

**I.1. Diseñar un algoritmo de búsqueda ternaria en un vector. La idea es partir el vector en 3 partes y activar recursivamente la función de búsqueda en cada una de las 3 partes. Analizar el costo de algoritmo en comparación con el de búsqueda binaria.**

Hacemos como en la búsqueda binaria, usando técnica divide y vencerás, vamos partiendo el vector en bloques de 3. Y así sucesivamente cada bloque, hasta que o bien sólo tengamos bloques de 1 elemento, y sea ese el elegido, o sea el “pivote” o primer elemento de cada bloque.

```
int busquedaTernaria (int * array, int inicio, int fin, int numeroBusqueda){
    int tamanioActual = fin - inicio;
    int pCentro, pIzda, pDcha;

    //Partimos el vector en 3 partes
    int tamParte = (fin - inicio)/3;
    pIzda = inicio;
    pCentro = inicio+tamParte;
    pDcha = pCentro+tamParte;

    cout<<"\nPos izda: "<<pIzda;
    cout<<"\nPos central: "<<pCentro;
    cout<<"\nPos Dcha: "<<pDcha;
    cout<<endl;

    if (tamanioActual==1) { //Caso base
        cout<<"\nCaso base";
        return fin+1;
    }

    //Ahora lo tenemos dividido por 3 pivotes, vemos en que parte estará, en
    que subconjunto, ya que el array
    //suponemos está ordenado
    if (numeroBusqueda >= array[pDcha]) { //Esta en el último subconjunto
        if (numeroBusqueda == array[pDcha])
            return pDcha+1;
        else{
            busquedaTernaria(array,(pDcha+1),fin,numeroBusqueda);
        }
    }
    else{
        if (numeroBusqueda >= array[pCentro]) { //Esta en el centro
            if (numeroBusqueda == array[pCentro])
                return pCentro+1;
            else
                busquedaTernaria(array,(pCentro+1),fin,numeroBusqueda);
        }
        else{ //Esta en la parte izda
            if (numeroBusqueda == array[pIzda])
```



```

        return pIzda+1;
    else
        busquedaTernaria(array, (pIzda+1), fin, numeroBusqueda);
    }
}
}

```

Como mucho, haremos  $(n/3)$  veces la operación recursiva, esto conlleva a tener un orden de eficiencia  $O(\log_3 n)$ , mientras que una búsqueda binaria sería  $O(\log_2 n)$

**I.2. Dados  $n$  valores reales  $(v_1, \dots, v_n)$  diseñar un algoritmo que calcule el valor de la diferencia  $d$  entre los dos valores más cercanos:**

$$d = \min |v_i - v_j|$$

$$1 \leq i, j \leq n, i \neq j$$

**Sugerencia :** Usar el algoritmo de partición del quicksort.

**II.1. Deseamos almacenar en una cinta magnética de longitud  $L$  un conjunto de  $n$  programas**

**$\{P_1, P_2, \dots, P_n\}$ . Sabemos que cada  $P_i$  necesita un espacio  $a_i$  de la cinta y que**

$$(\sum a_i) > L$$

$$1 \leq i \leq n$$

**Construir un algoritmo que seleccione aquel subconjunto de programas que hace que el número de programas almacenado en la cinta sea máximo.**

Tenemos una función de selección que funciona de la siguiente manera:

*Para cada elemento/programa  $P_i$*

1. *Si es el primer elemento*

a. *Si  $a_i$  de  $P_i$  es menor  $(\text{tamañoCintaRestante}/2)+1$*

i. *Introducir en la cinta*

ii. *Recalcular el tamaño restante de la cinta*

**Si no** descartamos la selección

2. **Si no** es el primer elemento

B. Si  $a_i$  de  $P_i$  es **menor**  $(\text{tamañoCintaRestante}/2)+1$

*Introducir  $P_i$  en la cinta*

*Recalcular el tamaño restante de la cinta*

**Si no**

*Si la media geométrica es menor  $(\text{tamañoCintaRestante}/2)+1$*

*Si  $a_i$  de  $P_i$  es menor o igual en tamañoCintaRestante*

*Introducimos  $P_i$  en la cinta*

*Recalcular el tamaño restante de la cinta*

*Calcular/Actualizar la **media geométrica** de los  $a_i$ , de cada  $P_i$  recorrido*



Con lo de la media geométrica, lo que he intentado obtener es tener una ponderación aproximada de cuánto será el tamaño del siguiente programa. Con esto, si tenemos una media baja, y un programa un poco más grande, lo introducimos en la cinta porque con una probabilidad alta tendremos que el siguiente programa será pequeño.

Respecto al **tamañoRestante/2 + 1**, he intentado dar preferencia en la selección a los programas más pequeños respecto a los que ocupen más espacio, para así poder tener una mayor cantidad de programas en cinta.

