

- <u>Djikstra:</u>
 - Resolve o problema do caminho mais curto de origem única em:
 - um grafo direcionado, ponderado G=(V,A);
 - Sendo que todos os pesos das arestas são não negativos;
 - O grafo pode conter ciclos.

- É o algoritmo de caminho mais curto mais aplicado para problemas rodoviários porque
 - aceita ciclos (comum nas estradas) e
 - não possui arestas de peso negativo (não existe distancia negativa entre dois pontos quaisquer em um mapa).
- Como não possui arestas negativas, conseqüentemente não possui ciclos de peso negativo.

- Comentário:
- O algoritmo de Dijkstra é um algoritmo GULOSO;
- Assim como outros métodos vistos na disciplina, apesar de ser guloso, ele é Ótimo:
 - encontra sempre o menor caminho da raiz para todos os nós do grafo.

- O algoritmo basicamente trabalha com dois tipos de vértices.
 - Aqueles que já é conhecida a menor distância para a raiz, e
 - Aqueles que a distância conhecida ainda é provisória (sem garantia de otimalidade).

• Estruturas utilizadas:

 $\pi[u] \rightarrow$ paido vértice u

 $d[u] \rightarrow$ Distância da origem até u

 $Q \rightarrow$ nós com distância provisória

 $S \rightarrow$ nós com distância definitiva

Relembrando dois métodos básicos utilizados:

```
INICIALIZA (G = (V, A), s)

para\ cada\ v \in V

d[v] = \infty

\pi[v] = NULL

fim\ para

d[s] = 0

fim
```

```
RELAXA(u,v,w)

se\ d[v] > (d[u]+w(u,v))\ ent\tilde{ao}

d[v] \leftarrow d[u]+w(u,v)

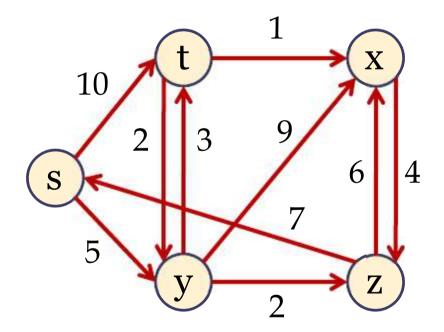
\pi[v] = u

fim\ se

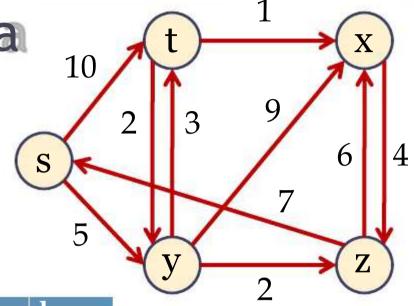
fim
```

```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
    INICIALIZA(G,s)
    S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V
    Enquanto |Q| \neq 0
        u \leftarrow \operatorname{extrair} \operatorname{Minino}(Q)
        S \leftarrow S \cup \{u\}
         para\ cada\ v \in Adj[u]
             relaxa(u,v,w)
        fim para
    fim enquanto
fim
```

• Considere o grafo:



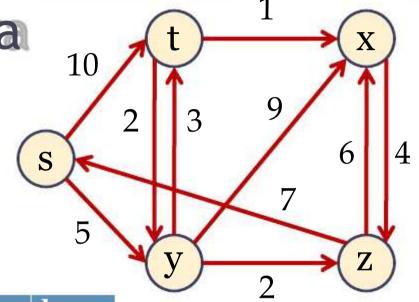
```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
    INICIALIZA(G,s)
    S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V
    Enquanto |Q| \neq 0
        u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
        S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
            relaxa(u,v,w)
       fim para
    fim enquanto
fim
```



ariável	valor
и	

vértice	S	t	X	y	Z
d					
π					
Q					
S					

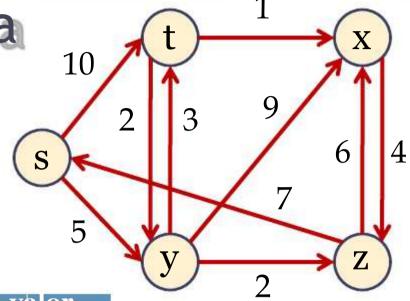
```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
\rightarrow INICIALIZA(G,s)
    S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V
    Enquanto |Q| \neq 0
        u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
        S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
            relaxa(u,v,w)
        fim para
    fim enquanto
fim
```



ariável	valor
и	

vértice	S	t	X	y	Z
d					
π					
Q					
S					

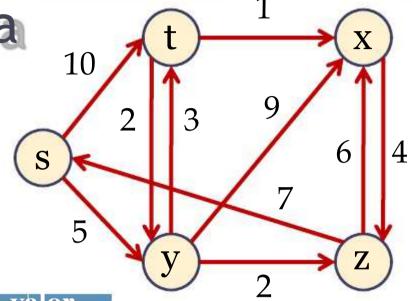
```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
\rightarrow INICIALIZA(G,s)
    S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V
    Enquanto |Q| \neq 0
        u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
        S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
            relaxa(u,v,w)
        fim para
    fim enquanto
fim
```



ariável	valor
и	

vértice	S	t	X	y	Z
d	0	∞	∞	∞	∞
π	NULL	NULL	NULL	NULL	NULL
Q					
S					

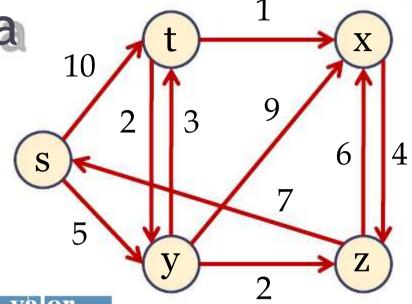
```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
    INICIALIZA(G,s)
\longrightarrow S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V
    Enquanto |Q| \neq 0
        u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
        S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
            relaxa(u,v,w)
        fim para
    fim enquanto
fim
```



ariável	valor
и	

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	∞	∞	∞	∞
π	NULL	NULL	NULL	NULL	NULL
Q					
S					

