

Universidade Federal de Santa Catarina Centro de Ciências Físicas e Matemáticas Departamento de Matemática



MTM3111 e MTM5512 - Geometria Analítica

Gabarito da Lista de exercícios 4.2

Equações simétricas e reduzidas de uma reta

Última atualização: 14 de abril de 2021

1.

(a) Eq. simétricas:
$$\frac{x+1}{-1} = \frac{y-2}{2} = \frac{z-1}{3};$$
Eq. reduzidas por x :
$$\begin{cases} y = -2x \\ z = -2 - 3x \end{cases};$$
Eq. reduzidas por y :
$$\begin{cases} x = -\frac{y}{2} \\ z = -2 + \frac{3}{2}y \end{cases};$$
Eq. reduzidas por z :
$$\begin{cases} x = -\frac{2}{3} - \frac{z}{3} \\ y = \frac{4}{3} + \frac{2}{3}z \end{cases}.$$

(c) Eq. simétricas: x = -1; y = -2; Eq. reduzidas por x: não há; Eq. reduzidas por y: não há; Eq. reduzidas por z: $\begin{cases} x = -1 \\ y = -2 \end{cases}$.

2.

- (a) Não.
- **(b)** Sim.
- (c) Não.

3.

(a)
$$\vec{v} = (-2, 2, -3) \text{ e } A = (-1, 0, 1).$$

(b)
$$\vec{v} = (0, 1, \frac{1}{3}) \text{ e } A = (-2, \frac{1}{2}, 0).$$

(c)
$$\vec{v} = (2, 1, -1) \text{ e } A = (-3, 0, 1).$$

(d)
$$\vec{v} = (1, -1, 0) \text{ e } A = (0, 0, -1).$$

4.

(a)
$$\vec{v} = (1, 0, 0) \text{ e } A = (1, -2, 4).$$

(b)
$$\vec{v} = (0, 0, 1) \text{ e } A = (2, 3, 4).$$

(c)
$$\vec{v} = (1, -1, 0) \text{ e } A = (4, -1, 2).$$

(d)
$$\vec{v} = (1, 0, 1) \text{ e } A = (0, 0, 0).$$