



Aula 1 - Introdução à introdução de Coq

Rafael Castro - rafaelcgs10.github.io/coq

02/05/2018



Provadores Automáticos

- Entre com uma proposição, aperte um botão e veja a resposta.
- Fazem todo o trabalho da prova. Humanos não são necessários.
- Limitados a domínios específicos.
- São procedimentos de decisão.
- Fornecem um formalismo para especificar a proposição, mas não para a sua prova. Fornecem uma valoração caso falso.



Assistentes de Provas

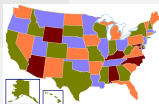
- São provadores semi-automáticos.
- Uso com domínio menos restrito: podem falar sobre diversas lógicas, teorias e até mesmo programas.
- Podem utilizar provadores automáticos, mas ainda necessitam do humano.
- Fornecem um formalismo para representar a prova. *Lembra* as regras da Dedução.



Como Assistentes de provas assistem?

- O núcleo de um assistente de provas é um verificador, que verifica a consistência lógica da prova.
- A verificação humana de provas é demorada e sujeita a falhas: Último Teorema de Fermat.
- Fornecem de maneira interativa de visualizar as informações sobre o estado atual da prova.
- Ajudam a encontrar teoremas e lemas para o progresso da prova.
- Permitem implementar métodos não-deterministas para auxiliar a prova.

Assistentes de provas permitem provar coisas que não seriam realizáveis somente com papel e caneta: Four Color Theorem





Qual assistente utilizar?

- Existem diversos assistentes, cada um baseado numa teoria matemática e com as suas peculiaridades: Agda, Isabelle, HOL, Minlog, Coq. . .
- Iremos utilizar Coq! Mas por que?
 - ① É o que eu sei algo;
 - ② Existe desde 1984;
 - ③ Há vários livros;
 - ④ Suporte para ordem superior, tipos dependentes, automação e extração de código.

O que é Coq?

- Coq é um assistentes de provas (dã) desenvolvido desde 1984 pelo French Institute for Research in Computer Science and Automation (INRIA).
- Coq é fruto de sistemas de tipos: **Higher order dependently typed polymorphic lambda calculus**, o nomeado Calculus of Constructions (CoC).
- Inicialmente chamado de CoC, foi estendido em 1991 para suportar construções indutivas e o nome mudou para Coq. Referência a Thierry Coquand.
- Coq tem quatro linguagens:
 - ① Gallina: linguagem de programação funcional total e com tipos dependentes.
 - ② Tatic: linguagem para criar provas com a ajuda do assistente/verificador.
 - ③ Verneccular: linguagem de comandos. Enunciar teoremas, funções. . .
 - ④ LTac: criação de novas táticas e procedimentos de prova.

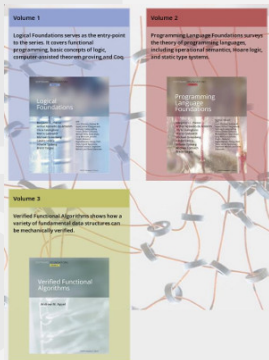
Programação certificada em Coq

- Coq permite não só provar teoremas da matemática, mas também provar propriedades de programas.
- Provar correção de programas. *Dijkstra screams in pleasure*
- Programas verificados (ou provas) em Coq podem ser extraídos para outras linguagens como Haskell, OCaml e Scheme.

Como aprender Coq?

Vamos utilizar o Volume 1 do Software Foundations

<https://softwarefoundations.cis.upenn.edu/>



Coq é confiável?

O que eu preciso confiar quando vejo uma prova em Coq?

- **A teoria por trás de Coq:** Coq 8.0 é equivalente a Zermelo-Fraenkel set theory + inaccessible cardinals.
- **A implementação do núcleo do Coq:** A implementação representa a teoria por trás de Coq e é pequena para evitar o risco de erros.
- **O compilador de OCaml:** Utiliza somente bibliotecas básicas, então é improvável que um bug no compilador quebre a lógica de Coq sem quebrar todos os outros softwares feitos em OCaml.
- **Seu hardware:** Se o seu hardware falhar, pode ser possível provar o Falso (illuminati confirmed). Teste em outros computadores.
- **Seu sistema operacional:** idem hardware.
- **Seus axiomas:** Coq permite você adicionar novos axiomas, os quais precisam ser consistentes com a teoria de Coq.



Como utilizar o assistente de provas?

- CoqIDE = Bom lugar para começar sem perder o foco. Tem os recursos básicos.
- Emacs + ProofGeneral + Company-coq = a maneira mais eficiente de usar Coq.