Wspólne informacje dotyczące testowych funkcji, ich danych wejściowych i wyjściowych oraz sposobu wymiany danych opisano w sekcji 7.

## 1 Utworzenie testowych danych wejściowych dla algorytmu Lanczos

#### Lst. 1. Matlab

```
function init_data(work_dir, g, a_prx, startvec_prx);

init_data('../data', 10, 'A', 'startvec');
```

Parametry wejściowe:

- g parametr funkcji numgrid() (MATLAB) określający rozmiar danych wejściowych
- a\_prx prefiks nazwy docelowego pliku z symetryczną macierzą A (o rozmiarze n)
- startvec\_prx prefiks nazwy docelowego pliku z wektorem startowym startvec (o rozmiarze n)

Dane wyjściowe:

- $\ensuremath{<}$  <work\_dir>/ $\ensuremath{<}$  startvec\_prx>\_n- $\ensuremath{<}$ n>.csv plik CSV z losowym znormalizowanym wektorem startowym startvec o rozmiarze n.

## 2 Początkowa iteracja algorytmu Lanczos

Parametry wejściowe:

• m – liczba iteracji

- a\_name nazwa pliku z symetryczną macierzą A (o rozmiarze n)
- startvec\_name nazwa pliku z wektorem startowym startvec (o rozmiarze n)
- $\bullet$ a\_vec\_prx prefiks nazwy docelowego pliku z wektorem a (rozmiar m), zawierającym przekątną macierzy T
- b\_vec\_prx prefiks nazwy docelowego pliku z wektorem b (rozmiar m), zawierającym nad/podprzekątną macierzy T
- anorm\_prx prefiks nazwy docelowego pliku z wartością anorm (skalar)

#### Dane wyjściowe:

- <work\_dir>/<anorm\_prx>\_n-<n>\_m-<m>. {csv|bin} plik z wartością anorm (skalar).

# 3 Krok MRRR (Multiple Relatively Robust Representations for Tridiagonals)

```
Lst. 4. C++

1 void mrrr(string work_dir, string a_vec_name, string b_vec_name, string s_prx, string ritz_prx, bool save_bin, bool save_csv, bool dbg);
2 >>> mrrr("../data", "c-a_n-48_m-100", "c-b_n-48_m-100", "c-S", "c-ritz", true, true, false);
```

#### Parametry wejściowe:

- $a\_vec\_name nazwa pliku z wektorem a (rozmiar m)$
- b\_vec\_name nazwa pliku z wektorem b (rozmiar m)
- $s_prx$  prefiks nazwy docelowego pliku z macierzą S o rozmiarze m (macierz ta nie jest symetryczna)
- ritz\_prx prefiks nazwy docelowego pliku z wektorem ritz (rozmiar m)

#### Dane wyjściowe:

- $\langle work\_dir \rangle / \langle s\_prx \rangle_m \langle m \rangle$ . {csv|bin} plik z niesymetryczną macierzą S (rozmiar m).

## 4 Residual estimation and removing non-converged and spurious Ritz values

#### Lst. 5. Matlab

#### Lst. 6. C++

```
void rescon(string work_dir, string s_name, string ritz_name, string
b_name, string anorm_name, string eps_name, string s_prx, string
ritz_prx, string lres_prx, string cul_prx, string idx_prx, string
mm_prx, bool save_bin, bool save_csv, bool dbg);

>>> rescon("../data", "c-S_m-200", "c-ritz_m-200", "c-b_n-48_m-200",
"c-anorm_n-48_m-200", "c-rescon-eps", "c-rescon-S", "c-rescon-ritz",
"c-rescon-lres", "c-rescon-cul", "c-rescon-idx", "c-rescon-mm",
true, true, false);
```

