

Universidade Federal de Santa Catarina Centro de Ciências Físicas e Matemáticas Departamento de Matemática



MTM3111 e MTM5512 - Geometria Analítica

Gabarito da Lista de exercícios 4.5

Planos: equações gerais 1^a e 2^a forma, vetorial e paramétricas

Última atualização: 3 de fevereiro de 2021

1.

(a) Eq. vetorial:
$$(x, y, z) = (-8, 0, 0) + s(2, 1, 0) + t(3, 0, 1);$$

Eq. paramétricas:
$$\begin{cases} x = -8 + 2s + 3t \\ y = s \\ z = t; \end{cases}$$
Eq. geral (1^a forma): $-(x+1) + 2(y-2) + 3(z-1) = 0;$

Eq. geral (2^a forma): -x + 2y + 3z - 8 = 0.

(b) Eq. vetorial:
$$(x, y, z) = (0, 4, 0) + s(1, 0, 0) + t(0, 1, 1);$$

$$\begin{cases} x = s \\ t = s \end{cases}$$

Eq. paramétricas:
$$\begin{cases} x = s \\ y = 4 + t \\ z = t; \end{cases}$$

Eq. geral $(1^{\underline{a}} \text{ forma})$: (y-3)-(z+1)=0;

Eq. geral (2^a forma): y - z - 4 = 0.

(c) Eq. vetorial:
$$(x, y, z) = s(-1, 3, 0) + t(0, 0, 1)$$
;

Eq. paramétricas:
$$\begin{cases} x = -s \\ y = 3s \\ z = t; \end{cases}$$

Eq. geral (1^a forma): 3x + y = 0;

Eq. geral (2^a forma): 3x + y = 0.

(d) Eq. vetorial: (x, y, z) = s(1, 0, 0) + t(0, 1, 0);

Eq. paramétricas: $\{z=0;$

Eq. geral (1^a forma): z = 0;

Eq. geral (2^a forma): z = 0.

2. Há infinitas escolhas de B e C em cada item. Os vetores \overrightarrow{AB} , \overrightarrow{AC} e \overrightarrow{BC} são coplanares e todos são ortogonais ao vetor normal.

3.

- (a) Não.
- **(b)** Não.
- (c) Sim.
- (d) Não.

4.

(a)
$$\vec{n} = (1, -5, 1)$$
 e $A = (-1, -2, 0)$.

- **(b)** $\vec{n} = (0, 0, 1) \text{ e } A = (0, 0, -1).$
- (c) $\vec{n} = (2, -3, 4) e A = (1, 3, 0).$
- (d) $\vec{n} = (-1, 0, 1) e A = (0, 0, 0).$
- (e) $\vec{n} = (1, 0, 0) e A = (3, 0, 0)$.