

## 03. Shortest Path

2019 Summer / 20141574 임지환



- https://www.acmicpc.net/problem/10217
- 공항의 수 N (2 ≤ N ≤ 100)
- 총 지원비용 M (0 ≤ M ≤ 10,000)



비용 문제가 없다면?

⇒단순 최단경로 문제.

```
if (dist[n] == INF) cout << "Poor KCM\n";
else cout << dist[n] << '\n';</pre>
```





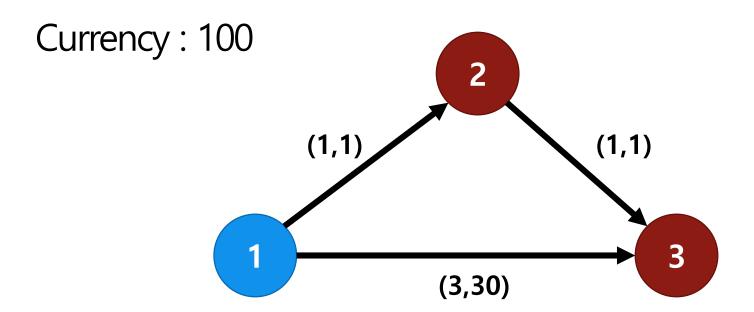
dist[pos][currency] := pos번 공항에 currency만큼의 비용을 갖고 도착하였을 때의 최단 이동거리

initial state : dist[1][M]

