

Revisão Rápida de Processos Atômicos e Nucleares

Rafael Lopes de Sá

April 25, 2014

1 Efeito fotoelétrico

1.1 Resumo

O efeito fotoelétrico consiste num elétron de um metal absorvendo um fóton de forma que esse elétron se torna livre:

$$\text{elétron ligado} + \text{fóton} \rightarrow \text{elétron livre} \quad (1)$$

Se a energia do fóton absorvida pelo elétron for maior que a energia de ligação do elétron com a estrutura metálica, o elétron vai se tornar livre e pode formar uma corrente elétrica. Quase todo problema sobre efeito fotoelétrico se resolve usando conservação de energia. Conceitualmente:

$$\begin{aligned} (\text{energia do fóton}) - (\text{energia gasta para liberar o fóton da estrutura metálica}) = \\ (\text{energia cinética do elétron livre}) + (\text{energia potencial do elétron livre}) \end{aligned} \quad (2)$$

A energia gasta para liberar o fóton da estrutura metálica é algo complicado de se calcular e, em geral, representamos apenas por um símbolo ϕ e pelo nome “função trabalho”. É uma propriedade do metal e não do fóton.

A energia de um fóton é proporcional à sua frequência:

$$E_f = hf, \quad (3)$$

onde h é chamado de **constante de Planck**. A energia cinética é dada pela fórmula familiar:

$$E_c = \frac{1}{2}mv^2. \quad (4)$$

Já a energia potencial depende do seu sistema. Usualmente uma bateria pode ser conectada à célula fotoelétrica criando uma diferença de potencial. O elétron tem que então ir de contra (se o polo positivo da bateria estiver ligado ao cotodo)

ou a favor (de o polo negativo da bateria estiver ligado ao catodo) esse potencial e gastará ou, respectivamente, receberá uma energia dada por:

$$E_p = Q_e \times V, \quad (5)$$

onde Q_e é a carga do elétron e V é a diferença de potencial da bateria. Colocando todos os conceitos juntos:

$$hf - \phi = E_c + E_p = \frac{1}{2}mv^2 + Q_eV. \quad (6)$$

Algumas coisas a se lembrar:

- No efeito fotoelétrico usual, cada fóton é absorvido por um elétron. Isso quer dizer que se a energia do fóton não for pelo menos a função trabalho ϕ , não haverá corrente elétrica. No caso em que há uma bateria também, a energia do fóton tem que ser, pelo menos, a função trabalho mais a energia potencial provida pela bateria.
- Se o elétron absorver um fóton de energia maior (isto é, de maior frequência), ele sairá com maior energia. Mas **não quer dizer que mais elétrons serão emitidos**.
- Para emitir mais elétron, você precisa de mais fótons. Isso quer dizer uma luz incidente mais intensa.

1.2 Constantes e unidades

A unidade de energia no Sistema Internacional de unidades é o Joule. 1 J é uma quantidade muito grande para efeitos atômicos e subatômicos. Uma unidade conveniente é o eV. 1 eV é definido como a energia que 1 (um) elétron tem num potencial de 1 (um) Volt. Para converter para o SI, basta usar a carga do elétron:

- $1 \text{ eV} = 1.6 \times 10^{-19} \text{ J}$,
- $1 \text{ J} = 1/(1.6 \times 10^{-19}) \text{ eV} = 6.24 \times 10^{18} \text{ eV}$,

pela própria definição de eV a carga elétrica fundamental é escrita como $e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C} = 1 \text{ eV/V}$.

