

Física Computacional 2021/2022 9 de junho de 2022

Universidade de Aveiro Departamento de Física

Trabalho Prático de Avaliação Contínua

No seu relatório identifique cada alínea, caso contrário a mesma poderá não ser considerada

(15 valores)

Uma partícula de massa reduzida igual a 1 está num poço de potencial a uma dimensão. A equação de Schrödinger independente do tempo é

$$-\frac{1}{2}\frac{d^2 \psi(x)}{d x^2} + V(x) \psi(x) = E \psi(x)$$

Com,

$$V(x) = \begin{cases} +\infty & \text{para } x \le 0, \\ x, & \text{para } x > 0. \end{cases}$$

- a) (6 valores) Determine o valor próprio da energia do estado fundamental (próximo de 1.8) e a respetiva função própria normalizada. Use um método de Numerov desde um valor afastado de zero (x_{max}) até zero e o método do 'shooting'. Normalize a função e represente $|\psi(x)|^2$.
- **b**) (3 valores) Repita os cálculos usando um método de Runge-Kutta de 4ª ordem. Integre desde um valor afastado de zero (x_{max}) até zero usando $\psi(x_{\text{max}}) = 0$ e um valor pequeno e negativo para $\psi'(x_{\text{max}})$. Compare o desempenho de cada método quanto ao número de iterações e o tempo de

cálculo. Varie o passo e a tolerância e apresente os resultados em forma de tabela.

- c) (2 valores) Sabe-se que os valores próprios são dados por $-2^{-1/3}a_n$, onde a_n são os zeros da função de Airy Ai. Faça um gráfico da função Ai para x entre -10 a 10. Identifique os intervalos onde se encontram os 3 zeros mais à direita e use um interp1 para determiná-los.
- **d)** (2 valores) Corra de novo o script da alínea a) para encontrar os 3 primeiros valores próprios e compare com os valores indicados na alínea c).
- e) (2 valores) Sabe-se também que as funções próprias são dadas por

$$c_n \operatorname{Ai}(2^{\frac{1}{3}}(x - E_n))$$

onde c_n é uma constante de normalização. Calcule essa constante e compare as funções próprias obtidas em d) com estas soluções analíticas. Para o caso do estado fundamental, faça um gráfico do erro numérico ao longo de x para dois h diferentes. Comente.