



UNIVERSIDADE FEDERAL DE SANTA CATARINA  
INE - DEPARTAMENTO DE INFORMÁTICA E ESTATÍSTICA

RELATÓRIO REFERENTE AO SEGUNDO TRABALHO DA DISCIPLINA DE PARADIGMAS  
DE PROGRAMAÇÃO (INE 5416)

Erik Orsolin de Paula  
Rafael Correa Bitencourt  
Pedro Augusto da Fontoura

FLORIANÓPOLIS  
2024

## 1. DESCRIÇÃO DO PROBLEMA (KOJUN)

O jogo consiste em preencher todas as regiões de um tabuleiro, que pode variar de 6x6 até 17x17, com números de 1 a n, sem repetição, onde n é o tamanho da região a ser preenchida. Números adjacentes não podem ser iguais e, se estiverem na mesma região, o número diretamente acima deve ser maior do que o abaixo dele.

	1	3					
					3		
		3					
	5		3				
	2						
						3	
		5	3				

4	2	1	3	1	2	1	3
3	1	3	2	3	1	3	2
2	4	1	6	2	3	1	5
1	2	3	4	1	2	5	4
2	5	1	3	2	1	4	3
1	2	3	2	1	5	1	2
3	1	4	5	2	4	3	1
1	4	5	3	1	2	1	2

## 2. SOLUÇÃO ADOTADA (BACKTRACKING)

A estratégia adotada para resolver o problema foi a utilização da técnica de backtracking, uma abordagem de busca por tentativa e erro. O backtracking explora todas as possibilidades de preenchimento do tabuleiro até encontrar uma solução que satisfaça todas as restrições impostas pelo problema. Esta técnica é escolhida por sua simplicidade e clareza na implementação, embora possa não ser a mais eficiente em termos de desempenho.

O tabuleiro e as regiões foram modelados como listas bidimensionais em LISP. Cada célula do tabuleiro contém um número, inicialmente 0 para células vazias, e cada célula da matriz de regiões contém o identificador da região correspondente.

Dentre as funções do algoritmo, as de maior importância são descritas abaixo:

### 2.1 POSIÇÃO VÁLIDA

Esta função verifica se um número k pode ser colocado em uma posição específica (linha, coluna) do tabuleiro. A verificação inclui:

Se o número k já existe na região.

Se o número k já existe nos vizinhos ortogonais (células adjacentes).

Se as condições de superioridade/inferioridade vertical dentro da mesma região são satisfeitas.

```
(defun eh-posicao-valida (tabuleiro regioes linha coluna k)
  (let* ((regiao (nth coluna (nth linha regioes))) ;; Encontra a região da célula atual.
        (valores-regiao (loop for i from 0 below (length tabuleiro) ;; Coleta valores da mesma região para checagem.
                              append (loop for j from 0 below (length tabuleiro)
                                             when (= (nth j (nth i regioes)) regiao)
                                             collect (nth j (nth i tabuleiro))))))
        (vizinhos (list (cons (1- linha) coluna) (cons (1+ linha) coluna) (cons linha (1- coluna)) (cons linha (1+ coluna)))))
        (valores-vizinhos (loop for (i . j) in vizinhos ;; Coleta valores dos vizinhos para checagem.
                                when (and (>= i 0) (< i (length tabuleiro))
                                           (>= j 0) (< j (length tabuleiro)))
                                collect (nth j (nth i tabuleiro)))))
        (and (not (member k valores-regiao)) ;; Verifica se k não está na região.
              (<= k (length valores-regiao)) ;; Verifica se k é menor ou igual ao número de células na região.
              (not (member k valores-vizinhos)) ;; Verifica se k não está entre os vizinhos.
              (or (= linha 0) ;; Condições adicionais para as bordas e regiões acima e abaixo.
                  (/= (nth coluna (nth (1- linha) regioes)) regiao)
                  (>= (nth coluna (nth (1- linha) tabuleiro)) k))
              (or (= linha (1- (length tabuleiro)))
                  (/= (nth coluna (nth (1+ linha) regioes)) regiao)
                  (<= (nth coluna (nth (1+ linha) tabuleiro)) k)))))
```

- “região” obtém a região da célula atual.
- “valores-regiao” coleta todos os valores presentes na mesma região.
- “vizinhos” determina as células adjacentes.
- “valores-vizinhos” coleta os valores dos vizinhos para garantir que k não seja repetido.
- A função permite a colocação do número k, se todas as condições forem atendidas.

## 2.2 RESOLVE

Esta função tenta resolver o tabuleiro a partir de uma posição inicial (linha, coluna) usando a técnica de backtracking. Ela avança célula por célula e retrocede quando encontra um impasse.

```
(defun resolve (tabuleiro regioes linha coluna)
  (cond ((= linha (length tabuleiro)) tabuleiro) ;; Caso base: se toda a linha foi processada, retorna o tabuleiro.
        ((= coluna (length (car tabuleiro))) (resolve tabuleiro regioes (1+ linha) 0)) ;; Se alcançou o fim de uma
        ((/= (nth coluna (nth linha tabuleiro)) 0) (resolve tabuleiro regioes linha (1+ coluna))) ;; Se a célula at
        (t (tenta-colocacoes tabuleiro regioes linha coluna (loop for i from 1 to (length tabuleiro) collect i)))))
```

- Verifica se chegou ao fim da linha atual e avança para a próxima linha.
- Verifica se a célula atual já está preenchida e avança para a próxima coluna.
- Se a célula está vazia, tenta preencher com diferentes valores chamando a função “tenta-colocacoes”.