Algumas constantes:

- $h = 6.626 \times 10^{-34} \text{ J s} = 4.136 \times 10^{-15} \text{ eV s}$,
- $c = 3 \times 10^8 \text{ m/s}$.
- $hc = 1240 \text{ eV nm}$

O valor de hc é conveniente porque, muitas vezes, é dado o comprimento de onda (λ) do fóton em vez da frequência. Essas duas quantidades se relacionam por:

$$c = \lambda f, \quad (7)$$

logo, a energia de um fóton com comprimento de onda λ é dada por:

$$E = hf = \frac{hc}{\lambda}. \quad (8)$$

Algumas vezes também é conveniente usar eV/c^2 como unidade de massa e eV/c como unidade de momento linear. Nessa unidade, a massa do elétron dada por:

$$m_e = 511 \text{ keV}/c^2. \quad (9)$$

1.3 Um exemplo típico

A figura abaixo representa o arranjo típico do efeito fotoelétrico:

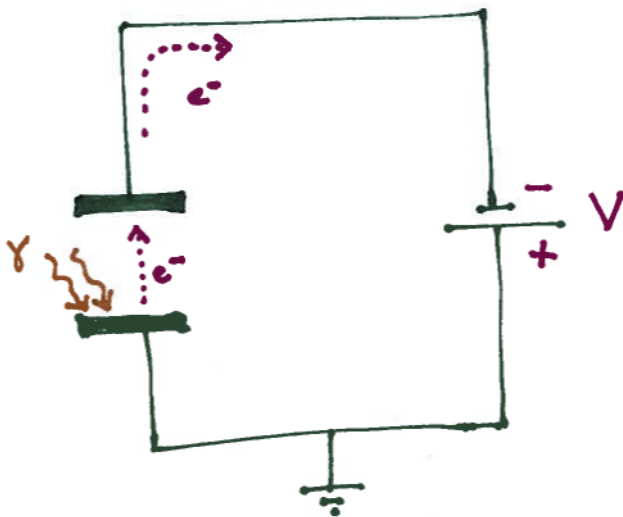


Figure 1: Arranjo típico do efeito fotoelétrico. Note que a luz incide sobre a placa inferior, chamada **ânodo**, enquanto a placa superior, chamada **cátodo**, coleta elétrons que conseguem se libertar do metal do ânodo e estão no vácuo entre as placas. Para mais detalhes veja texto.

A luz incide sobre a placa inferior. Se os fótons tiverem mais energia que a **função trabalho**, isto é, que a energia necessária para liberar os elétrons da estrutura metálica, esses elétrons vão escapar para o vácuo entre as placas, como

representado pela seta pontilhada. Contudo, note que há também uma bateria no circuito. Essa bateria faz com que o fio na parte de cima esteja num potencial diferente do fio embaixo. Se assumirmos que o potencial do fio embaixo é 0, o potencial do fio de cima será negativo. Você pode dizer isso pela orientação da bateria: veja que o terminal negativo (linha curta) está ligada ao fio de cima.

Como elétrons são negativos e o potencial é negativo, os elétrons experimentam uma força contra seu movimento. Dito de outra forma, como tanta a carga do elétron quando o potencial elétrico é negativo, então a energia potencial do fio em cima:

$$E_p = Q_E \times V > 0, \quad (10)$$

é positiva. Num análogo gravitacional, é como se houvesse uma montanha que os elétrons tem que subir e eles só conseguem entrar no fio de cima se subirem essa montanha. Isto quer dizer que os elétrons tem que gastar essa energia potencial para conseguir se propagar no fio. Isso, claro, além da energia gasta para se liberar da estrutura metálica (função trabalho). Desta forma, a energia cinética do elétron é dada pela equação (6):

$$E_c = hf - \phi - Q_e \times V. \quad (11)$$

A energia cinética é um número maior ou igual a zero. Quando a energia cinética dos elétrons é zero, isso quer dizer que não há corrente elétrica (os elétrons não chegam no catodo). O potencial para o qual isso acontece é dado por:

$$0 = hf - \phi - Q_e \times V_{\max}. \quad (12)$$

Essa é uma maneira muito conveniente de se medir a função trabalho de um potencial. Dado que você sabe a frequência do fóton e o potencial da bateria em que a corrente cessa (V_{\max}), a função trabalho pode ser encontrada resolvendo a equação acima:

$$\phi = hf - Q_e \times V_{\max}. \quad (13)$$

1.4 Sobre a energia cinética dos elétrons

Para entender a energia cinética que os elétrons terão no circuito é importante primeiro entender a energia que eles tem enquanto estão num sólido. Isso pode ser visto no diagrama da figura 2. Sem a incidência de luz, os elétrons com maior energia num metal estarão na banda intermediária. Essa é a chamada banda de condução. Isso quer dizer que eles podem se propagar livremente dentro do material (por isso que metais conduzem eletricidade), mas não podem escapar do material. A energia de elétrons livre é maior que elétrons de condução e a diferença entre as duas bandas de energia é justamente a função trabalho que já definimos acima.

