



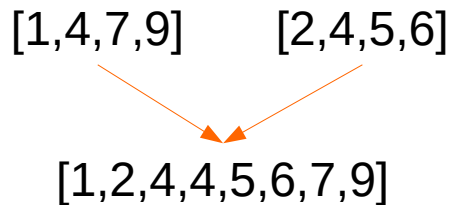
# Data Structures and Algorithms

Алгоритмы.  
Слияние отсортированных  
последовательностей

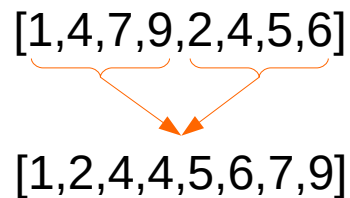


## Слияние отсортированных последовательностей

Под **слиянием отсортированных последовательностей** подразумевают объединение нескольких отсортированных последовательностей в одну отсортированную последовательность.



Слияние может производиться для двух отдельных последовательностей.



Слияние может производиться для двух отсортированных частей одной последовательностей.



## Сведение о алгоритме

Сложность по времени в наихудшем случае  $O(n+m)$

Требует дополнительно памяти в размере суммы размеров объединяемых последовательностей.



## Слияние отдельных отсортированных последовательностей

[1,4,7,9]      [2,4,5,6]

[1,2,4,4,5,6,7,9]

Объединить две отсортированных последовательностей в одну отсортированную последовательность.