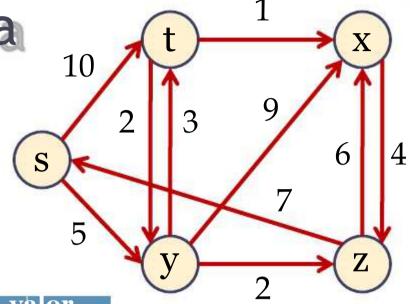
```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
    INICIALIZA(G,s)
\longrightarrow S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V
    Enquanto |Q| \neq 0
        u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
        S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
            relaxa(u,v,w)
        fim para
    fim enquanto
fim
```



ariável	valor
и	

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	∞	∞	∞	∞
π	NULL	NULL	NULL	NULL	NULL
Q					
S					

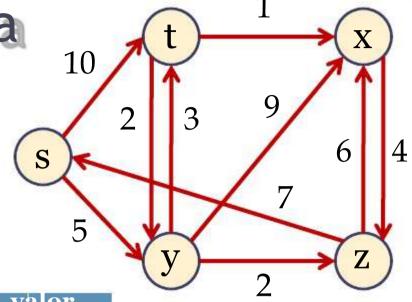
```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
   INICIALIZA(G,s)
   S \leftarrow \{ \}
   Enquanto |Q| \neq 0
       u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
       S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
           relaxa(u,v,w)
       fim para
    fim enquanto
fim
```



ariável	valor
и	

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	∞	∞	∞	∞
π	NULL	NULL	NULL	NULL	NULL
Q					
S					

```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
   INICIALIZA(G,s)
   S \leftarrow \{ \}
   Enquanto |Q| \neq 0
       u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
       S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
           relaxa(u,v,w)
       fim para
    fim enquanto
fim
```

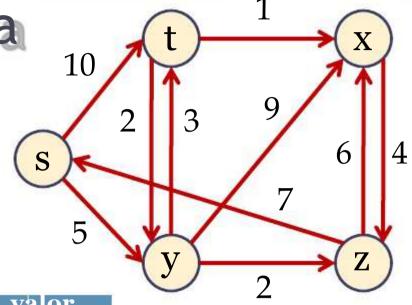


ariável	valor
и	

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	∞	∞	∞	∞
π	NULL	NULL	NULL	NULL	NULL
Q	X	X	X	X	X
S					

```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
    INICIALIZA(G,s)
    S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V

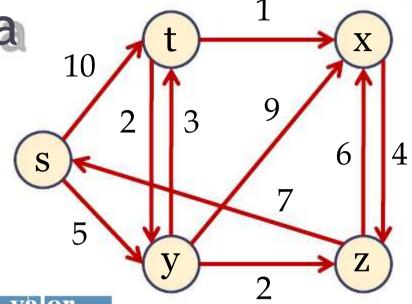
ightharpoonup Enquanto |Q| \neq 0
        u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
        S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
            relaxa(u,v,w)
        fim para
    fim enquanto
fim
```



ariável	valor
и	

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	∞	∞	∞	∞
π	NULL	NULL	NULL	NULL	NULL
Q	X	X	X	X	X
S					

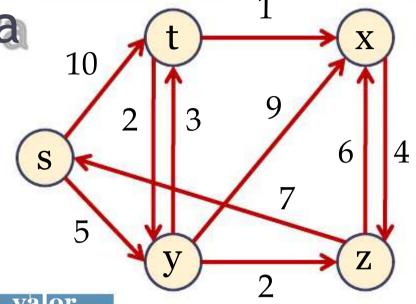
```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
    INICIALIZA(G,s)
    S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V
    Enquanto |Q| \neq 0
    \longrightarrow u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
        S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
            relaxa(u,v,w)
        fim para
    fim enquanto
fim
```



ariável	valor
и	

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	∞	∞	∞	∞
π	NULL	NULL	NULL	NULL	NULL
Q	X	X	X	X	X
S					

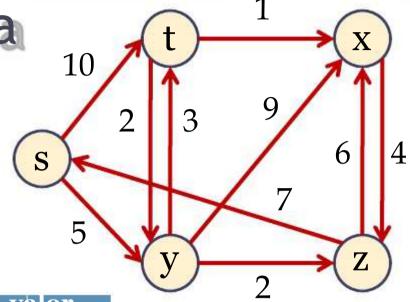
```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
    INICIALIZA(G,s)
    S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V
    Enquanto |Q| \neq 0
    \longrightarrow u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
        S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
            relaxa(u,v,w)
        fim para
    fim enquanto
fim
```



ariável v	valor
и	S

vértice	S	t	X	y	Z
d	0	∞	∞	∞	∞
π	NULL	NULL	NULL	NULL	NULL
Q		X	X	X	X
S					

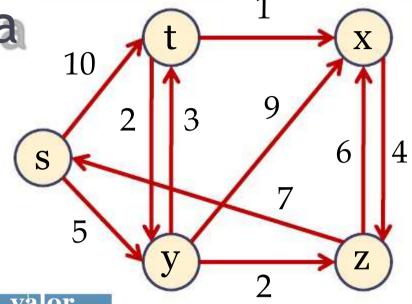
```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
    INICIALIZA(G,s)
    S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V
    Enquanto |Q| \neq 0
        u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
    \Rightarrow S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
            relaxa(u,v,w)
        fim para
    fim enquanto
fim
```



ariável	valor
и	S

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	∞	∞	∞	∞
π	NULL	NULL	NULL	NULL	NULL
Q		X	X	X	X
S					

```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
    INICIALIZA(G,s)
    S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V
    Enquanto |Q| \neq 0
        u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
   \Rightarrow S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
            relaxa(u,v,w)
        fim para
    fim enquanto
fim
```

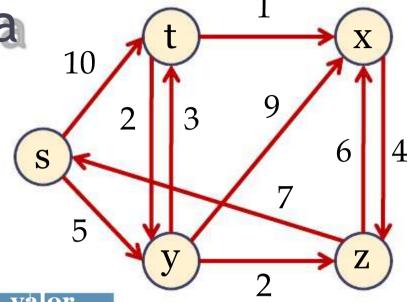


ariável	valor
и	S

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	∞	∞	∞	∞
π	NULL	NULL	NULL	NULL	NULL
Q		X	X	X	X
S	X				

DIJSKSTRA(
$$G = (V, A), w, s$$
)

