfVertices ;

    numOfVertices = this._appview.inputNumOfElements();
    if(numOfVertices == 0){
        this._appview.showNumOfElementsError();
        return false;
    }

    this._graph = new AdjacencyListGraph(numOfVertices);

    Edge anEdge = this._appview.inputPair();
    while(!endOfPair(anEdge)) {
        if(!this._graph.addEdge(anEdge))
            this._appview.showNumError();

        anEdge = this._appview.inputPair();
    }

    if(this._graph.numOfEdges() == 0){
        this._appview.showNoInputError();
        return false;
    }

    return true;
}
```

# □ Member Functions의 구현

## ■ Application의 Private Member function의 구현

### ● private boolean endOfPair(Edge anEdge)

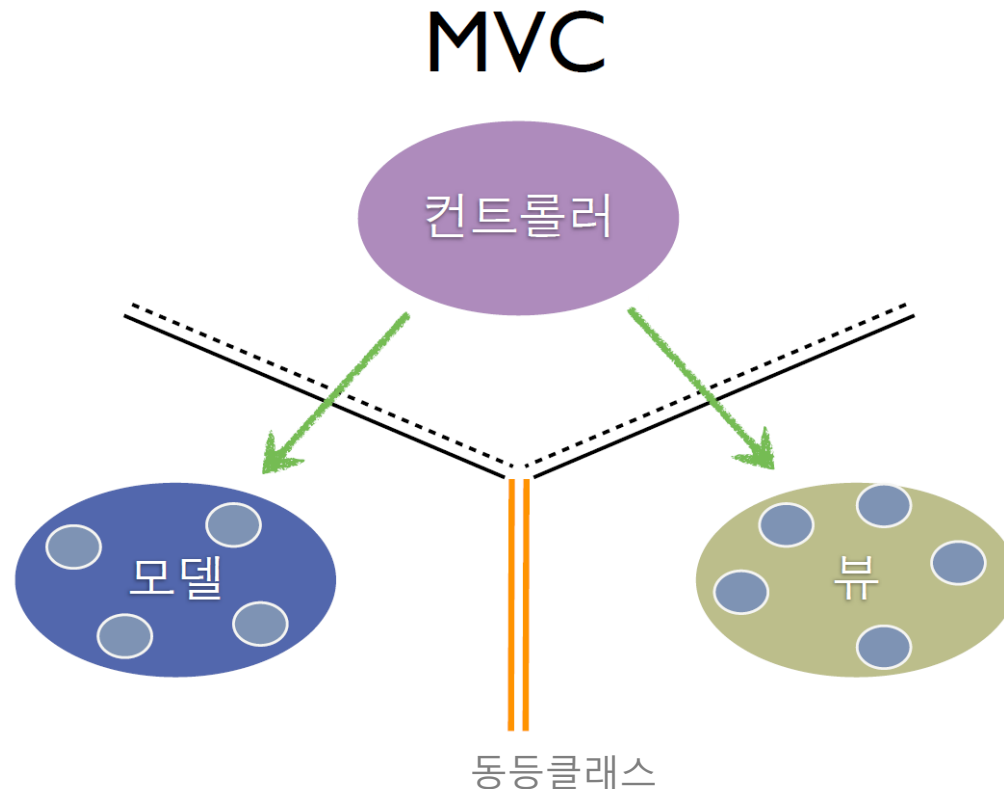
- ◆ 입력 받은 anEdge의 vertex 들의 값이 -1 값이면 true를 반환

# Class "AppView"



# □ AppView

- 기존의 Class "Application"에서 입출력 부분만을 담당하는 클래스
- 컨트롤러의 하수인
  - 사용자와의 상호작용을 위한 인터페이스



# □ AppView — 비공개 인스턴스 변수

```
import java.util.Scanner;
```

```
public class AppView {  
    private Scanner _scanner;
```

# □ AppView의 Public Method

- Application의 Public Member function의 **사용법과 구현**
  - public AppView()
    - ◆ 생성자
  - public void showStartingMsg()
    - ◆ "< 동등 클래스 찾기를 시작합니다 >" 를 화면에 내보낸다.
  - public void showEndingMsg()
    - ◆ "< 동등 클래스 찾기를 종료합니다 >" 를 화면에 내보낸다.
  - public void showStartingFindMsg()
    - ◆ ">찾아진 동등 클래스들은 다음과 같습니다." 를 화면에 내보낸다.
  - public void showEndingInputMsg()
    - ◆ ">관계 쌍 입력이 종료되었습니다." 를 화면에 내보낸다.



# □ AppView의 Public Method

- Application의 Public Member function의 **사용법과 구현**
  - public void showNumOfElementsError()
    - ◆ “[오류] 입력된 원소의 개수에 오류가 있습니다.” 를 화면에 내보낸다.
  - public void showNumError()
    - ◆ “[오류] 입력된 관계쌍에 오류가 있습니다.” 를 화면에 내보낸다.
  - public void showNoInputError()
    - ◆ “[오류] 입력된 관계쌍이 없습니다.” 를 화면에 내보낸다.

# □ AppView의 Public Method

## ■ Application의 Public Member function의 사용법과 구현

- `public int inputNumOfElements()`
  - ◆ “? 원소의 개수를 입력하시오: ” 를 화면에 내보낸다.
  - ◆ 원소 개수 하나를 입력 받아 반환한다.
- `public Edge inputPair()`
  - ◆ “? 관계 쌍을 입력하시오: ” 를 화면에 내보낸다.
  - ◆ 관계 쌍 두개를 입력 받아 새로운 Edge를 생성하여 반환한다.

# Class “AdjacencyListGraph”



# AdjacencyListGraph의 수정

■ [문제5] 에서 사용한 것을 방향성 없는 그래프로 수정

● `public boolean addEdge(Edge anEdge)`

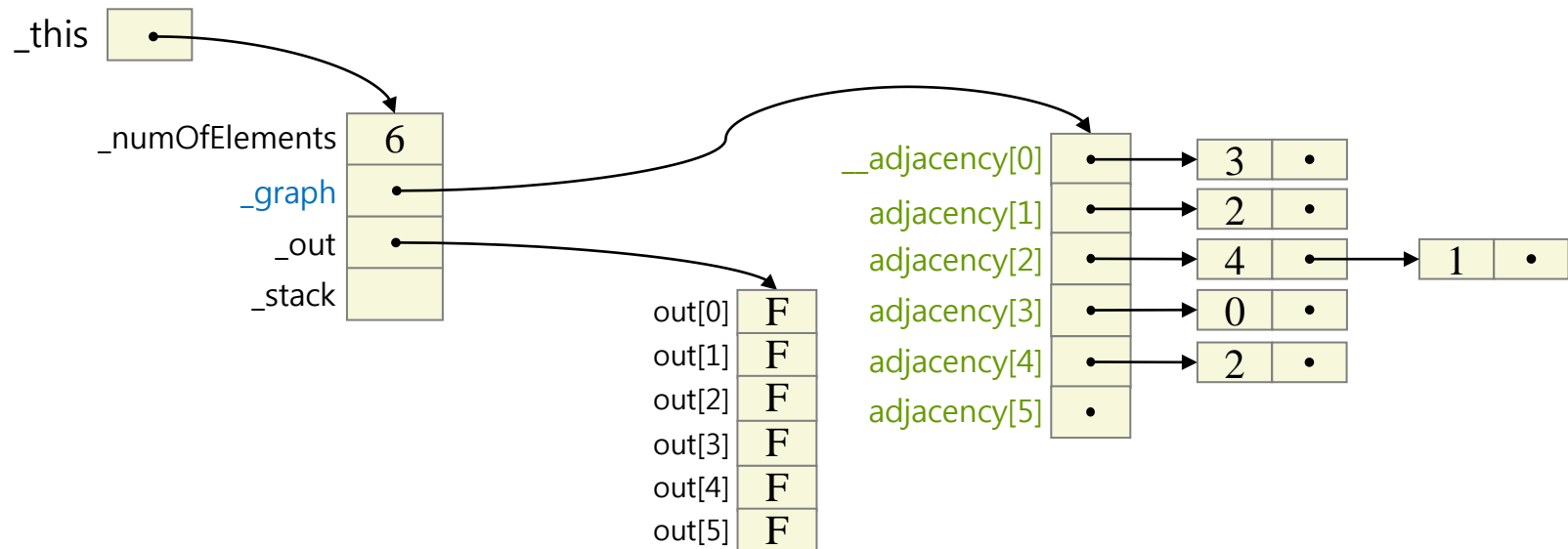
- ◆ 먼저 `anEdge`를 그래프에 삽입한다.
- ◆ 방향성이 없는 Graph이므로, 입력 받은 `anEdge`의 `headVertex`를 `tailVertex`로, `tailVertex`를 `headVertex`로 갖는 **reverseEdge**를 새로 생성한다.
- ◆ `reverseEdge`를 삽입한다.

# Class “FindEqvClass”



# FindEqvClass 비공개 인스턴스 변수

```
public class FindEqvClass {
    private int                _numOfElements; // 원소의 개수
    private AdjacencyListGraph _graph;
    private boolean []         _out;
    private ArrayStack<Integer> _stack;
```





# FindEqvClass 의 구현

## 동등관계의 입력과 표현



# □ 동등 관계의 표현 [1]

## ■ 예: 입력을 통해 주어진 동등관계

- 원소의 집합:  $\{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$
- 동등관계 쌍:  $\langle 0, 3 \rangle, \langle 1, 2 \rangle, \langle 1, 1 \rangle, \langle 4, 2 \rangle$

## ■ 원소의 집합

- 편의상 0부터 시작하는 정수의 집합으로 나타내기로 한다.
- 그러므로 그 개수만 알면 된다.
  - ◆ 예제의 경우 **6** 만 알면 된다.

## ■ 동등관계 쌍

- Reflexive pair: 따로 표현하지 않는다.
- Symmetric pair:  $\langle a, b \rangle$ 가 입력되면,  $\langle b, a \rangle$ 도 함께 입력된 것으로 보고, 둘 다 표현한다.
- Transitive pair: 프로그램에서 필요한 시점에 모두 찾아내며, 입력 단계에서는 표현하지 않는다.

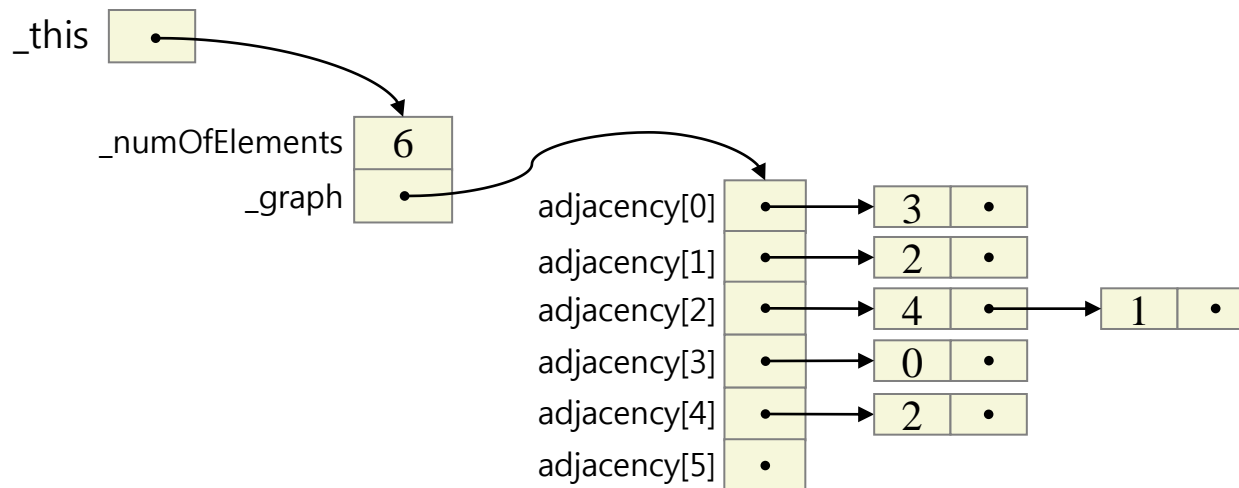
## 동등 관계의 표현 [2]

### 연결리스트를 사용하자.

- 동일한 번호로 시작하는 쌍은 모두 하나의 연결리스트에 넣는다.