destination :  $dist[n][0] \sim dist[n][M]$ 



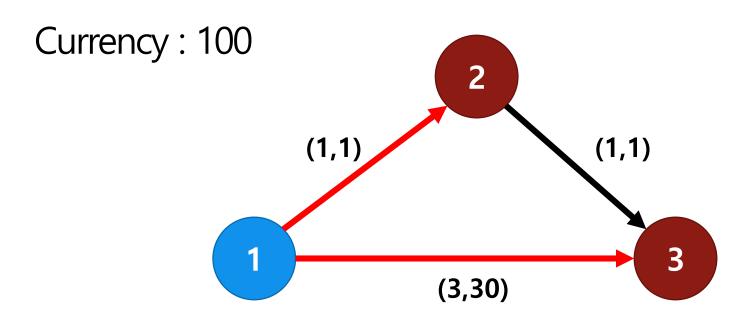




(pos, currency)	distance
(1,100)	0

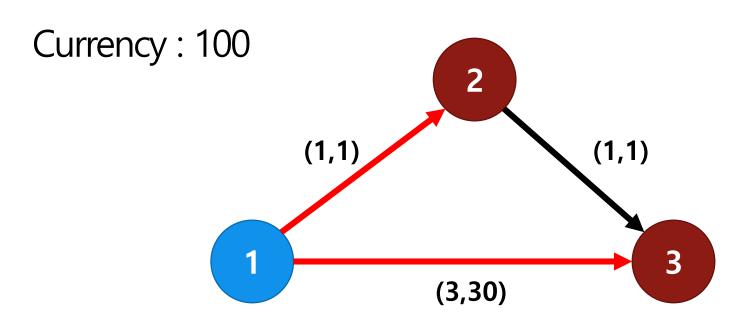






(pos, currency)	distance
(1,100)	0

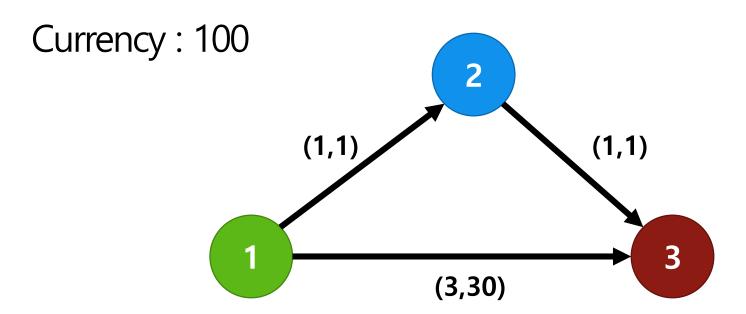




(pos, currency)	distance
(1,100)	0
(2,99)	1
(3,97)	30



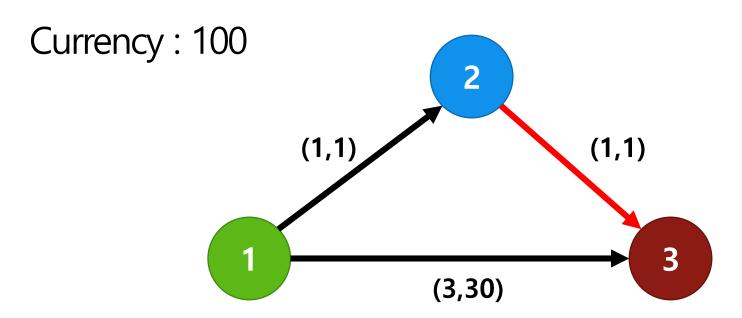




(pos, currency)	distance
(1,100)	0
(2,99)	1
(3,97)	30



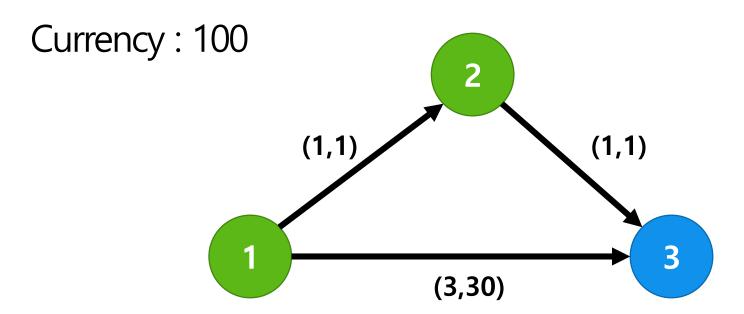




(pos, currency)	distance
(1,100)	0
(2,99)	1
(3,97)	30



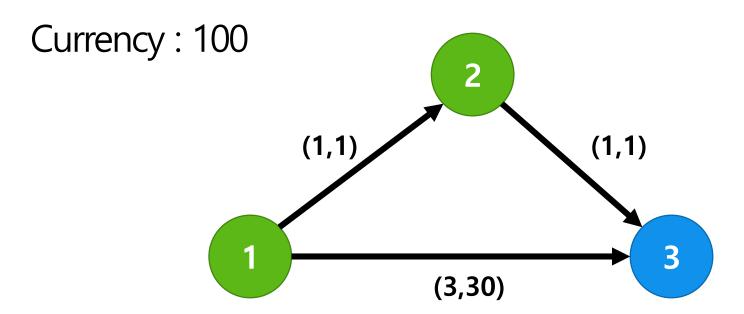




(pos, currency)	distance
(1,100)	0
(2,99)	1
(3,98)	30
(3,97)	2



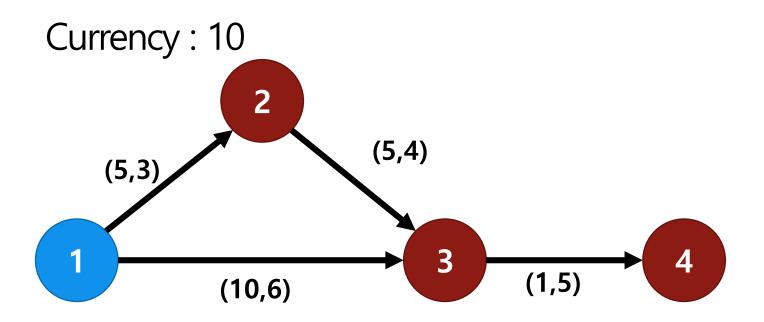




(pos, currency)	distance
(1,100)	0
(2,99)	1
(3,98)	30
(3,97)	2



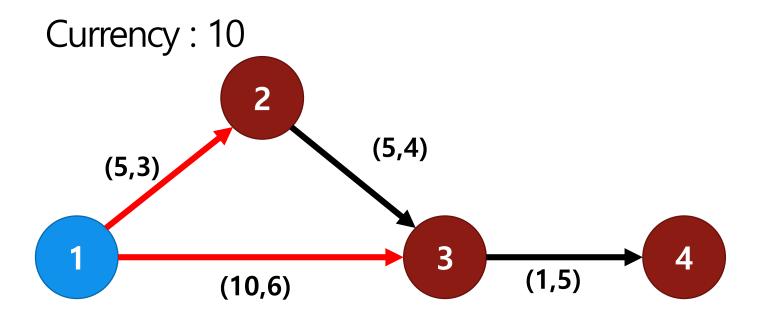