#### Parametry wejściowe:

- ullet s\_name nazwa pliku z niesymetryczną macierzą S (rozmiar m) otrzymaną w kroku MRRR
- ritz\_name nazwa pliku z wektorem ritz (rozmiar m) otrzymanym w kroku MRRR
- ullet b\_name nazwa pliku z wektorem b (rozmiar m) otrzymanym w kroku LANCNO\_INIT
- anorm\_name nazwa pliku z wartością anorm (skalar) otrzymaną w kroku LANCNO\_INIT
- eps\_name nazwa pliku z wartością eps (skalar) dla Matlaba jest to 2.2204e-16
- $\bullet$  s\_prx prefiks nazwy docelowego pliku z niesymetryczną macierzą S o rozmiarze m
- ritz\_prx prefiks nazwy docelowego pliku z wektorem ritz (rozmiar m)
- lres\_prx prefiks nazwy docelowego pliku z wektorem *lres* (rozmiar m)
- cul\_prx prefiks nazwy docelowego pliku z wektorem *cul* (rozmiar *m*)
- $idx_prx$  prefiks nazwy docelowego pliku z wektorem zero-jedynkowym idx (rozmiar m)
- mm\_prx prefiks nazwy docelowego pliku z wartością mm (skalar)

#### Dane wyjściowe:

- <work\_dir>/<ritz\_prx>\_m-<m>. {csv|bin} plik z wektorem ritz (rozmiar m). <work\_dir>/<lres\_prx
   plik z wektorem lres (rozmiar m). <work\_dir>/<cul\_prx>\_m-<m>. {csv|bin} plik z wekto rem cul (rozmiar m). <work\_dir>/<idx\_prx>\_m-<m>. {csv|bin} plik z wektorem idx (rozmiar
   m). <work\_dir>/<mm\_prx>\_m-<m>. {csv|bin} plik z wartością mm (skalar).

## 5 Resztę kodu podzielić na etapy:

- 1. distinguish the clusters of eigenvalues
- 2. reflect using Householder
- 3. compute eigenvectors

Z których każdy będzie zaimplementowany w Matlabie i C++.

## 6 Dodatkowe, pomocnicze funkcje w C++

Parametry wejściowe:

- $x_vec_name nazwa$  pliku z wektorem x
- y\_vec\_name nazwa pliku z wektorem y
- eps minimalna wartość różnicy między elementami wektora powodująca nierówność

Zwracana wartość określa czy wektory są jednakowe (true) lub różne (false).

Parametry wejściowe:

- x\_mat\_name nazwa pliku z macierzą x
- y\_mat\_name nazwa pliku z macierzą y
- eps minimalna wartość różnicy między elementami macierzy powodująca nierówność

Zwracana wartość określa czy macierze (symetryczne, zredukowane) są jednakowe (true) lub różne (false).

## 7 Uwagi do implementacji

- W parametrze work\_dir podawana jest ścieżka do istniejącego katalogu z którego odczytywane są i zapisywane pliki z danymi.
- Parametry o nazwach kończących się na \_name podają nazwy istniejących plików z danymi wejściowymi (rozszerzenie pomijane)

- Parametry o nazwach kończących się na \_prx podają prefiks nazw plików z danymi wyjściowymi.
- Implementacja w C++ zapisuje pliki docelowe binarnie i/lub w CSV w zależności od wartości parametrów save\_bin, save\_csv.
- Implementacja C++ odczytuje wejściowy plik CSV i konwertuje go do pliku binarnego o takiej samej nazwie i rozszerzeniu .bin. Przy kolejnym wywołaniu z tym samym parametrem wejściowym odczytuje plik binarny zamiast CSV.
- Implementacja w Matlabie używa tylko plików CSV dla parametrów wejściowych i wyjściowych.
- Przyjąć założenia lub wprowadzić przełączniki dla sposobu zapisu binarnych macierzy:
  - dla macierzy symetrycznych (TrMatrixd namespace) można zapisywać tylko górną połowę wraz z przekątną
  - dla macierzy niesymetrycznych (na razie brak obsługi) należy przeprowadzać zapis pełnej macierzy
  - można rozważyć zapis tylko niezerowych elementów macierzy A jako trójek: indeks wiersza i, indeks kolumny j, wartość  $A_{ij}$
  - powyższe punkty są nieistotne jeśli działania będą przeprowadzane tylko na macierzach symetrycznych
- Parametr dbg dla funkcji C++ pozwala na włączenie trybu debugowania, który powoduje wyświetlanie szczegółowych wyników pośrednich.