Note que sólidos são essencialmente diferente de átomos livres. Em átomos livres (como num gás), os elétrons só podem ter energias discretas bem definidas. Em sólidos eles podem ter **qualquer energia** em **bandas de energias**. Então



Figure 2: Estrutura de energia em bandas de um elétron num sólido. A figura mostra a chamada **banda de condução**, na qual os elétrons podem se propagar livremente dentro do material e a diferença de energia ϕ para que os elétrons escapem do estrutura do material e possam se propagar livremente no vácuo fora do material. A diferença de energia entre essas duas bandas de energia é chamada **função trabalho** ϕ .

podemos imaginar diversas situações distintas para como o efeito fotoelétrico ocorre no metal. Os três casos que quero discutir são representados pelas três setas escuras.

No primeiro caso (mais a esquerda), o elétron absorve um fóton que tem energia **exatamente** igual a função trabalho. Isso quer dizer que o elétron só vai sair do material se ele tiver a maior energia possível na banda de condução. Se a energia dele fosse um poquinho menor, ele não escaparia. E, mesmo quando escapa, ele fica livre, mas parado, pois não sobra nenhuma energia como energia cinética.

Nos dois outros casos o fóton tem mais energia que a função trabalho. Então duas coisas podem acontecer. Esse fóton pode ser absorvido por um elétron na borda da banda de condução, isto é, com a maior energia possível dentro do material. Neste caso, o elétron se libera e ainda terá uma energia cinética E_c . Mas também pode acontecer do fóton ser absorvido por um elétron com um pouco menos de energia (mais a direita na figura). Neste caso ele se liberará, mas sua energia cinética depois disso será zero.

A idéia que quero passar aqui é que a energia cinética que escrevemos na fórmula (6), não vai ser a energia cinética de **todo** elétron liberado, mas sim a maior energia possível. Alguns elétrons tinha uma energia menor dentro do material. Logo, algumas vezes você vai ver escrito:

$$E_c^{\max} = hf - \phi - E_p. \quad (14)$$

2 Bremsstrahlung

2.1 Resumo

O processo de bremsstrahlung tem os seguintes estados iniciais e finais:

$$\text{elétron livre} \rightarrow \text{elétron livre} + \text{fóton}. \quad (15)$$

A palavra bremsstrahlung vem do alemão e significa, literalmente, energia de frenamento. Isso porque o elétron é desacelerado durante o processo. Em outras palavras, o elétron livre do estado final tem uma energia cinética maior que a do elétron no estado inicial. A diferença entre as duas energias é a energia do fóton. Logo, a frequência, f , do fóton emitida é:

$$f = \frac{E_c(\text{elétron final}) - E_c(\text{elétron inicial})}{h} \quad (16)$$

Essa é uma das formas mais comuns de se produzir raio X. As máquinas de raio X em hospitais, por exemplo, usam exatamente esse método. Aqui estamos assumindo duas coisas:

1. O elétron perde toda sua energia cinética.
2. Toda a energia é transferida para apenas um fóton.

Ambas hipóteses não são necessariamente verdade. O elétron perde sua energia interagindo com algum material, vamos supor que esse material é exposto o suficiente para parar o elétron. Isto é, o caso (1) acima não nos interessa aqui. No segundo caso, o elétron pode emitir diversos fótons tal que a soma de todas as energias emitidas é igual a sua energia inicial. Nesse caso cada fóton individual terá uma frequência (e, logo, energia) menor do que aquela escrita em (16).

