

Numéro de session du candidat

Études mathématiques Niveau moyen Épreuve 1

Mardi 10 mai 2016 (après-midi)

1 heure 30 minutes					

Instructions destinées aux candidats

- Écrivez votre numéro de session dans les cases ci-dessus.
- N'ouvrez pas cette épreuve avant d'y être autorisé(e).
- Une calculatrice à écran graphique est nécessaire pour cette épreuve.
- Un exemplaire non annoté du livret de formules pour le cours d'études mathématiques NM est nécessaire pour cette épreuve.
- · Répondez à toutes les questions.
- · Rédigez vos réponses dans les espaces prévus à cet effet.
- Sauf indication contraire dans l'intitulé de la question, toutes les réponses numériques devront être exactes ou correctes à trois chiffres significatifs près.
- Le nombre maximum de points pour cette épreuve d'examen est de [90 points].





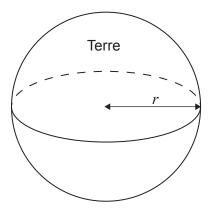
Veuillez ne pas écrire sur cette page.

Les réponses rédigées sur cette page ne seront pas corrigées.



Le total des points sera attribué pour une réponse correcte. Lorsque la réponse est fausse, certains points peuvent être attribués si la méthode utilisée est correcte, pour autant que le raisonnement soit indiqué par écrit. Rédigez vos réponses dans les cases prévues à cet effet. Les solutions obtenues à l'aide d'une calculatrice à écran graphique doivent être accompagnées d'un raisonnement adéquat. Par exemple, si des représentations graphiques sont utilisées pour trouver la solution, veuillez inclure une esquisse de ces représentations graphiques dans votre réponse.

1. Supposez que la Terre est une sphère dont le rayon, r, mesure $6.38 \times 10^3 \,\mathrm{km}$.



- (a) (i) Calculez l'aire de la surface de la Terre en km².
 - (ii) Écrivez votre réponse de la partie (a)(i) sous la forme $a \times 10^k$, où $1 \le a < 10$ et $k \in \mathbb{Z}$.

[4]

La partie de l'aire de la surface de la Terre qui est couverte d'eau est d'environ $3.61\times10^8\,\text{km}^2$.

(b) Calculez le pourcentage de l'aire de la surface de la Terre qui est couverte d'eau. [2]

Résolution :				

Réponses :
(a) (i)
(ii)
(b)



2. Considérez les nombres -1; 4; $\frac{2}{3}$; $\sqrt{2}$; 0,35 et -2^2 .

Complétez le tableau suivant en cochant (\checkmark) pour indiquer que le nombre est un élément de l'ensemble. La première rangée a été complétée à titre d'exemple.

	N	Z	Q	\mathbb{R}
-1		√	√	√
4				
$\frac{2}{3}$				
$\sqrt{2}$				
0,35				
-2^{2}				

[6]



3.

(a)	Utilisez les informations ci-dessus pour esquisser un diagramme légendé qui montre	
,	le sol, l'échelle et le mur.	
(b)	Calculez la distance entre le haut de l'échelle et la base du mur.	
(c)	Calculez l'angle obtus entre l'échelle et le sol.	
	calcalce raingle control control of the con-	
- 14:		
olutio		
oluti	on :	
oluti	Réponses :	
oluti	on: Réponses:	



4. Considérez les énoncés suivants :

Résolution :

p : Le cours est annulé

q : L'enseignant est absent

r: Les élèves sont à la bibliothèque.

(a) Écrivez, en mots, l'énoncé composé $q \Rightarrow (p \land r)$.

[3]

(b) Complétez la table de vérité suivante.

[2]

q	r	$\neg r$	$q \Rightarrow \neg r$
V	V		
V	F		
F	V		
F	F		

(c) $\dot{\mathbf{A}}$ partir de $\dot{\mathbf{Ia}}$, justifiez pourquoi $q \Rightarrow \neg r$ n'est pas une tautologie.

[1]

Réponses :
(a)
(c)



[2]

			•	•				
Sancan nace	à àh nu ahá	milibrá à civ face	e dont lee fa	acae cont num	nárotápe 1 ·	$\gamma \cdot \gamma$	· / · /	4

Deux amis, Sensen et Cruz, mènent une enquête sur les probabilités.