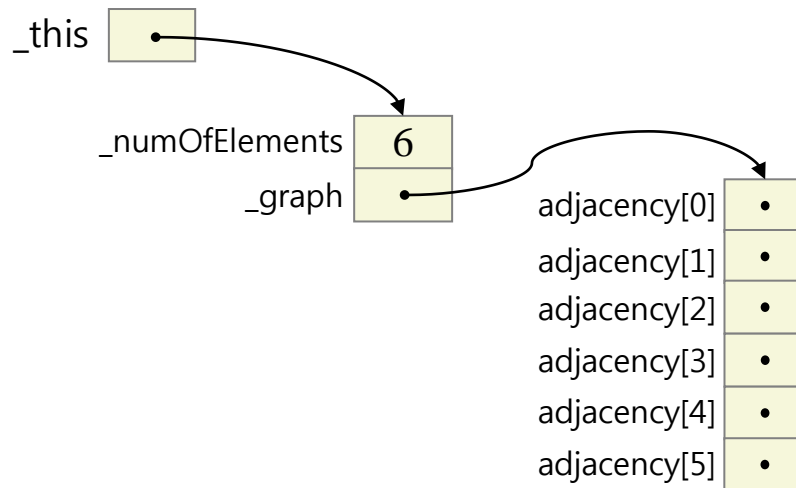
### 예제:

- 입력:  $\langle 0,3 \rangle$ ,  $\langle 1,2 \rangle$ ,  $\langle 1,1 \rangle$ ,  $\langle 4,2 \rangle$



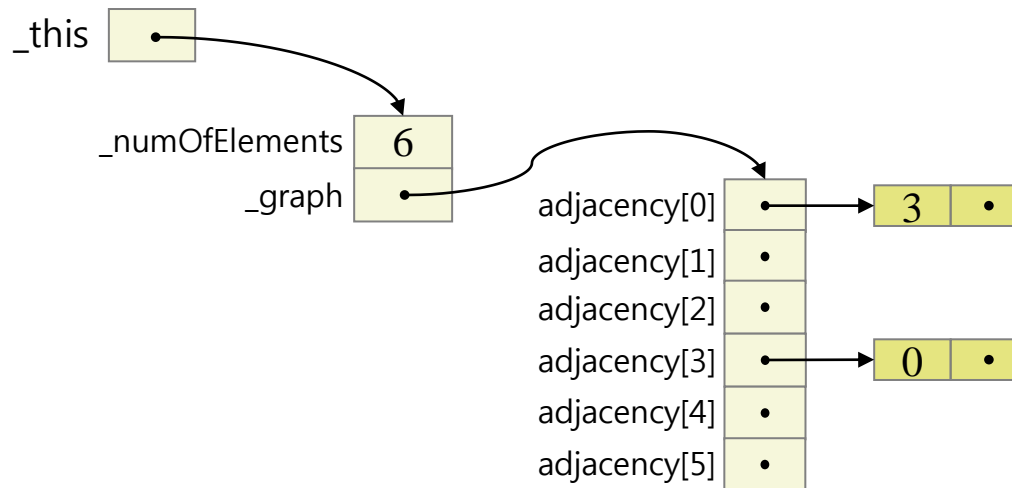
# □ 관계 쌍 입력 처리 [O]

## ■ 관계 쌍 입력 시작 전 상태



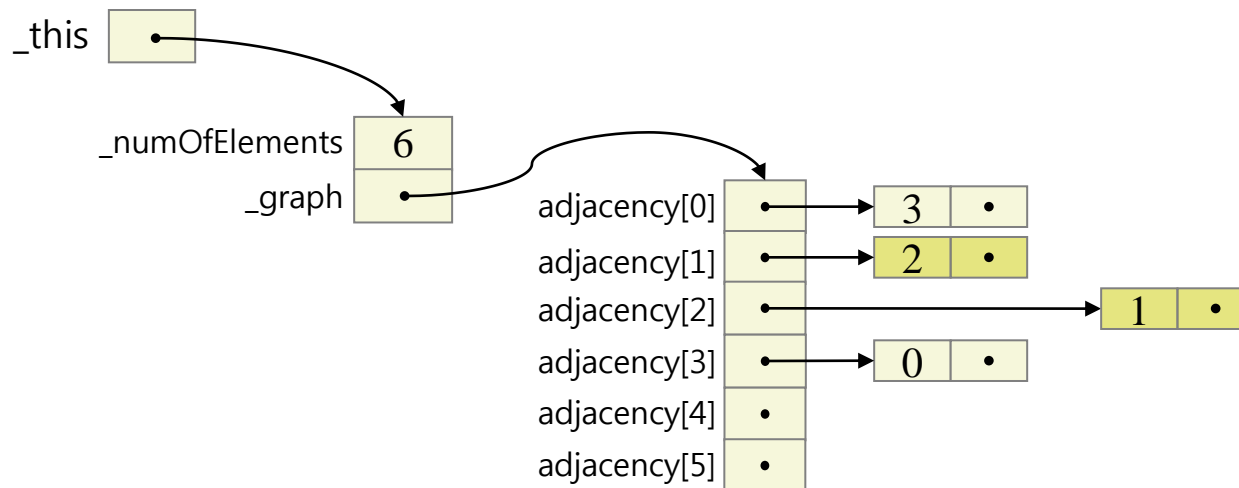
# □ 관계 쌍 입력 처리 [1]

## ■ 관계 쌍 <0,3> 입력



# □ 관계 쌍 입력 처리 [2]

## ■ 관계 쌍 <1,2> 입력

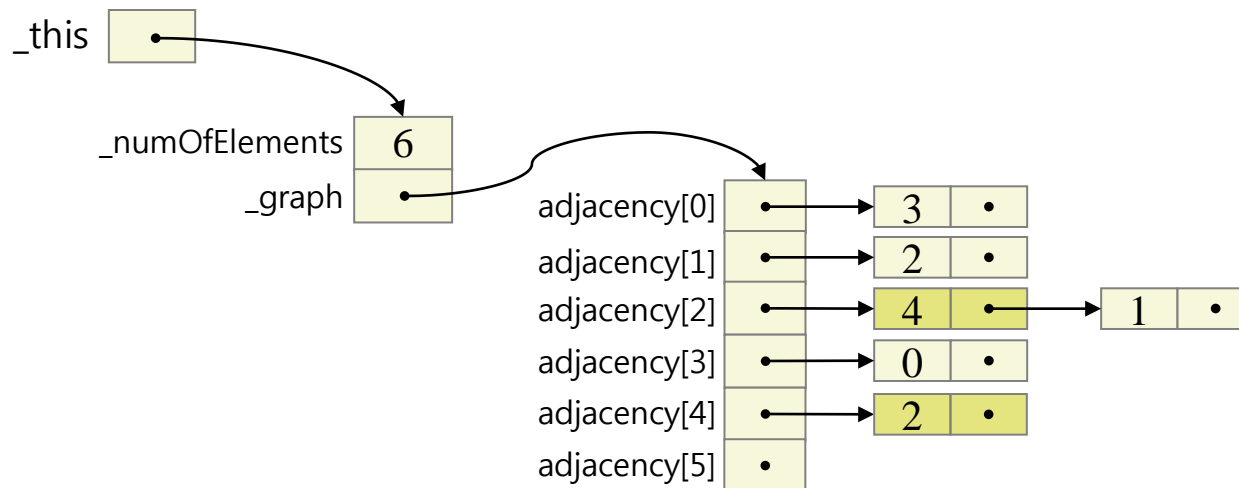


## □ 관계 쌍 입력 처리 [2]

■ 관계 쌍  $\langle 1, 1 \rangle$  입력

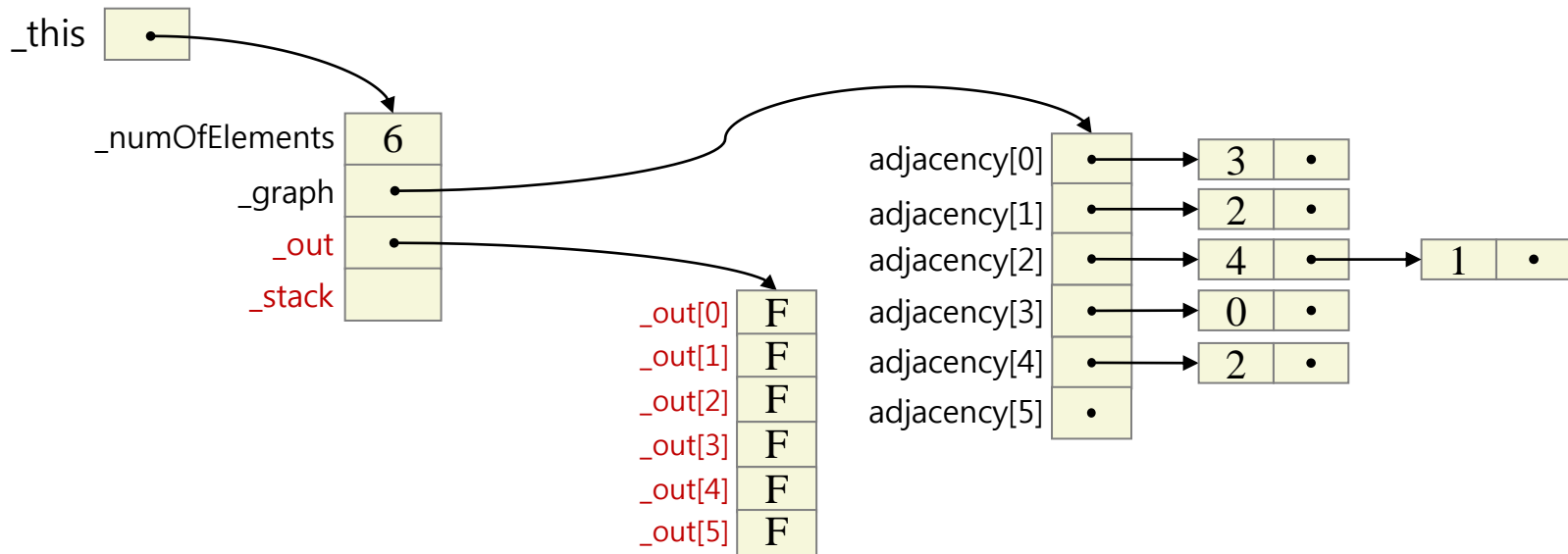
● 처리할 것 없음

■ 관계 쌍  $\langle 4, 2 \rangle$  입력



# 동등 클래스 찾기 [1]

- 현재까지 동등클래스가 찾아진 원소들이 어느 것인지를 표현하자.



- boolean 타입의 배열 `_out[]`을 사용하자.
  - `_out[]`은 맨 처음에 모두 `False` 이다.
  - 매번 동등 클래스가 찾아진 원소 `x`에 대해, 그 `_out[x]` 값을 `True` 로 바꾼다.
  - 전부 `True` 가 되면 모든 원소의 동등 클래스를 찾은 것이다. 프로그램을 종료한다.



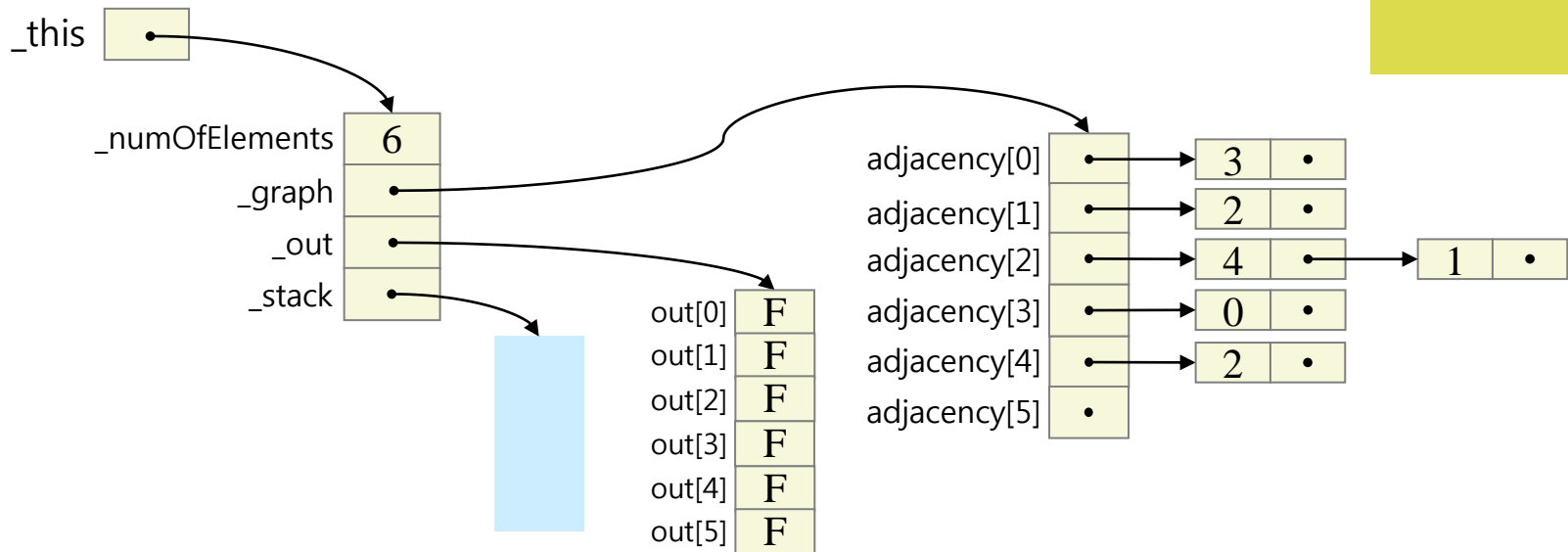
## □ 동등 클래스 찾기 [2]

### ■ 한 원소와 동등관계 있는 모든 원소 찾기

- Transitivity를 적용하여 동등관계가 성립하는 모든 원소를 찾아야 한다.
- 시작 원소  $x$  결정하기
  - ◆ 먼저 `_out[]` 중에서 아직 동등 클래스가 찾아지지 않은 원소 하나를 얻는다.
- 원소  $x$ 로부터 출발하여,  $s$ 와 동등관계가 성립하는 모든 원소를 찾는다.
