



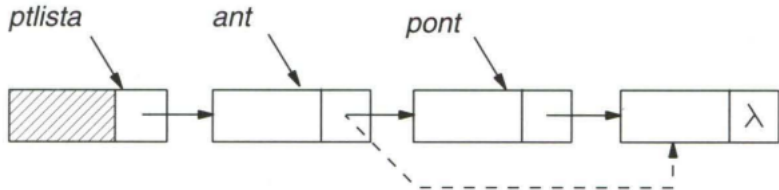
Laboratório
Nacional de
Computação
Científica

Análise de complexidade para Listas Ligadas Simples e Duplas

Martha Hilda Timoteo Sanchez, Rafael Lemes Beirigo

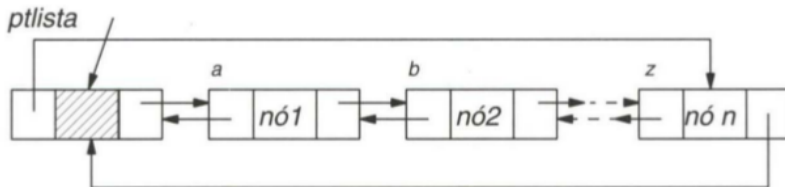
July 11, 2015

Um ponteiro: para o nó posterior



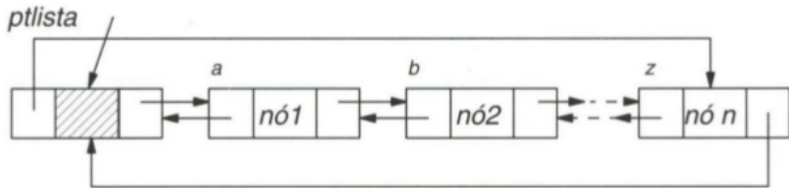
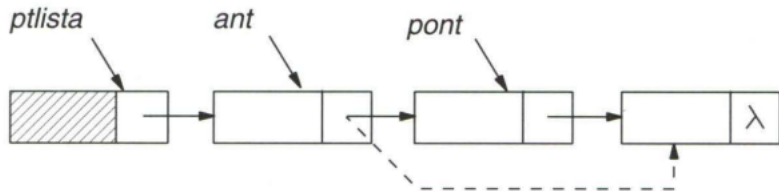
- Percurso unidirecional
- Remoção necessita de dois ponteiros

Dois ponteiros: para os nós anterior e posterior

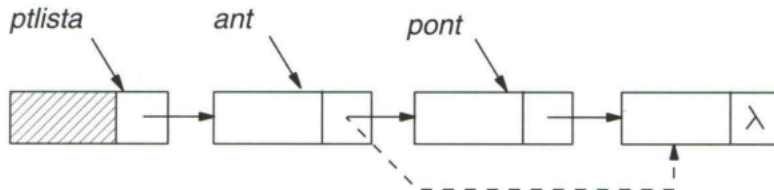


- Percurso bidirecional
- Remoção necessita de um ponteiro

Controlado no momento da inserção

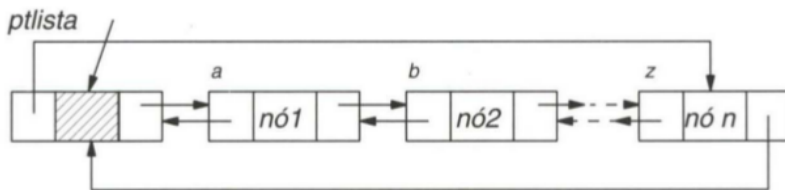


Lista Simples



- (+) Menor custo de memória
- (-) Remoção necessita de dois ponteiros
- Complexidade do pior caso
 - Percorre a lista completa para inserir/remover (busca)
 - $\mathcal{O}(n)$

Lista Dupla



- (+) Inserção imediata na última posição
- (-) Consome o **dobro** de memória para ponteiros
- Complexidade do pior caso
 - Percorre a lista até o penúltimo nó para inserir/remover (busca)
 - $\mathcal{O}(n - 1) = \mathcal{O}(n)$