Sensen possède un dé équilibré à six faces, dont les faces sont numérotées 1 ; 2 ; 2 ; 4 ; 4 et 4. Cruz possède un disque équilibré dont l'une des faces est rouge et l'autre bleue.

Le dé et le disque sont lancés simultanément.

Trouvez la probabilité que

5.

- (a) le nombre obtenu sur le dé soit 1 **et** la couleur obtenue sur le disque soit bleue ; [2]
- (b) le nombre obtenu sur le dé soit 1 **ou** la couleur obtenue sur le disque soit bleue ; [2]
- (c) le nombre obtenu sur le dé soit pair, étant donné que la couleur obtenue sur le disque est rouge.

Résolution :	
	Réponses :
	(a)
	(b)
	(c)



Tournez la page

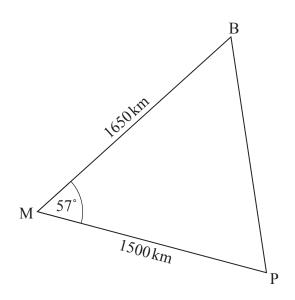
6. Lorsque les Bermudes (B), Porto Rico (P) et Miami (M) sont reliés sur une carte par des segments de droite, un triangle est formé. Ce triangle est connu sous le nom du triangle des Bermudes.

D'après la carte, la distance MB est de $1650\,\mathrm{km}$, la distance MP est de $1500\,\mathrm{km}$ et l'angle BMP est de 57° .

la figure n'est pas à l'échelle

[3]

[3]



(a) Calculez la distance entre les Bermudes et Porto Rico, BP.

Résolution:

(b) Calculez l'aire du triangle des Bermudes.

Réponses:



7. Un sondage a été réalisé auprès d'un échantillon aléatoire de personnes à propos de leur émission de télévision préférée. Les personnes interrogées ont été classées selon leur sexe et leur type d'émission de télévision préférée (Sport, Documentaire, Information et Téléréalité).

Les résultats sont présentés dans le tableau de contingence ci-dessous.

	Sport	Documentaire	Information	Téléréalité	Total
Homme	20	24	32	11	87
Femme	18	30	20	25	93
Total	38	54	52	36	180

(a)	Trouvez l'effectif théorique de femmes qui préfèrent les documentaires.	[2]
	est du χ^2 au seuil de signification de 5% est utilisé pour déterminer si le type d'émission élévision préférée est indépendante du sexe.	
(b)	Écrivez la valeur p pour ce test.	[2]
(c)	Indiquez la conclusion du test. Donnez une raison qui justifie votre réponse.	[2]

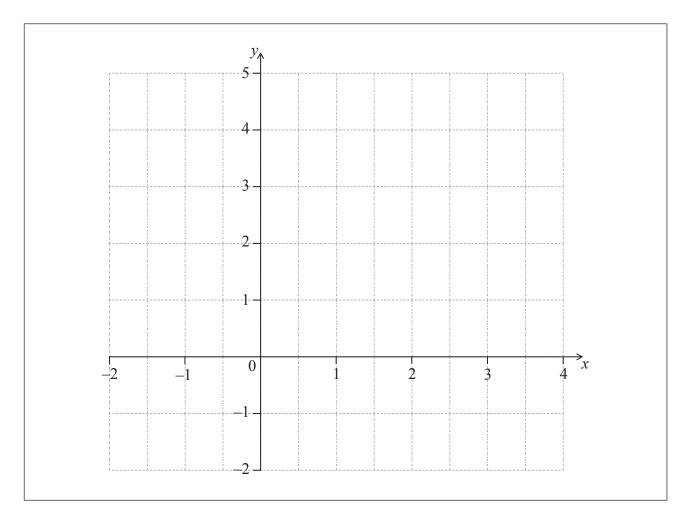
Réponses : (a) (b) (c)	Résolution :	
(a) (b)		
(b)		Réponses :
		(a)
(c)		(b)
		(c)



Tournez la page

- **8.** Considérez la courbe $y = 1 + \frac{1}{2x}$, $x \ne 0$.
 - (a) Pour cette courbe, écrivez
 - (i) la valeur de l'abscisse à l'origine ;
 - (ii) l'équation de l'asymptote verticale.

