



ÉTUDES MATHÉMATIQUES NIVEAU MOYEN ÉPREUVE 1

	Mercredi	5	mai	201	0 ((ar	orès-n	nidi	١
--	----------	---	-----	-----	-----	-----	--------	------	---

-	1	~ ~		
1	heure	ゝ゚゚゚゙゙゙゙゙゙゙゙゙゚゚゚゙゙゙゙゚゚゚゙゙゙゙゙゚゚゚゙゙゙゙゙゙゚゚゚゙゙゙゙	min	ιιτρς

Nun	néro	de se	essio	n du	cand	lidat	
0							

INSTRUCTIONS DESTINÉES AUX CANDIDATS

- Écrivez votre numéro de session dans la case ci-dessus.
- N'ouvrez pas cette épreuve avant d'y être autorisé(e).
- Une calculatrice à écran graphique est nécessaire pour cette épreuve.
- Répondez à toutes les questions dans les espaces prévus à cet effet.
- À moins qu'il en soit indiqué autrement dans l'énoncé de la question, toutes les réponses numériques doivent être exactes ou données avec trois chiffres significatifs corrects.

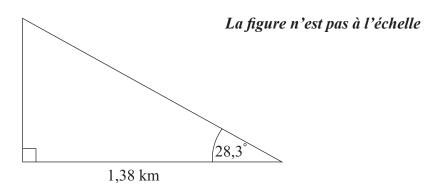
0

Le maximum des points sera attribué aux réponses correctes. Lorsque la réponse est fausse, certains points seront accordés si la méthode utilisée est correcte, pour autant que le raisonnement soit indiqué par écrit. Si cela est nécessaire, les calculs peuvent être poursuivis en dessous de la case réservée à la réponse. Les solutions obtenues à l'aide de calculatrices à écran graphique doivent être accompagnées d'un raisonnement adéquat. Par exemple, si des graphiques sont utilisés pour trouver la solution, veuillez inclure un croquis de ces graphiques dans votre réponse.

- 1. José se tient à 1,38 kilomètre d'une falaise verticale.
 - (a) Exprimez cette distance en mètres.

[1 point]

José estime l'angle entre l'horizontale et le bord supérieur de la falaise à 28,3° et il s'en sert pour trouver la hauteur de la falaise.



(b) Trouvez la hauteur de la falaise d'après le calcul de José. **Exprimez votre** réponse, en mètres, arrondie à l'entier le plus proche.

[3 points]

(c) La hauteur réelle de la falaise est 718 mètres. Calculez le pourcentage d'erreur fait par José lorsqu'il a calculé la hauteur de la falaise.

Résolution:	
_	
	Réponses :
	(a)
	(b)
	(c)
	(6)



2. (a) Complétez la table de vérité ci-dessous.

[3 points]

p	q	$p \wedge q$	$p \lor (p \land q)$	$(p \lor (p \land q)) \Rightarrow p$
V	V			
V	F			
F	V			
F	F			

(b) Précisez si l'énoncé composé $(p \lor (p \land q)) \Rightarrow p$ est une contradiction, une tautologie ou ni l'une ni l'autre.

[1 point]

On considère les énoncés suivants.

p: Feng finit ses devoirs

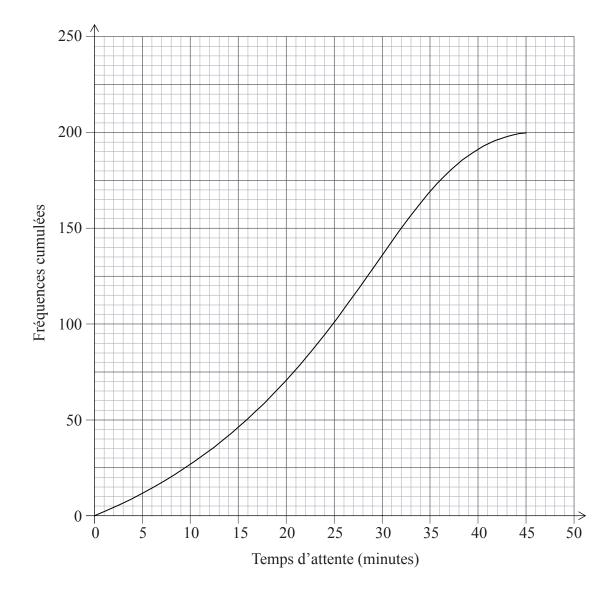
q: Feng va au match de football

(c) Écrivez sous forme symbolique l'énoncé suivante.

Si Feng ne va pas au match de football, alors Feng finit ses devoirs.

Résolution :	
	D'annana .
	Réponses :
	(b)
	(c)

La courbe des fréquences cumulées montre le temps en minutes qu'ont passé 3. 200 élèves à attendre leur train un certain matin.