 $INICIALIZA(G, s)$
 $S \leftarrow \{ \}$
 $Q \leftarrow V$
 $Enquanto | Q | \neq 0$
 $u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)$
 $S \leftarrow S \cup \{u\}$
 $\Rightarrow para \ cadav \in Adj[u]$
 $\Rightarrow relaxa(u, v, w)$
 $fim \ para$
 $fim \ enquanto$
 fim

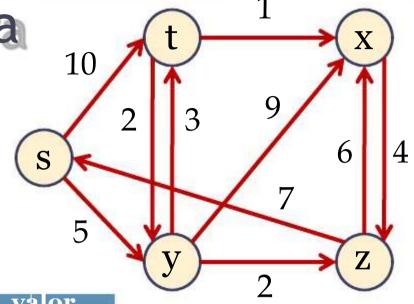


ariável	valor
и	S

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	∞	∞	∞	∞
π	NULL	NULL	NULL	NULL	NULL
Q		X	X	X	X
S	X				

DIJSKSTRA(
$$G = (V, A), w, s$$
)

 $INICIALIZA(G, s)$
 $S \leftarrow \{ \}$
 $Q \leftarrow V$
 $Enquanto | Q | \neq 0$
 $u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)$
 $S \leftarrow S \cup \{u\}$
 $\Rightarrow para\ cadav \in Adj[u]$
 $\Rightarrow relaxa(u, v, w)$
 $fim\ para$
 $fim\ enquanto$
 fim



ariável	valor
и	S

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	10	∞	5	∞
π	NULL	S	NULL	S	NULL
Q		X	X	X	X
S	X				

```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
INICIALIZA(G, s)
S \leftarrow \{ \}
Q \leftarrow V
```

ightharpoonup Enquanto $|Q| \neq 0$

 $u \leftarrow \operatorname{extrair} \operatorname{Minino}(Q)$

$$S \leftarrow S \cup \{u\}$$

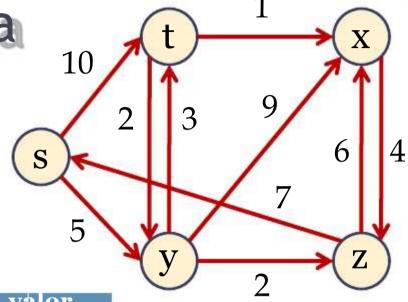
 $para\ cadav \in Adj[u]$

relaxa(u,v,w)

fim para

fim enquanto

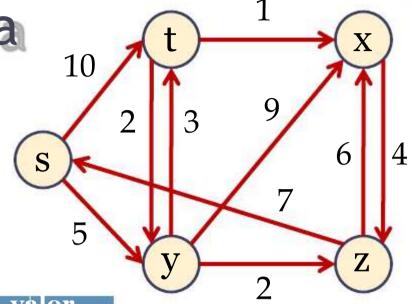
fim



ariável	valor
и	S

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	10	∞	5	∞
π	NULL	S	NULL	S	NULL
Q		X	X	X	X
S	X				

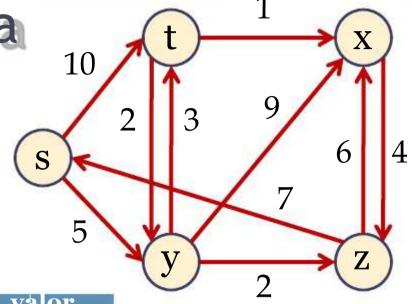
```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
    INICIALIZA(G,s)
    S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V
    Enquanto |Q| \neq 0
   \rightarrow u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
        S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
            relaxa(u,v,w)
        fim para
    fim enquanto
fim
```



ariável	valor
и	S

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	10	∞	5	∞
π	NULL	S	NULL	S	NULL
Q		X	X	X	X
S	X				

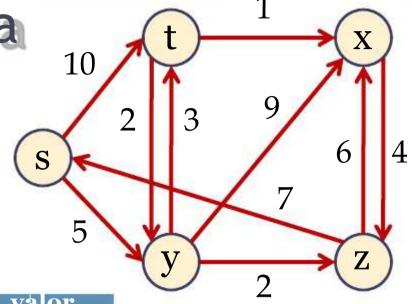
```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
    INICIALIZA(G,s)
    S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V
    Enquanto |Q| \neq 0
   \longrightarrow u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
        S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
            relaxa(u,v,w)
        fim para
    fim enquanto
fim
```



ariável	valor
и	S

vértice	S	t	X	У	Z
d	O	10	∞	5	∞
π	NULL	S	NULL	S	NULL
Q		X	X	X	X
S	X				

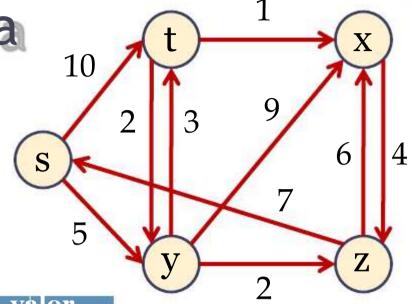
```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
    INICIALIZA(G,s)
    S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V
    Enquanto |Q| \neq 0
   \longrightarrow u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
        S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
            relaxa(u,v,w)
        fim para
    fim enquanto
fim
```



ariável	va	or
и		у

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	10	∞	5	∞
π	NULL	S	NULL	S	NULL
Q		X	X		X
S	X				

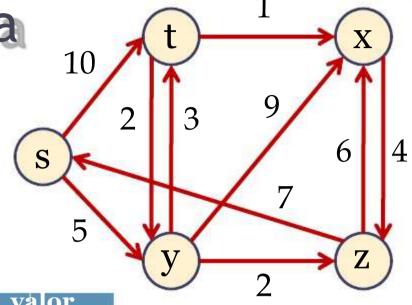
```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
    INICIALIZA(G,s)
    S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V
    Enquanto |Q| \neq 0
        u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
    \rightarrow S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
            relaxa(u,v,w)
        fim para
    fim enquanto
fim
```



ariável	valor
и	У

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	10	∞	5	∞
π	NULL	S	NULL	S	NULL
Q		X	X		X
S	X				

```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
    INICIALIZA(G,s)
    S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V
    Enquanto |Q| \neq 0
        u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
    \rightarrow S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
            relaxa(u,v,w)
        fim para
    fim enquanto
fim
```