- [3]
- (b) Esquissez la courbe pour $-2 \le x \le 4$ sur le système d'axes ci-dessous.
- [3]



(Suite de la question à la page suivante)



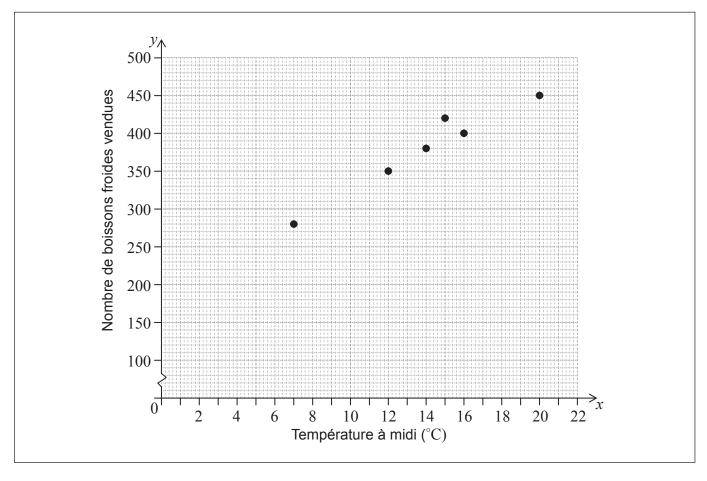
(Suite de la question 8)

Resolution:	
	Réponses :
	(a) (i)
	(ii)
	(11)



9. Chaque jour, un supermarché enregistre la température à midi et le nombre de boissons froides vendues au cours de cette journée. Le tableau suivant présente les données enregistrées par le supermarché au cours des six derniers jours. Ces données sont aussi représentées sur un diagramme de dispersion.

Température à midi en °C (x)	7	12	14	15	16	20
Nombre de boissons froides vendues (y)	280	350	380	420	400	450



(a) Écrivez

- (i) la température moyenne, \bar{x} ;
- (ii) le nombre moyen de boissons froides vendues, \overline{y} .

[2]

(b) Dessinez la droite de régression sur le diagramme de dispersion.

[2]

(c) Utilisez la droite de régression pour estimer le nombre de boissons froides vendues lors d'une journée où la température à midi est de 10° C.

[2]

(Suite de la question à la page suivante)



(Suite de la question 9)

Resolution:	
	Dánanasa
	Réponses :
	(a) (i)
	(ii)
	(c)



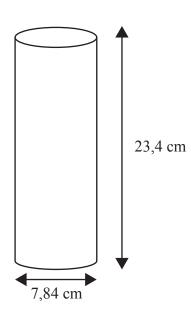
							_	14 –			M16/5	/MATS	SD/SP	1/FRE/	TZ0/XX
10.	dans	s une		. II reç	oit 616	0 rands	s sud-a		hams des s (ZAR).	Émi	irats ara	abes u	nis (A	ED)	
	(a)	Calo	ulez la	valeur	de x.										[2]
						_		_	eu, soit 308 s é mensue			ns un d	compte	e qui	
			nt d'arge ement.	ent dan	s le co	mpte a	ura do	ublé a	vant la fin	de la	a <i>n</i> ième	anné	e de		
	(b)	Calc	culez la	valeur	minima	ale de <i>i</i>	n.								[4]
Rés	soluti	on :													
									Réponses	s:					
									(a)						



(b)

11. Une boîte en plastique est de forme cylindrique. Le diamètre de la base est de 7,84 cm. La hauteur de la boîte est de 23,4 cm. Cela est représenté dans le diagramme suivant.

la figure n'est pas à l'échelle



(a) Écrivez le rayon, en cm, de la base de la boîte.

[1]

(b) Calculez l'aire de la base de la boîte.

[2]

Dan a l'intention de peindre la surface courbe et la base de la boîte.

(c) Calculez l'aire à peindre.

