

# Pipeline de Visualização 3D

André Tavares da Silva

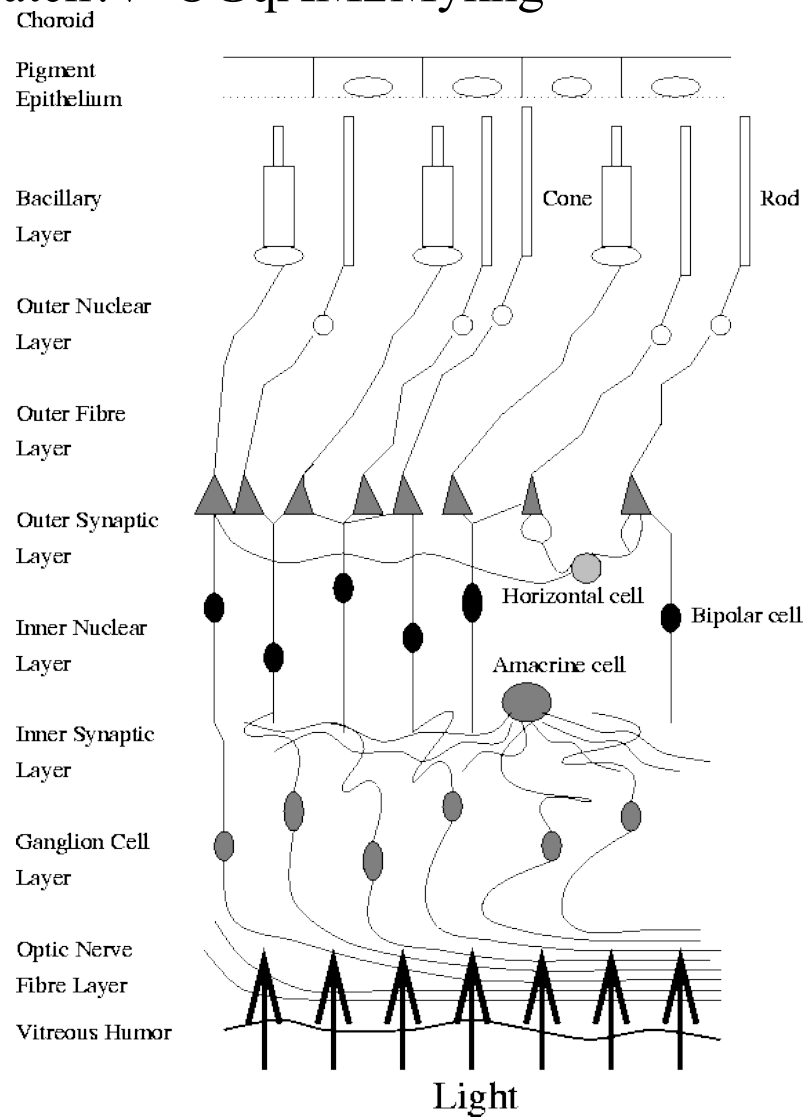
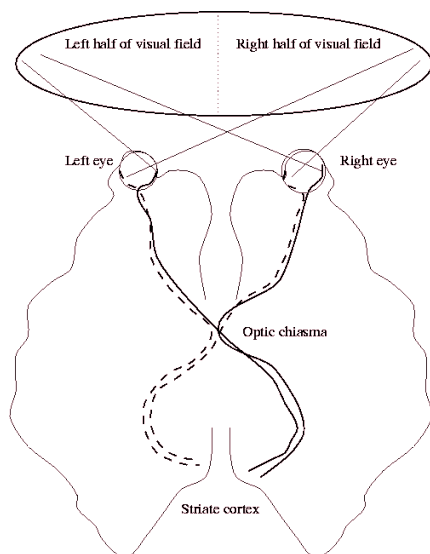
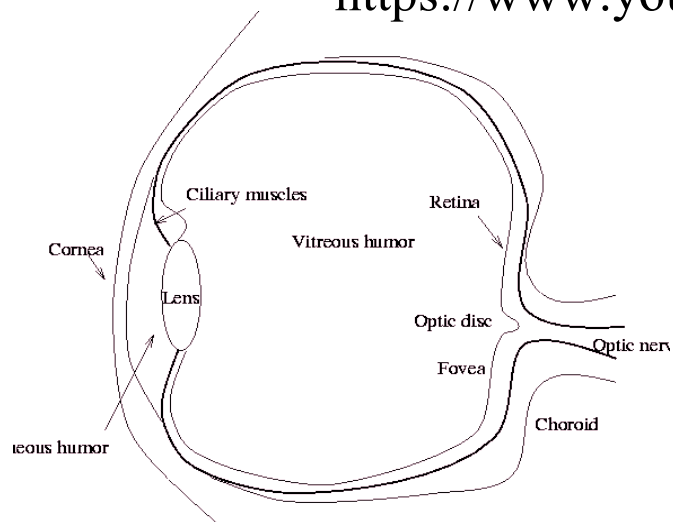
[andre.silva@udesc.br](mailto:andre.silva@udesc.br)

Capítulo 5 de “Foley”