## 2.3 TENTA COLOCAÇÕES

Esta função tenta diferentes valores em uma célula específica do tabuleiro, chamando resolve recursivamente para cada tentativa válida.

```
(defun tenta-colocacoes (tabuleiro regioes linha coluna ks)
  (if (null ks)
      nil ;; Se não há mais valores para tentar, retorna nil.
      (let ((k (car ks))) ;; Pega o primeiro valor da lista para tentar.
        (if (eh-posicao-valida tabuleiro regioes linha coluna k)
            (let ((solucao (resolve (substitui-2d tabuleiro linha coluna k) regioes linha (1+ coluna))))
              (if solucao
                  solucao ;; Se encontrou solução, retorna.
                  (tenta-colocacoes tabuleiro regioes linha coluna (cdr ks)))) ;; Caso contrário, tenta
            (tenta-colocacoes tabuleiro regioes linha coluna (cdr ks)))))) ;; Se o valor não é válido,
```

- Itera sobre os possíveis valores k para a célula atual.
- Verifica se o valor k é válido usando eh-posicao-valida.
- Se válido, substitui o valor na célula e chama resolve recursivamente.
- Se não encontrar solução, tenta o próximo valor k.

## 3. ENTRADA E SAÍDA

O usuário pode informar a entrada modificando as variáveis tabuleiro e regiões diretamente no código, conforme o exemplo abaixo:

```
(defun principal ()
  (let ((tabuleiro '((0 0 0 0 0 0 0 0)
                    (0 1 3 0 0 0 0 0)
                    (0 0 0 0 0 3 0 0)
                    (0 0 3 0 0 0 0 0)
                    (0 5 0 3 0 0 0 0)
                    (0 2 0 0 0 0 0 0)
                    (0 0 0 0 0 0 3 0)
                    (0 0 5 3 0 0 0 0)))
        (regioes '((1 1 2 2 3 4 5 5)
                  (1 1 6 2 7 4 4 5)
                  (6 6 6 8 7 9 10 10)
                  (11 11 11 8 7 9 9 10)
                  (12 8 8 8 8 9 9 10)
                  (12 13 14 14 14 15 16 10)
                  (13 13 13 13 17 15 15 15)
                  (18 17 17 17 17 15 19 19)))))
```

O resultado é apresentado na forma de uma impressão do tabuleiro resolvido no console, ou uma mensagem informando que nenhuma solução foi encontrada.

```
(4 2 1 3 1 2 1 3)
(3 1 3 2 3 1 3 2)
(2 4 1 6 2 3 1 5)
(1 2 3 4 1 2 5 4)
(2 5 1 3 2 1 4 3)
(1 2 3 2 1 5 1 2)
(3 1 4 5 2 4 3 1)
(1 4 5 3 1 2 1 2)
```

#### 4. VANTAGENS E DESVANTAGENS DA UTILIZAÇÃO DO LISP

##### 4.1 VANTAGENS DO LISP:

- LISP é muito flexível e expressivo, permitindo manipulação direta de listas e estruturas de dados.
- A sintaxe homogênea de LISP facilita a criação de metaprogramas.
- A capacidade de tratar código como dados (e vice-versa) permite a implementação de algoritmos complexos de forma mais natural.

##### 4.2 DESVANTAGENS DO LISP:

- LISP pode ser menos eficiente em termos de desempenho em comparação com Haskell.
- A falta de um sistema de tipos forte como o de Haskell pode levar a mais erros em tempo de execução.
- A sintaxe de LISP, baseada em parênteses, pode ser menos legível para aqueles que não estão familiarizados com a linguagem.

#### 5. MUDANÇAS RELATIVAS AO HASKELL

- Em Haskell, usamos funções puras e recursão para manipular o estado do tabuleiro, enquanto em LISP usamos mutabilidade.
- A verificação de condições e a manipulação de listas são mais explícitas e verbosas em LISP.
- Haskell permite a definição de tipos algébricos e o uso de pattern matching, o que pode tornar o código mais conciso e expressivo.

#### 6. ORGANIZAÇÃO DO GRUPO

Nosso grupo foi composto por três membros, cada um responsável por diferentes aspectos do projeto:

Coordenação e Integração (Rafael):

- Coordenou o projeto e integrou o código final.
- Organizou reuniões semanais e entregas regulares

Desenvolvimento e Algoritmo (Erik):

- Implementou o algoritmo de backtracking.
- Garantiu a correção da lógica e eficiência do código.

Testes e Documentação (Pedro):

- Desenvolveu casos de teste e validou o funcionamento do algoritmo.
- Elaborou a documentação e preparou a apresentação.

## 7. DIFICULDADES

Inicialmente, tivemos dificuldade em entender e implementar corretamente a técnica de backtracking. A complexidade do algoritmo e a necessidade de garantir que todas as condições do puzzle fossem atendidas simultaneamente demoraram para serem integralmente compreendidas.

Implementar a verificação de todas as regras do puzzle Kojun, especialmente a condição de que os números em células verticalmente adjacentes na mesma região devem obedecer a uma ordem específica, também foi um grande desafio. Mas procurando implementações em outras linguagens para o mesmo problema e traduzindo-as para LISP resolvemos logo.

Coordenar as diferentes partes do código desenvolvidas por membros diferentes do grupo e integrá-las em um programa coeso foi uma tarefa complexa. Garantir que todas as funções funcionassem bem juntas exigiu muita comunicação e colaboração.