2.2 Em pequeno adendo sobre a fórmula para energia cinética

A fórmula da energia cinética que vimos acima:

$$E_c = \frac{1}{2}m_e v^2, \quad (17)$$

só é válida para elétrons com baixa energia. Se quisermos produzir fótons com alta energia através de bremsstrahlung, então precisamos a fórmula correta para energia cinética. Alta energia quer dizer que estamos falando de fótons com energia maior que a massa do elétron, isto é, $hf > 511 \text{ keV}$.

A fórmula exata a ser usada nesse caso é:

$$E_c = \frac{mc^2}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} - mc^2, \quad (18)$$

onde o primeiro termo é a energia total do elétron e o segundo termo é a chamada energia de repouso. A relação equivalente para o momento linear é:

$$p = \frac{mv}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}. \quad (19)$$

2.3 Espectro realístico de emissão de raio X

Num processo de Bremsstrahlung realístico (e, por isso, passível de ser similar aos problemas que você vai encontrar), o elétron é primeiro acelerado por um potencial elétrico. Como vimos acima, a energia potencial cedida por uma diferença de potencial $V > 0$ é $Q_e \times V$. Como a energia inicial do elétron (antes da aceleração) é zero, a final também tem que ser zero, isto é:

$$0 = E_c(\text{final}) + E_p(\text{final}) = \frac{1}{2}mv^2 + Q_e \times V. \quad (20)$$

Note que Q_e , a carga do elétron, é um número negativo, de forma que a equação faz sentido. Depois que o elétron foi acelerado por esse potencial elétrico, ele é frenado através da interação com um material. O espectro de emissão de raio X pode ser visto na figura 3.

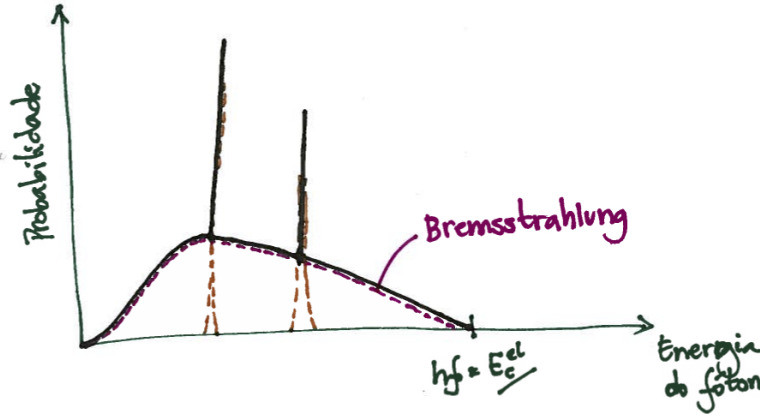


Figure 3: Espectro de energia do fóton emitido na desaceleração de um elétron ao interagir com um material. Note como a distribuição é a combinação de dois espectros distintos: um contínuo (em roxo) e um discreto (em laranja). Veja texto para explicação dos fenômenos.

O espectro de energia dos fótons emitidos é a superposição de dois espectros distintos. Um contínuo, que corresponde à desaceleração do elétron devido à interação com o campo elétrico e outro discreto, muito mais intenso mas em energias bem definidas. O espectro contínuo é devido ao efeito de Bremsstrahlung descrito nessa seção. Veja na figura como a linha contínua tem

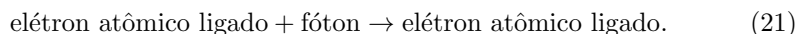
um ponto máximo, que corresponde ao caso em que o elétron é completamente parado e toda sua energia é transferida a um único fóton.

As linhas de emissão discretas correspondem a outro tipo de processo atômico, que estudaremos em seguida: emissão e absorção por átomos.

3 Absorção e emissão de fótons por átomos

Quando os átomos estão livres, como num gás, o espectro de energia dos elétrons não é contínuo, como no caso de elétrons livre, nem em bandas, como no caso de sólidos. As energias que os elétrons podem ocupar são discretas e cada nível de energia é chamado um **orbital atômico**. Calcular a energia de cada um desses orbitais é difícil, a não ser no caso do hidrogênio, o que faremos mais a frente.