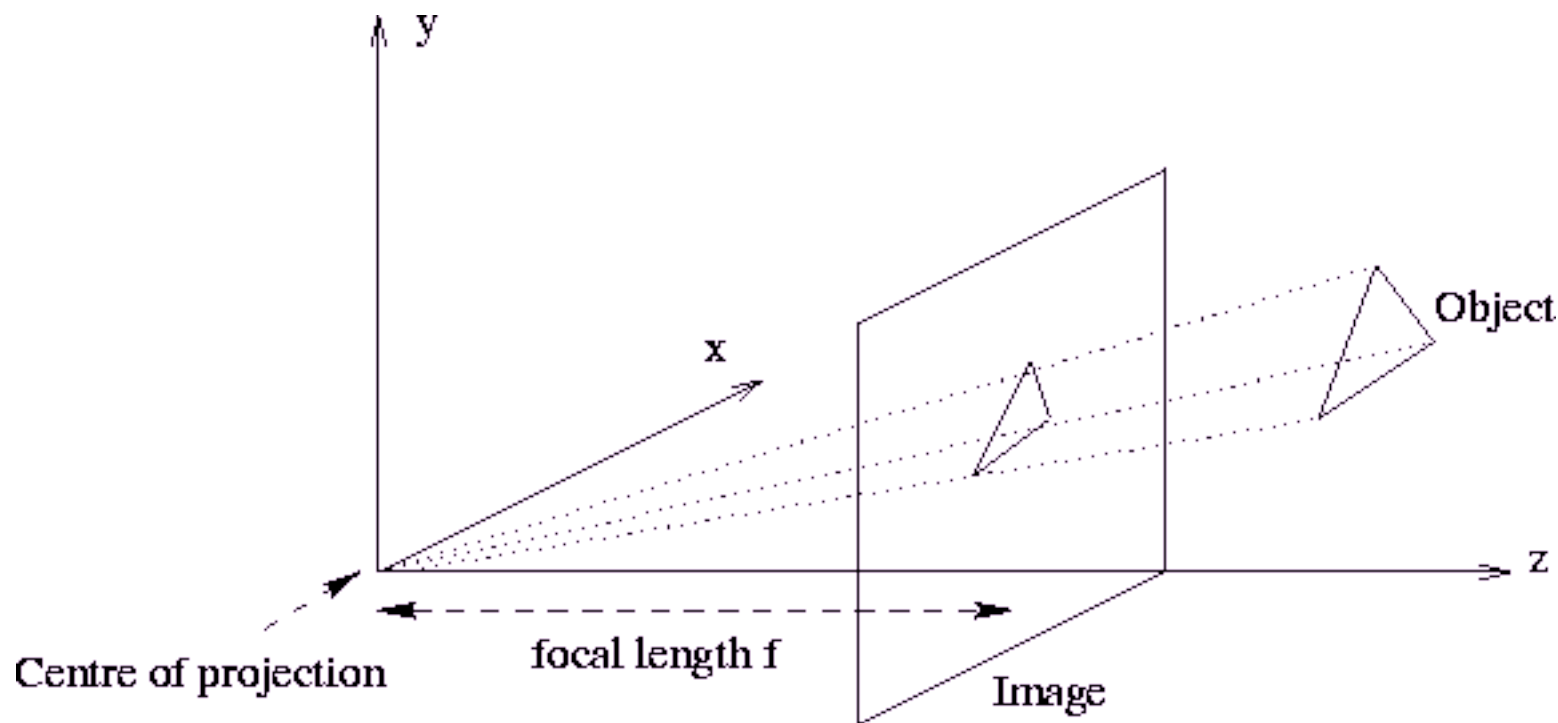
Capítulo 2 de Azevedo e Conci

# Processo de Visualização

<https://www.youtube.com/watch?v=OGqAM2Mykng>

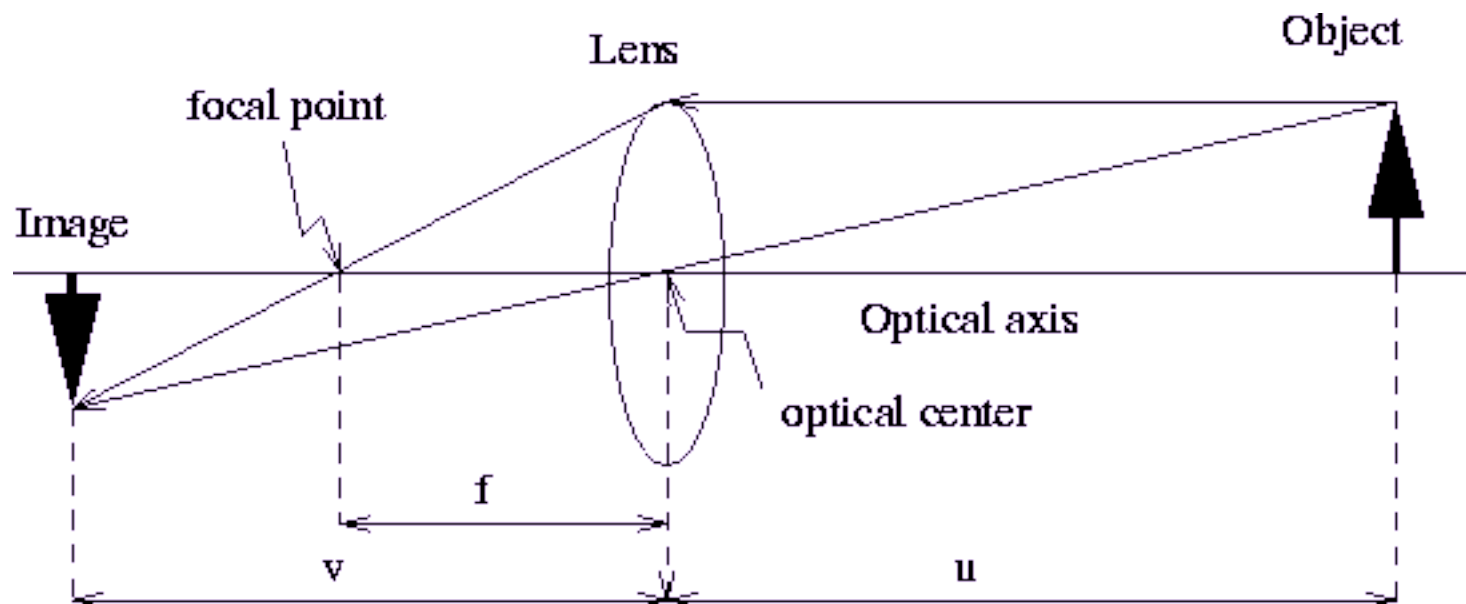


# Processo de Visualização



**Modelo *pinhole***

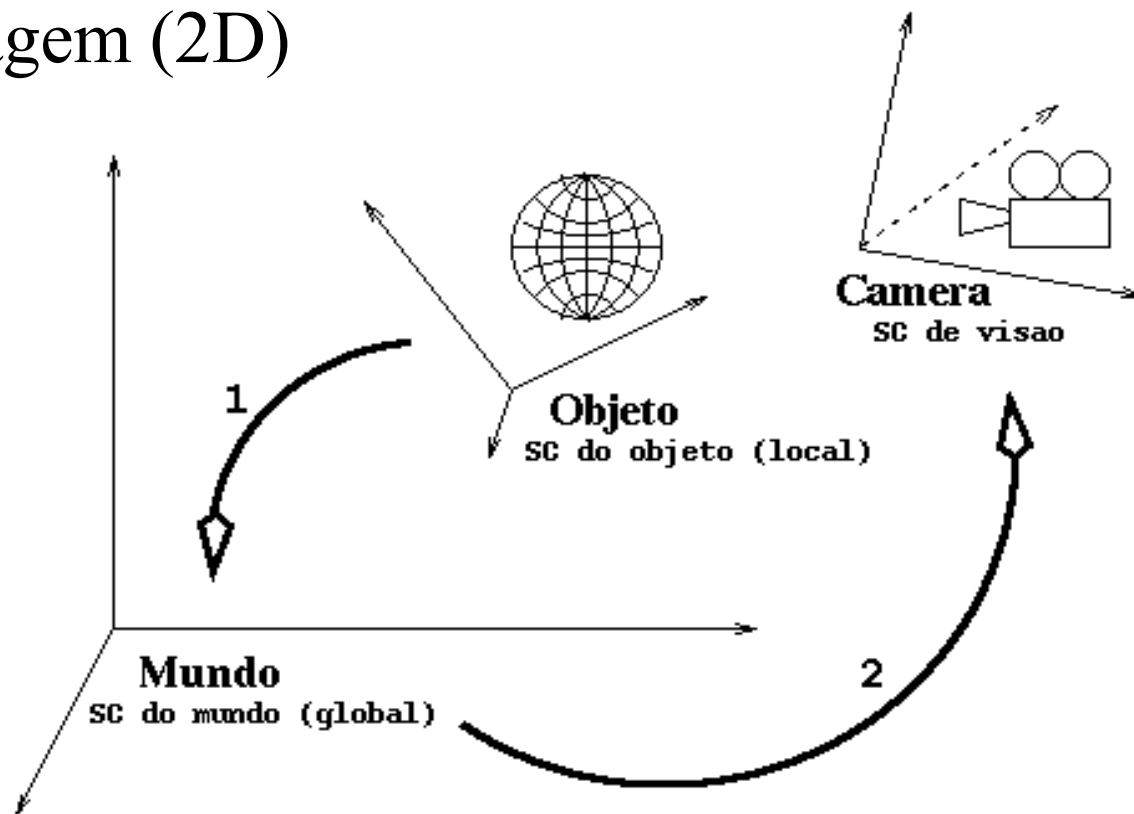
# Processo de Visualização



**Modelo de câmera simplificado**

# Processo de Visualização 3D

- 1) Transforma a forma da Observação (3D)
- 2) Transformam coordenadas do mundo para coordenadas de imagem (2D)



# Processo de Visualização 3D simplificado

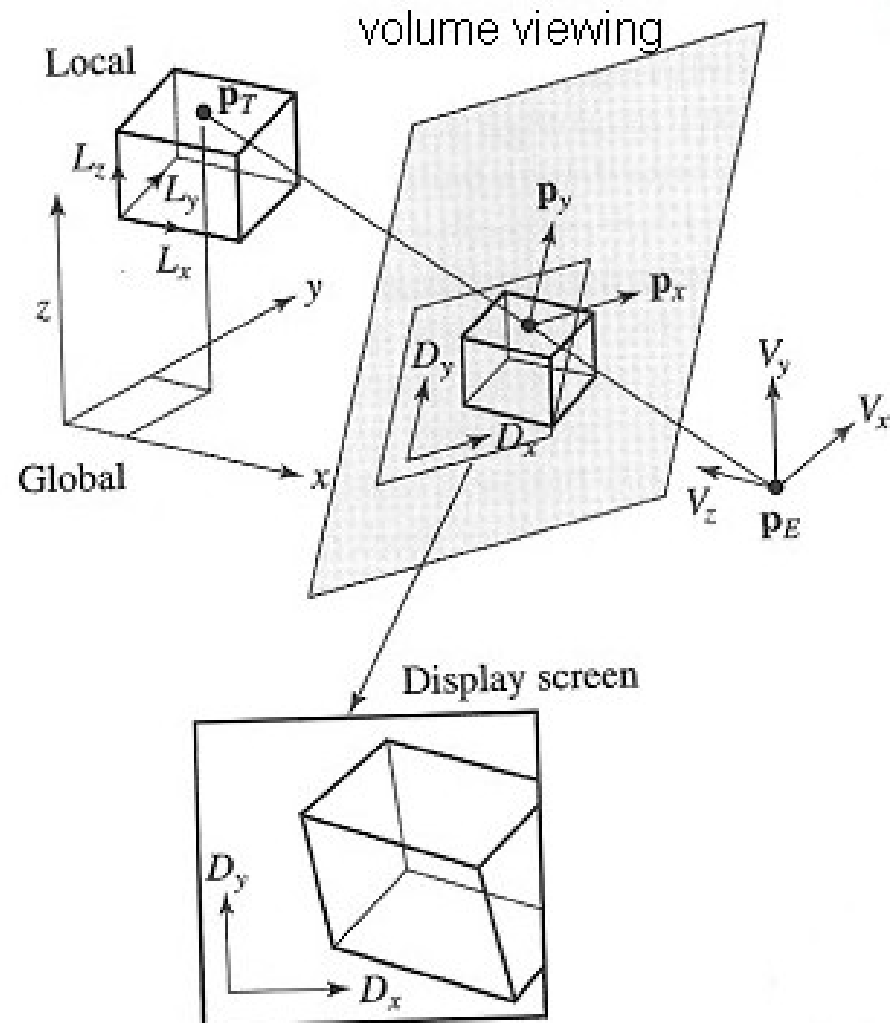
Plano de Visualização ou  
Plano de Projeção

Ponto de Observação ou  
Posição da Câmera Virtual

Área de Visualização no  
Plano de Projeção ou *Window*

Sistemas:

- Do Mundo/De Referencia
- Do Objeto
- Da Câmera



# Visualização 2D x 3D

- O que muda?
  - Uma dimensão a mais: profundidade (Z)
  - Cena 3D e dispositivo de exibição 2D

# Objetos 2D

- Pontos 2D
- Polígonos (Triângulo, retângulo, círculo, ...)
- Objetos compostos por um polígono

Plano: largura, altura (x,y)

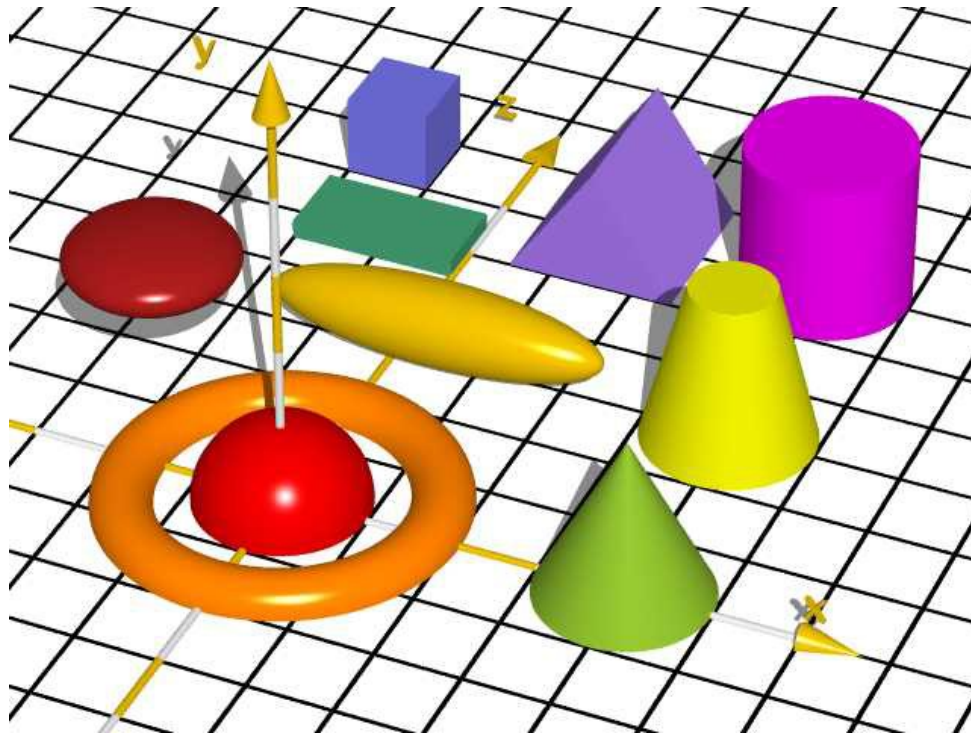


# Objetos 3D

- Pontos 3D
- Polígonos (Cubo, Paralelepípedo, Esfera ...)
- Objetos compostos por polígonos