  - ◆ `_adjacency[x]`에 연결되어 있는 원소들은 모두  $x$ 와 동등 관계가 성립한다.
  - ◆ `_adjacency[x]`에 연결되어 있는 원소 하나 하나에 대해,
    - 그 중 하나가  $y$  라면, 다시 `adjacency[y]`에 연결되어 있는 모든 원소는 역시  $x$ 와 동등관계가 성립한다.
  - ◆ 이러한 방식으로 연결되어 있는 모든 원소는  $x$ 와 동등관계가 성립한다.
- 스택을 이용한다.

# 동등 클래스 찾기: 과정 [O]

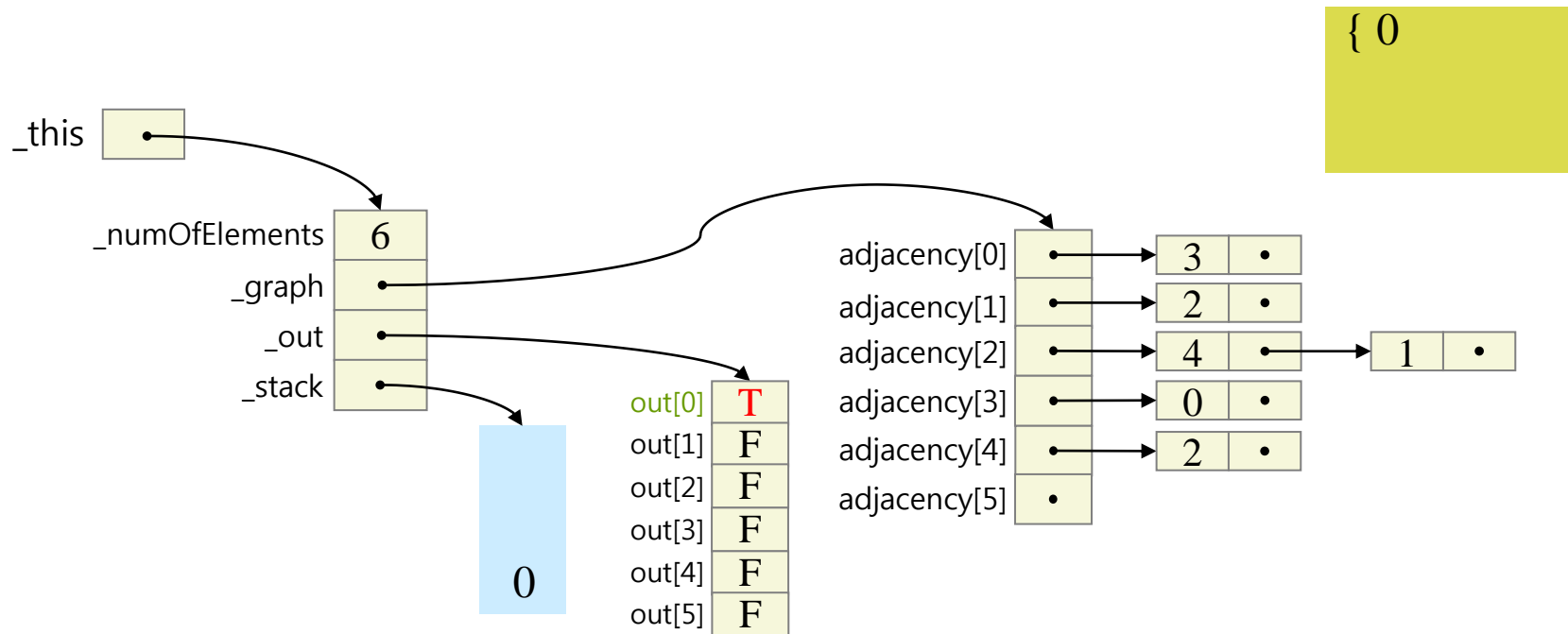
## 찾기 시작 전 상태



# 동등 클래스 찾기: 과정 [1]

■  $i = 0$

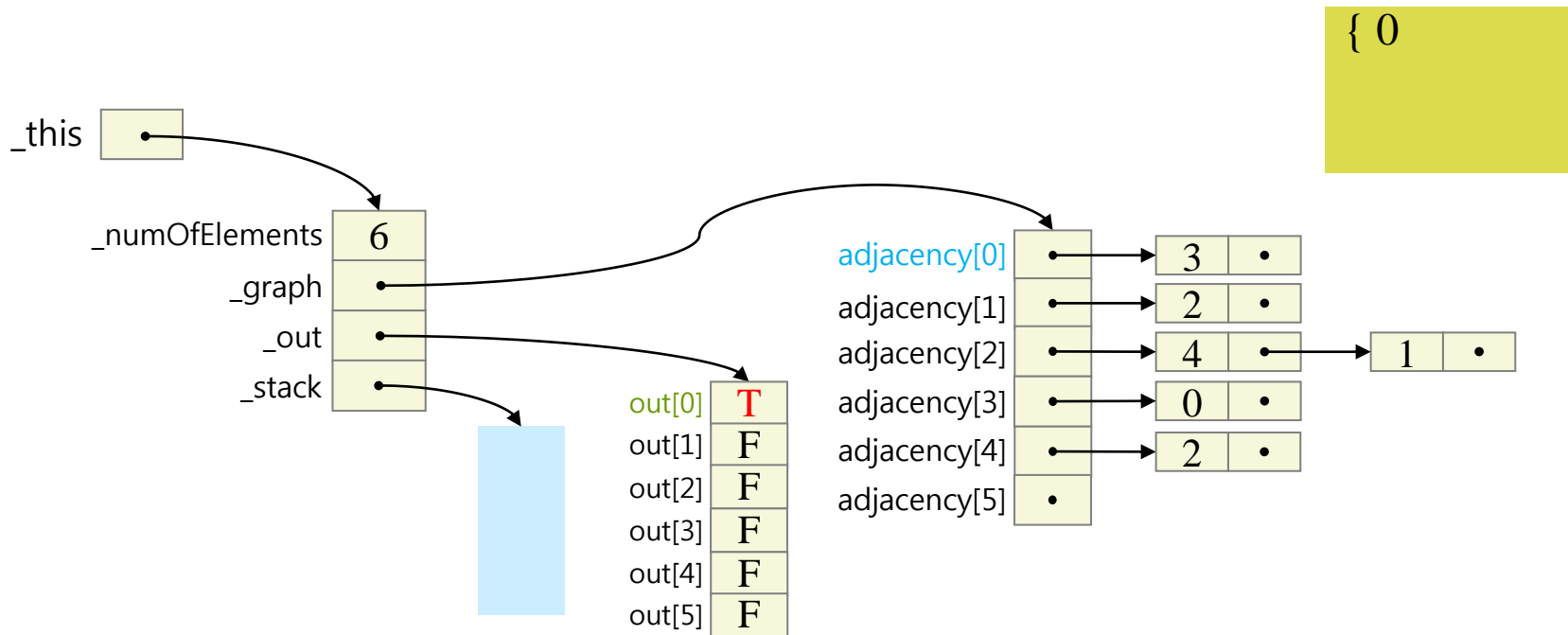
- `out[0]` 는 FALSE; 원소 0의 동등 클래스를 찾기 시작한다;
- 원소 0 를 출력; `out[0]`는 TRUE로 바뀐다;
- 원소 0 를 스택에 삽입;



# 동등 클래스 찾기: 과정 [2]

■  $i = 0$

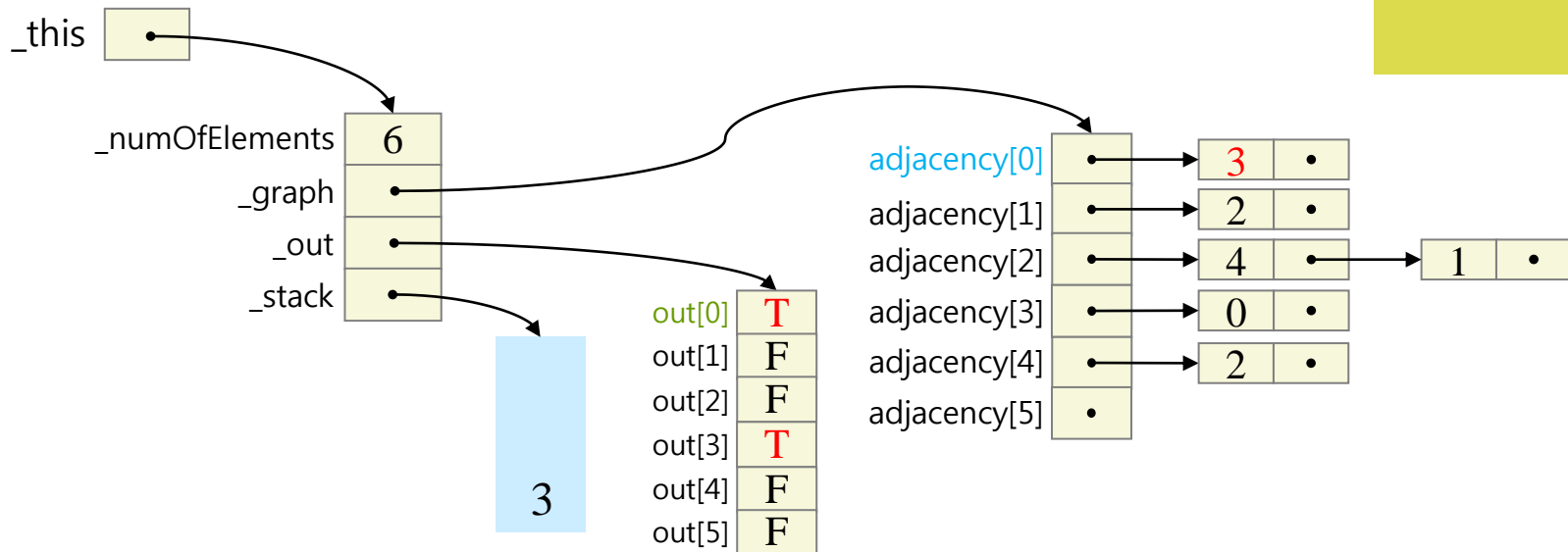
- 스택이 empty가 아니므로 pop:
  - ◆ poppedElement = 0;
- Linked list인 adjacency[0]를 scan:



# 동등 클래스 찾기: 과정 [3]

■  $i = 0$

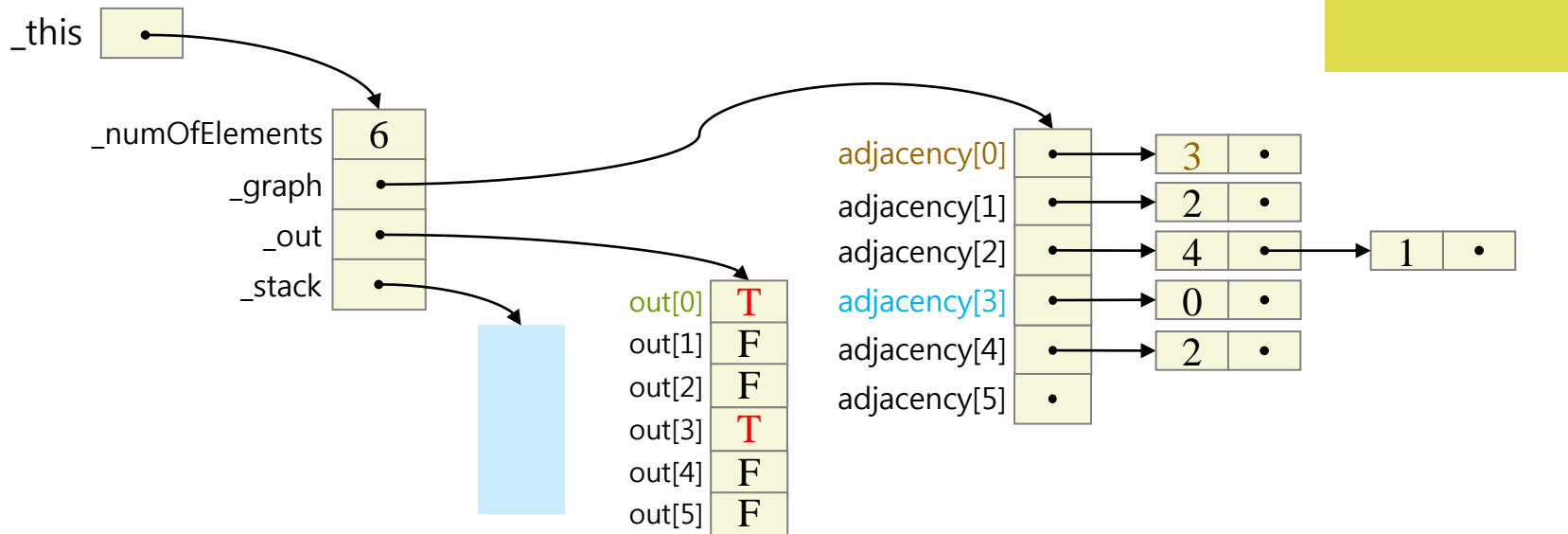
- 스택이 empty가 아니므로 pop:
  - ◆ poppedElement = 0;
- Linked list인 adjacency[0]를 scan:
  - ◆ 첫번째 원소 = 3 ;  