Como os níveis são discretos, um elétron só vai passar de um nível para outro se absorver um fóton que tem energia dada exatamente pela diferença de energia dos dois orbitais. Esse processo chama-se absorção (ou excitação) e é esquematicamente representada por:



Por conservação de energia, a frequência de um fóton absorvido entre orbitais com energia E_1 e E_2 tem que ser:

$$hf + E_1 = E_2. \quad (22)$$

Esse processo é mostrado na figura 4. Em geral, escolhe-se a referência de energia para elétrons atômicos como a menor energia que elétrons livres podem ter. Essa referência é, como sempre arbitrária (é equivalente a dizer qual é a “altitude zero”, tanto faz, é apenas um ponto a partir do qual se mede), mas é conveniente já que, desta forma, todo elétron livre terá energia positiva e todo elétron ligado ao átomo num orbital terá energia negativa. O processo de absorção é representado pela seta marrom apontando para cima. Um elétron, num nível de energia baixo E_1 , absorve um fóton e faz uma transição para um nível mais alto E_2 . Isso só ocorre se a energia do fóton for exatamente $E_2 - E_1$.

Um elétron num nível excitado, depois de um certo tempo, voltará para o estado de menor energia, que é o único estável num átomo. Esse processo chama-se **emissão espontânea** e é esquematicamente dada pela seguinte reação:



Novamente usando conservação de energia, podemos concluir que a energia do fóton será exatamente a diferença de energia entre os orbitais:

$$E_2 = E_1 + hf. \quad (24)$$

A absorção e emissão espontânea são os processos pelos quais um átomo reage a incidência de luz. Quando um fóton incide sobre um átomo, se ele tiver a energia correta para induzir uma transição atômica, ele vai ser absorvido e, depois de



Figure 4: Níveis de energia de um elétron atômico. Os estados ligados possuem energia negativa ($E < 0$) e existem apenas em níveis de energia discretas. Os elétrons livres podem ter qualquer energia positiva $E > 0$. Existem infinitos orbitais atômicos e a diferença de energia fica cada vez menor conforme os orbitais se aproximam de zero.

um certo tempo, reemitido com a mesma frequência. Esse tempo que demora para ele ser reemitido é exatamente o que faz com que a luz, ao passar por um meio com átomos pareça mais lenta, apesar de cada fóton, individualmente, se propagar com a velocidade da luz c .

Existe um outro processo pelo qual um elétron pode ir de um nível de maior energia para um nível de menor energia, chamado de **emissão induzida**. Ele é esquematicamente dado por:

$$\text{elétron atômico ligado} + \text{fóton} \rightarrow \text{elétron atômico ligado} + 2 \text{ fótons.} \quad (25)$$

Esse processo também existe que a energia do fóton seja igual a diferença de energia dos orbitais atômicos envolvidos na transição. Além disso, os dois fótons no estado final terão a mesma frequência e mesma fase, isto é, o campo elétrico dos dois fótons oscilam exatamente da mesma forma (não necessariamente na mesma direção, mas com mesma dependência temporal).

Por fim, uma última possibilidade de interação de fótons com átomos é o processo de **ionização**. Ele é esquematicamente dado por:

$$\text{elétron atômico ligado} + \text{fóton} \rightarrow \text{elétron livre} \quad (26)$$

Como a energia de elétrons livres é contínua, esse processo não exige que a energia do fóton seja exatamente igual a energia do orbital. Nesse caso, a energia do orbital é apenas a energia mínima para que o elétron se liberte. Qualquer energia acima disso também ioniza o átomo e o excesso de energia se torna energia cinética para o elétron.