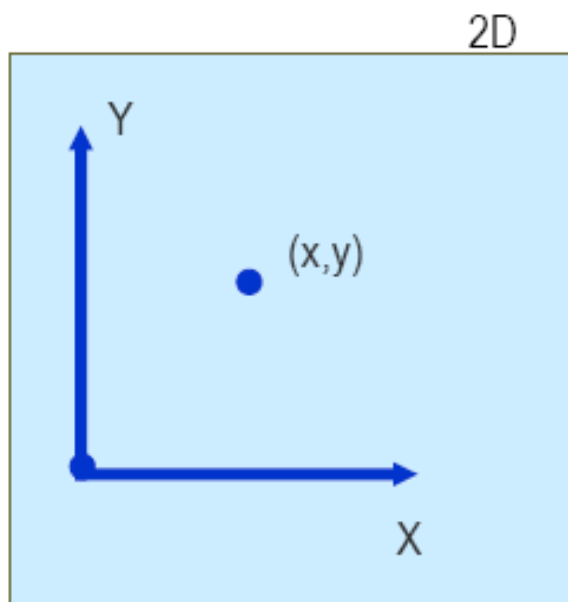
Espaço: largura, altura e profundidade (x,y,z)

# Objetos 3D

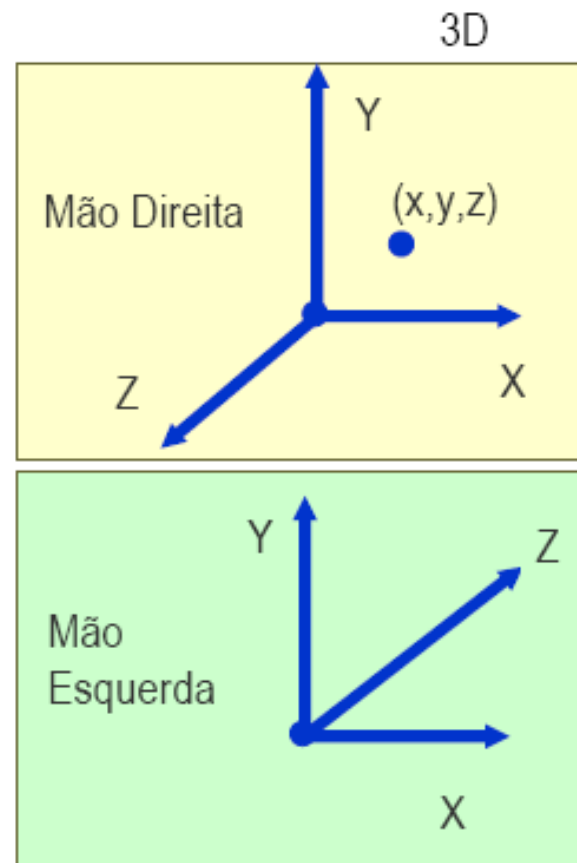


- Paralelepípedo
- Pirâmide
- Cone
- Esfera
- Prisma
- Torus

# 2D $\rightarrow$ 3D

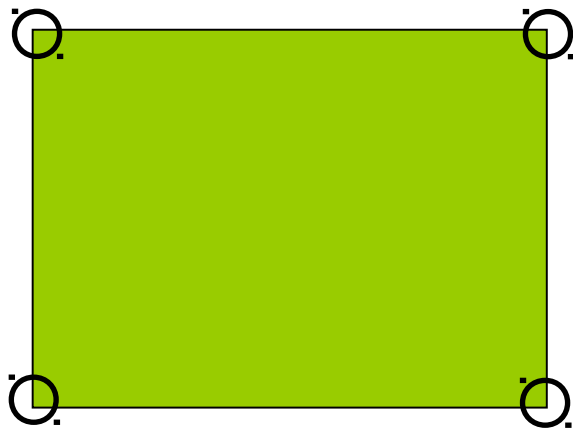


**Plano**

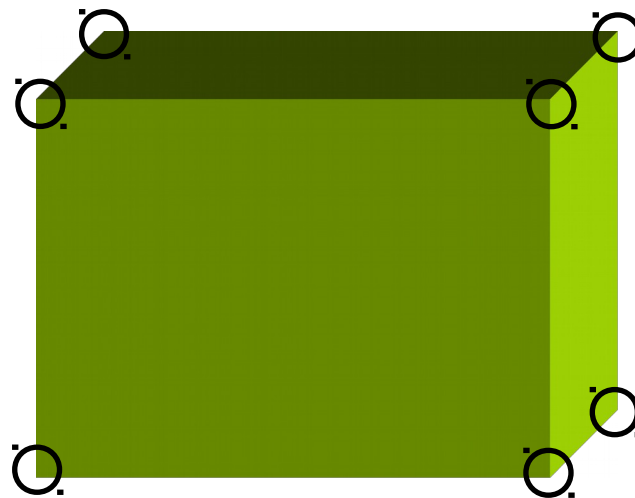


**Espaço**

$2D \rightarrow 3D$



**2D**



**3D**

**Vértices**

$2D \rightarrow 3D$

**Uma face**



**2D**

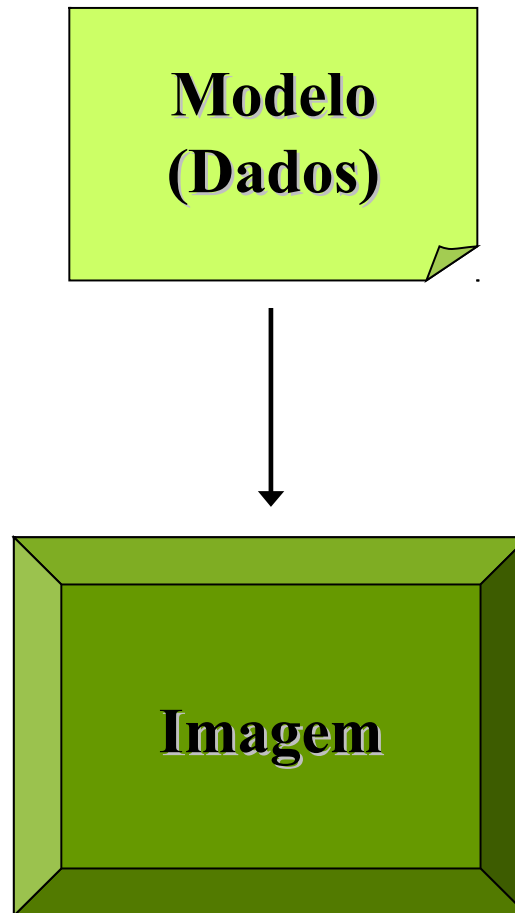
**Várias faces**

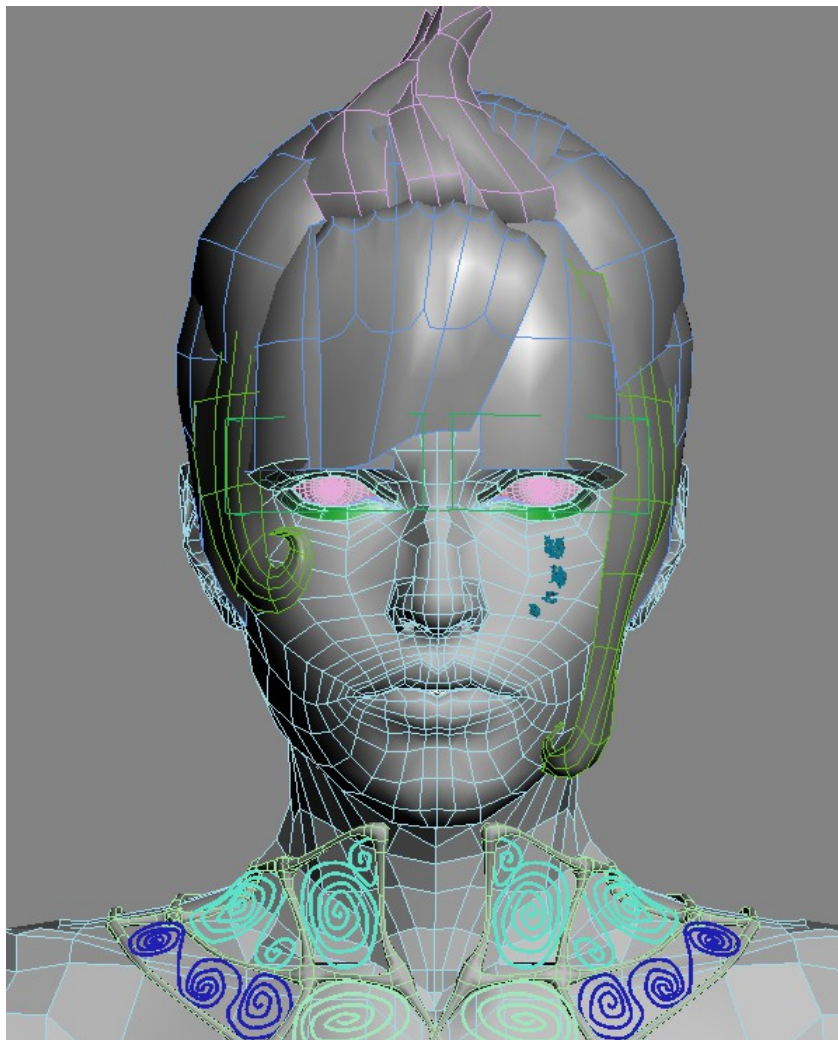


**3D**

**Faces**

# Pipeline de Visualização 3D





Modelo 3D



Imagem



# Etapas do Pipeline de Visualização

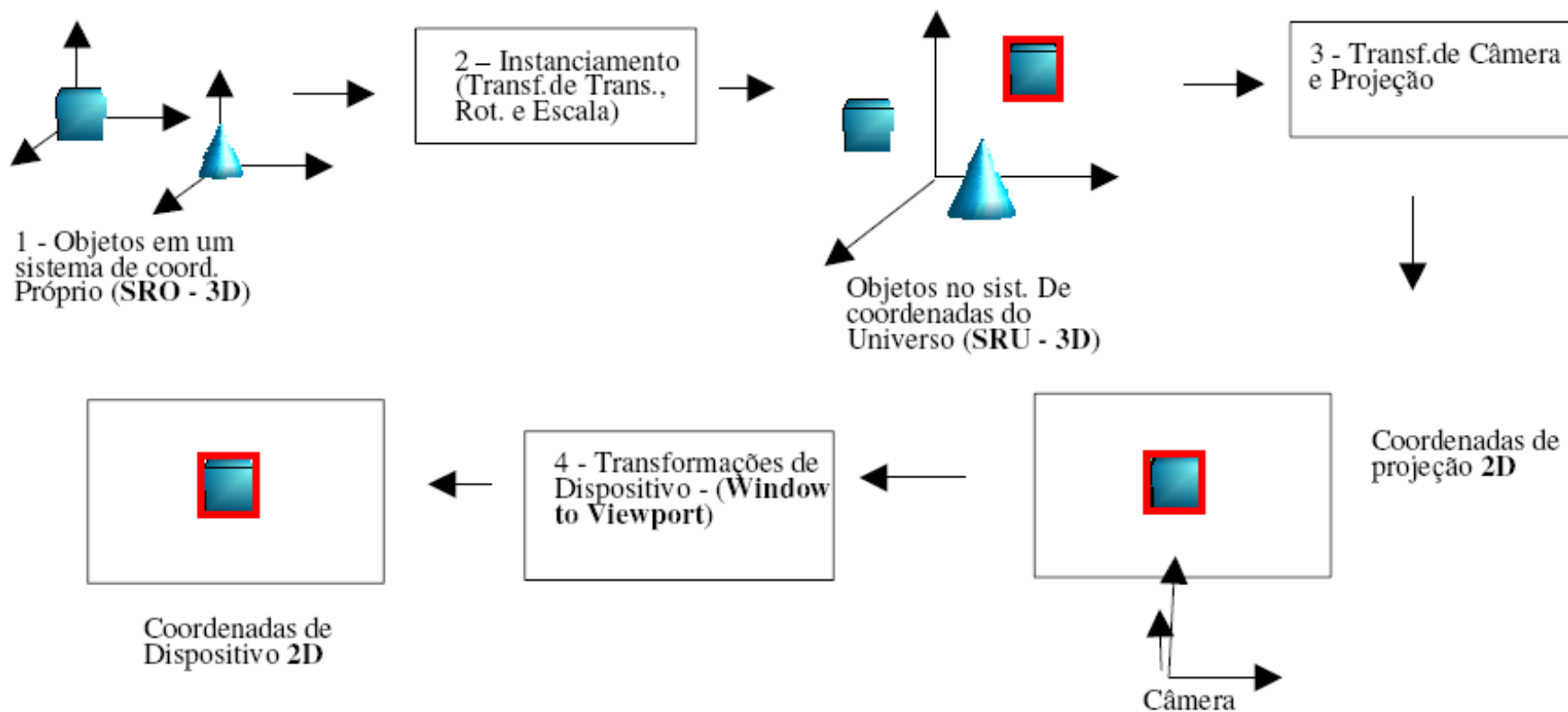
## **Etapas 2D**

- Instanciamento
- Recorte 2D
- Mapeamento

## **Etapas 3D**

- Instanciamento
- Transformações de câmera e projeção
- Recorte 3D
- Projeção
- Mapeamento

# Pipeline de Visualização 3D



# Aspectos Envolvidos

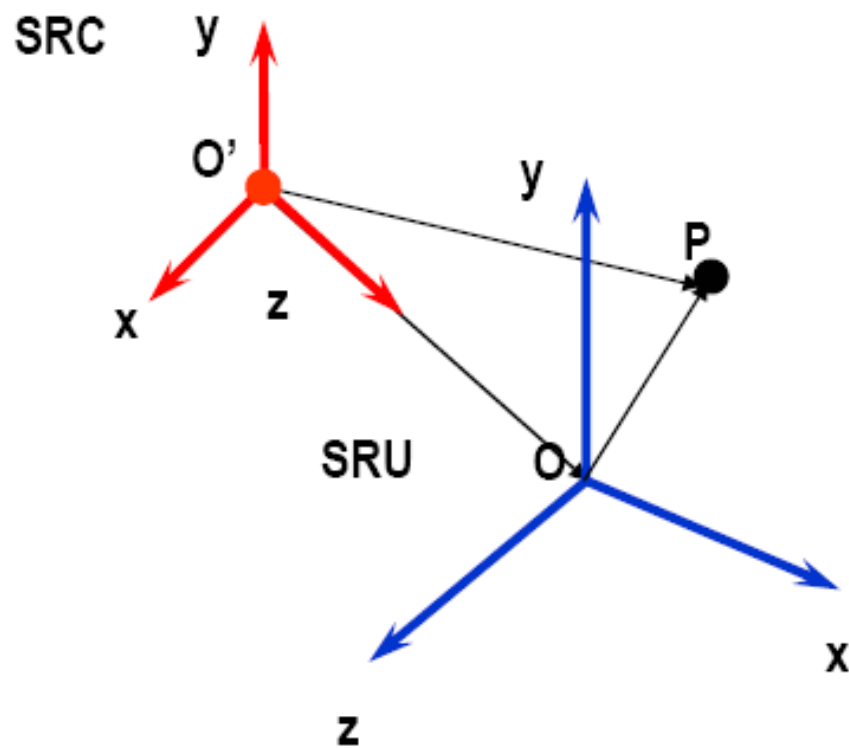
- Posicionamento da câmera
  - Observador
- Orientação da câmera
  - Direção da projeção
- Definição do tipo de projeção