Donnez le temps d'attente médian. (a)

[1 point]

Trouvez l'intervalle interquartile pour le temps d'attente. (b)

[2 points]

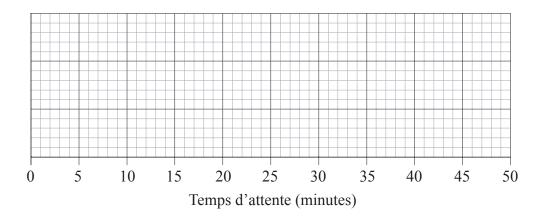
(Suite de la question à la page suivante)

(Suite de la question 3)

Le temps d'attente minimum est zéro et le temps d'attente maximum est 45 minutes.

(c) Dessinez un diagramme à boîtes et moustache dans le repère ci-dessous pour représenter ces informations.

[3 points]



Résolution :

Réponses :

(a)

(b)

0517

4.	La droite L_1	a pour équation	$y = -\frac{1}{2}x - 2.$
----	-----------------	-----------------	--------------------------

(a) Donnez l'ordonnée à l'origine de L_1 .

[1 point]

(b) Donnez la pente de L_1 .

[1 point]

La droite L_2 est perpendiculaire à L_1 et passe par le point (3; 7).

(c) Donnez la pente de la droite L_2 .

[1 point]

(d) Trouvez l'équation de L_2 . Écrivez votre réponse sous la forme ax + by + d = 0, avec $a, b, d \in \mathbb{Z}$.

[3 points]

Résolution :			

neponses.	Réponses	:	
-----------	----------	---	--

- (a)
- (b)
- (c) ____
- (d)



5. La moyenne des dix nombres listés ci-dessous est 6,8.

(a) Donnez une équation en fonction de p et q.

[2 points]

Le mode de ces dix nombres est cinq et p est inférieur à q.

- (b) Donnez la valeur de
 - (i) p;
 - (ii) q.

[2 points]

(c) Trouvez la médiane de ces dix nombres.

[2 points]

Resolution	·

Réponses :

- (a)
- (b) (i)
 - (ii)
- (c)

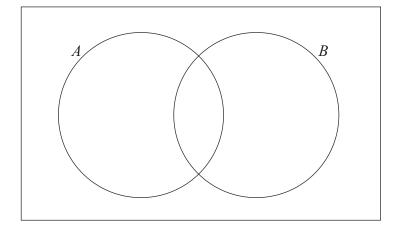


6. On a demandé à un groupe de 30 élèves ce qu'ils aiment mettre sur leur toast.

18 aiment le beure de cacahouète (*A*) 10 aiment la confiture (*B*) 6 n'aiment ni l'un ni l'autre

(a) Représentez ces informations sur le diagramme de Venn ci-dessous.

[2 points]



(b) Trouvez le nombre d'élèves qui aiment à la fois le beurre de cacahouète et la confiture.

[2 points]

(c) Trouvez la probabilité qu'un élève choisi au hasard dans le groupe aime le beurre de cacahouète, sachant qu'il aime la confiture.

Résolution:	
	Réponses :
	(b)
	(c)



7.		r un concert, le chœur est disposé en rangée suivant une s hanteurs au quatrième rang et 32 chanteurs au huitième r		
	(a)	Trouvez la raison de cette suite arithmétique.		[3 points]
	Leo	chœur est disposé sur 10 rangées et il y a 11 chanteurs au	premier rang.	
	(b)	Trouvez le nombre total de chanteurs dans le chœur.		[3 points]
Rés	olutic	on ·		
res	Ommo	<i></i>		
			Réponses :	
			(a)	
			(b)	

Q	Soit $D(A) = 0.4$	5 D(R) = 0.6	et $P(A \cup B) = 0.8$
ο.	SOIL $\Gamma(A) = 0.5$	\mathbf{J} . $\mathbf{\Gamma}(\mathbf{D}) - \mathbf{U} \cdot \mathbf{U}$	$C(I)A \cup DI = 0.0$

(a) Trouvez $P(A \cap B)$.

[2 points]

(b) Trouvez P(A|B).

[2 points]

(c) Précisez si A et B sont des événements indépendants. Expliquez votre réponse.

[2 points]

Résolution:	
	Réponses :
	(a)

(c)



9.	si le Latt	r une étude de marché, on a interrogé des hommes et des femmes pour déterminer type de café qu'ils boivent dépend du sexe. Les types de café sont Cappuccino, e, Americano, Macchiato et Espresso. Un test du χ^2 a été effectué au seuil de ification de 5 % et la valeur du χ^2 trouvée était de 8,73.	
	(a)	Donnez	
		(i) l'hypothèse nulle ;	
		(ii) l'hypothèse alternative.	[2 points]
	(b)	Donnez le nombre de degrés de liberté pour ce test.	[1 point]
	(c)	Donnez la valeur critique pour ce test.	[1 point]
	(d)	Précisez si le type de café bu est indépendant du sexe. Expliquez votre réponse.	[2 points]
		Réponses :	
		(a) (i)	
		(ii)	
		(b)	
		(c) (d)	