3.1 O átomo de hidrogênio

O átomo de hidrogênio é o mais simples de todos os átomos pois possui apenas 1 (um) elétron. Nesse caso, os níveis de energia podem ser calculados exatamente. Cada orbital do hidrogênio é classificado por um número natural $n \in \mathbb{N}$ e a energia desse nível é dada por:

$$E_n = -\frac{\text{Ry}}{n^2}, \quad (27)$$

onde Ry é chamada constante de Rydberg e tem valor de $\text{Ry} = 13.6 \text{ eV}$. Isso quer dizer que o nível de menor energia do átomo de hidrogênio é, para $n = 1$, -13.6 eV . Daí também podemos concluir que qualquer fóton com mais de -13.6 eV é capaz de ionizar o hidrogênio. Um fóton de 13.6 eV tem um comprimento de onda de 91 nm , ou seja, hidrogênio atômico é opaco para qualquer comprimento de onda menor que esse. A constante de Rydberg pode ser relacionada com constantes fundamentais da física da seguinte forma:

$$\text{Ry} = \frac{m_e e^4}{8\epsilon_0 h^2}, \quad (28)$$

onde m_e e e são, respectivamente, a massa e carga do elétron, ϵ_0 é a permissividade do vácuo e h é a constante de Planck.

3.2 Átomos de muitos elétrons e degenerescência dos orbitais

Átomos com mais de um elétron possuem espectro muito mais complicado que o átomo de hidrogênio. Não existem relações simples como (27) para os níveis de energia e os orbitais podem ser calculados apenas aproximadamente. Alguns átomos, contudo, tem o espectro eletrônico (isto é, os níveis de energias dos orbitais em que os elétrons podem estar) bem parecidos com o hidrogênio e podemos usar os orbitais do hidrogênio pelo menos para termos uma idéia qualitativa da disposição dos elétrons nos átomos.

Uma propriedade importante dos elétrons, chamada de **estatística de Fermi-Dirac**, diz que cada elétron num átomo tem que estar num orbital diferente. Pode acontecer de diversos orbitais compartilharem o mesmo nível de energia e, neste caso, dizemos que há um **degenerescência**. No átomo de hidrogênio, cada nível de energia n possui $2n^2$ orbitais degenerados. Isso quer dizer que, se usarmos um espectro do átomo de hidrogênio para classificar o estados de um átomo com muitos elétrons, haverá dois elétrons ($n = 1 \Rightarrow 2n^2 = 2$) no menor nível de energia, oito elétrons ($n = 2 \Rightarrow 2n^2 = 8$) no segundo nível de energia e por assim adiante. Vale dizer que a maioria dos átomos não são parecidos com o hidrogênio, e essa contagem falha desastrosamente.

Mas o conceito continua importante. Em geral, classificamos os $2n^2$ estados degenerados com o valor do seu momento angular, o valor da projeção do momento angular num eixo arbitrário, e o spin do elétron. Esses valores, tal

como a energia, também são discretos e representados pelas letras ℓ , m e s respectivamente. Um nível de energia n tem $0 \leq \ell \leq n-1$ e $-\ell \leq m \leq \ell$. O valor de s é sempre $+1/2$ ou $-1/2$. Os diversos valores do momento angular ℓ podem ser representados por $2\ell+1$ caixas, representando os valores de m , como mostra a figura 5. Dentro de cada caixa, colocamos uma seta para cima e uma para baixo representando os dois valores de spin possíveis para cada elétron. Mais especificamente, a figura 5 mostra a disposição de um orbital $n=2$ de um átomo onde há apenas sete elétrons. Ainda caberia mais um elétron com essa mesma energia nesse átomo.

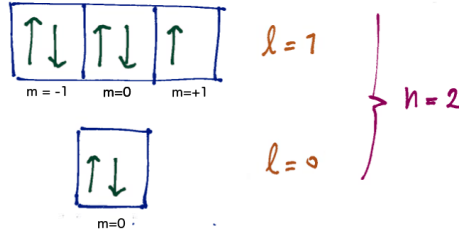


Figure 5: Exemplo de todos os orbitais degenerados do nível de energia $n=2$ de um átomo. Nesse exemplo, o nível de energia ainda não está completo, pois ainda caberia um último elétron no nível $\ell=2$, $m=+2$ e $s=1/2$.