  - Paralela ou Perspectiva
- Definição da região de interesse SRU
  - Prisma ou tronco de pirâmide

# Câmera Virtual/Sintética

- Metáfora para representar o que é visto.
- A câmera pode ser movimentada para qualquer posição em qualquer sentido.
- A câmera será o nosso programa, que transforma as informações dos objetos em uma imagem.



# Posicionamento da Câmera



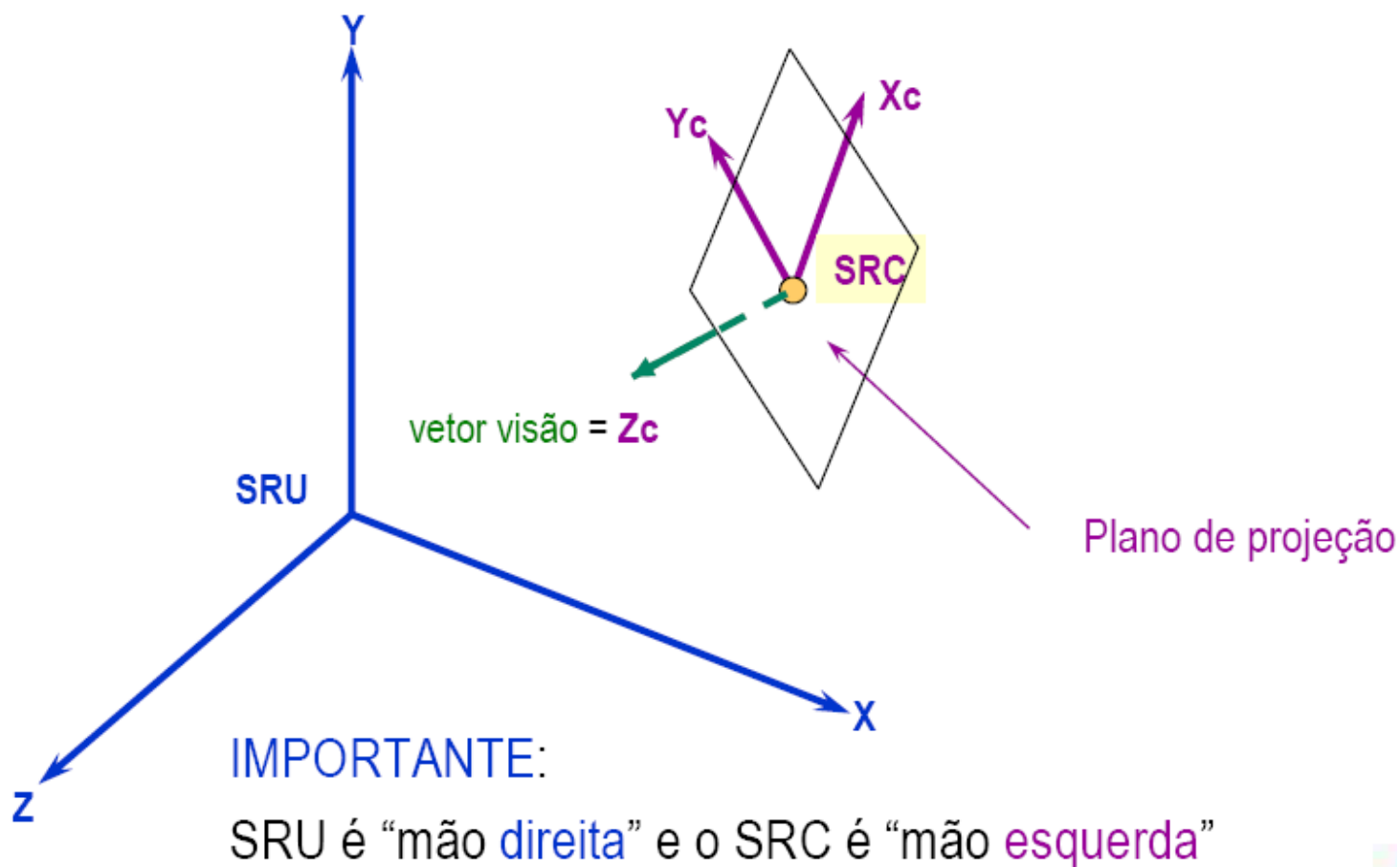
$$P = (x, y, z)_{SRU}$$



transformação de  
coordenadas

$$P = (x', y', z')_{SRC}$$

# Orientação da Câmera



# Enfatizando...

- SRC é “Mão Esquerda”
  - Z cresce com a distância da câmera
- SRU é “Mão Direita”

# Parâmetros da Visualização

- Câmera Sintética (3D)
  - SRC (Sistema de Referência da Câmera)
    - Posição de Observação (3 DOF)
    - Direção de Observação (3 DOF)
  - Ponto Focal (1 DOF)
- Planos de Corte
  - View Frustum
- Tipo de Projeção (2D)



# Projeção

- Estudada desde o século XIV.
- Transforma os pontos de um sistema de  $N$  dimensões em pontos de um sistema de  $M$  dimensões, onde  $M < N$ .
- Nosso caso:  $3D \rightarrow 2D$ .