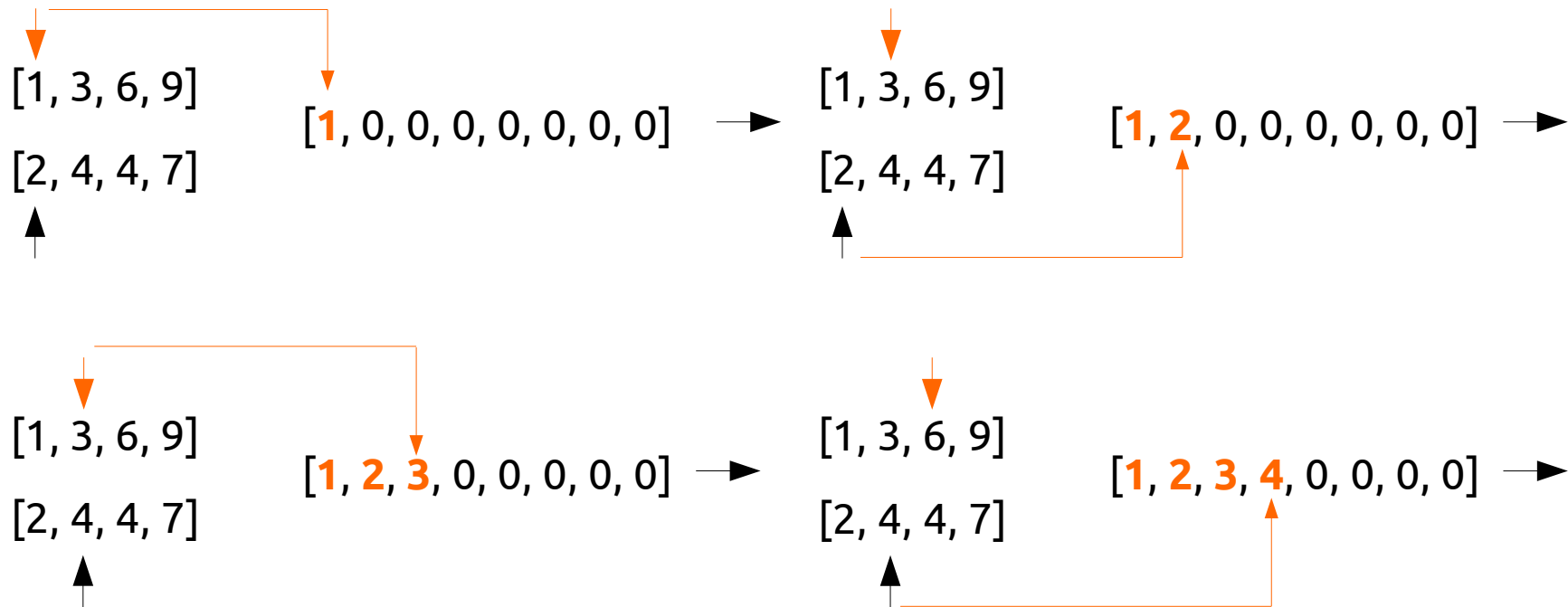


## Описание алгоритма

- 1) Создаем результирующую последовательность длинна которой равна сумме длин объединяемых последовательностей. Создать две вспомогательных переменных для хранения индексов (например  $l$  и  $g$ ) присвоить им значение индексов первого элемента в первой и второй объединяемых последовательностей соответственно.
- 2) Выполнить проход по результирующей последовательности. Для добавления элемента в результирующую последовательность выполнить ряд проверок:
  - 1) Если значение индекса  $l$  больше длинны первой последовательности то добавить элемент стоящий на индексе  $g$  во второй последовательности. Увеличить значение  $g$  на единицу.
  - 2) Если значение индекса  $g$  больше длинны второй последовательности то добавить элемент стоящий на индексе  $l$  в первой последовательности. Увеличить значение  $l$  на единицу.
  - 3) Если элемент на индексе  $l$  меньше элемента на индексе  $g$  то добавить элемент стоящий на индексе  $l$  в первой последовательности. Увеличить значение  $l$  на единицу.
  - 4) Добавить элемент стоящий на индексе  $g$  во второй последовательности. Увеличить значение  $g$  на единицу.