(pos, currency)	distance
(1,10)	0

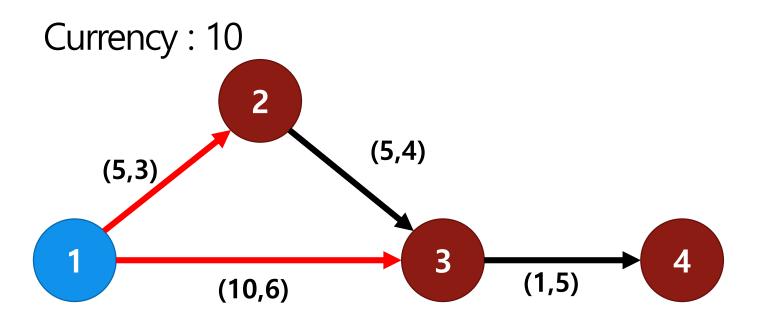






(pos, currency)	distance
(1,10)	0

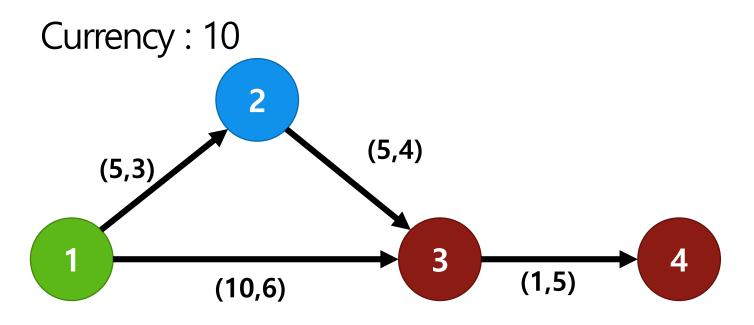




(pos, currency)	distance
(1,10)	0
(2,5)	3
(3,0)	6



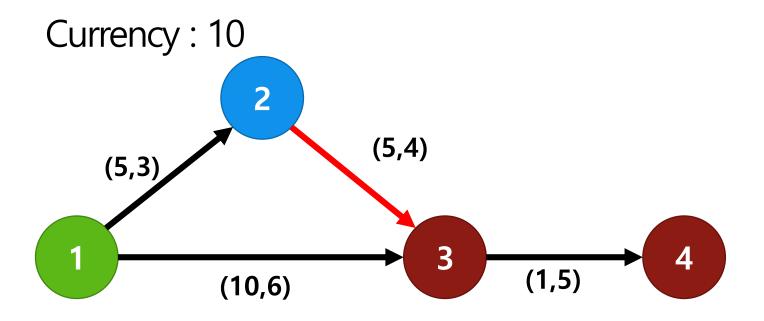




(pos, currency)	distance
(1,10)	0
(2,5)	3
(3,0)	6



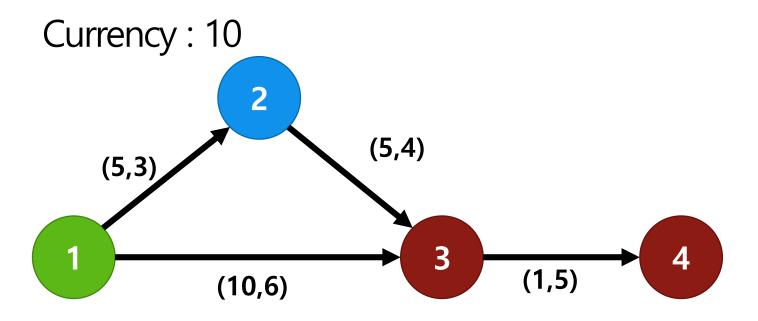




(pos, currency)	distance
(1,10)	0
(2,5)	3
(3,0)	6



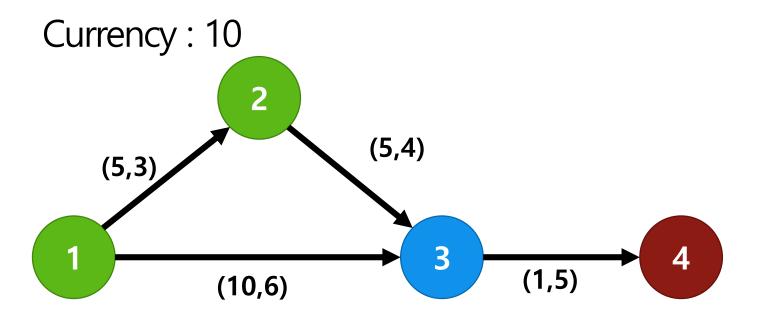




(pos, currency)	distance
(1,10)	0
(2,5)	3
(3,0)	6



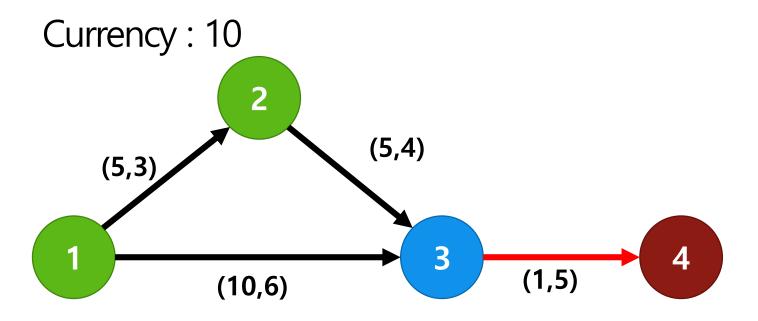




(pos, currency)	distance
(1,10)	0
(2,5)	3
(3,0)	6







(pos, currency)	distance
(1,10)	0
(2,5)	3
(3,0)	6





현재 pos번 위치에서 currency만큼의 돈을 갖고 있을 때 연결된 다른 위치로 가는 비용보다 currency가 크다면 이동 가능

```