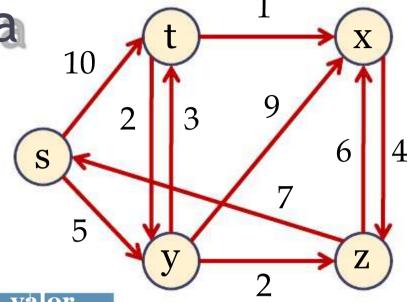


ariável	valor
и	y

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	10	∞	5	∞
π	NULL	S	NULL	S	NULL
Q		X	X		X
S	X			X	

DIJSKSTRA(
$$G = (V, A), w, s$$
)

 $INICIALIZA(G, s)$
 $S \leftarrow \{ \}$
 $Q \leftarrow V$
 $Enquanto | Q | \neq 0$
 $u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)$
 $S \leftarrow S \cup \{u\}$
 $\Rightarrow para \ cadav \in Adj[u]$
 $\Rightarrow relaxa(u, v, w)$
 $fim \ para$
 $fim \ enquanto$
 fim

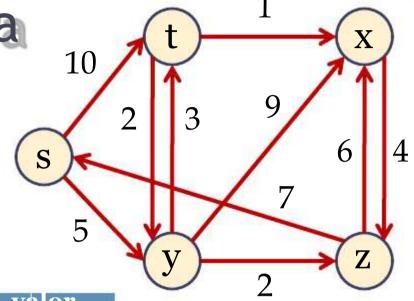


ariável	valor
и	y

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	10	∞	5	∞
π	NULL	S	NULL	S	NULL
Q		X	X		X
S	X			X	

DIJSKSTRA(
$$G = (V, A), w, s$$
)

 $INICIALIZA(G, s)$
 $S \leftarrow \{ \}$
 $Q \leftarrow V$
 $Enquanto | Q | \neq 0$
 $u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)$
 $S \leftarrow S \cup \{u\}$
 $\Rightarrow para\ cadav \in Adj[u]$
 $\Rightarrow relaxa(u, v, w)$
 $fim\ para$
 $fim\ enquanto$
 fim

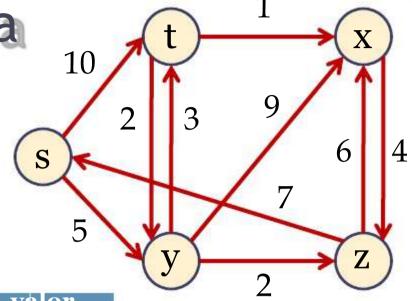


ariável	valor
и	У

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	10	∞	5	∞
π	NULL	S	NULL	S	NULL
Q		X	X		X
S	X			X	

DIJSKSTRA(
$$G = (V, A), w, s$$
)

 $INICIALIZA(G, s)$
 $S \leftarrow \{ \}$
 $Q \leftarrow V$
 $Enquanto | Q | \neq 0$
 $u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)$
 $S \leftarrow S \cup \{u\}$
 $\Rightarrow para\ cadav \in Adj[u]$
 $\Rightarrow relaxa(u, v, w)$
 $fim\ para$
 $fim\ enquanto$
 fim



ariável	valor
и	У

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	8	14	5	7
π	NULL	У	У	S	у
Q		X	X		X
S	X			X	

```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
INICIALIZA(G, s)
S \leftarrow \{ \}
Q \leftarrow V
Enquanto |Q| \neq 0
```

 $u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)$

$$S \leftarrow S \cup \{u\}$$

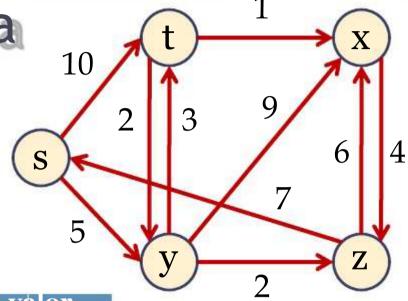
 $para\ cadav \in Adj[u]$

relaxa(u,v,w)

fim para

fim enquanto

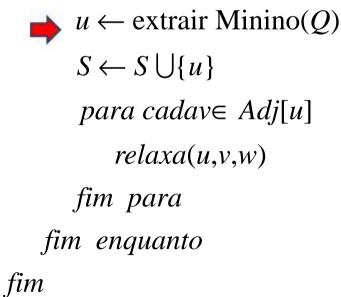
fim

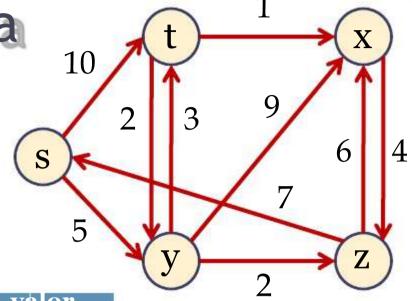


ariável	valor
и	У

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	8	14	5	7
π	NULL	У	У	S	У
Q		X	X		X
S	X			X	

```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
INICIALIZA(G, s)
S \leftarrow \{ \}
Q \leftarrow V
Enquanto |Q| \neq 0
```

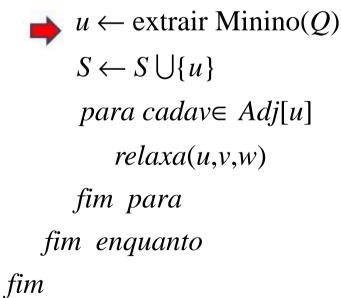


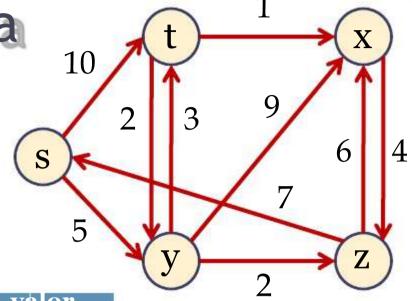


ariável	valor
и	У

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	8	14	5	7
π	NULL	У	y	S	У
Q		X	X		X
S	X			X	

```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
INICIALIZA(G, s)
S \leftarrow \{ \}
Q \leftarrow V
Enquanto |Q| \neq 0
```