# Projeção

## Albrecht Dürer



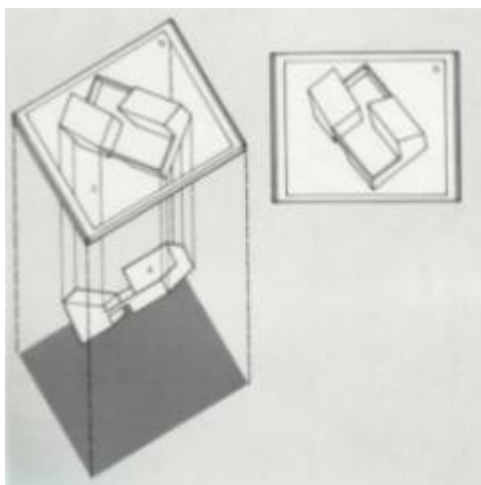
# Projeção

- Projeção de um objeto no espaço através de linhas de projeção (**raios de projeção**), que têm origem em um **centro de projeção** e passam pelos pontos do objeto interseccionando um **plano de projeção**, onde se forma a **imagem bidimensional**.

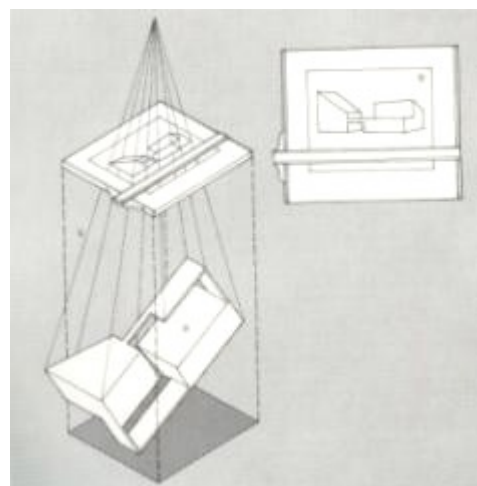


# Tipos de Projeção

**Paralela**



**Perspectiva**



- Diferença entre as projeções: na paralela os raios de projeção são paralelos entre si enquanto na projeção perspectiva eles convergem para um ponto.

# Tipos de Projeção



Front elevation



Elevation oblique



Plan oblique



Isometric



One-point perspective

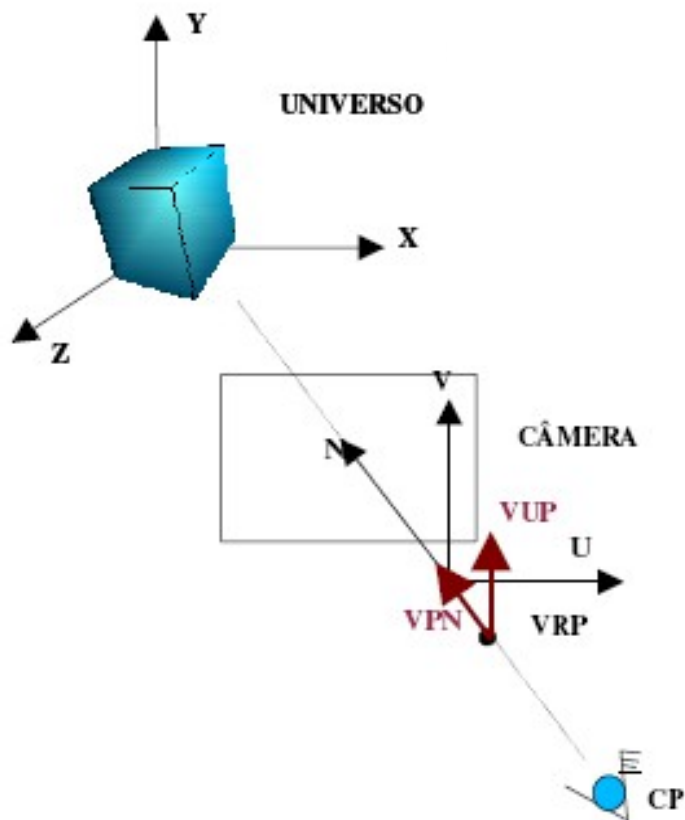


Three-point perspective

# Projeções

- O efeito da projeção perspectiva é semelhante ao sistema visual humano.
- A projeção perspectiva é mais **realista**, mas não é útil quando precisamos medir as dimensões de um objeto.

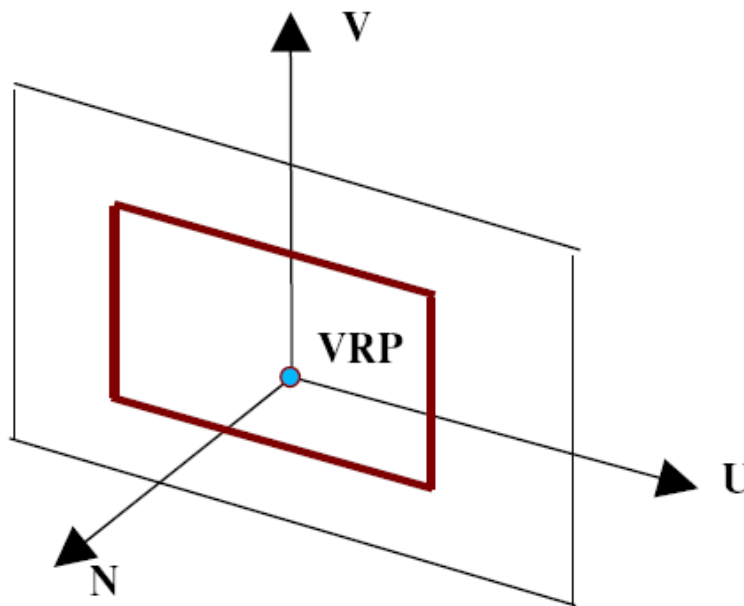
# Sistema de Referência da Câmera



- Plano de projeção (posição e orientação)
- Janela de Visualização
- Posição do olho  
(centro de projeção)
- $VPN(v, u, n)$  - View Plane Normal
- VUP indica onde é para cima
- VRP indica a posição da câmera
- VPR + VPN : Plano de Projeção

# Sistema de Referência da Câmera

- Após a definição do SRC, podemos definir a janela de visualização (*viewport*).





# Sistema de Referência da Câmera

- Definida a janela, definimos o centro de projeção.
- PRP: Ponto de referência da projeção. Dado em coordenadas do SRC e usualmente definido ao longo do eixo  $n$ .

# Volume de Visualização

- Por último é necessária a definição da área do espaço que será visualizada (*View Volume*).
- Somente os objetos dentro desta área serão visualizados.

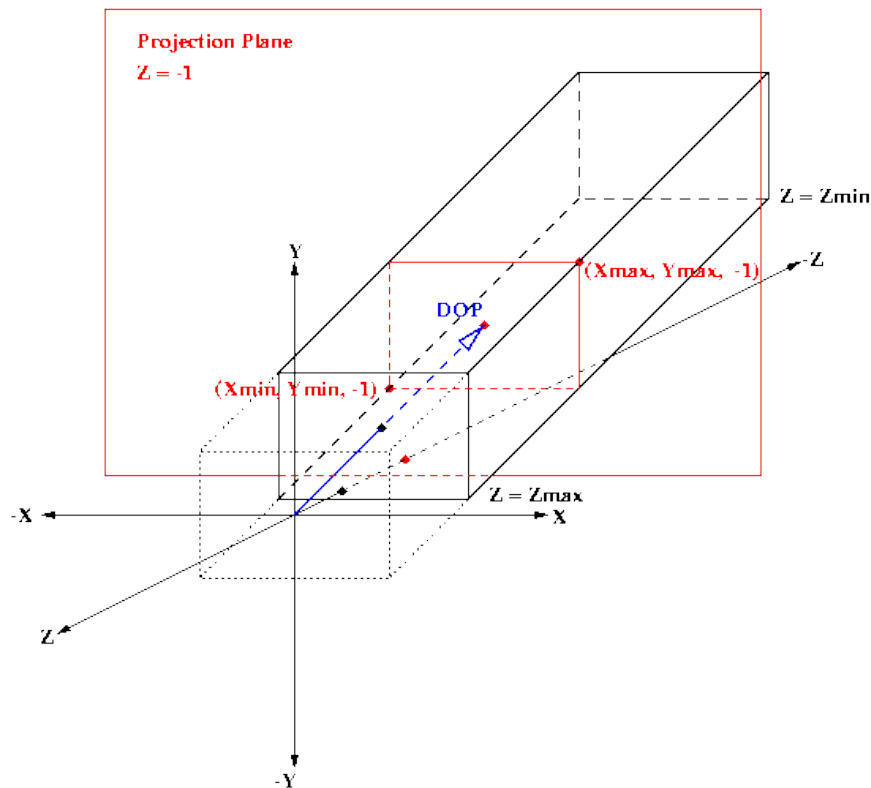
# Do Plano Projetivo para a Tela

(Foley et al 1996: cap 5.4)