if (currency - cost < 0) continue;</pre>
if (dist[next][currency - cost] > dist[cur][currency] + d) {
    dist[next][currency - cost] = dist[cur][currency] + d;
    pq.push(iii(dist[next][currency - cost],
                ii(next, currency - cost)));
```



http://boj.kr/b9ccb3cfa3234b01834f58ac8b2e5ad1





Arbitrage란 '차익 거래' 를 의미한다.

예를 들어 1 USD로 0.5 British pound를 살 수 있고, 1 British pound로10.0 French franc를 살 수 있고, 1 French franc로 0.21 USD를 살 수 있다면

1 USD로부터 시작하여 1 \* 0.5 \* 10.0 \* 0.21 의 과정을 거쳐 다시 1 USD를 구 매하였을 때의 가치는 1.05로 5%의 이익을 볼 수 있다.

화폐 간 환율이 주어졌을 때 arbitrage가 존재하는지 구하여라.(1 ≤ N ≤ 30)

원문: https://www.informatik.uni-ulm.de/acm/Locals/1996/arbitrage.html





모든 화폐 관계에 대해서 환율을 적용한 후 자기 자신으로 돌아왔을 때의 사이클을 C라 한다면

$$\prod_{e \in C} w(e) > 1$$

을 만족하는 화폐가 있는지 확인.





