Лабораторная работа №2

Тема: Бинарные отношения **Дисциплина:** Дискретная математика

Цель работы:

- Изучить понятие бинарного отношения, его представление и свойства.
- Научиться задавать бинарные отношения различными способами.
- Определять свойства отношений: рефлексивность, симметричность, антисимметричность, транзитивность.
- Выполнять композиции и обратные отношения.

Методические указания:

- 1. Все отношения оформлять в виде пар.
- 2. Проверку свойств проводить строго по определению.
- 3. Матричную и графическую форму отношений можно оформлять вручную.
- 4. Обязательно указывать промежуточные шаги.

Структура задания (общая для всех вариантов):

Дано множество A (см. свой вариант) и отношение $R \subseteq A \times A$.

Задания:

- 1. Задать бинарное отношение R на A:
 - о а) В виде множества пар
 - o b) В виде матрицы
 - о с) В виде графа (ориентированный граф)
- 2. Проверить отношение R на свойства:
 - о Рефлексивность
 - о Симметричность
 - о Антисимметричность
 - о Транзитивность
- 3. Построить:
 - \circ а) Обратное отношение R-1R^{-1}R-1
 - о b) Композицию R∘RR \circ RR∘R (если применимо)
- 4. Построить графическое представление $R-1R^{-1}R-1$

Варианты заданий:

Вариант 1

$$A = \{1, 2, 3\}$$

 $R = \{(1,1), (1,2), (2,3), (3,1)\}$

Вариант 2

$$A = \{a, b, c\}$$

$$R = \{(a,a), (b,a), (b,b), (c,b)\}$$

Вариант 3

$$A = \{0, 1, 2\}$$

R = \{(x, y) \in A \times A \ | x \le y\}

Вариант 4

$$A = \{1, 2, 3, 4\}$$

$$R = \{(x, y) \in A \times A \mid x + y = 5\}$$

Вариант 5

$$A = \{x \in \mathbb{Z} \mid 1 \le x \le 4\}$$

 $R = \{(x, y) \mid x$ делит $y\}$

В отчёте должно быть:

- Номер варианта
- Множество A и отношение R
- Ответы на задания 1–4
- Подтверждение (или опровержение) свойств
- Матрица и граф отношения
- Граф обратного отношения