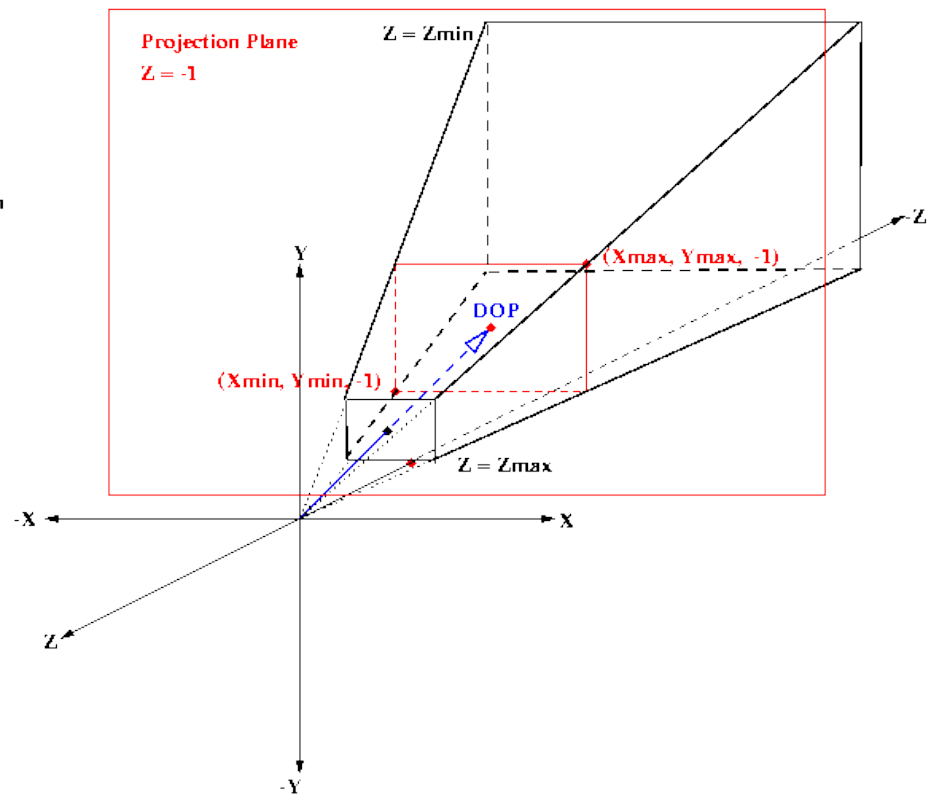
- Nem tudo que é projetado é visto
- Objetos MUITO distantes não são vistos
- Objetos MUITO próximos não são vistos
- Objetos Acima/Abaixo não são vistos
- Objetos À Esquerda/Direita não são vistos

# Volume de Visualização

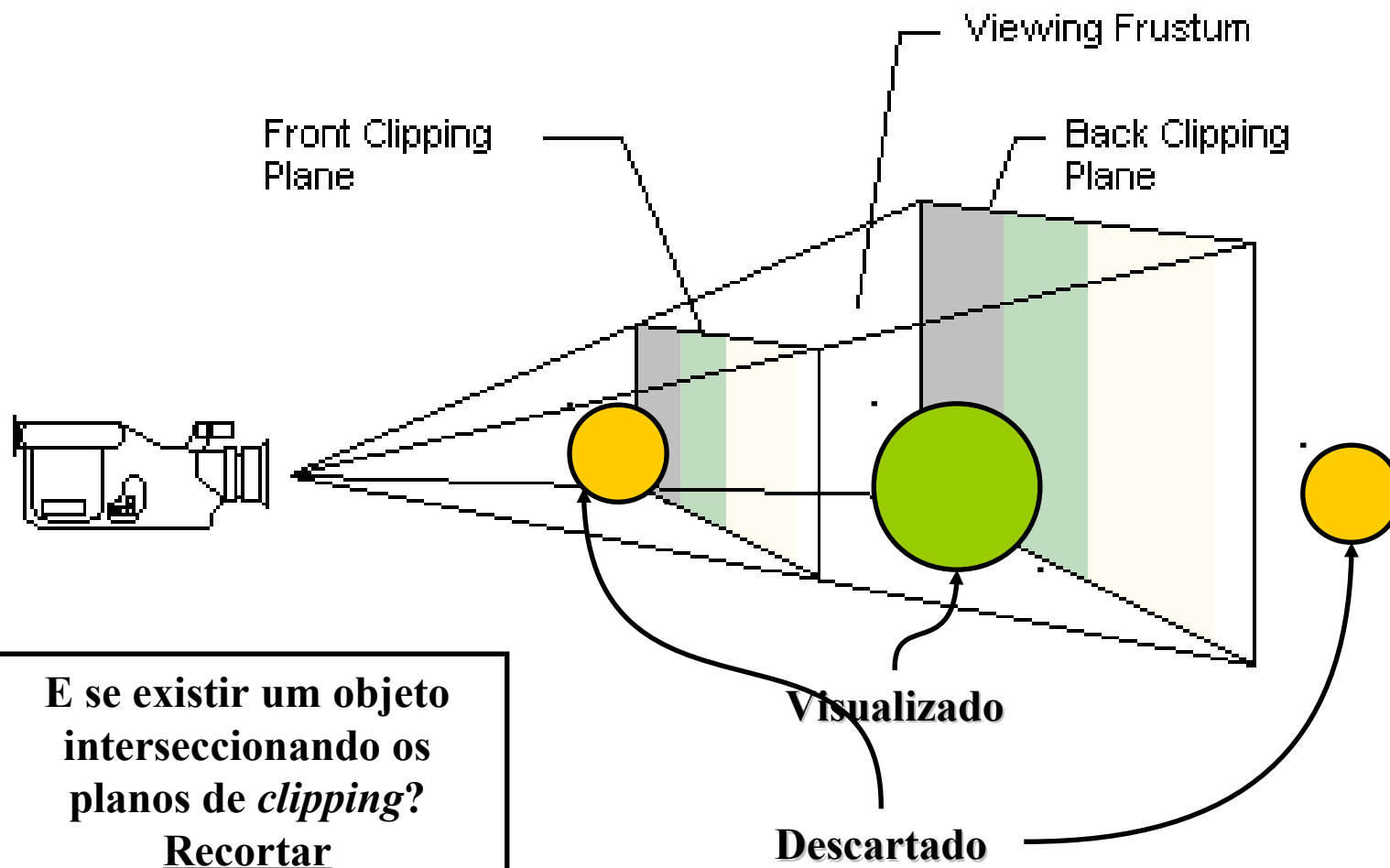
Parallel Projection Frustum



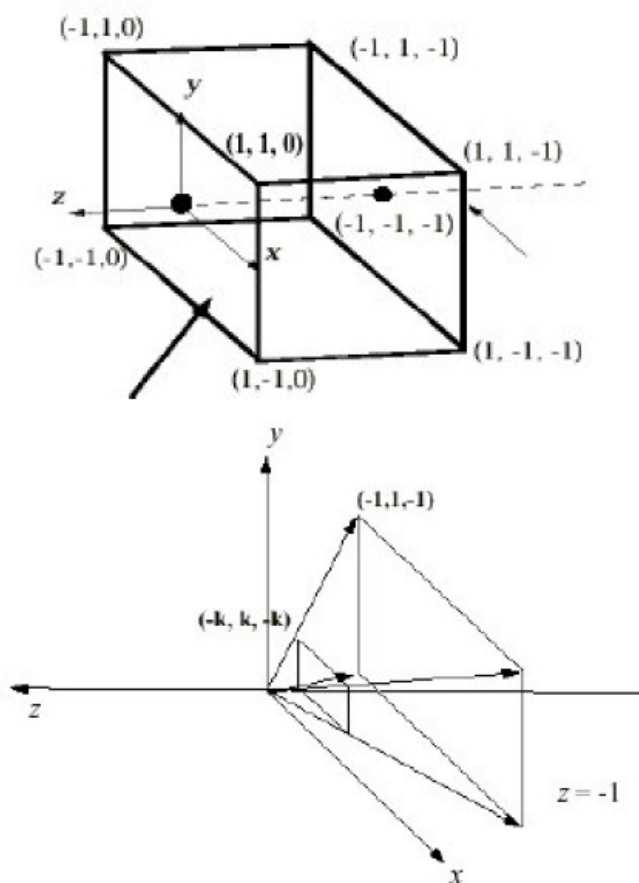
Perspective Projection Frustum



# Volume de Visualização



# Coordenadas Normalizadas



- Planos para o volume da projeção paralela:  
 $x: \{-1, 1\}; y: \{-1, 1\}; z: \{-1, 1\}$
- Para o volume da projeção perspectiva:  
 $x: \{z, -z\}; y: \{z, -z\}; z: \{-z_{\min}, -1\}$

# Recorte 3D

- O recorte 3D é feito através de uma extensão do algoritmo de recorte 2D.
- O algoritmo de Cohen-Sutherland classifica as extremidades das linhas de acordo com sua posição no espaço em relação ao volume de visualização.
- No algoritmo 2D eram utilizados 4 bits, em 3D são utilizados 6 bits.

# Recorte 3D

- Bits:
  - Bit 0: ponto acima do volume
  - Bit 1: ponto abaixo do volume
  - Bit 2: ponto direita do volume
  - Bit 3: ponto esquerda do volume
  - Bit 4: ponto atrás do volume
  - Bit 5: ponto na frente do volume



# Recorte 3D

- Todos os bits em zero: trivialmente aceitos.
- AND entre os pontos diferente de zero: trivialmente recusados.
- AND entre os pontos igual a zero: recortar.

# Recorte 3D

- Recorte: intersecção entre a reta e os planos de visualização.

- Como?

Usando a representação paramétrica da reta.

$P0(x0, y0, z0)$  e  $P1(x1, y1, z1)$

$$x = x0 + t(x1 - x0)$$

$$y = y0 + t(y1 - y0)$$

E para esferas?