Algoritmo

```
for (qtd = 1; qtd <= MAX; qtd *= 2) { // mais pontos
    for (i = 0; i < (qtd / 2); ++i)    // (1e10)
        l=insercao_enc(rand() % MAX, l);

    time(&inicio_conta);
    for (i = 1; i <= CANT_TESTE; ++i) {
        num = rand() % MAX;
        l=insercao_enc(num,l);
        l=remocion_enc(num,l);
    }
    time(&fim_conta);
    total = fim_conta - inicio_conta;
}
```

Algoritmo

```
for (qtd = 1; qtd <= MAX; qtd *= 2) {  
    for (i = 0; i < (qtd / 2); ++i) // completar a lista  
        l=insercao_enc(rand() % MAX, l);  
  
    time(&inicio_conta);  
    for (i = 1; i <= CANT_TESTE; ++i) {  
        num = rand() % MAX;  
        l=insercao_enc(num,l);  
        l=remocion_enc(num,l);  
    }  
    time(&fim_conta);  
    total = fim_conta - inicio_conta;  
}
```


Algoritmo

```
for (qtd = 1; qtd <= MAX; qtd *= 2) {  
    for (i = 0; i < (qtd / 2); ++i)  
        l=insercao_enc(rand() % MAX, l); // insere número  
                                           // aleatórios  
  
    time(&inicio_conta);  
    for (i = 1; i <= CANT_TESTE; ++i) {  
        num = rand() % MAX;  
        l=insercao_enc(num,l);  
        l=remocion_enc(num,l);  
    }  
    time(&fim_conta);  
    total = fim_conta - inicio_conta;  
}
```

Algoritmo

```
for (qtd = 1; qtd <= MAX; qtd *= 2) {  
    for (i = 0; i < (qtd / 2); ++i)  
        l=insercao_enc(rand() % MAX, l);  
  
    time(&inicio_conta);  
    for (i = 1; i <= CANT_TESTE; ++i) { // repetição foi  
        num = rand() % MAX;           // necessária  
        l=insercao_enc(num,l);         // (1e6)  
        l=remocion_enc(num,l);  
    }  
    time(&fim_conta);  
    total = fim_conta - inicio_conta;  
}
```

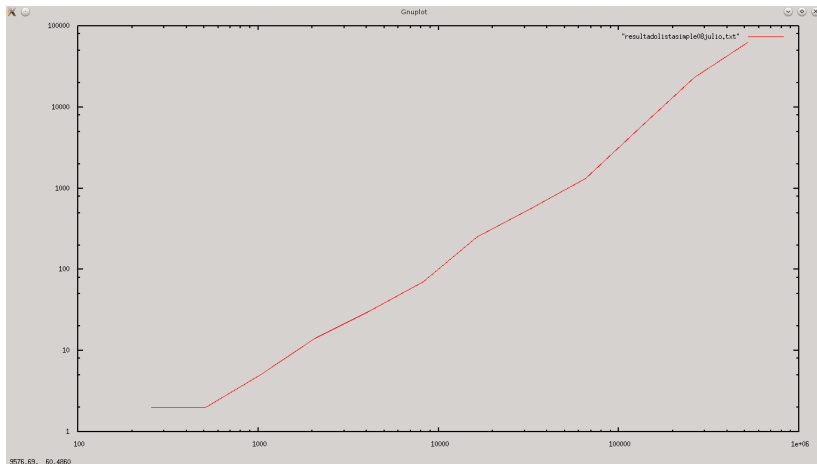
Lista Simples – pontos iniciais: rapidez vs. precisão

| n | t |
|-----|-----|
| 1 | 0 |
| 2 | 0 |
| 4 | 0 |
| 8 | 0 |
| 16 | 0 |
| 32 | 0 |
| 64 | 1 |
| 128 | 0 |