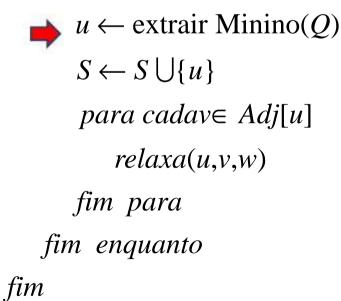


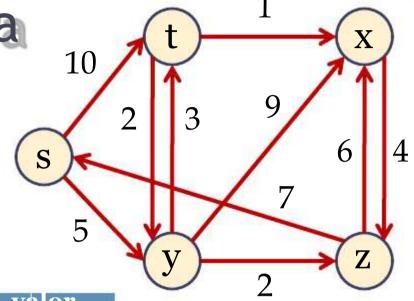


ariável	valor
и	y

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	8	14	5	7
π	NULL	У	У	S	У
Q		X	X		X
S	X			X	

```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
INICIALIZA(G, s)
S \leftarrow \{ \}
Q \leftarrow V
Enquanto |Q| \neq 0
```

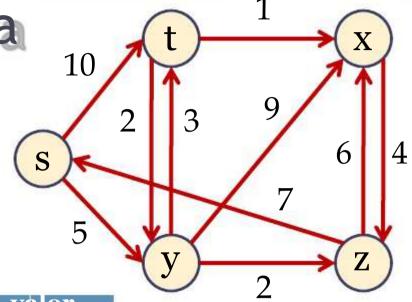




ariável	valor		
и		Z	

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	8	14	5	7
π	NULL	У	У	S	У
Q		X	X		
S	X			X	

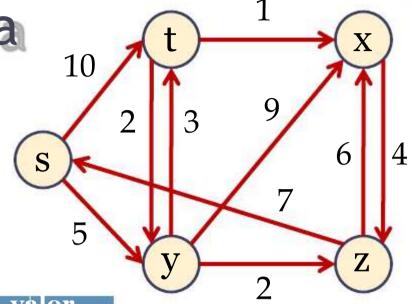
```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
    INICIALIZA(G,s)
    S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V
    Enquanto |Q| \neq 0
        u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
   \rightarrow S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
            relaxa(u,v,w)
        fim para
    fim enquanto
fim
```



ariável	valor
и	Z

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	8	14	5	7
π	NULL	У	y	S	У
Q		X	X		
S	X			X	

```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
    INICIALIZA(G,s)
    S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V
    Enquanto |Q| \neq 0
        u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
   \rightarrow S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
            relaxa(u,v,w)
        fim para
    fim enquanto
fim
```

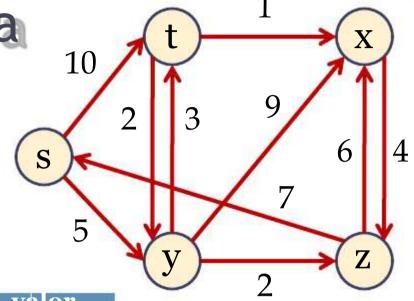


ariável	valor
и	Z

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	8	14	5	7
π	NULL	У	У	S	У
Q		X	X		
S	X			X	X

DIJSKSTRA(
$$G = (V, A), w, s$$
)

 $INICIALIZA(G, s)$
 $S \leftarrow \{ \}$
 $Q \leftarrow V$
 $Enquanto | Q | \neq 0$
 $u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)$
 $S \leftarrow S \cup \{u\}$
 $\Rightarrow para \ cadav \in Adj[u]$
 $\Rightarrow relaxa(u, v, w)$
 $fim \ para$
 $fim \ enquanto$
 fim

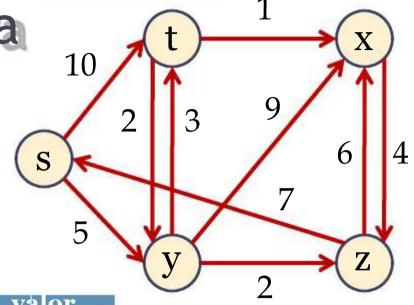


ariável	valor
и	Z

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	8	14	5	7
π	NULL	У	У	S	У
Q		X	X		
S	X			X	X

DIJSKSTRA(
$$G = (V, A), w, s$$
)

 $INICIALIZA(G, s)$
 $S \leftarrow \{\}$
 $Q \leftarrow V$
 $Enquanto |Q| \neq 0$
 $u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)$
 $S \leftarrow S \cup \{u\}$
 $\Rightarrow para \ cadav \in Adj[u]$
 $\Rightarrow relaxa(u, v, w)$
 $fim \ para$
 $fim \ enquanto$
 fim

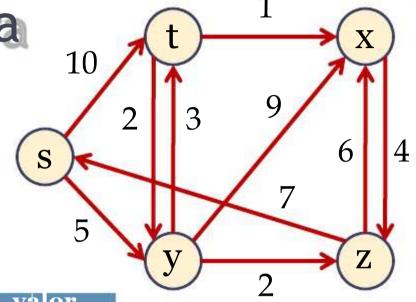


ariável	valor
и	Z

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	8	14	5	7
π	NULL	У	У	S	У
Q		X	X		
S	X			X	X

DIJSKSTRA(
$$G = (V, A), w, s$$
)

 $INICIALIZA(G, s)$
 $S \leftarrow \{\}$
 $Q \leftarrow V$
 $Enquanto |Q| \neq 0$
 $u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)$
 $S \leftarrow S \cup \{u\}$
 $\Rightarrow para \ cadav \in Adj[u]$
 $\Rightarrow relaxa(u, v, w)$
 $fim \ para$
 $fim \ enquanto$
 fim