3.3 O processo de LASER

4 Decaimentos nucleares

O processo de decaimento nuclear radioativo é um processo aleatório, que acontece independentemente da história passada do núcleo e, em primeira aproximação, da presença de outros núcleos radioativos. Como o processo é aleatório, tudo que podemos dizer é a probabilidade de um núcleo decair num dado intervalo de tempo, mas não é possível ter certeza se, após passagem de dado tempo o núcleo terá decaído ou não. A probabilidade de um núcleo decair num certo intervalo de tempo Δt é dado por:

$$P(\Delta t) = \lambda \times \Delta t. \quad (29)$$

Note como a probabilidade não depende da história anterior do núcleo. Não importa se um núcleo radioativo é antigo ou velho, a probabilidade de decair num intervalo de tempo Δt só depende do intervalo e de λ .

Se tivermos uma coleção grande de núcleos radioativos, como a probabilidade de cada núcleo decair independente dos outros, em média, teremos $N\lambda\Delta t$ núcleo decaídos após um intervalo de tempo Δt . Uma outra forma de dizer isso é que a velocidade de desaparecimento dos núcleos é:

$$\frac{\Delta N}{\Delta t} = -\lambda N, \quad (30)$$

onde o sinal negativo apenas indica que os núcleos estão desaparecendo. A quantidade no lado direito da equação (30), λN , chama-se **atividade** da amostra radioativa e indica quantos decaimentos, em média, se observa por unidade de tempo. Embora não seja imediato, podemos “resolver” a equação acima para obter uma função da quantidade média de núcleos que ainda se preservam sem decair depois de um tempo t :

$$N(t) = N(0) \times e^{-\lambda t}. \quad (31)$$

A quantidade $N(0)$ denota quantos núcleos sua amostra tem no início da observação, isto é, no tempo $t = 0$. Como essa relação envolve a função exponencial, uma pequena revisão é em ordem.

4.1 Funções exponenciais e logarítmicas

A função exponencial:

$$\begin{aligned} f : \mathbb{R} &\rightarrow \mathbb{R}, \\ f(x) &= e^x, \end{aligned} \quad (32)$$

é definida para todos os reais e possui as seguintes propriedades:

1. $f(x + y) = e^{x+y} = e^x \times e^y = f(x) \times f(y)$,
2. $f(x - y) = e^{x-y} = \frac{e^x}{e^y} = \frac{f(x)}{f(y)}$,
3. $f(xy) = e^{xy} = (e^x)^y = f(x)^y$.

A função logaritmo

$$\begin{aligned} g : \mathbb{R}^+ &\rightarrow \mathbb{R} \\ g(x) &= \ln x \end{aligned} \quad (33)$$

é definida como a função inversa da exponencial, isto é:

$$f(x) = e^x \rightarrow g(x) = f^{-1}(x) = \ln x \rightarrow f(g(x)) = x \text{ e } g(f(x)) = x \quad (34)$$

ou, dito de outra forma:

$$y = e^x \leftrightarrow x = \ln y \quad (35)$$

As propriedades da função logaritmo seguem imediatamente das propriedades da função exponencial:

1. $f(xy) = \ln(xy) = \ln x + \ln y = f(x) + f(y)$,
2. $f(\frac{x}{y}) = \ln \frac{x}{y} = \ln x - \ln y = f(x) - f(y)$,
3. $f(x^y) = \ln x^y = y \ln x = y f(x)$.