N이 30 이하라 모든 환율 이동관계를 전부 고려해도 시간초과X, but



N이 30 이하라 모든 환율 이동관계를 전부 고려해도 시간초과X, but

- 1) 경로 이동 과정이 덧셈이 아니라 곱셈
- 2) 경로가 작아지는 것이 아니라 커지는 것을 찾아야 함



$$\prod_{e \in C} w(e) > 1$$





$$\prod_{e \in C} w(e) > 1$$

양변에 로그



$$\prod_{e \in C} w(e) > 1 \implies \sum_{e \in C} \log w(e) > 0$$



$$\prod_{e \in C} w(e) > 1 \implies \sum_{e \in C} \log w(e) > 0$$
양변에 음수



$$\prod_{e \in C} w(e) > 1 \quad \Longrightarrow \quad \sum_{e \in C} \log w(e) > 0 \quad \Longrightarrow \quad -\sum_{e \in C} \log w(e) < 0$$



• 간선 정보 저장 : 환율에 로그를 취한 값의 음수

• 플로이드를 통한 최단경로 갱신 후 dist[i][i] 값이 음수인 경로 확인



https://raararaara.blog.me/221505865058



#### **Problem Set**

- ❹ 11779 최소비용 구하기 2
- 10853 Change of Scenery
- 1854 K번째 최단경로 찾기
- 4 10849 A Journey to Greece
- 10217 KCM Travel
- 6598 Arbitrage

- 2 1602 도망자 원숭이
- 5 13141 Ignition
- 3 1219 오민식의 고민
- 5 13907 세금
- 3860 할로윈 묘지



#### Last week's Solution

- <u>5</u> 11723 집합
- 2 15787 기차가 어둠을 헤치고 은하수를
- 4 10275 Gold Rush
- 2 <u>1194</u> 달이 차오른다, 가자.
- <u>1</u> 2098 외판원 순회
- <u>5</u> 1562 계단수

- <u> 1102 발전소</u>
- <u> 10464 XOR</u>
- 5 11191 XOR Maximization
- 4 16685 XOR 포커
- <u>5 13505</u> 두 수 XOR
- 3 12844 XOR



#### **Hints for Given Problem**

다음 장에는 스포일러를 포함하고 있습니다.



## #11779 최소비용 구하기 2



• tracking을 하려면 필연적으로 역간선(reverse edge)가 필요합니다.



## #10853 Change of Scenery



- 최단경로일 때의 이동거리가 두번 이상 증가하는지 체크해야 합니다.
- 방문여부 체크를 boolean으로 하지 않고 int로 해줍니다.



## #1854 K번째 최단경로 찾기



• 앞의 문제와 거의 똑같습니다.



## #10849 A Journey to Greece



- 방문하고자 하는 지점수가 최대 16이다.
- 코드를 무작정 베끼라고는 안했습니다.

https://raararaara.blog.me/221538648815



## #1602 도망자 원숭이



- "원숭이가 도망가는 경로 상에 있는 모든 도시들 중에서 가장 오랜 시간 동안 괴롭힐 수 있는 도시에서 괴롭히기로 계획했다."
- 도시의 개수 N (2 ≦ N ≦ 500)



## #13141 Ignition **5**



• 1학기 고급 3주차 강의자료 참고.



# #13907 세금 5

• 통행료에 따른 경로합 구하기와 세금 인상을 함께 할 필요가 있는가?



#### #3860 할로윈 묘지

• 풀고 저도 좀 알려주시면 감사드리겠습니다.