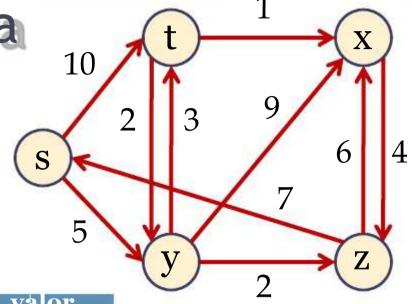


ariável	valor
и	Z

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	8	13	5	7
π	NULL	У	Z	S	У
Q		X	X		
S	X			X	X

```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
    INICIALIZA(G,s)
    S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V

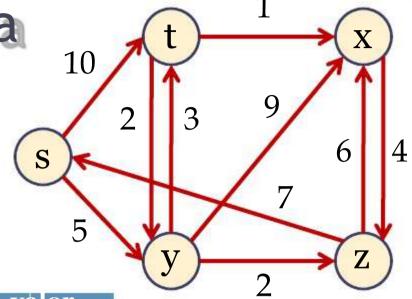
ightharpoonup Enquanto |Q| \neq 0
        u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
        S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
            relaxa(u,v,w)
        fim para
    fim enquanto
fim
```



ariável	valor
и	Z

vértice	S	t	X	y	Z
d	0	8	13	5	7
π	NULL	У	Z	S	У
Q		X	X		
S	X			X	X

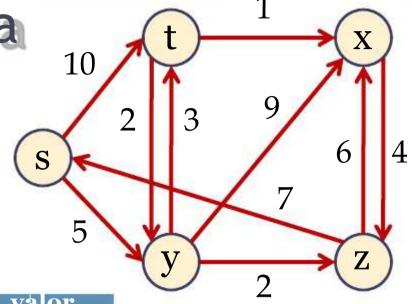
```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
    INICIALIZA(G,s)
    S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V
    Enquanto |Q| \neq 0
    \longrightarrow u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
        S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
            relaxa(u,v,w)
        fim para
    fim enquanto
fim
```



ariável	valor
и	Z

vértice	S	t	X	y	Z
d	0	8	13	5	7
π	NULL	У	Z	S	У
Q		X	X		
S	X			X	X

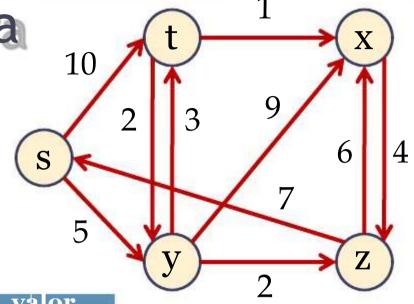
```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
    INICIALIZA(G,s)
    S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V
    Enquanto |Q| \neq 0
    \longrightarrow u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
        S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
            relaxa(u,v,w)
        fim para
    fim enquanto
fim
```



ariável	valor
и	Z

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	8	13	5	7
π	NULL	У	Z	S	У
Q		X	X		
S	X			X	X

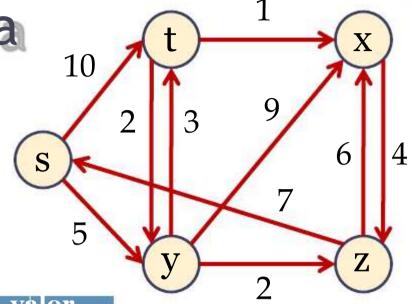
```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
   INICIALIZA(G,s)
   S \leftarrow \{ \}
   Q \leftarrow V
   Enquanto |Q| \neq 0
   u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
       S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
           relaxa(u,v,w)
       fim para
    fim enquanto
fim
```



ariável	val	or	
и		t	

vértice	S	t	X	y	Z
d	0	8	13	5	7
π	NULL	У	Z	S	У
Q			X		
S	X			X	X

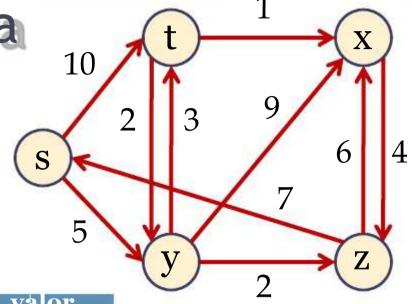
```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
    INICIALIZA(G,s)
    S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V
    Enquanto |Q| \neq 0
        u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
    \rightarrow S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
            relaxa(u,v,w)
        fim para
    fim enquanto
fim
```



ariável	valor
и	t

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	8	13	5	7
π	NULL	У	Z	S	У
Q			X		
S	X			X	X

```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
    INICIALIZA(G,s)
    S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V
    Enquanto |Q| \neq 0
        u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
    \rightarrow S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
            relaxa(u,v,w)
        fim para
    fim enquanto
fim
```

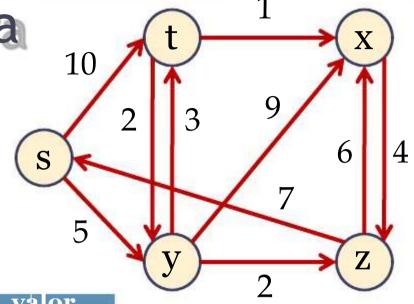


ariável	valor
и	t

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	8	13	5	7
π	NULL	У	Z	S	У
Q			X		
S	X	X		X	X

DIJSKSTRA(
$$G = (V, A), w, s$$
)

 $INICIALIZA(G, s)$
 $S \leftarrow \{ \}$
 $Q \leftarrow V$
 $Enquanto | Q | \neq 0$
 $u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)$
 $S \leftarrow S \cup \{u\}$
 $\Rightarrow para\ cadav \in Adj[u]$
 $\Rightarrow relaxa(u, v, w)$
 $fim\ para$
 $fim\ enquanto$
 fim

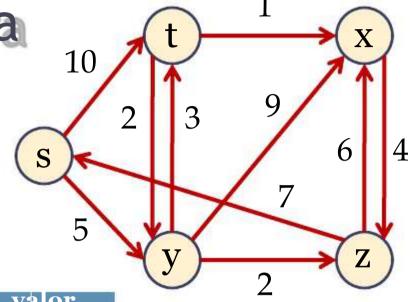


ariável	valor
и	t

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	8	13	5	7
π	NULL	У	Z	S	У
Q			X		
S	X	X		X	X

DIJSKSTRA(
$$G = (V, A), w, s$$
)

 $INICIALIZA(G, s)$
 $S \leftarrow \{ \}$
 $Q \leftarrow V$
 $Enquanto | Q | \neq 0$
 $u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)$
 $S \leftarrow S \cup \{u\}$
 $\Rightarrow para \ cadav \in Adj[u]$
 $\Rightarrow relaxa(u, v, w)$
 $fim \ para$
 $fim \ enquanto$
 fim