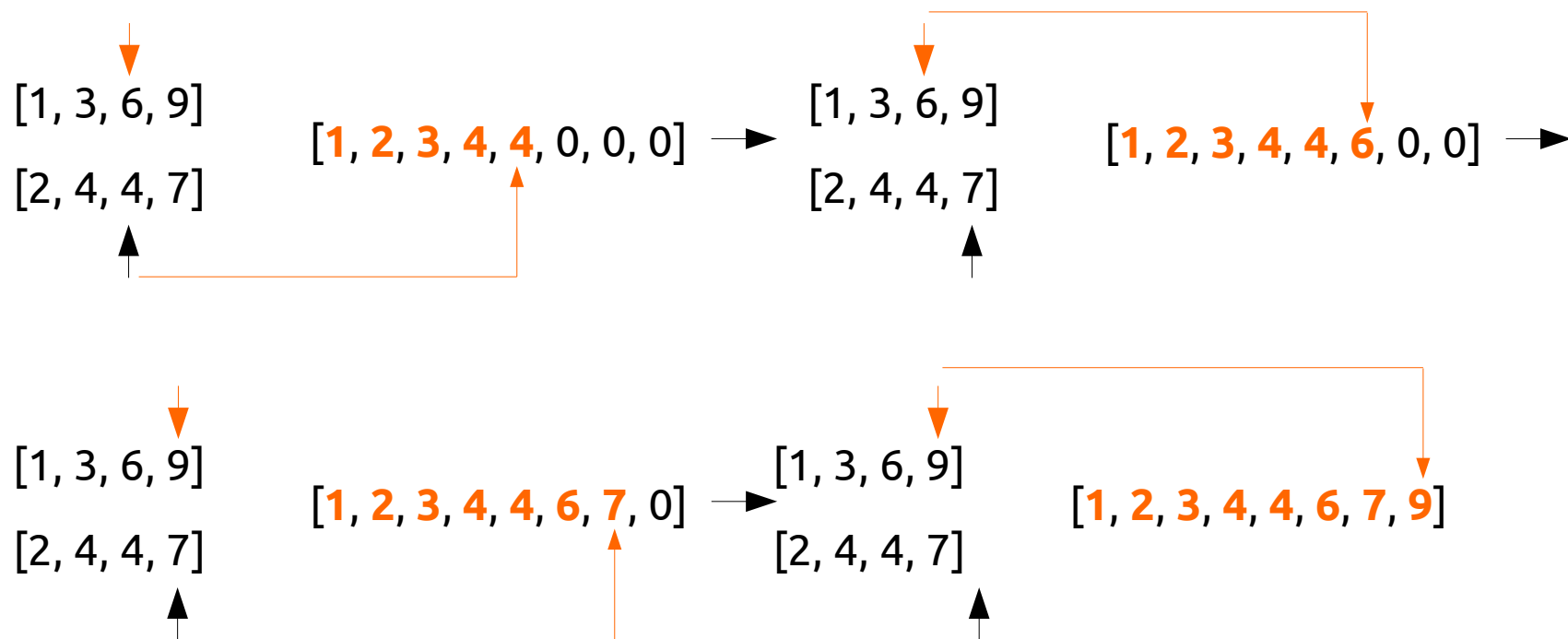


## Графическое пояснение алгоритма слияния отсортированных последовательностей





## Графическое пояснение алгоритма слияния отсортированных последовательностей





# Реализация алгоритма на Python





## Реализация алгоритма на Python

```
def merge(first_sequence, second_sequence):
    result = [0 for x in range(len(first_sequence)+len(second_sequence))]
    l = 0
    r = 0
    for i in range(len(result)):
        if l >= len(first_sequence):
            result[i] = second_sequence[r]
            r += 1
        elif r >= len(second_sequence):
            result[i] = first_sequence[l]
            l += 1
        elif first_sequence[l] < second_sequence[r]:
            result[i] = first_sequence[l]
            l += 1
        else:
            result[i] = second_sequence[r]
            r += 1
    return result
```



Java

# Реализация алгоритма на Java



## Реализация алгоритма на Java

```
public static int[] merge(int[] firstArray, int[] secondArray) {  
    int[] result = new int[firstArray.length + secondArray.length];  
    int l = 0;  
    int r = 0;  
    for (int i = 0; i < result.length; i++) {  
        if (l >= firstArray.length) {  
            result[i] = secondArray[r];  
            r += 1;  
        } else if (r >= secondArray.length) {  
            result[i] = firstArray[l];  
            l += 1;  
        } else if (firstArray[l] < secondArray[r]) {  
            result[i] = firstArray[l];  
            l += 1;  
        } else {  
            result[i] = secondArray[r];  
            r += 1;  
        }  
    }  
    return result;  
}
```



## Слияние отсортированных подпоследовательностей

[1,4,7,9,2,4,5,6]



[1,2,4,4,5,6,7,9]

Если в пределах последовательности есть две соседствующие подпоследовательности то их также можно объединить в одну отсортированную последовательность.