[3]

Résolution :	
	Réponses :
	(a)
	(b)
	(c)



		– 16 –	M16/5/MATSD/SP1/FRE/TZ0/XX
Ľ'éq	uation de la droite L_1 est $y = 2x - 3$.		
(a)	Écrivez l'ordonnée à l'origine de ${\cal L}_{\scriptscriptstyle 1}.$		[1]
(b)	Écrivez la pente de $L_{\scriptscriptstyle 1}$.		[1]
La d	lroite L_2 est parallèle à L_1 et passe pa	ar le point $(0;3)$.	
(c)	Écrivez l'équation de ${\cal L}_2$.		[1]
La d	roite $L_{\scriptscriptstyle 3}$ est perpendiculaire à $L_{\scriptscriptstyle 1}$ et pa	asse par le point (-2;	6).
(d)	Écrivez la pente de $L_{\scriptscriptstyle 3}$.		[1]
(e)	Trouvez l'équation de L_3 . Donnez v b et d sont des entiers relatifs.	otre réponse sous la f	forme $ax + by + d = 0$, où a , [2]
		Réponses : (a) (b) (c) (d) (e)	
	(a) (b) La d (c) La d (d) (e)	(b) Écrivez la pente de L_1 . La droite L_2 est parallèle à L_1 et passe parallèle à L_1 et passe parallèle à L_2 . La droite L_3 est perpendiculaire à L_1 et parallèle de L_3 . (d) Écrivez la pente de L_3 . (e) Trouvez l'équation de L_3 . Donnez verse pente de L_3 .	(a) Écrivez l'ordonnée à l'origine de L_1 . (b) Écrivez la pente de L_1 . La droite L_2 est parallèle à L_1 et passe par le point $(0;3)$. (c) Écrivez l'équation de L_2 . La droite L_3 est perpendiculaire à L_1 et passe par le point $(-2;$ (d) Écrivez la pente de L_3 . (e) Trouvez l'équation de L_3 . Donnez votre réponse sous la f b et d sont des entiers relatifs. solution : $ Réponses : (a) \dots (b) \dots (b) \dots (c) \dots (c) $



13. Une population de moustiques décroît de façon exponentielle. La taille de la population, P, après t jours, est modélisée par

 $P = 3200 \times 2^{-t} + 50$, où $t \ge 0$.

(a) Écrivez la taille **exacte** de la population initiale.

[1]

(b) Trouvez la taille de la population après 4 jours.

[2]

(c) Calculez le temps nécessaire pour que la taille de la population décroît jusqu'à 60.

[2]

La population se stabilisera lorsqu'elle atteindra une taille de k.

(d) Écrivez la valeur de k.

[1]

- ′		
PACA	liitian	
IVG20	lution	

R	é	p	0	n	S	е	S	

- (a)
- (h)
- (C)
- (d)



14. On a demandé à un groupe d'élèves le temps qu'ils consacraient à pratiquer les mathématiques durant la semaine. Les résultats sont présentés dans le tableau suivant.

Temps, t (heures)	Nombre d'élèves
$0 \le t < 1$	35
$1 \le t < 2$	30
$2 \le t < 3$	а
$3 \le t < 4$	52
4 ≤ <i>t</i> < 5	43

On sait que 35 < a < 52.

a			ez

- (i) la classe modale;
- (ii) la valeur centrale de la classe modale ;
- (iii) la classe où se situe la médiane.

[3]

Pour ce groupe d'élèves, le nombre moyen estimé d'heures consacrées à pratiquer les mathématiques est de 2,69.

(b) Calculez la valeur de a.

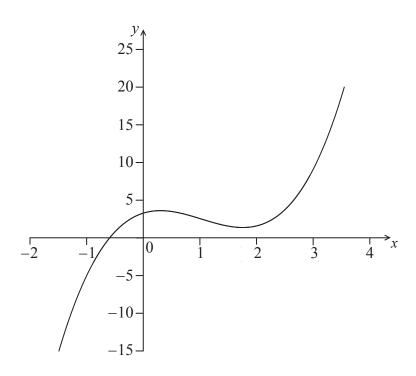
[3]

Résolution :	
	Réponses :
	(a) (i)
	(ii)
	(iii)
	(b)



[3]

15. Considérez la fonction $f(x) = x^3 - 3x^2 + 2x + 2$. Une partie de la représentation graphique de f est représentée ci-dessous.



(a) Trouvez f'(x). [3]

(b) Il existe deux points où la pente de la représentation graphique de f est 11. Trouvez les abscisses de ces points.

Résolution:

Réponses :		
(a)		



Veuillez ne pas écrire sur cette page.

Les réponses rédigées sur cette page ne seront pas corrigées.

