## Universidade Federal de Santa Catarina Centro de Ciências Físicas e Matemáticas Departamento de Matemática



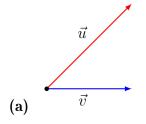
## MTM3111 e MTM5512 - Geometria Analítica

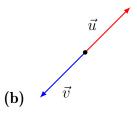
Lista de exercícios 3.2 - Operações (adição, subtração e multiplicação por escalar), propriedades e ângulo

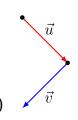
## Semana 4

Última atualização: 28 de janeiro de 2021

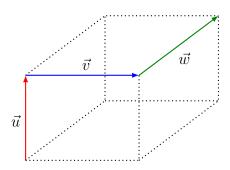
1. Em cada item, represente geometricamente os vetores:  $\vec{u} + \vec{v}$ ,  $\vec{u} - \vec{v}$ ,  $\vec{v} - \vec{u}$ ,  $-\vec{u} - \vec{v}$  e  $\vec{u} - 2\vec{v}$  (lembre-se de a origem do vetor é irrelevante, isto é, você pode desenhar o vetor pedido a partir de qualquer ponto).







**2.** Considere os vetores  $\vec{u}$ ,  $\vec{v}$  e  $\vec{w}$  dados na figura abaixo. Represente, geometricamente, os vetores:  $\vec{u} + \vec{v} + \vec{w}$ ,  $\vec{u} + \vec{v} - \vec{w}$ ,  $\vec{u} - \vec{v} + \vec{w}$ ,  $\vec{u} - \vec{v} - \vec{w}$ ,  $-\vec{u} + \vec{v} + \vec{w}$ ,  $-\vec{u} + \vec{v} - \vec{w}$ ,  $-\vec{u} - \vec{v} + \vec{w}$  e  $-\vec{u} - \vec{v} - \vec{w}$ . Sugestão. Dê nome aos vértices da figura e indique os vetores pedidos em termos dos vértices (por exemplo,  $\vec{u} + \vec{v} + \vec{w} = \overrightarrow{AB}$ ).



- **3.** Em cada um dos itens abaixo, determine o vetor  $\vec{w}$  em termos dos vetores  $\vec{u}$  e  $\vec{v}$ .
  - (a)  $4(\vec{u} \vec{v}) + \frac{1}{3}\vec{w} = 2\vec{u} \vec{w}$ .

- **(b)**  $3\vec{w} (2\vec{v} \vec{u}) = 2(4\vec{w} 3\vec{u}).$
- **4.** Sejam  $\vec{u}$  e  $\vec{v}$  dois vetores entre os quais o ângulo formado é de 60°. Determine o ângulo entre os vetores abaixo.
  - (a)  $\vec{u} e \vec{v}$ .
- **(b)**  $-\vec{u} \in \vec{v}$ .
- (c)  $-\vec{u} e \vec{v}$ .
- (d)  $2\vec{u} \, e \, 3\vec{v}$ .