out[3]가 FALSE ; 원소 3 출력; out[3]는 TRUE 로; stack에 삽입;
  - ◆ 더 이상 원소가 없으므로 scan 끝;



# 동등 클래스 찾기: 과정 [4]

■  $i = 0$

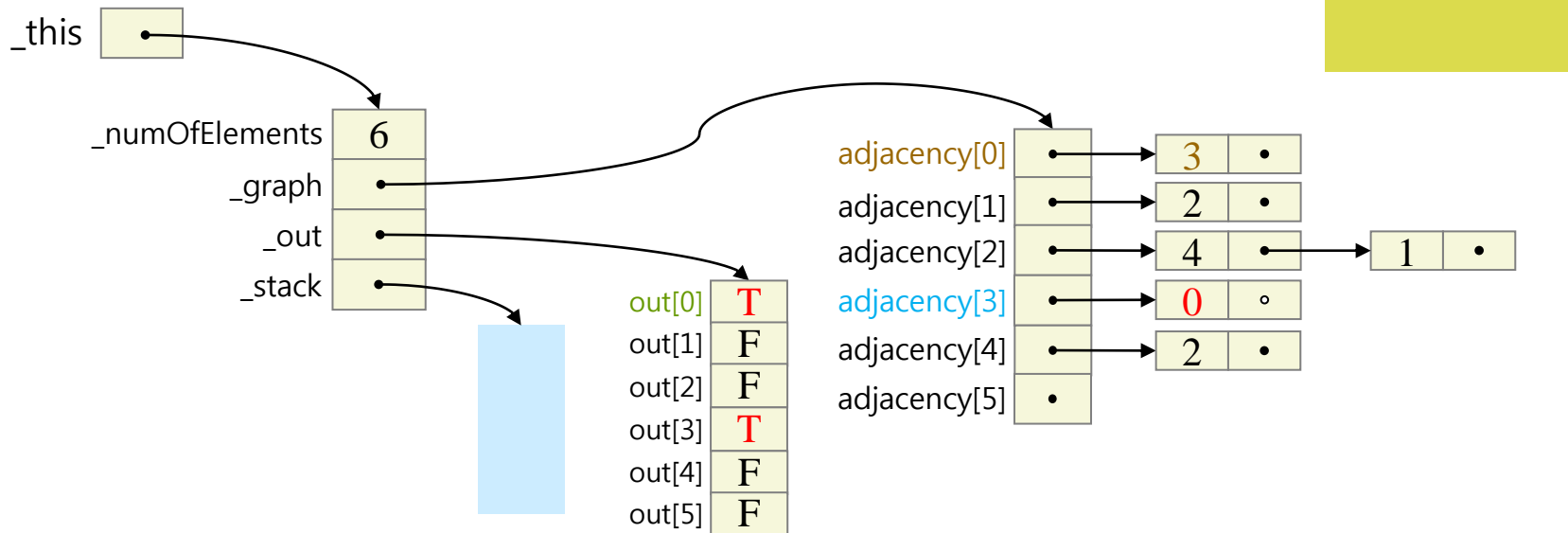
- 스택이 empty가 아니므로 pop:
  - ◆ poppedElement = 3;
- Linked list인 adjacency[3]를 scan:



# 동등 클래스 찾기: 과정 [5]

■  $i = 0$

- 스택이 empty가 아니므로 pop:
  - ◆ poppedElement = 3;
- Linked list인 adjacency[3]를 scan:
  - ◆ 첫번째 원소 = 0 ;  
out[3]은 TRUE ; 이미 출력된 원소이므로 아무 일도 하지 않는다;
  - ◆ 더 이상 원소가 없으므로 scan 끝;

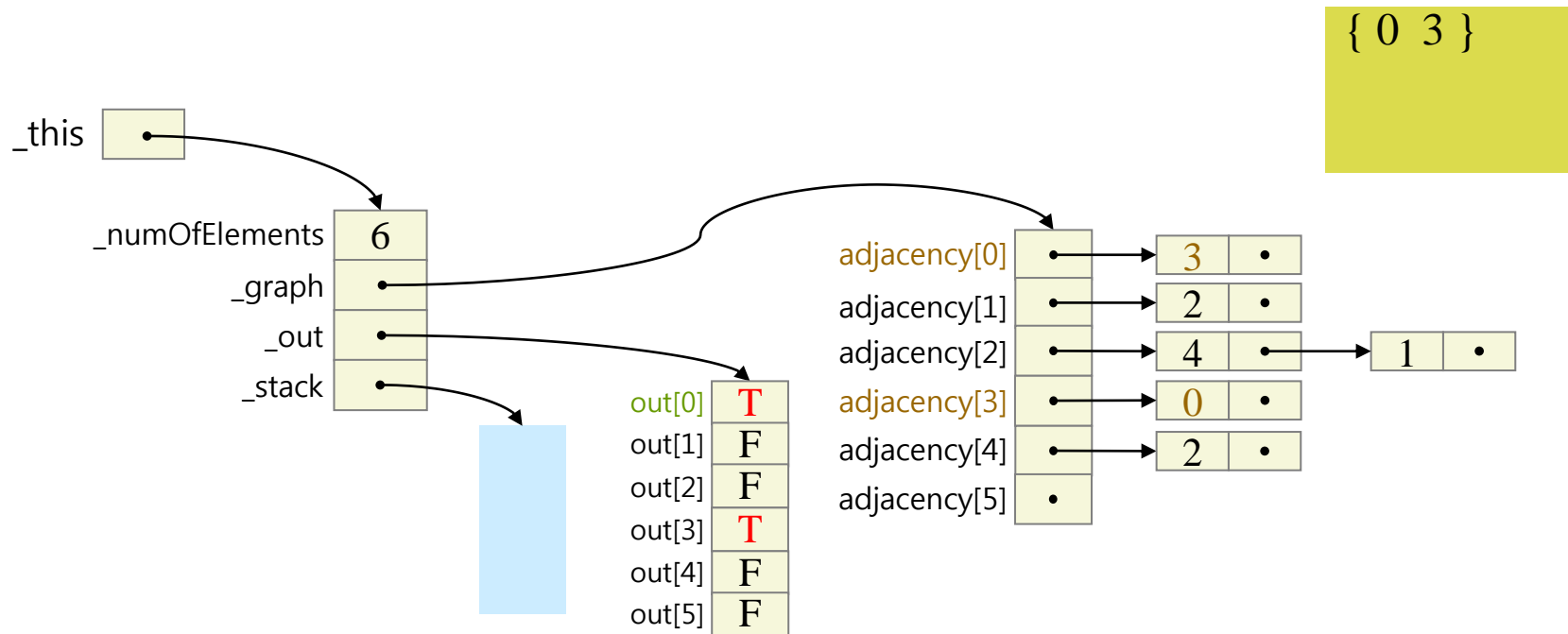


# 동등 클래스 찾기: 과정 [6]

■  $i = 0$

● 스택이 empty:

◆ 원소 0의 동등 클래스를 다 찾았다;

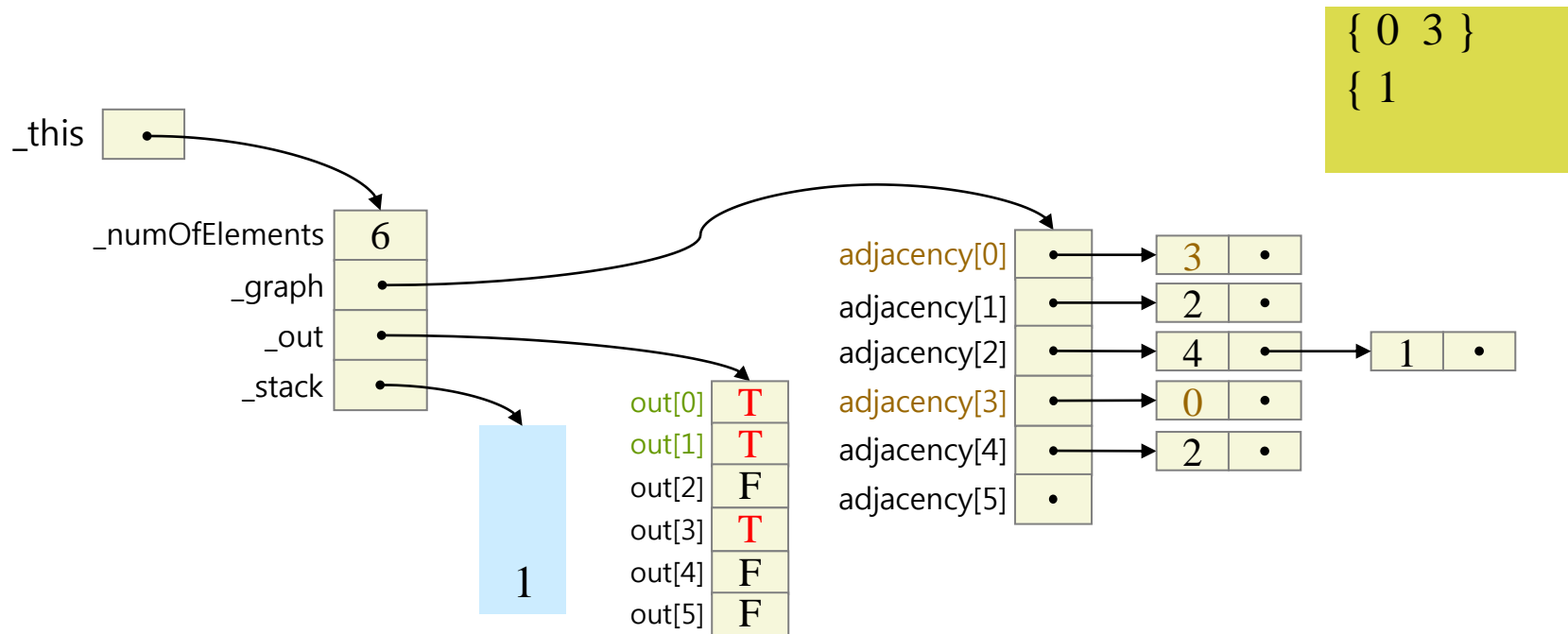




# 동등 클래스 찾기: 과정 [7]

■  $i = 1$

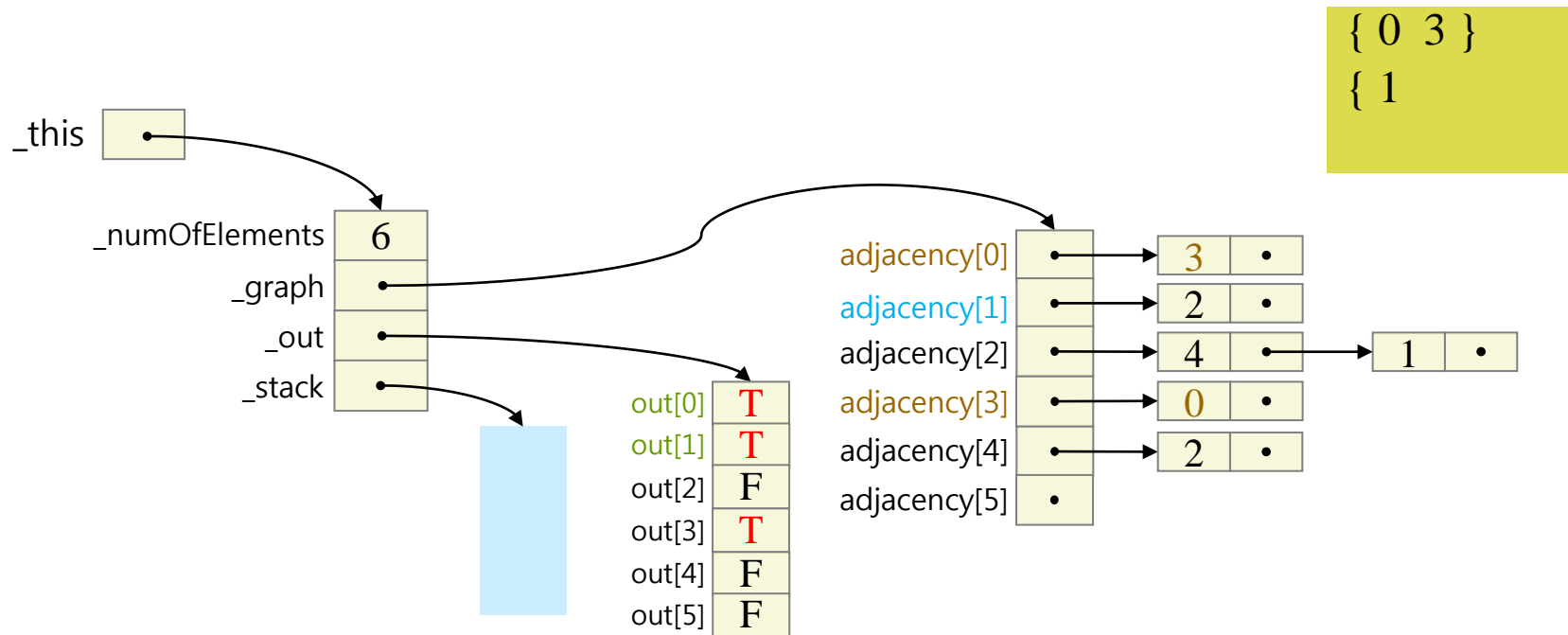
- `out[1]` 은 FALSE; 원소 1의 동등 클래스를 찾기 시작한다;
- 원소 1 을 출력; `out[1]`는 TRUE로 바뀐다;
- 원소 1 을 스택에 삽입;



# 동등 클래스 찾기: 과정 [8]

■  $i = 1$

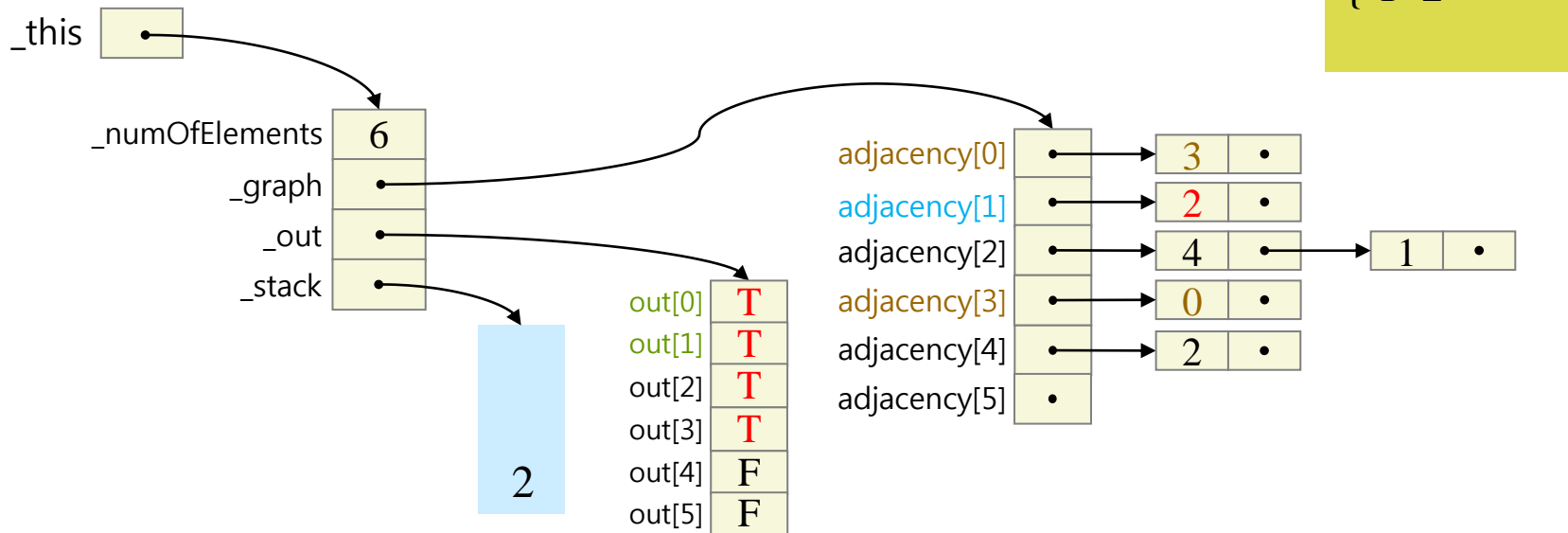