Código fuente:

```
/**
 * Devuelve true o false, dependiendo de si es factible o no introducir el elemento
 * o no.
 * @param elemento elemento a introducir. Contiene el tamaño que ocupa ese
 * programa
 * @param tamaño tamaño restante en la cinta
 */
bool factible(int elemento, int tamaño){
    if (elemento <= (tamaño/2)+1) //Si el elemento es menor que la mitad
    restante lo metemos. El objetivo es intentar meter el mayor número posible de
    programas en la cinta
        return true;
    else return false;
}

/**
 * Devuelve true o false, si selecciona el programa para introducir dentro de la
 * cinta. Funcion de seleccion.
 * @param pi programa a evaluar su seleccion
 * @tamañoRest tamaño restante en la cinta
 * @media media geometrica de los valores de los programas, espacio que ocupan
 * @j posicion actual por la que va la cinta. Último programa almacenado
 */
bool seleccion(int pi, int tamañoRest, int media, int j){

    //Funcion factible
    if (factible(pi, tamañoRest)) {
        if (pi <= tamañoRest) //Entra dentro de la cinta
            return true;
    }
    else{
        if (media < (TAM/2)+1 && j > 0) //Lo introducimos, probablemente el
        siguiente sea menor y podamos introducirlo tambien
        {
            if (pi <= tamañoRest) { //Si cabe
                return true;
            }
            else return false;
        }
    }
}
```



```

    }
}
return false;
}

.....
int tamanoRest = TAM/2;
int j=0;
int media= 1; //Media de valores
for (int i=0; i<TAM; i++) {
    media = sqrt(valores[i]*media);
    if (seleccion(valores[i],tamanoRest,media,j)) {
        cintaL[j]=valores[i];
        tamanoRest -= valores[i]; //Actualizamos el tamaño
        j++;
        cout<<"\nActualizando el tamaño: "<<tamanoRest<<endl;
    }
}

```

La eficiencia en este caso sería de  $O(n)$ , porque sería recorrer el bucle de programas, y allí ir seleccionando cada programa.

**Sería un algoritmo mucho más eficiente si pudiésemos aplicar un algoritmo de ordenación por tamaños de menor a mayor, entonces simplemente sería un algoritmo voraz de ir introduciendo programas mientras el tamaño fuera suficiente, pero he asumido que los programas van entrando a una especie de cola de trabajo y no sabemos su final, ni cuál será el siguiente programa.**

**II.2. Diseñar un algoritmo para almacenar  $N$  programas de longitud  $l_i$ ,  $1 \leq i \leq H$  en una cinta**

**magnética de forma que el tiempo medio de lectura de los mismos sea mínimo. Se supone**

**que los programas se leen con igual frecuencia y que antes de leer cada programa se rebobina la cinta. Se entiende por tiempo medio de lectura:**

**$N$**

**$k$**

**$T = (1 / N) \sum_{k=1}^N \sum_{i=1}^H l_i$**

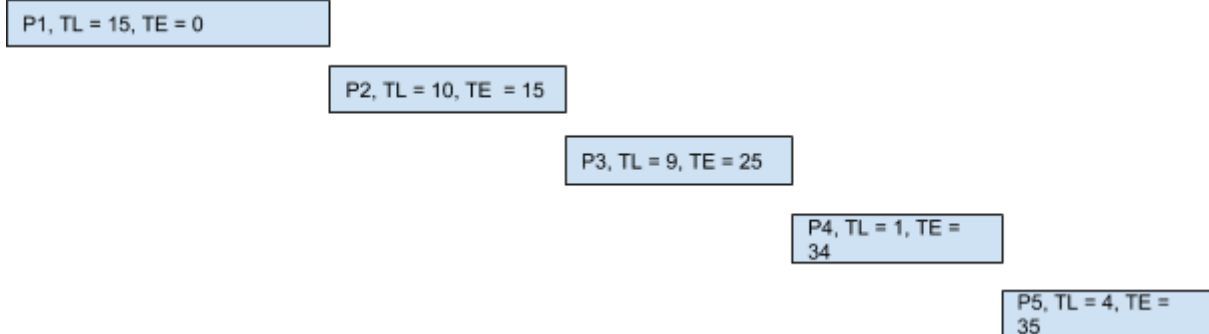
**$k=1$**

Como bien es sabido, para favorecer el tiempo de lectura o de respuesta, debemos seleccionar antes los procesos más cortos, ya que así, los procesos con un tiempo de lectura mayor quedarán los últimos, y tendrán un tiempo “extra” de haber estado en la cola de espera menor que si lo hubiéramos hecho al revés, primero los procesos largos y después los pequeños. Por ejemplo:

