

# Co było ostatnio?

Bajka o liczbach (jakieś urojone liczby?)

liczby naturalne, całkowite, wymierne, rzeczywiste i... **zespolone**.

Coś o sinusach?

Funkcje trygonometryczne w trójkącie.

[https:](https://github.com/radoslawwieczorek/Kwantowanie-w-pythonie)

[//github.com/radoslawwieczorek/Kwantowanie-w-pythonie](https://github.com/radoslawwieczorek/Kwantowanie-w-pythonie)

# Co będzie dziś?

Jeszcze o liczbach zespolonych

- mała powtórka
- dodawanie liczb zespolonych
- postać trygonometryczna
- mnożenie liczby zespolonej przez liczbę rzeczywistą
- mnożenie liczb zespolonych przez siebie

Następna dziwna konstrukcja: **macierze**

- działania na macierzach
- działanie macierzy na wektor (mnożenie macierzu przez wektor)
- macierze w pythonie

[https:](https://github.com/radoslawieczorek/Kwantowanie-w-pythonie)

[//github.com/radoslawieczorek/Kwantowanie-w-pythonie](https://github.com/radoslawieczorek/Kwantowanie-w-pythonie)

# Liczby zespolone cd.

1. Odpowiedz na pytania ze strony: [Khan Academy. Lekcja 2: Wprowadzenie do liczb zespolonych](#):

*(Sprawdź, czy rozumiesz, Pytanie do zastanowienia, Teraz spróbuj sam!)*

2. Zaznacz na płaszczyźnie Gaussa:

- ❶  $(2 - i) + (-3 - 2i)$ ,
- ❷  $(-2 - i) + 3i$ ,
- ❸  $\cos\left(\frac{\pi}{4}\right) + i \sin\left(\frac{\pi}{4}\right)$ ,
- ❹  $2 \cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + 2i \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)$ ,
- ❺  $\sqrt{2} \cos\left(\frac{3}{4}\pi\right) + \sqrt{2}i \sin\left(\frac{3}{4}\pi\right)$ ,

3. Jaki jest argument (faza, kąt) liczby zespolonej

- |                     |                             |
|---------------------|-----------------------------|
| ❶ $1 + i$ ,         | ❹ $-\sqrt{2} - \sqrt{2}i$ , |
| ❷ $1 + \sqrt{3}i$ , | ❺ $1 - \sqrt{3}i$ ,         |
| ❸ $-1 + i$ ,        | ❻ $-3 - \sqrt{3}i$ ,        |

# Macierze

1. Dodaj macierze:

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & -2 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$$

2. Pomnóż macierze:

$$(1) \quad A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & -2 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$$

$$(2) \quad A = \begin{bmatrix} 2 & 3 & 0 \\ 1 & -2 & -1 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix},$$

3. Sprawdź, że mnożenie macierzy nie jest przemienne na przykładzie:

$$A_1 = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \quad A_2 = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 4 & 5 \end{bmatrix}$$