- 스택이 empty가 아니므로 pop:
  - ◆ poppedElement = 1;
- Linked list인 adjacency[1]를 scan:



# 동등 클래스 찾기: 과정 [9]

■  $i = 1$

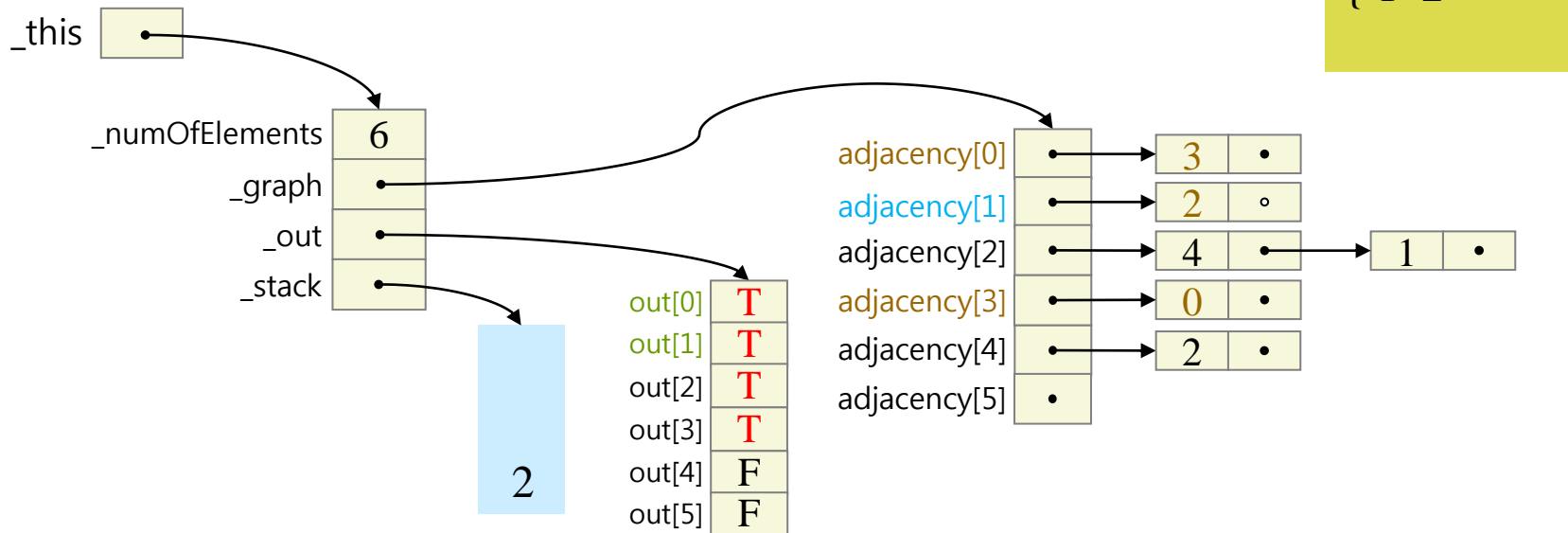
- 스택이 empty가 아니므로 pop:
  - ◆ poppedElement = 1;
- Linked list인 adjacency[1]를 scan:
  - ◆ 첫번째 원소 = 2 ;  
out[2]는 FALSE ; 원소 2 출력; out[2]는 TRUE 로; stack에 삽입;



# 동등 클래스 찾기: 과정 [10]

■  $i = 1$

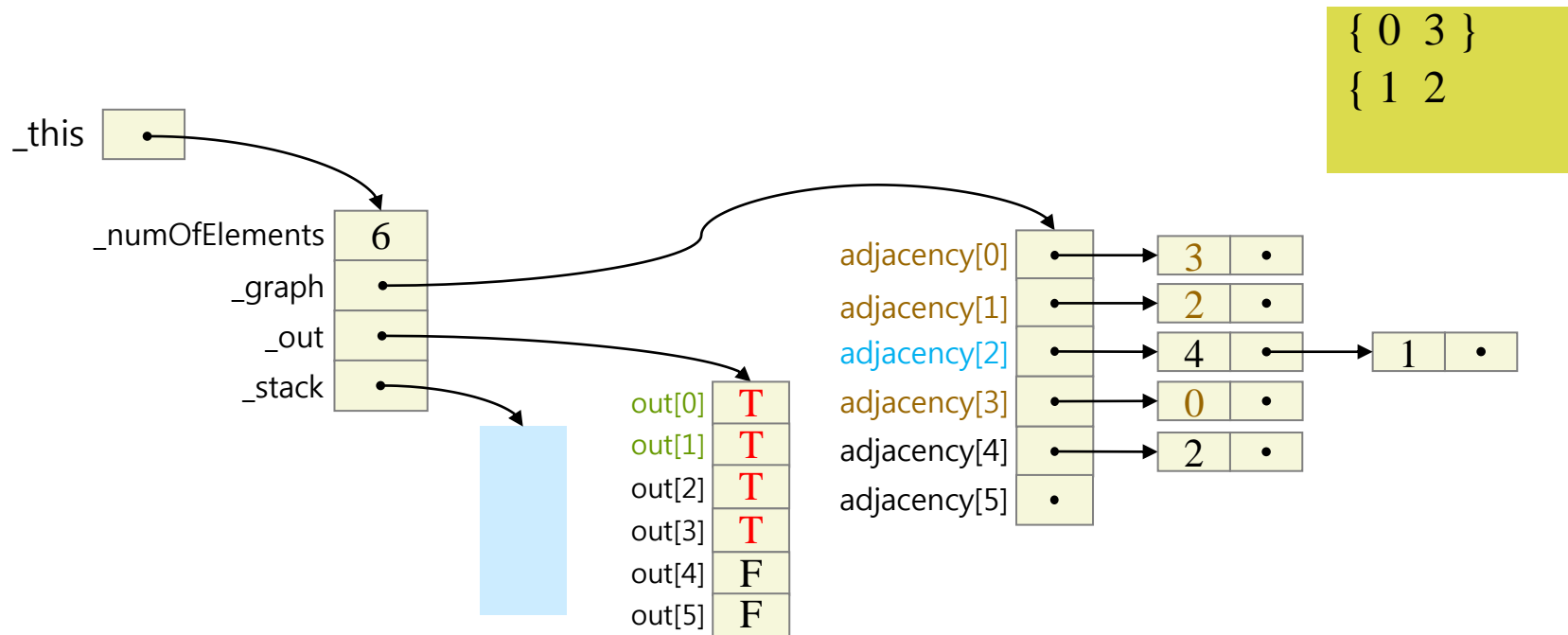
- 스택이 empty가 아니므로 pop:
  - ◆ poppedElement = 1;
- Linked list인 adjacency[1]를 scan:
  - ◆ 첫번째 원소 = 2 ;  
out[2]는 FALSE ; 원소 2 출력; out[2]는 TRUE 로; stack에 삽입;
  - ◆ 더 이상 원소가 없으므로 scan 끝;



# 동등 클래스 찾기: 과정 [11]

■  $i = 1$

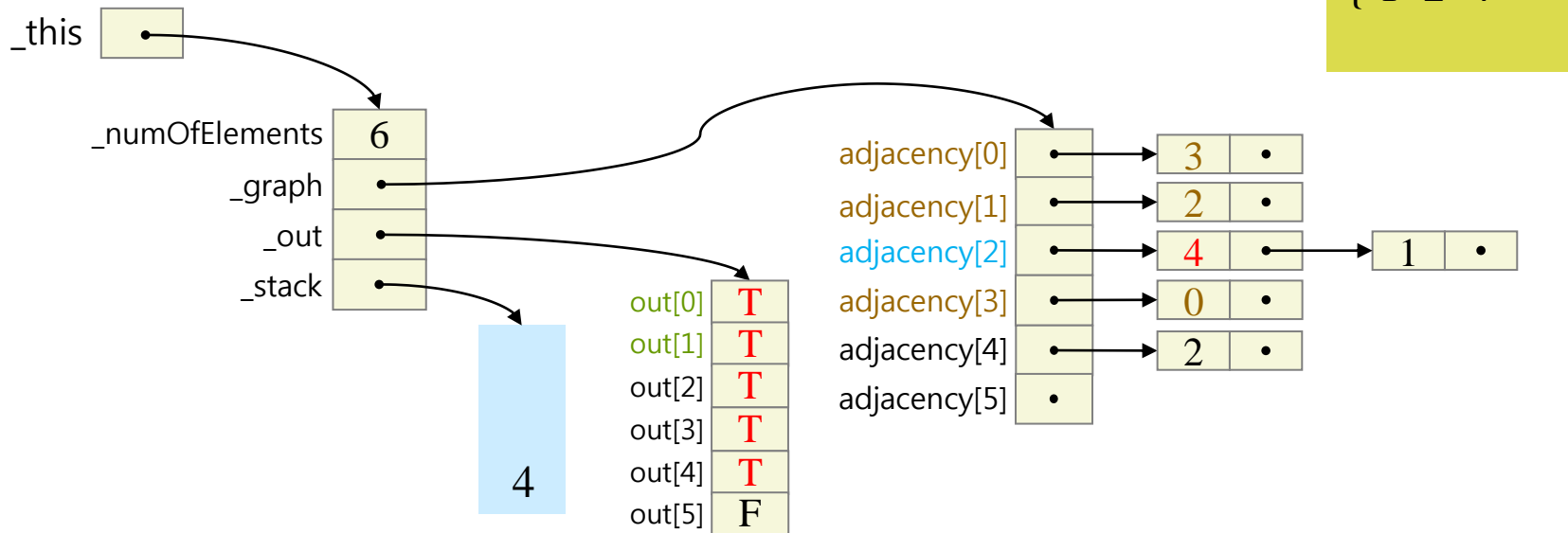
- 스택이 empty가 아니므로 pop:
  - ◆ poppedElement = 2;
- Linked list인 adjacency[2]를 scan:



# 동등 클래스 찾기: 과정 [12]

■  $i = 1$

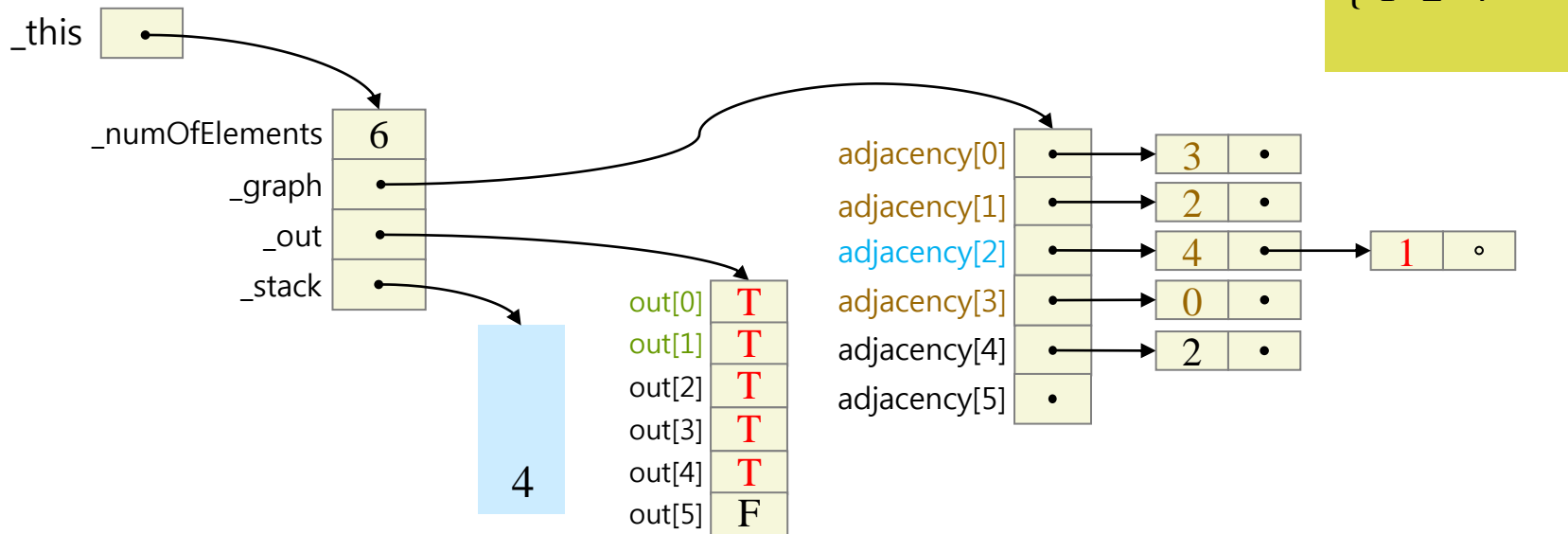
- 스택이 empty가 아니므로 pop:
  - ◆ poppedElement = 2;
- Linked list인 adjacency[2]를 scan:
  - ◆ 첫번째 원소 = 4;
    - out[4]가 FALSE ; 원소 4 출력; out[4]는 TRUE 로; stack에 삽입;



# 동등 클래스 찾기: 과정 [13]

■  $i = 1$

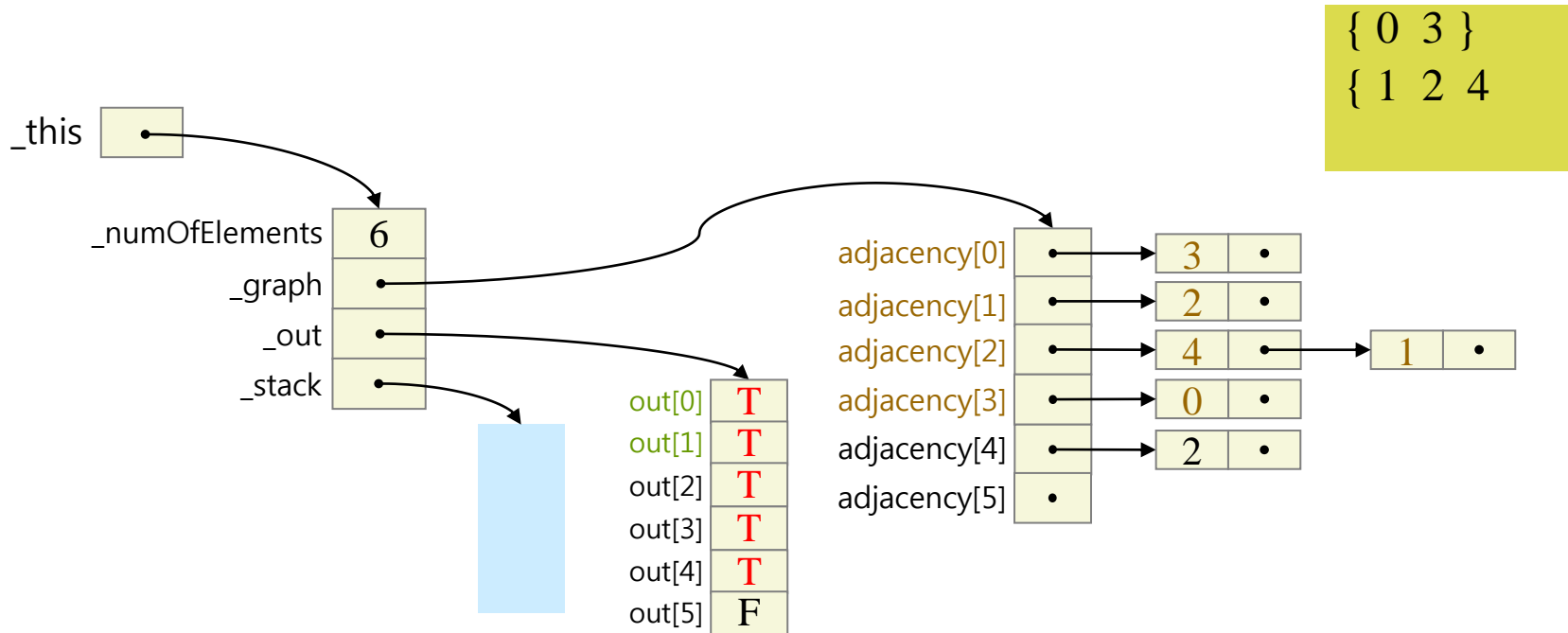
- 스택이 empty가 아니므로 pop:
  - ◆ poppedElement = 2;
- Linked list인 adjacency[2]를 scan:
  - ◆ 두번째 원소 = 1;
    - out[1]이 TRUE ; 이미 출력된 원소이므로 아무 일도 하지 않는다;
  - ◆ 더 이상 원소가 없으므로 scan 끝;



# 동등 클래스 찾기: 과정 [14]

■  $i = 1$

- 스택이 empty가 아니므로 pop:
  - ◆ poppedElement = 4;

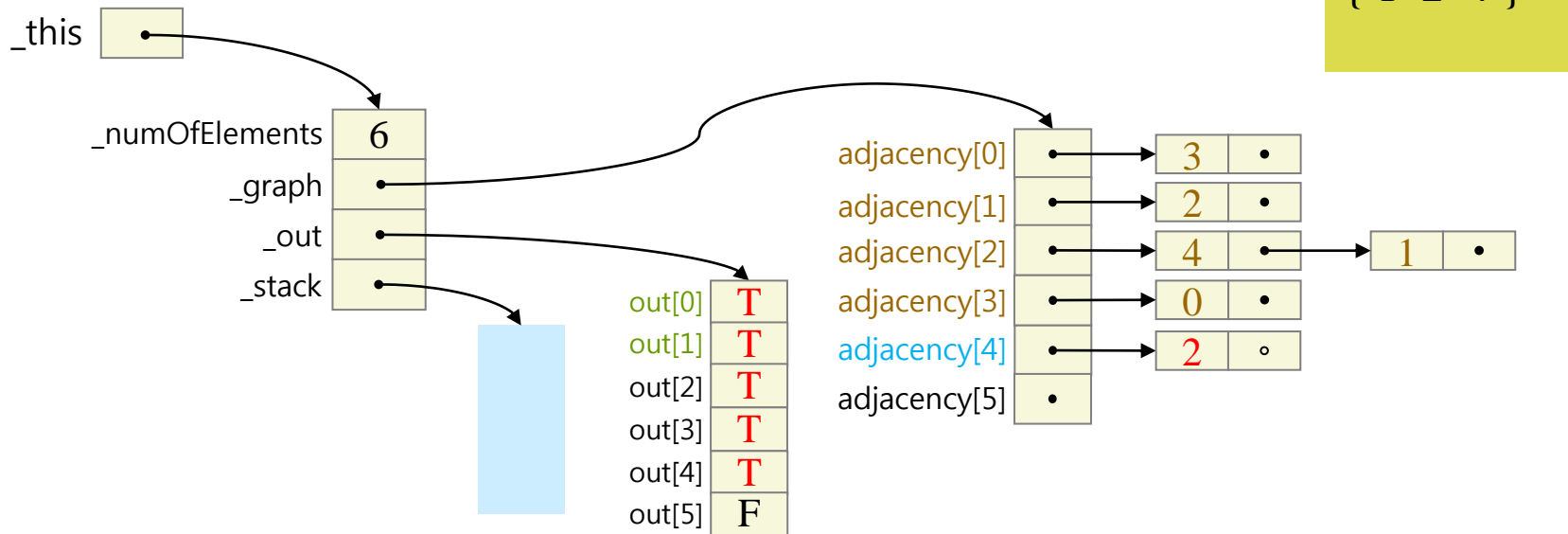




# 동등 클래스 찾기: 과정 [15]

■  $i = 1$

- 스택이 empty가 아니므로 pop:
  - ◆ poppedElement = 4;
- Linked list인 adjacency[4]를 scan:
  - ◆ 첫번째 원소 = 2;
    - out[2]는 TRUE ; 이미 출력된 원소이므로 아무 일도 하지 않는다;
  - ◆ 더 이상 원소가 없으므로 scan 끝;

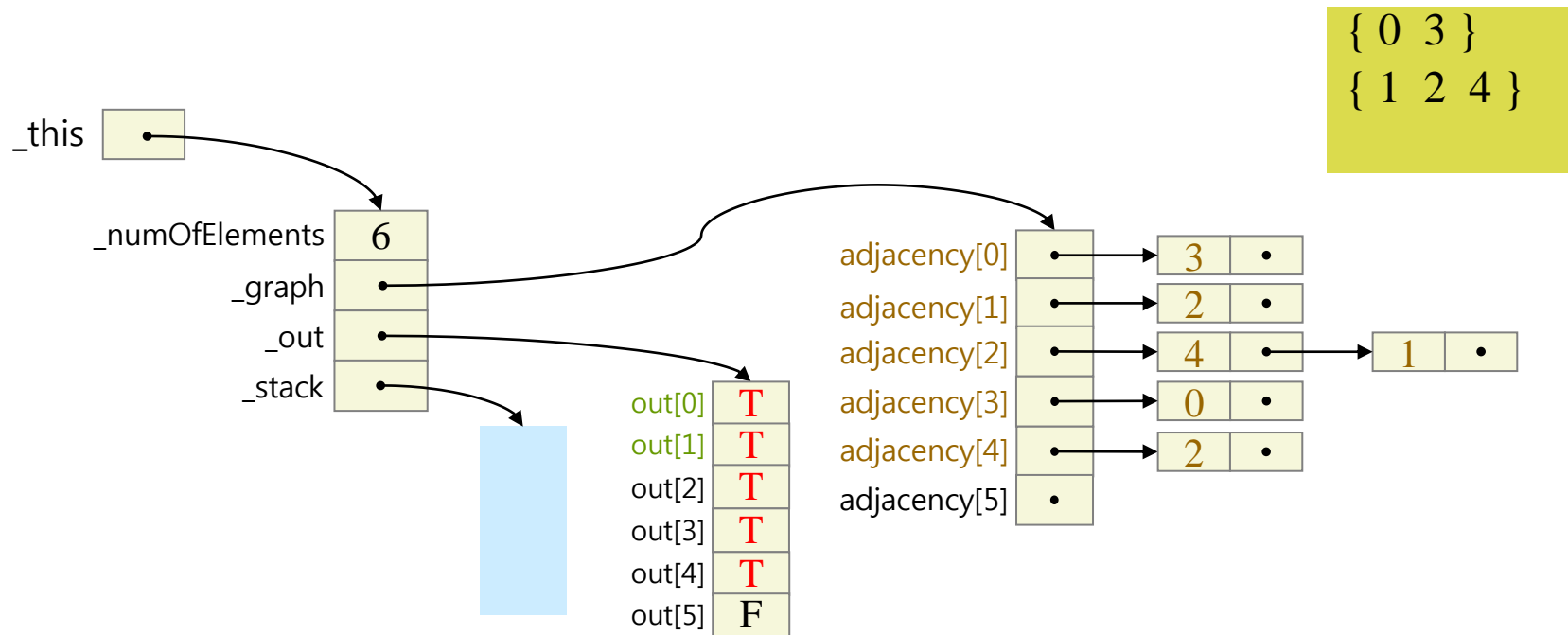


# 동등 클래스 찾기: 과정 [16]

■  $i = 1$

● 스택이 empty:

◆ 원소 1 의 동등 클래스를 다 찾았다;