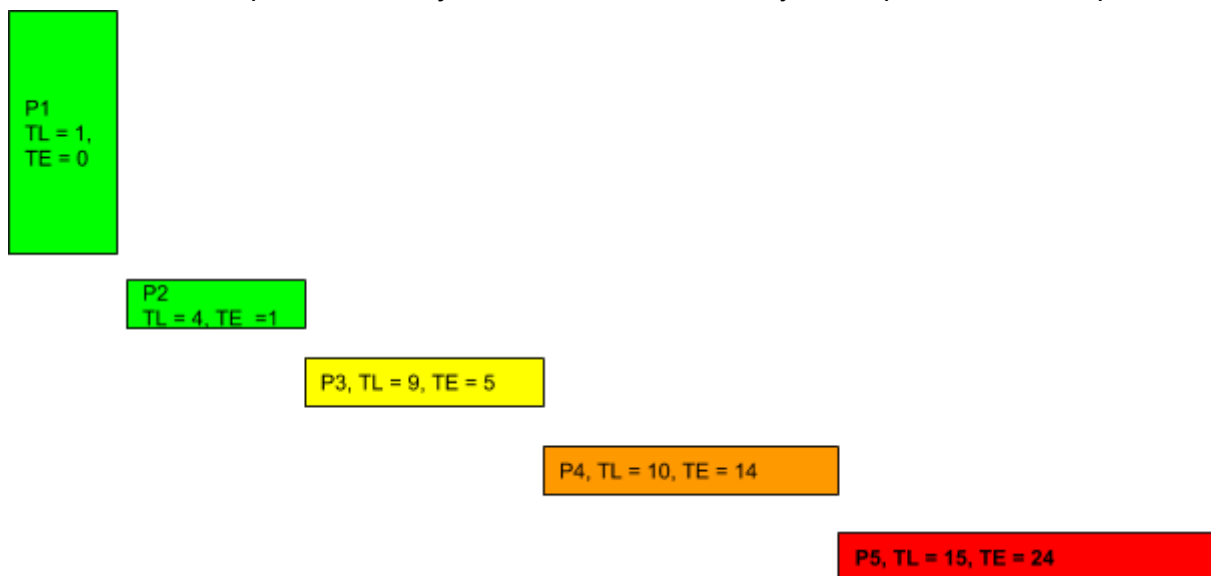




Tenemos 5 procesos de tl (tiempo de lectura): 15, 10, 9, 1, 4  
 Si los ejecutamos tal cual están, uno detrás de otro tendríamos:



Siento TL, el tiempo de lectura que necesita el proceso, y TE el tiempo de espera, vemos que en total, hasta que se comienza a leer el último proceso han pasado 35 segundos. Si estos mismos 5 procesos los ejecutamos de menor a mayor tiempo de lectura requerido:



Vemos como el tiempo que pasa desde que empieza a leerse el primer proceso hasta el comienzo de la lectura del último son 24 segundos, estaríamos tardando 10 segundos menos, usando este algoritmo de *los más cortos primero*.

He supuesto que el tiempo de rebobinar la cinta no es muy relevante, ya que es una constante, por eso no lo pongo.

Nos quedaría entonces el siguiente algoritmo:

Cinta C, conjunto solución S, procesos  $P_i$ , Función selección F.

#### **Mientras haya procesos en la cinta C**

¿Hay más de un proceso?

Si  $\rightarrow P_x = F(P)$  //Proceso más pequeño

No  $\rightarrow P_x = P_i$  //Proceso que toque, es el último

Leer ( $P_x$ )

$C = C - P_x$  //Quitamos el proceso de la cinta



## Rebobinar cinta

Aquí el algoritmo implementado en **C++**:

```
/**
 * @brief Devuelve la posición del valor más pequeño del vector
 * @param cinta cinta con los programas
 * return posición del elemento más pequeño
 */
int seleccion(vector<int> cinta){
    int menor = cinta[0];
    int posMenor = 0;
    if (cinta.size()>1) {
        for (int i=1; i<cinta.size(); i++) {
            if (cinta[i]<menor) {
                menor = cinta[i];
                posMenor = i;
            }
        }
    }

    return posMenor;
}

/**
 * @brief Función leer. Lee los programas de la cinta de procesos
 * @param cinta cinta de procesos
 */
void leer (vector<int> cinta){

    float TLecturaMedio = 0.0; //Tiempo de lectura medio
    float TN = (float)(cinta.size());
    while(cinta.size()>0){ //Mientras haya elementos en la cinta
        int posLectura = seleccion(cinta); //Función de selección

        if (cinta.size()>1) //No es el último tiempo
            TLecturaMedio += cinta[posLectura];

        cinta.erase(cinta.begin()+posLectura); //Borramos de la cinta
        //Volvemos al principio, releendo
    }
    cout<<"\nTML : "<<((float)TLecturaMedio/(float)TN)<<endl;
}
```