10.		rid a investi 1200 euros pendant cinq ans au taux d'intér %, composé mensuellement.	êt nominal annuel de	
	(a)	Trouvez les intérêts gagnés par Astrid pendant les investissement. Donnez votre réponse correcte à de virgule près.	1	ints]
		en a investi 1200 euros avec un taux d'intérêt annuel simp einq ans. Elle gagne les mêmes intérêts qu'Astrid.	le dans un programme	
	(b)	Trouvez le taux d'intérêt simple de ce programme.	[3 po	ints]
Rés	olutic		ánousas :	
		\overline{R}	léponses :	

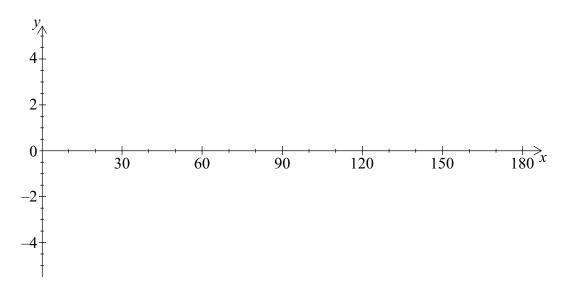
(a)

(b)



- 11. On considère la fonction $y = 3\cos(2x) + 1$.
 - (a) Esquissez la représentation graphique de cette fonction pour $0 \le x \le 180^\circ$.

[3 points]



(b) Donnez la période de cette fonction.

[1 point]

(c) En utilisant votre calculatrice à écran graphique, trouvez la **plus petite** valeur possible de x, $0 \le x \le 180^\circ$, pour laquelle $3\cos(2x) + 1 = 2$.

Résolution:	
	Réponses :
	(b)
	(c)

12.	Une	rumeur	se	répand	dans	un	groupe	d'adolescents	en	suivant	un	modèle
	expo	nentiel.										

$$N = 2 \times (1,81)^{0,7t}$$

N représente le nombre d'adolescents qui ont entendu la rumeur t heures après le moment où elle a démarré.

(a) Trouvez le nombre d'adolescents qui ont démarré cette rumeur.

[2 points]

(b) Donnez le nombre d'adolescents qui ont entendu la rumeur cinq heures après son début.

[1 point]

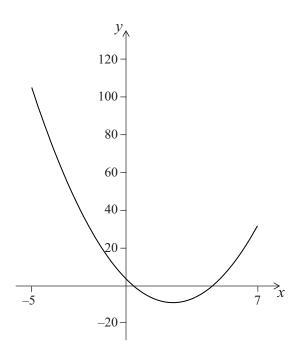
(c) Déterminez combien de temps il faudra pour que 150 adolescents aient entendu la rumeur. **Donnez votre réponse arrondie à la minute la plus proche**.

[3 points]

Résolution :	
	Réponses :
	(a)
	(b)
	(0)



13. La représentation graphique de $y = 2x^2 - rx + q$ est dessinée pour $-5 \le x \le 7$.



La représentation graphique coupe l'axe des ordonnées en (0; 4).

(a) Donnez la valeur de q.

[1 point]

L'axe de symétrie est x = 2,5.

(b) Trouvez la valeur de r.

[2 points]

(c) Donnez la valeur minimum de y.

[1 point]

(d) Donnez l'image de y.

[2 points]

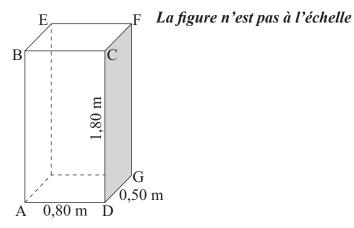
Résolution :

Réponses	٠
Reponses	٠

- (a)
- (b)
- (c)
- (d)

14. Un parallélépipède rectangle a les dimensions suivantes.

Longueur 0,80 mètre (AD) Largeur 0,50 mètre (DG) Hauteur 1,80 mètre (DC)



(a) Calculez la longueur de AG.

[2 points]

(b) Calculez la longueur de AF.

[2 points]

(c) Trouvez la mesure de l'angle entre AF et AG.

Résolution :	
	Réponses :
	(a)
	(b)
	(c)



15. Le tableau suivant donne les variations de f'(x), la fonction dérivée de f(x), sur le domaine -4 < x < 2.

x	f'(x)
-4 < x < -2	< 0
-2	0
-2 < x < 1	>0
1	0
1 < x < 2	>0

(a) Précisez si f(0) est supérieur, inférieur ou égal à f(-2). Expliquez votre réponse.

[2 points]

Le point P(-2; 3) est sur la représentation graphique de f(x).

(b) Donnez l'équation de la tangente à la représentation graphique de f(x) au point P.

[2 points]

(c) À partir des informations données sur f'(x), précisez si le point (-2;3) est un maximum, un minimum ou ni l'un ni l'autre. Expliquez votre réponse.

Résolution :	
	Réponses :
	(a)
	(b)
	(c)