Lista Simples – a partir de $n = 256$

| n | t |
|--------|-------|
| 256 | 2 |
| 512 | 2 |
| 1024 | 5 |
| 2048 | 14 |
| 4096 | 30 |
| 8192 | 71 |
| 16384 | 253 |
| 32768 | 569 |
| 65536 | 1338 |
| 131072 | 5649 |
| 262144 | 23473 |
| 524288 | 63852 |

Lista Simples – Gráfico



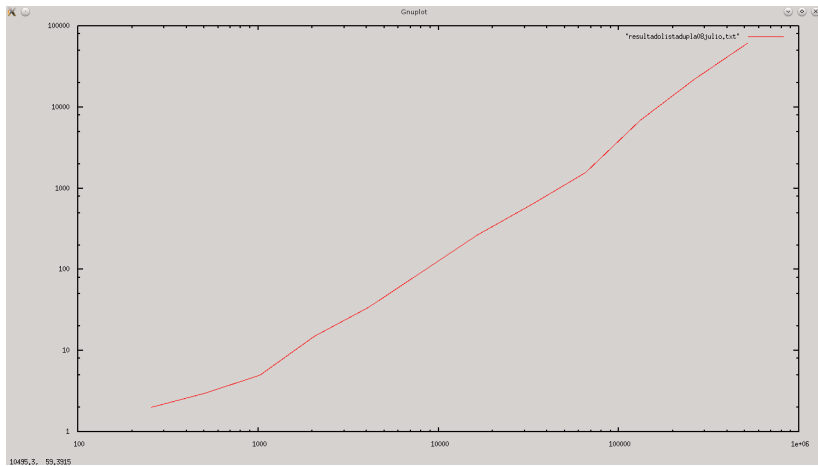
Lista Dupla – pontos iniciais: rapidez vs. precisão

| n | t |
|-----|-----|
| 1 | 0 |
| 2 | 0 |
| 4 | 0 |
| 8 | 1 |
| 16 | 0 |
| 32 | 0 |
| 64 | 0 |
| 128 | 1 |

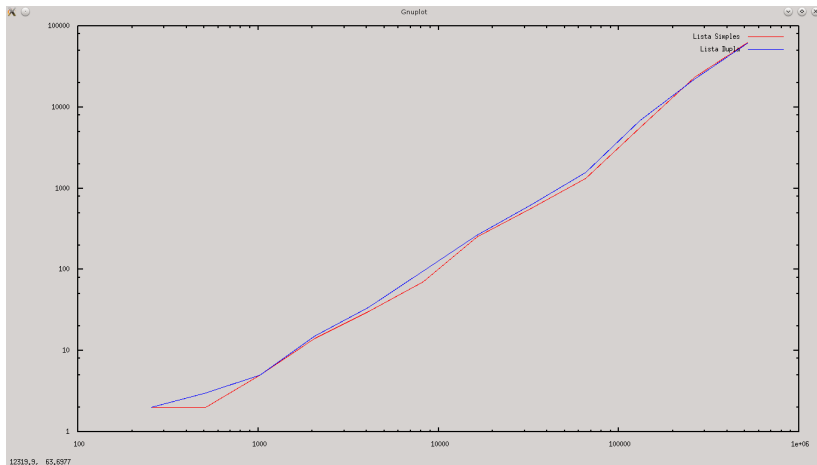
Lista Dupla – a partir de $n = 256$

| n | t |
|--------|-------|
| 256 | 2 |
| 512 | 3 |
| 1024 | 5 |
| 2048 | 15 |
| 4096 | 34 |
| 8192 | 96 |
| 16384 | 267 |
| 32768 | 633 |
| 65536 | 1560 |
| 131072 | 6936 |
| 262144 | 22018 |
| 524288 | 61744 |

Lista Dupla – Gráfico



Análise: desempenho equiparável (inesperado)



Possíveis razões

- Complexidade teórica considera **pior** caso, i.e., inserção sempre na última (simples) e penúltima (dupla) posições
- Experimento realizou inserções de números aleatórios
 - Posições aleatórias
- Resultado corresponde, portanto, à complexidade do **caso médio**, onde se espera que o desempenho seja equiparável