A propriedade que mais vamos usar aqui nesse texto é realmente o fato do logaritmo ser o inverso da exponencial:

$$\begin{aligned} e^{\ln x} &= x \\ \ln(e^x) &= x \end{aligned} \tag{36}$$

4.2 Meia-vida e vida média

A **meia-vida**, $t_{1/2}$, de uma amostra é definida com o tempo em que, em média, apenas metade da amostra sobrevive. Usando a equação (31):

$$N(t_{1/2}) = \frac{N(0)}{2} = N(0)e^{-\lambda t_{1/2}}. \tag{37}$$

Dividindo por $N(0)$ dos dois lados e tirando o logaritmo:

$$\ln \frac{1}{2} = -\lambda t_{1/2} \Rightarrow t_{1/2} = \frac{\ln(2)}{\lambda}, \tag{38}$$

onde usamos que $-\ln \frac{1}{2} = \ln 2$, o que pode ser observado sem maiores dificuldades das propriedades do logaritmo sabendo que $\ln(1) = 0$.

A **vida média**, τ , de um núcleo é o tempo que, em média, que demora para ele decair. Novamente, essa conta não é imediata mas é possível mostrar que esse tempo é dado por:

$$\tau = \frac{1}{\lambda} \tag{39}$$

4.3 Tipo de decaimentos radioativos

Um núcleo é composto de prótons e nêutrons. Da mesma forma que os elétrons num átomo ocupam orbitais de energia em níveis discretos, os prótons e nêutrons também apenas existem em níveis de energia bem definidos. Ainda da mesma forma que elétrons num átomo (reveja a seção 3 se você não se recorda), esses prótons e nêutrons podem estar num nível de energia que não é aquele com menor energia possível. E, mais uma vez da mesma forma que elétrons num átomo, esses prótons e nêutrons, dado um tempo suficiente, vão voltar ao nível de menor energia, pois esse é o único estável, emitindo um fóton (em geral em frequências bem maior que a luz visível, já que as energias das ligações atômicas são bem maiores que as dos elétrons num átomos). Esse tipo de decaimento que acontece com núcleos excitados chama-se **decaimento gama**.

Uma outra possibilidade é que prótons e nêutrons decaiam através da chamada força nuclear fraca. Nesse caso, o processo não emite fótons, mas uma partícula

chamada bóson W . O bóson W , por sua vez, decai quase que imediatamente em um elétron ou pósitron, da seguinte forma:

$$\begin{aligned} n &\rightarrow p + W^- \rightarrow p + e^- + \bar{\nu}, \\ p &\rightarrow n + W^+ \rightarrow p + e^+ + \nu, \end{aligned} \quad (40)$$

onde e^+ representa um pósitron, e^- um elétron e ν são neutrinos. Na equação (40), o primeiro processo chama-se **decaimento** β^- e o segundo **decaimento** β^+ . Como a massa do nêutron é essencialmente a mesma da do próton, a massa do núcleo não muda, mas sim o número atômico. No final do dia, o efeito de um decaimento beta para o núcleo é, respectivamente para β^- e β^+ :

$$\begin{aligned} {}^Z_A N &\rightarrow {}^{Z+1}_A N + e^- + \bar{\nu}, \\ {}^Z_A N &\rightarrow {}^{Z-1}_A N + e^+ + \nu. \end{aligned} \quad (41)$$

Finalmente, o núcleo pode simplesmente se quebrar emitindo parte da sua estrutura. Os casos mais comuns são a emissão de um núcleo de hélio, o que é chamado de **decaimento alfa**:

$${}^Z_A N \rightarrow {}^{Z-2}_{A-4} N + {}^4_2 \alpha, \quad (42)$$

a emissão de nêutron (que não tem nenhum nome em particular):

$${}^Z_A N \rightarrow {}^Z_{A-1} N + {}^1_0 n, \quad (43)$$

ou a quebra em dois núcleos pesados:

$${}^Z_A N \rightarrow {}^{Z_1}_{A_1} N_1 + {}^{Z_2}_{A_2} N_2, \quad (44)$$

tal que $Z = Z_1 + Z_2$ e $A = A_1 + A_2$ e esse processo é chamado, genericamente, de **fissão nuclear**.

Todos esses processos obedecem a mesma lei de decaimento mas, claro, se um mesmo núcleo decair de duas formas diferentes, os processos terão constantes de decaimento diferentes.

4.4 Um adendo sobre unidades

4.5 Energia de ligação e déficit de massa