# 동등 클래스 찾기: 과정 [17]

■  $i = 2$

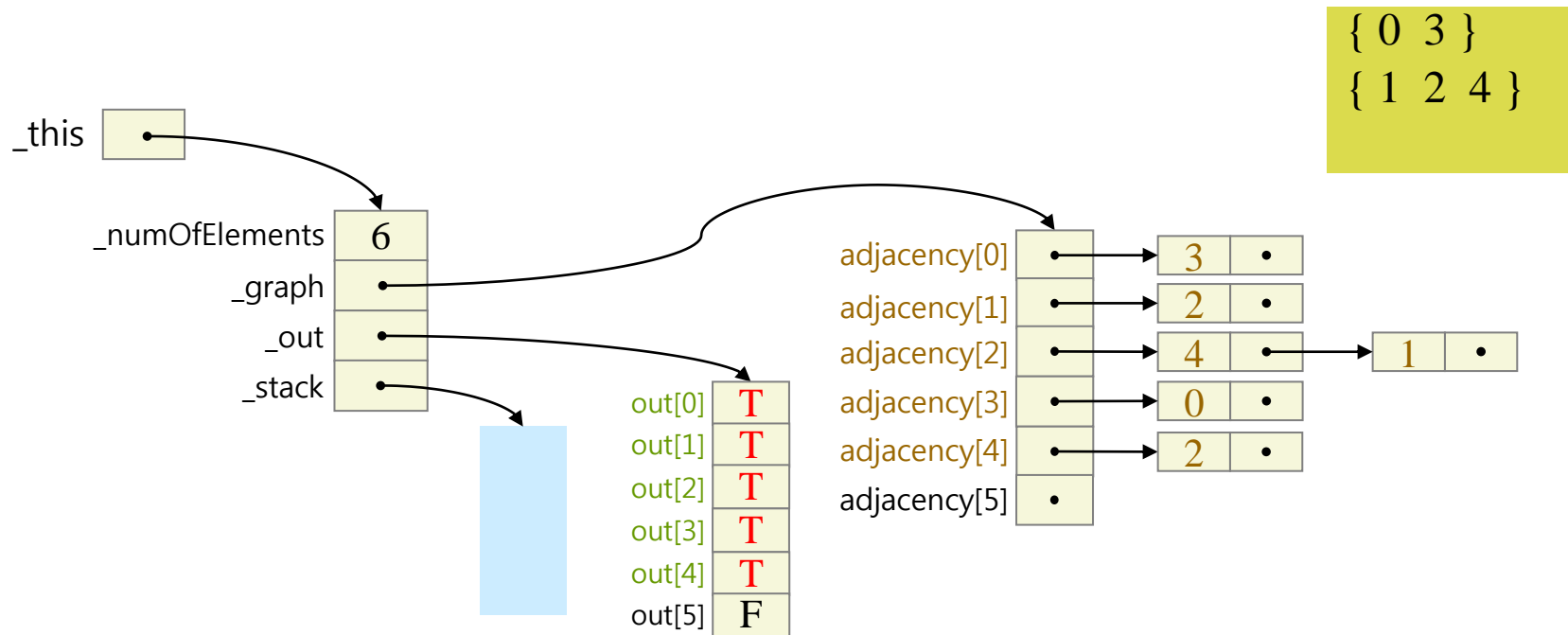
- $out[2]$  는 TRUE; 원소 2의 동등 클래스는 이미 찾았다;

■  $i = 3$

- $out[3]$  는 TRUE; 원소 3의 동등 클래스는 이미 찾았다;

■  $i = 4$

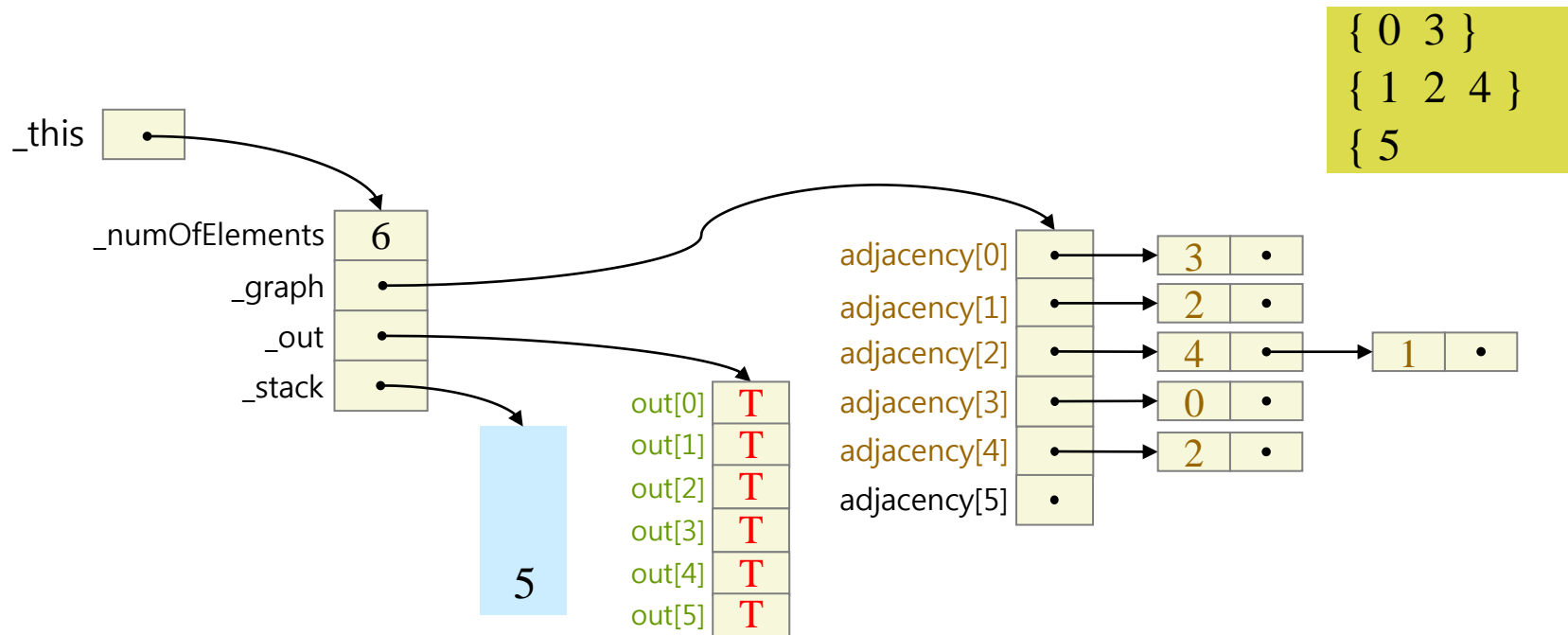
- $out[4]$  는 TRUE; 원소 4의 동등 클래스는 이미 찾았다;



# 동등 클래스 찾기: 과정 [18]

■  $i = 5$

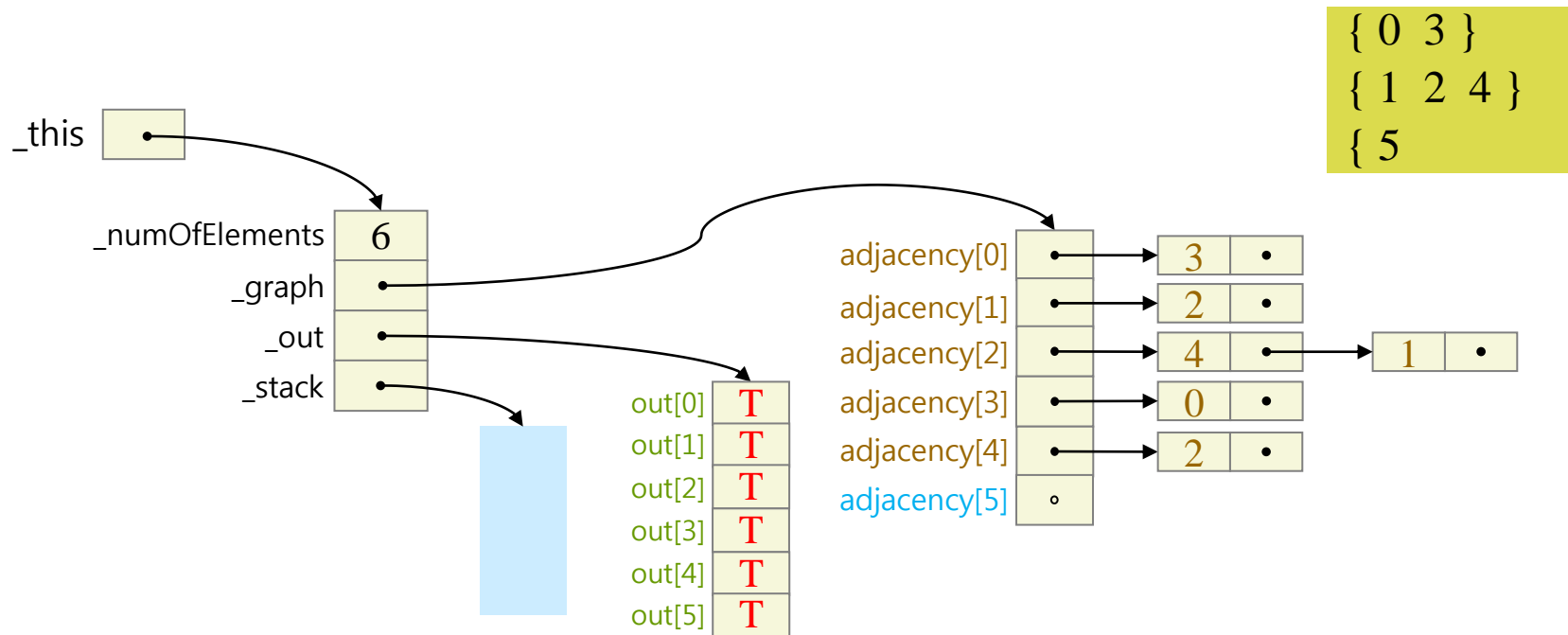
- $out[5]$  는 FALSE; 원소 5의 동등 클래스를 찾기 시작한다;
- 원소 5 를 출력;  $out[5]$ 는 TRUE로 바뀐다;
- 원소 5 를 스택에 삽입;



# 동등 클래스 찾기: 과정 [19]

■  $i = 5$

- 스택이 empty가 아니므로 pop:
  - ◆ poppedElement = 5;
- Linked list인 adjacency[5]를 scan:
  - ◆ 더 이상 원소가 없으므로 scan 끝;

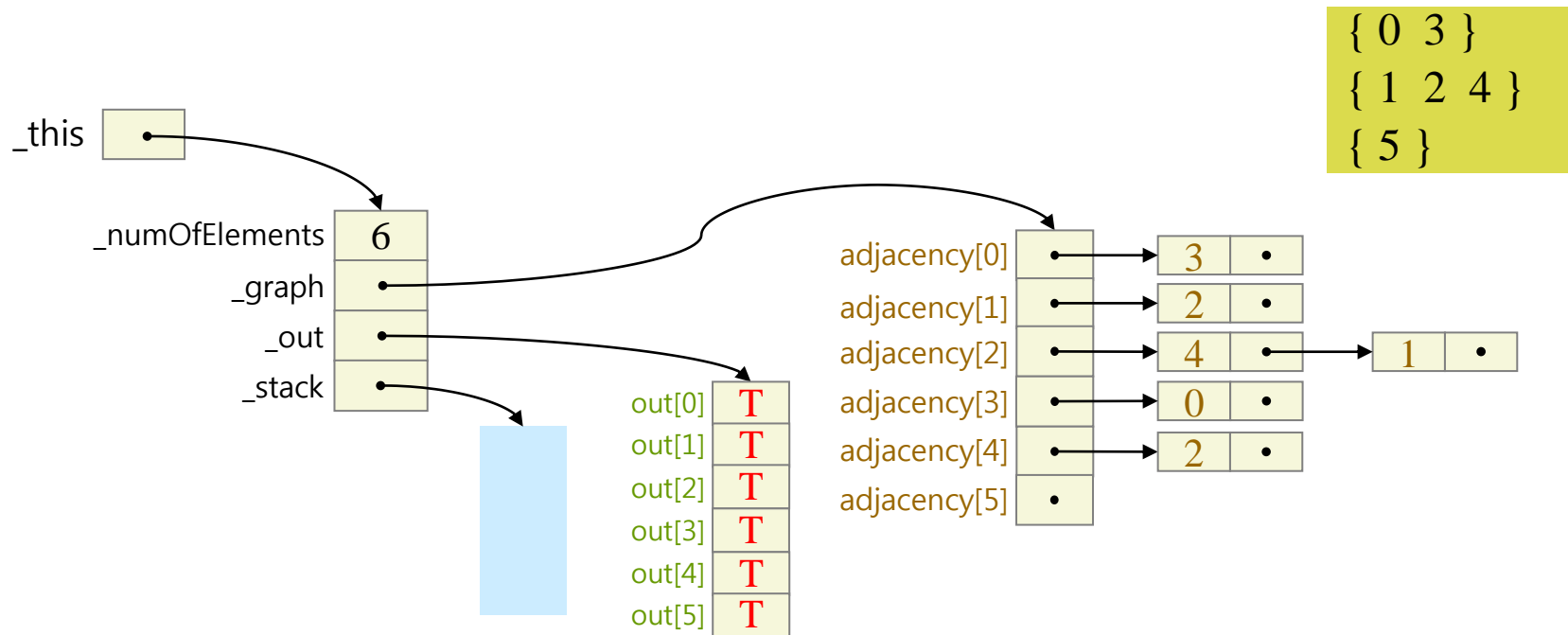


# 동등 클래스 찾기: 과정 [20]

■  $i = 5$

● 스택이 empty:

◆ 원소 5 의 동등 클래스를 다 찾았다;

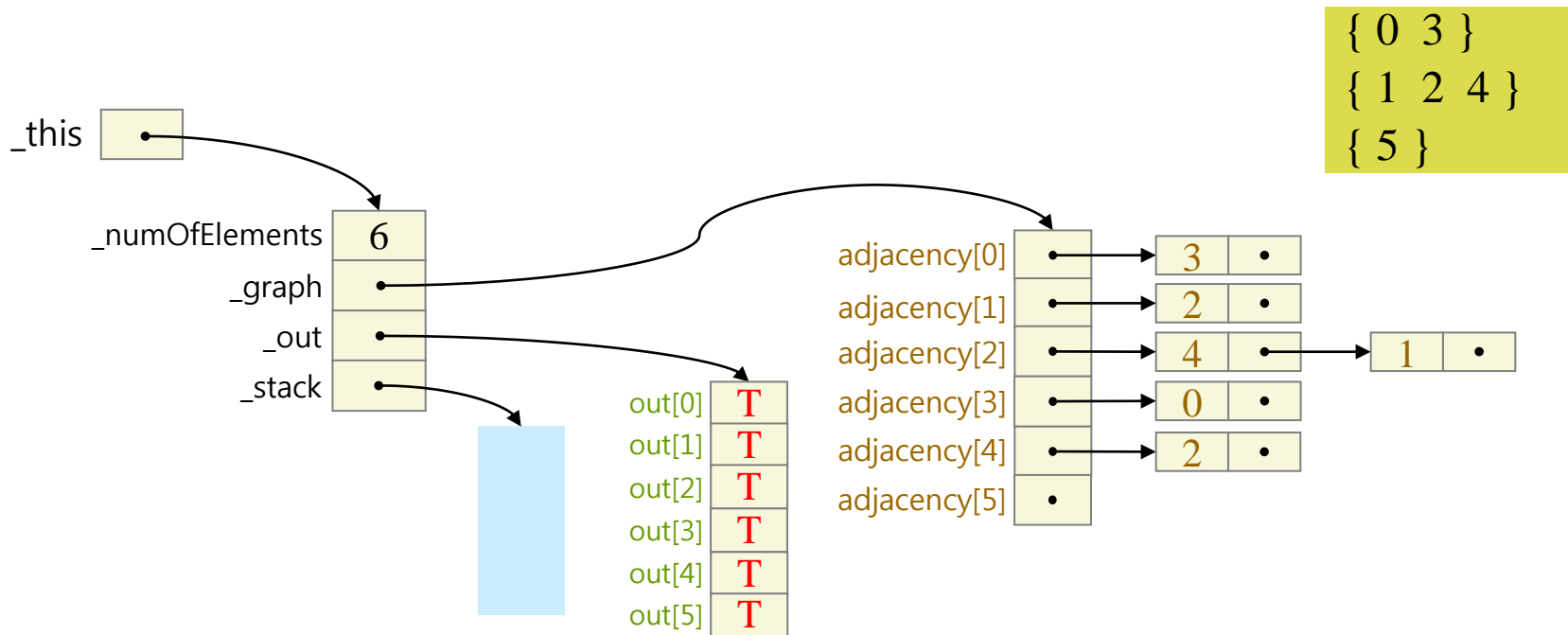


# 동등 클래스 찾기: 과정 [21]

■  $i = 6$

- 모든  $i$  에 대해 처리 완료;
- 모든 동등 클래스를 다 찾았다;

■ 프로그램 종료



