

	Universidade Federal do Ceará	
	Disciplina: TÓPICOS AVANÇADOS EM APRENDIZAGEM DE MÁQUINA / TÓPICOS ESPECIAIS EM LÓGICA I	Código: CK0255/CKP8366
	Professor(a): César Lincoln C. Mattos	
	Semestre: 2024.2	
	Discente:	Matrícula:
	Curso: Ciência da Computação	

Trabalho 5

Leia as Instruções:

- O trabalho é individual.
- As simulações poderão ser realizadas em quaisquer linguagens de programação.
- Para a avaliação do trabalho deverá ser submetido um arquivo pdf com texto e figuras referentes aos resultados das simulações.
- Para a avaliação do trabalho deverão ser enviados os códigos fonte.

1. Implemente um modelo de **Processos Gaussianos** com kernel RBF para tarefas de regressão unidimensional com ruído de observação Gaussiano. Implemente um procedimento de otimização dos hiperparâmetros do modelo (kernel e verossimilhança) via maximização da evidência. **Esse procedimento é opcional para os alunos de graduação, que podem escolher valores fixos para os hiperparâmetros.**

- Treine o seu modelo com os dados do arquivo **gp_data_train.csv** fornecido.
- Teste o modelo resultante com os dados do arquivo **gp_data_test.csv**.
- Reporte os valores de RMSE e NLPD obtidos no treino e no teste.
- Faça o plot da curva predita, indicando a média $\hat{\mu}$ e a incerteza ($\hat{\mu} \pm 2\hat{\sigma}$) predita ao longo do intervalo $[-1, 1]$ do domínio.
- **Execute** os itens anteriores considerando os primeiros 10, 30, 50, 75, 100 dados de treinamento fornecidos.

Observação: Na otimização dos hiperparâmetros (**pós-graduação**), use métodos baseados em gradientes para facilitar sua implementação, como os do Scipy (<https://docs.scipy.org/doc/scipy/reference/generated/scipy.optimize.minimize.html#scipy.optimize.minimize>).

- Note que você precisará calcular os gradientes da evidência em relação aos hiperparâmetros.
- Opcionalmente, você pode usar o pacote Jax (<https://github.com/google/jax>) ou outro similar para calcular automaticamente os gradientes.
- O procedimento de otimização deve garantir que os hiperparâmetros do modelo sejam positivos.