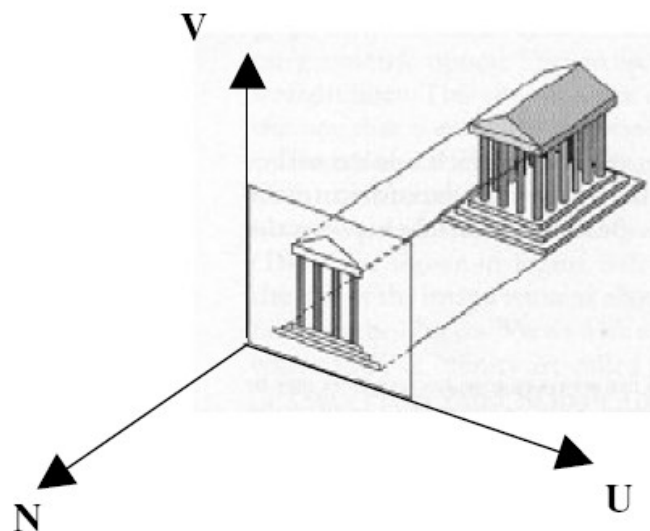
# Coordenadas de Projeção

- Precisamos nos “livrar” de uma dimensão.
- Projeções Ortográficas (paralelas):
  - Basta descartar a coordenada  $n$  (assumindo que o plano de projeção em  $n=0$ ).

$$up = u = x$$

$$vp = v = y$$

$$n = 0$$



# Coordenadas de Projeção

- Projeções Perspectivas:

- Assumindo que o plano de projeção é perpendicular ao eixo N do SRC e a uma distância **d**:

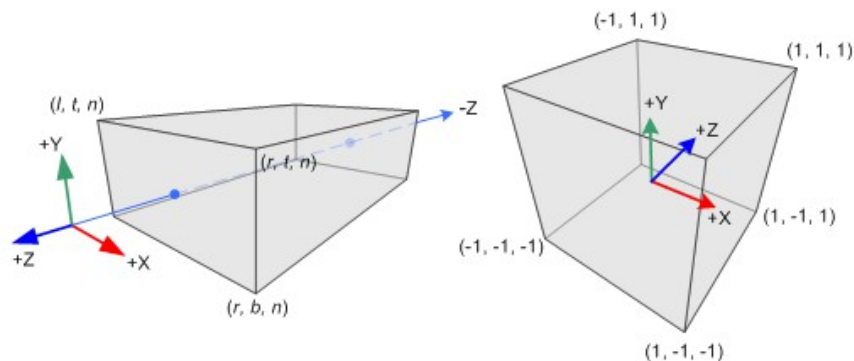
$$\mathbf{up} = \mathbf{u} / (\mathbf{n} / \mathbf{d})$$

$$\mathbf{vp} = \mathbf{v} / (\mathbf{n} / \mathbf{d})$$

- Existem matrizes de transformação para obter as coordenadas projetadas.

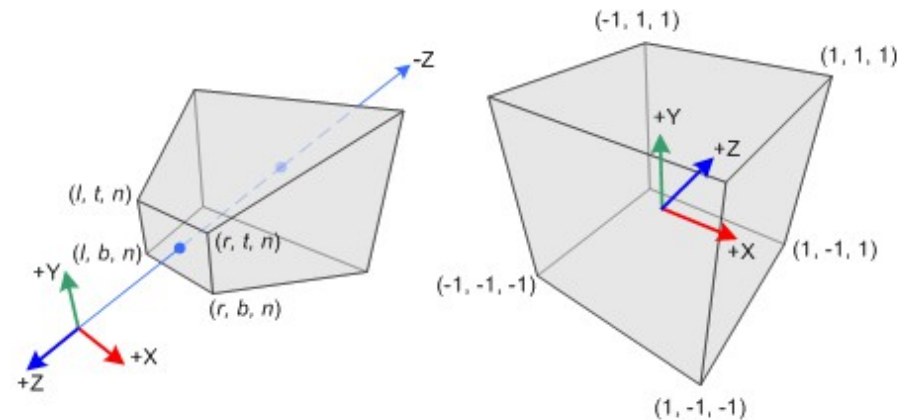
# Matriz de projeção

## Paralela/ortográfica



$$\begin{pmatrix} \frac{2}{r-l} & 0 & 0 & -\frac{r+l}{r-l} \\ 0 & \frac{2}{t-b} & 0 & -\frac{t+b}{t-b} \\ 0 & 0 & \frac{-2}{f-n} & -\frac{f+n}{f-n} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

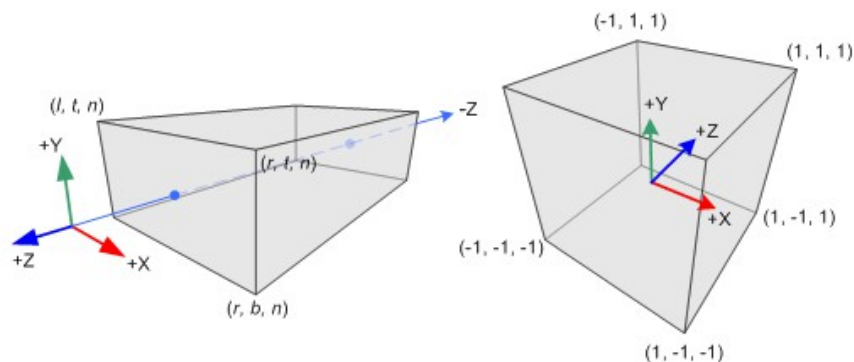
## Perspectiva



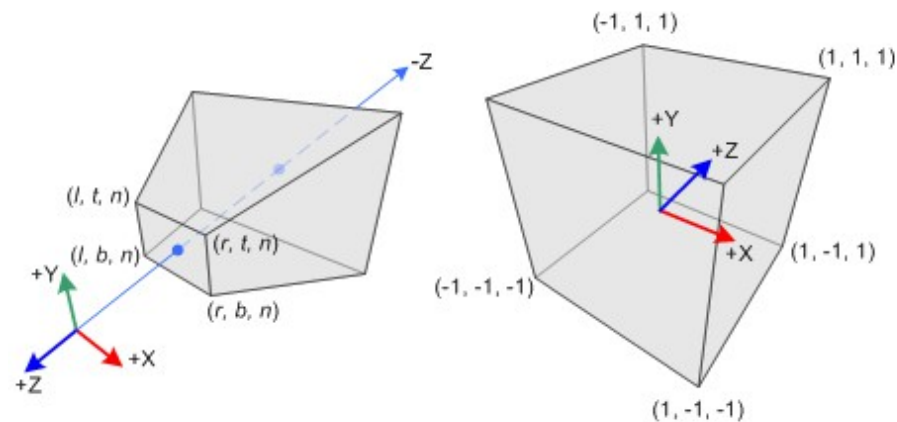
$$\begin{pmatrix} \frac{2n}{r-l} & 0 & \frac{r+l}{r-l} & 0 \\ 0 & \frac{2n}{t-b} & \frac{t+b}{t-b} & 0 \\ 0 & 0 & \frac{-(f+n)}{f-n} & \frac{-2fn}{f-n} \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{pmatrix}$$

# Matriz de projeção

Paralela/ortográfica



Perspectiva



$$\begin{pmatrix} \frac{1}{r} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \frac{1}{t} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \frac{-2}{f-n} & -\frac{f+n}{f-n} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

caso forem  
simétricos

$$r = -l$$

e

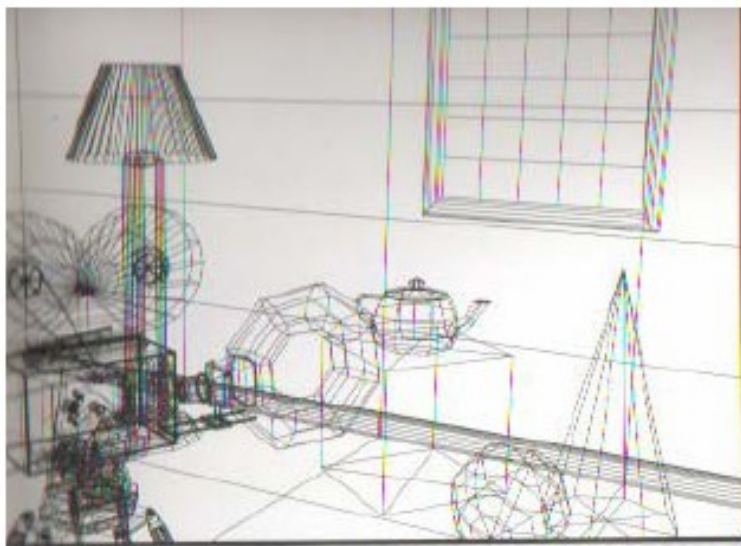
$$t = -b$$

$$\begin{pmatrix} \frac{n}{r} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \frac{n}{t} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \frac{-(f+n)}{f-n} & \frac{-2fn}{f-n} \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{pmatrix}$$

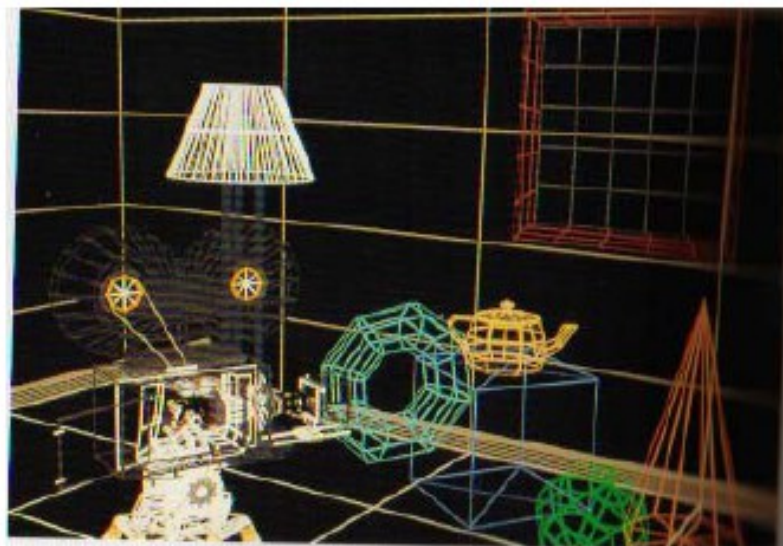
# Resumo da Câmera Sintética

- Instanciar os objetos no universo (SRO  $\rightarrow$  SRU)
- Converter o SRU para o SRC
- Aplicar a normalização
- Recorte 3D contra volume canônico
- Efetuar projeção
- Mapeamento de *window* para *viewport*