# FindEqvClass 의 멤버 함수는?

- FindEqvClass 의 Public Member function의 구현

```

public void perform()
{
    int poppedElement;
    // _out[]을 전부 FALSE로 초기화
    ...

    for (int i=0; i< this._numOfElements; i++)
    {
        if (!this._out[i]) {
            /* 원소 i 는 아직 동등 클래스가 찾아지지 않았다.
             이제부터 원소 i 가 속해있는 동등 클래스를 찾는다. */
            System.out.print("{ " + i); //동등 클래스로 출력
            // _out의 i를 true로 저장 (찾은 동등 클래스이므로)
            ...
            // 동등 클래스로 출력된 원소는 스택에 삽입
            ...
            while (!this._stack.isEmpty()) { /* 스택이 empty가 아닌 동안 */
                poppedElement = // stack에서 원소를 하나 꺼내옴
                // 꺼내온 원소에 있는 Node들을 검사 -> Node들을 어떻게 검사할까?
                ...
                // linked list에 노드가 존재하는 동안(whlie)
                {
                    int element = // 저장된 다음 Node의 원소를 얻어온다.
                    if(!this._out[element]){
                        System.out.print(" " + element ); /* 동등 원소로 출력 */
                        this._out[element] = true; /* _out의 element를 true로 저장*/
                        this._stack.push(element); /*동등 클래스로 출력된 원소는 스택에 삽입*/
                    }
                } /* end while */
            } /* end while */
            System.out.println(" }"); /* out[i]로 시작하는 동등 클래스 출력 완료 */
        } /* end if */
    } /* end for */
}

```

// 으로 되어 있는 주석 -> 구현!

/\*으로 되어 있는 주석 -> 참고!



# “동등 클래스 찾기” 복잡도 (Complexity)



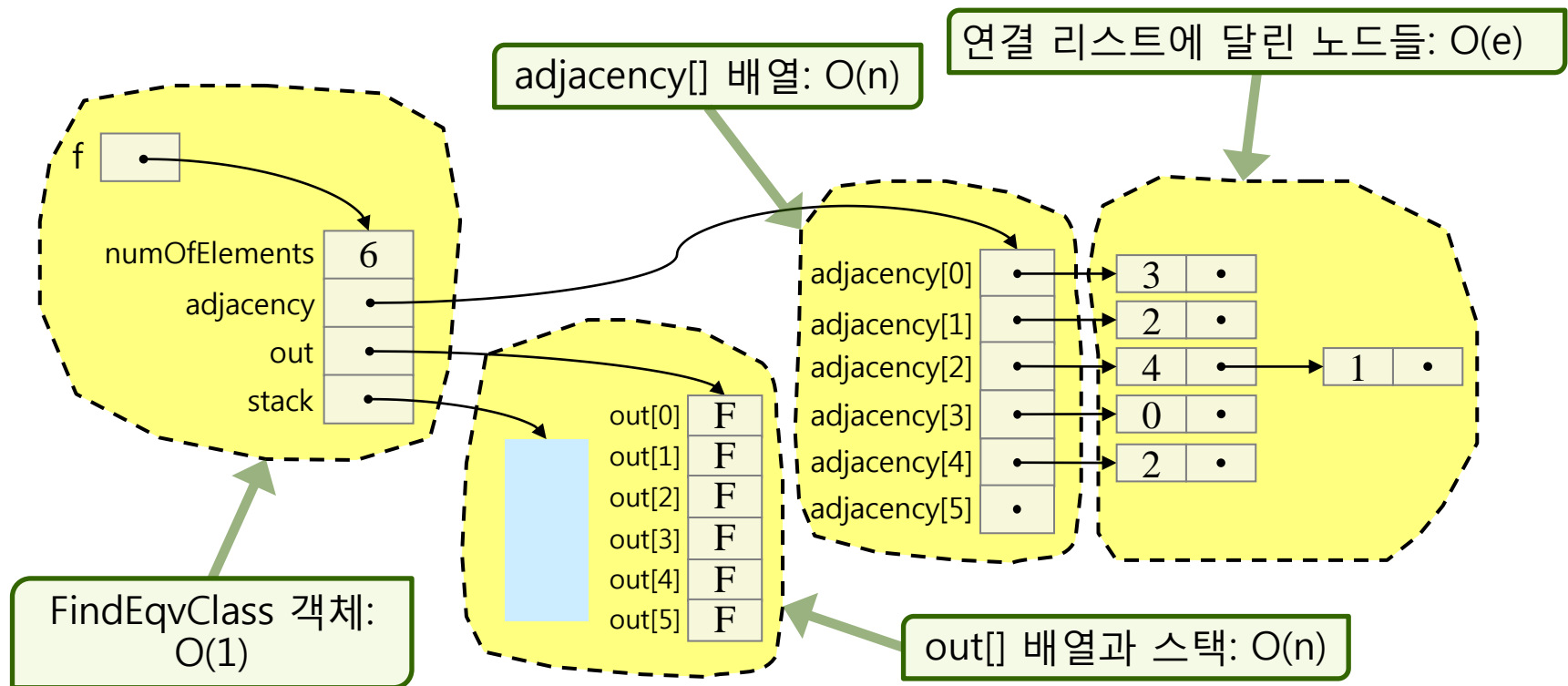
# □ 공간복잡도 (Space Complexity)

## ■ 영향을 주는 매개변수

- n: 원소의 개수
- e: 관계 쌍의 개수

## ■ 공간복잡도: 필요한 메모리 크기는?

- $O(n+e)$



# □ 시간 복잡도 (Time Complexity)

## ■ 매개변수

- n: 원소의 개수
- e: 관계 쌍의 개수

## ■ 주요 세부 작업별 시간 복잡도

- 초기화
  - ◆ adjacency[] 배열:  $O(n)$
  - ◆ out[] 배열:  $O(n)$
- 관계 쌍 입력 받기
  - ◆ 하나의 쌍을 입력 받아 연결리스트에 삽입하여 달아주는 일을 두 번 한다:  $O(e)$
- 동등 클래스 찾기
  - ◆ 모든 배열 한번씩 스캔:  $O(n)$
  - ◆ 모든 노드 한번씩 방문:  $O(e)$
  - ◆ 스택에서의 push/pop:  $O(n)$
- 객체의 소멸 (Java 환경에서는 garbage collection에 의해 실행됨)
  - ◆ 노드의 삭제:  $O(e)$
  - ◆ 배열들(adjacency[], out[])의 삭제:  $O(1)$
  - ◆ 스택의 삭제:  $O(1)$
  - ◆ FindEqvClass 객체의 삭제:  $O(1)$

## ■ 그러므로, $O(n+e)$



## □ [문제 6] 요약

### ■ 동등관계

- 동등 관계의 성질
- 동등 클래스 찾기

## □ 수업 안내

- 다음 주 수요일(16일) 실습 수업은 정상적으로 진행



# 과제 제출

# □ 과제 제출

■ [pineai@cnu.ac.kr](mailto:pineai@cnu.ac.kr)

- 메일 제목 : [0X]DS2\_06\_학번\_이름
  - ◆ 양식에 맞지 않는 메일 제목은 미제출로 간주됨
  - ◆ 앞의 0X는 분반명 ( 오전10시 : 00반 / 오후4시 : 01반 )

## ■ 제출 기한

- 10월 15일(화) 23시59분까지
- 시간 내 제출 엄수
- 제출을 하지 않을 경우 0점 처리하고, 숙제를 50% 이상 제출하지 않으면 F 학점 처리하며, 2번 이상 제출하지 않으면 A 학점을 받을 수 없다.

# □ 과제 제출

## ■ 파일 이름 작명 방법

● DS2\_06\_학번\_이름.zip

● 폴더의 구성

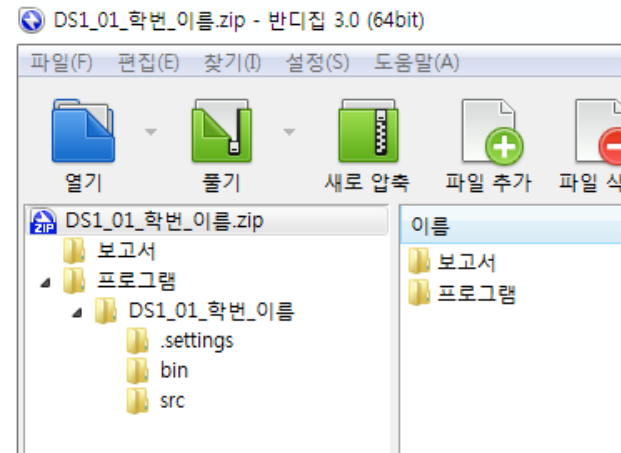
◆ DS2\_06\_학번\_이름

■ 프로그램

- 프로젝트 폴더 / 소스
- 메인 클래스 이름 : DS2\_06\_학번\_이름.java

■ 보고서

- 이곳에 보고서 문서 파일을 저장한다.
- 입력과 실행 결과는 화면 image로 문서에 포함시킨다.
- 문서는 pdf 파일로 만들어 제출한다.





# □ 보고서 작성 방법

## ■ 겉장

- 제목: 자료구조 실습 보고서
- [제xx주] 숙제명
- 제출일
- 학번/이름

## ■ 내용

### 1. 프로그램 설명서

1. 주요 알고리즘 /자료구조 /기타
2. 함수 설명서
3. 종합 설명서 : 프로그램 사용방법 등을 기술

### 2. 구현 후 느낀 점 : 요약의 내용을 포함하여 작성한다.

### 3. 실행 결과 분석

1. 입력과 출력 (화면 capture : 실습예시와 다른 예제로 할 것)
2. 결과 분석

----- 표지 제외 3장 이내 작성 -----

### 4. 소스코드 : 화면 capture가 아닌 소스를 붙여넣을 것 소스는 장수 제한이 없음.

# [제 6 주 실습] 끝