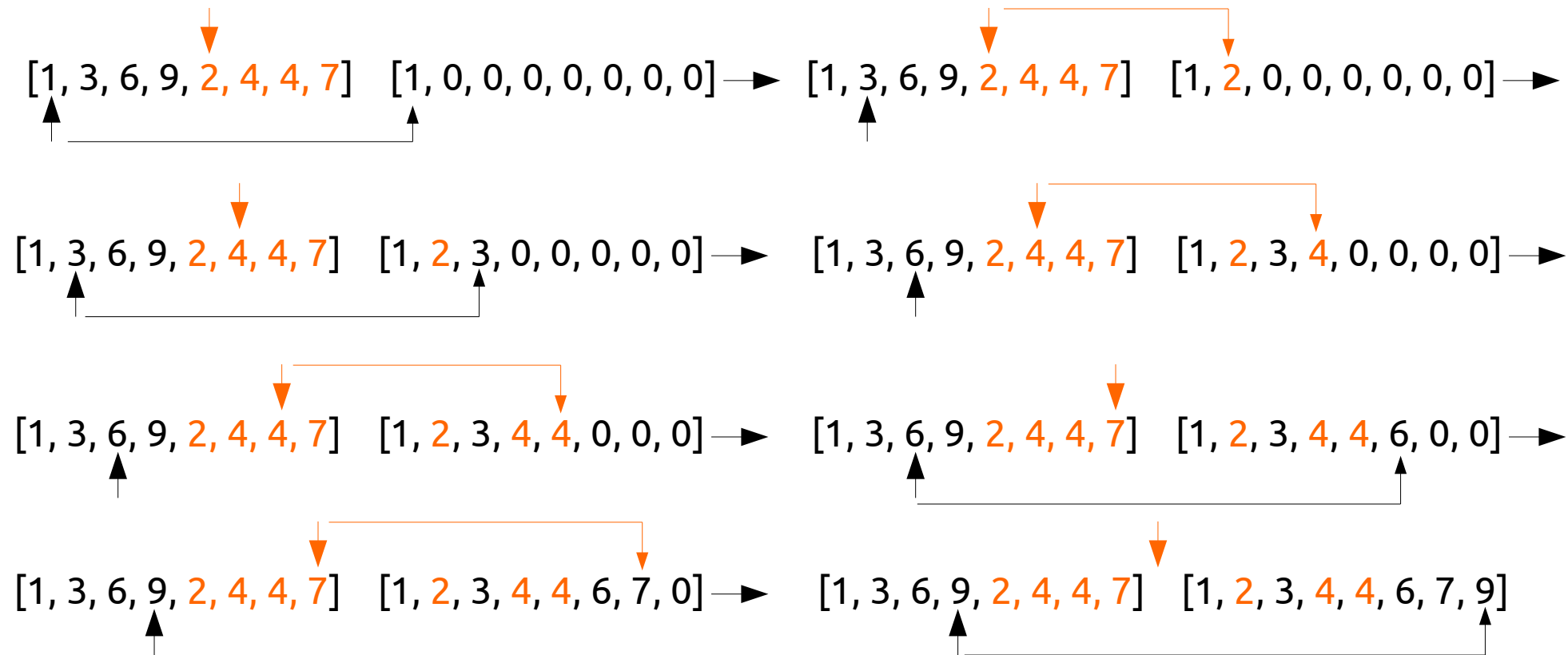


## Описание алгоритма

- 1) Создаем результирующую последовательность длинна которой равна длине базовой. Создать две вспомогательных переменных для хранения индексов (например  $l$  и  $g$ ) присвоить им значение индексов первого элемента в первой подпоследовательности и первого элемента во второй подпоследовательности соответственно.
- 2) Выполнить проход по результирующей последовательности от  $l$  до конца второй подпоследовательности. Для добавления элемента в результирующую последовательность выполнить ряд проверок:
  - 1) Если значение индекса  $l$  больше длины первой подпоследовательности то добавить элемент стоящий на индексе  $g$  во второй подпоследовательности. Увеличить значение  $g$  на единицу.
  - 2) Если значение индекса  $g$  больше длины второй подпоследовательности то добавить элемент стоящий на индексе  $l$  в первой подпоследовательности. Увеличить значение  $l$  на единицу.
  - 3) Если элемент на индексе  $l$  меньше элемента на индексе  $g$  то добавить элемент стоящий на индексе  $l$  в первой подпоследовательности. Увеличить значение  $l$  на единицу.
  - 4) Добавить элемент стоящий на индексе  $g$  во второй подпоследовательности. Увеличить значение  $g$  на единицу.



## Графическое пояснение алгоритма слияния отсортированных подпоследовательностей





# Реализация алгоритма на Python



## Реализация алгоритма на Python

```
def merge(sequence, ls, le, rs, re):
    result = sequence[::]
    l = ls
    r = rs
    for i in range(ls, re+1):
        if l > le:
            result[i] = sequence[r]
            r += 1
        elif r > re:
            result[i] = sequence[l]
            l += 1
        elif sequence[l] < sequence[r]:
            result[i] = sequence[l]
            l += 1
        else:
            result[i] = sequence[r]
            r += 1
    return result
```





Java

# Реализация алгоритма на Java



## Реализация алгоритма на Java

```
public static void merge(int[] array, int ls, int le, int rs, int re) {  
    int[] supportArray = Arrays.copyOf(array, array.length);  
    int l = ls;  
    int r = rs;  
    for (int i = ls; i <= re; i++) {  
        if (l > le) {  
            array[i] = supportArray[r];  
            r += 1;  
        } else if (r > re) {  
            array[i] = supportArray[l];  
            l += 1;  
        } else if (supportArray[l] < supportArray[r]) {  
            array[i] = supportArray[l];  
            l += 1;  
        } else {  
            array[i] = supportArray[r];  
            r += 1;  
        }  
    }  
}
```



## Список литературы

- 1) Роберт Седжвик, Кевин Уэйн «Алгоритмы на java 4-е издание» Пер. с англ. - М. : ООО "И.Д. Вильямс", 2013. ISBN 978-5-8459-1781-2.