# Pipeline de Visualização 3D



Wireframe



Wireframe com Cores



# Pipeline de Visualização 3D

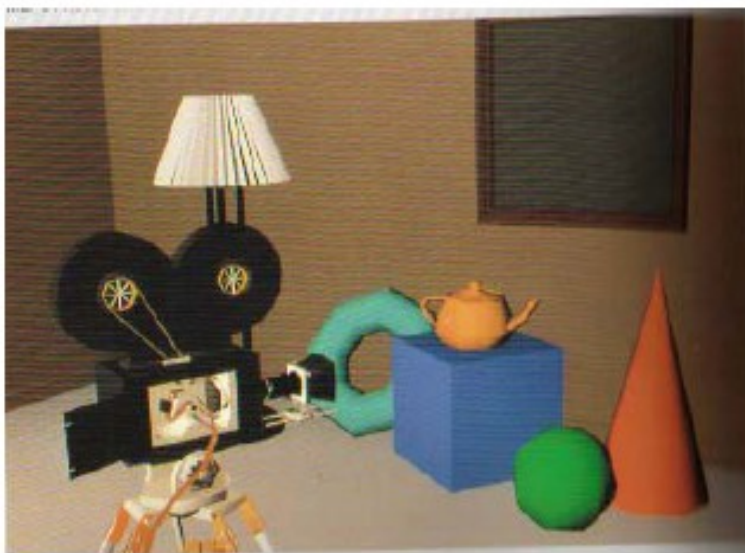


Remoção de Superfícies Ocultas



Luz Ambiente, sem consideração  
de orientação de faces

# Pipeline de Visualização 3D



Sombreamento das faces



Sombreamento com Reflexão Especular

# Pipeline de Visualização 3D



Superfícies Curvas



Mais de uma Fonte de Luz

# Pipeline de Visualização 3D



Texturas



Sombras



# Pipeline de Visualização 3D



# Remoção de Faces Ocultas

Algoritmos de remoção de face oculta:

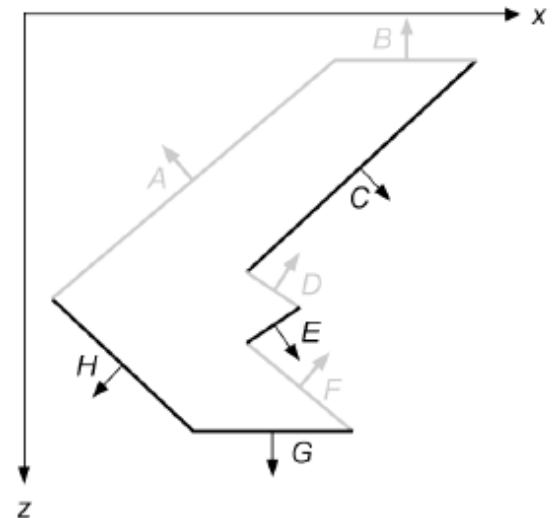
- Backface Culling
- Algoritmo do Pintor
- Z-Buffer (Depth-Buffer)

# Backface Culling

- Remove os polígonos traseiros (backfaced) dos objetos.
- De cada polígono que compõe o objeto sai um vetor normal. Esse vetor indica qual dos lados é a frente do polígono.
- Testa o vetor normal de cada polígono. Se ele não aponta para o observador ele é um polígono traseiro.

# Backface Culling

- Se  $N.V > 0$ , para objetos sólidos isso significa que essa face nunca será vista pelo observador
- $V$  é um vetor que parte do olho para o objeto

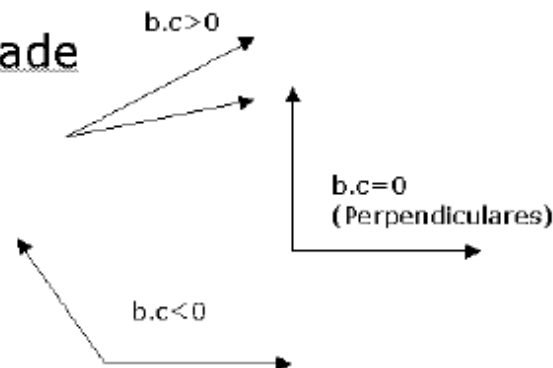


## Sinal de $b.c$ e Perpendicularidade

$\cos \theta > 0$  se  $|\theta| < 90^\circ \rightarrow b.c > 0$

$\cos \theta = 0$  se  $|\theta| = 90^\circ \rightarrow b.c = 0$

$\cos \theta < 0$  se  $|\theta| > 90^\circ \rightarrow b.c < 0$



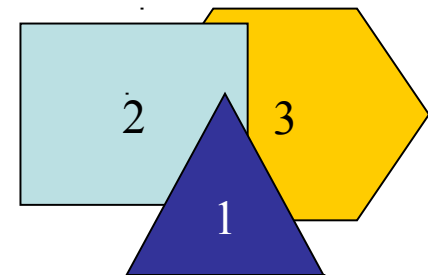


# Backface Culling

- Não é uma solução completa.
- Grande velocidade.
- Cerca de metade dos polígonos são descartados.
- Aplicado geralmente com outro algoritmo de remoção de faces ocultas.
- Fácil integração com o hardware.
- Implementado em OpenGL.

# Algoritmo do Pintor

- Vários objetos na cena
- Desenha os polígonos como um pintor à óleo faz: os objetos mais distantes primeiro.
  - Ordena os polígonos de acordo com o  $z$ ;
  - Resolve ambiguidades onde os  $z$ 's se sobrepõem;
  - Desenhar a partir do maior  $z$  até o menor;
  - O polígono mais próximo será desenhado por último;
  - Precisa de todos os polígonos.



# Z-Buffer (Depth-Buffer)

- Criado em 1974, por Catmull.
- Idéia:
  - Na etapa de rasterização considerar o z também;
  - Além do framebuffer, existe também um buffer de profundidade (depth-buffer);
  - Inicialmente todo o depth-buffer é setado para o infinito;
  - Framebuffer é setado para a cor de fundo;

# Z-Buffer (Depth-Buffer)

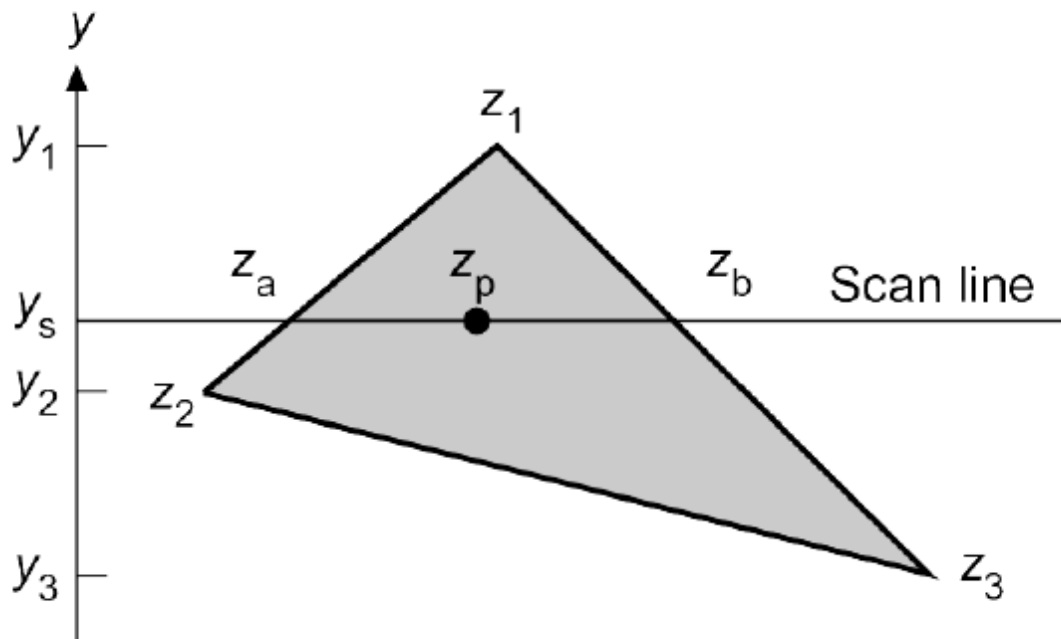
- Realizar a rasterização através da seguinte rotina:

```
WritePixel(int x, int y, float z, colour)
if ( z < zbuf[x][y] ) then
    zbuf[x][y] = z;
    frambuffer[x][y] = colour;
end
```

- O *buffer* armazena o pixel mais próximo até então em (x,y);
- Não renderiza um pixel se ele tiver profundidade maior do que  $z[x][y]$ ;

# Z-Buffer (Depth-Buffer)

- Determinação da profundidade



$$z_a = z_1 - (z_1 - z_2) \frac{y_1 - y_s}{y_1 - y_2}$$

$$z_b = z_1 - (z_1 - z_3) \frac{y_1 - y_s}{y_1 - y_3}$$

$$z_p = z_b - (z_b - z_a) \frac{x_b - x_p}{x_b - x_a}$$

# Z-Buffer (Depth-Buffer)

- Vantagens:
  - Fácil implementação;
  - Simples de implementar em hardware;
  - Pode começar antes de ter todos os polígonos da cena;
  - Objetos não necessitam ser polígonos;
  - Implementado em OpenGL;

# Z-Buffer (Depth-Buffer)

- Desvantagens:
  - Consome “muita” memória;
  - Um pixel pode ser desenhado várias vezes;

# Comparação

- Backface Culling: rápido, porém insuficiente;
- Algoritmo do pintor: muitos detalhes, lento;
- Z-Buffer: rápido de implementar, mas consome memória.