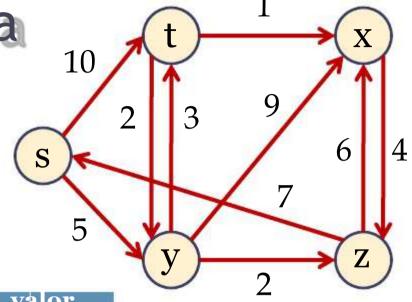


ariável	valor
и	t

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	8	13	5	7
π	NULL	У	Z	S	У
Q			X		
S	X	X		X	X

DIJSKSTRA(
$$G = (V, A), w, s$$
)

 $INICIALIZA(G, s)$
 $S \leftarrow \{ \}$
 $Q \leftarrow V$
 $Enquanto | Q | \neq 0$
 $u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)$
 $S \leftarrow S \cup \{u\}$
 $\Rightarrow para \ cadav \in Adj[u]$
 $\Rightarrow relaxa(u, v, w)$
 $fim \ para$
 $fim \ enquanto$
 fim



ariável	valor
и	t

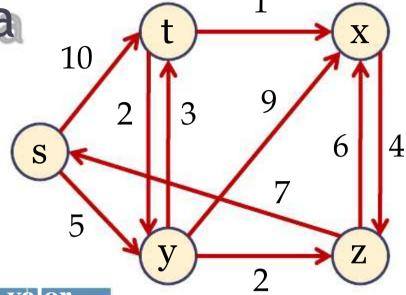
vértice	S	t	X	y	Z
d	O	8	9	5	7
π	NULL	У	t	S	У
Q			X		
S	X	X		X	X

```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
INICIALIZA(G, s)
S \leftarrow \{ \}
Q \leftarrow V
Enquanto |Q| \neq 0
```

 $u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)$ $S \leftarrow S \cup \{u\}$ $para\ cadav \in Adj[u]$ relaxa(u,v,w) $fim\ para$

fim enquanto

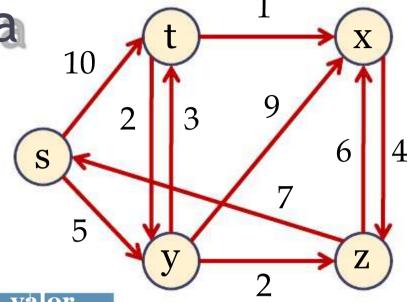
fim



ariável	valor
и	t

vértice	S	t	X	y	Z
d	0	8	9	5	7
π	NULL	У	t	S	У
Q			X		
S	X	X		X	X

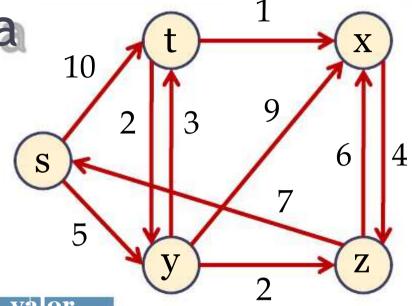
```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
    INICIALIZA(G,s)
    S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V
    Enquanto |Q| \neq 0
    \longrightarrow u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
        S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
            relaxa(u,v,w)
        fim para
    fim enquanto
fim
```



ariável	valor
и	t

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	8	9	5	7
π	NULL	У	t	S	У
Q			X		
S	X	X		X	X

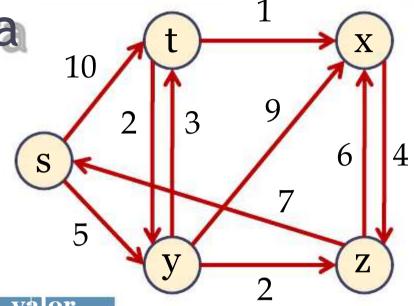
```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
    INICIALIZA(G,s)
    S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V
    Enquanto |Q| \neq 0
    \longrightarrow u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
        S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
            relaxa(u,v,w)
        fim para
    fim enquanto
fim
```



ariável	valor
и	t

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	8	9	5	7
π	NULL	У	t	S	У
Q			X		
S	X	X		X	X

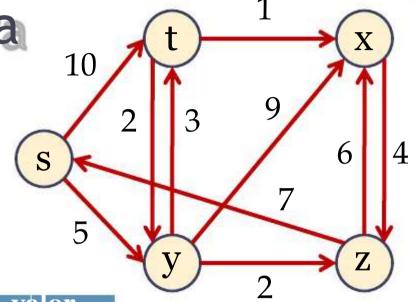
```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
    INICIALIZA(G,s)
    S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V
    Enquanto |Q| \neq 0
    \longrightarrow u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
        S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
            relaxa(u,v,w)
        fim para
    fim enquanto
fim
```



ariável	val	or
и		X

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	8	9	5	7
π	NULL	У	t	S	У
Q			[
S	X	X		X	X

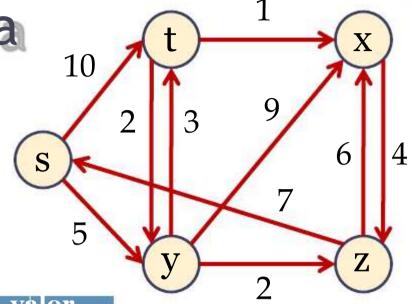
```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
    INICIALIZA(G,s)
    S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V
    Enquanto |Q| \neq 0
        u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
    \rightarrow S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
            relaxa(u,v,w)
        fim para
    fim enquanto
fim
```



ariável	valor
u	X

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	8	9	5	7
π	NULL	У	t	S	У
Q					
S	X	X		X	X

```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
    INICIALIZA(G,s)
    S \leftarrow \{ \}
    Q \leftarrow V
    Enquanto |Q| \neq 0
        u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)
    \rightarrow S \leftarrow S \cup \{u\}
        para\ cadav \in Adj[u]
            relaxa(u,v,w)
        fim para
    fim enquanto
fim
```

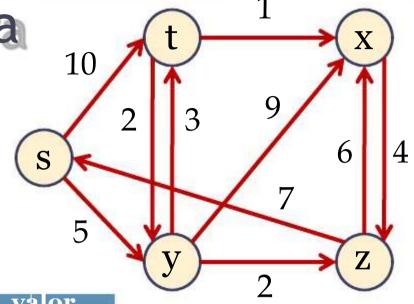


ariável	valor
и	X

vértice	S	t	X	y	Z
d	0	8	9	5	7
π	NULL	У	t	S	У
Q					
S	X	X	X	X	X

DIJSKSTRA(
$$G = (V, A), w, s$$
)

 $INICIALIZA(G, s)$
 $S \leftarrow \{ \}$
 $Q \leftarrow V$
 $Enquanto | Q | \neq 0$
 $u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)$
 $S \leftarrow S \cup \{u\}$
 $\Rightarrow para\ cadav \in Adj[u]$
 $\Rightarrow relaxa(u, v, w)$
 $fim\ para$
 $fim\ enquanto$
 fim

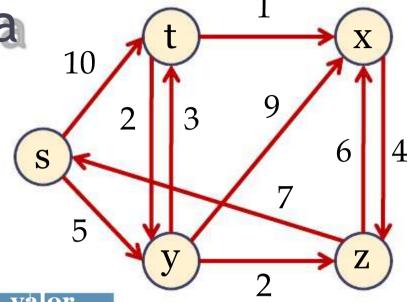


ariável	valor
и	X

vértice	S	t	X	y	Z
d	0	8	9	5	7
π	NULL	У	t	S	У
Q					
S	X	X	X	X	X

DIJSKSTRA(
$$G = (V, A), w, s$$
)

 $INICIALIZA(G, s)$
 $S \leftarrow \{\}$
 $Q \leftarrow V$
 $Enquanto |Q| \neq 0$
 $u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)$
 $S \leftarrow S \cup \{u\}$
 $\Rightarrow para \ cadav \in Adj[u]$
 $\Rightarrow relaxa(u, v, w)$
 $fim \ para$
 $fim \ enquanto$
 fim



ariável	valor
и	X

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	8	9	5	7
π	NULL	У	t	S	У
Q					
S	X	X	X	X	X

```
DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s)
INICIALIZA(G, s)
S \leftarrow \{ \}
Q \leftarrow V
Enquanto |Q| \neq 0
```

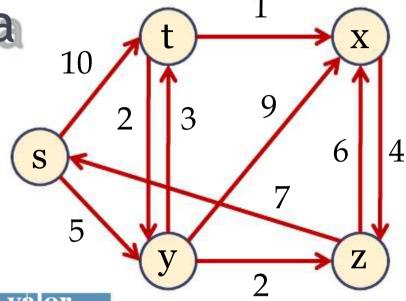
 $u \leftarrow \operatorname{extrair} \operatorname{Minino}(Q)$ $S \leftarrow S \cup \{u\}$

 $para\ cadav \in Adj[u]$ relaxa(u,v,w)

fim para

fim enquanto

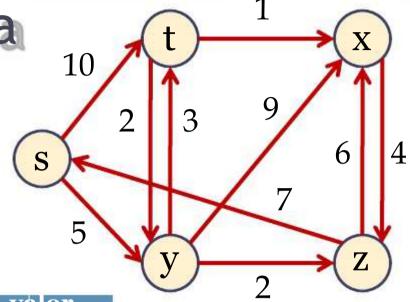
fim



ariável	valor
и	X

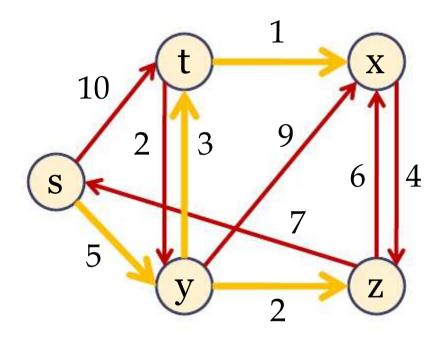
vértice	S	t	X	y	Z
d	0	8	9	5	7
π	NULL	У	t	S	У
Q					
S	X	X	X	X	X

DIJSKSTRA(G = (V, A), w, s) INICIALIZA(G,s) $S \leftarrow \{ \}$ $Q \leftarrow V$ *Enquanto* $|Q| \neq 0$ $u \leftarrow \text{extrair Minino}(Q)$ $S \leftarrow S \cup \{u\}$ $para\ cadav \in Adj[u]$ relaxa(u,v,w)fim para fim enquanto fim

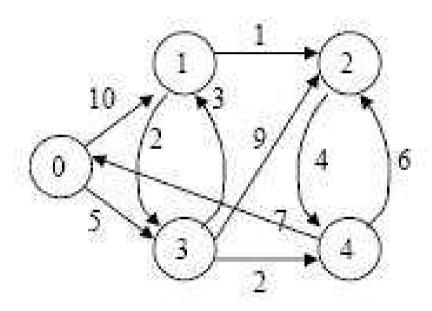


ariável	valor
и	X

vértice	S	t	X	y	Z
d	O	8	9	5	7
π	NULL	У	t	S	У
Q					
S	X	X	X	X	X

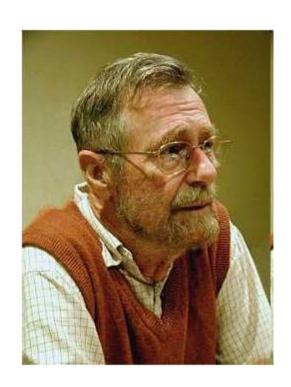


vértice	S	t	X	\mathbf{y}	Z
d	O	8	9	5	7
π	NULL	У	t	S	У



Dijkstra

- (1930-2002)
- Site: http://www.cs.utexas.edu/users/EWD/
- No site você encontra toda a produção publicada oficialmente de Dijkstra, incluindo também inúmeros manuscritos com provas e teorias nas mais diversas áreas da ciência da computação...



Bibliografia

- CORMEN, T. H.; LEISERSON, C. E.; RIVEST, R. L.; (2002). Algoritmos – Teoria e Prática. Tradução da 2ª edição americana. Rio de Janeiro. Editora Campus.
 - 24.3 Algoritmo de Dijkstra.

• ZIVIANI, N. (2007). Projeto e Algoritmos com implementações em Java e C++. São Paulo. Editora Thomson;

