

## Instituto de Computação - Unicamp

### MC102 - Algoritmos e Programação de Computadores

# Laboratório 13 - Conjuntos

---

Prazo de entrega: **05/05/2017 23:59:59**

Peso: **1**

*Professor:* Eduardo C. Xavier

*Professor:* Guido Araújo

*Monitor:* Arthur Pratti Dadalto

*Monitor:* Cristina Cavalcante

*Monitor:* Klairton de Lima Brito

*Monitor:* Luís Felipe Mattos

*Monitor:* Paulo Finardi

*Monitor:* Paulo Lucas Rodrigues Lacerda

*Monitor:* Pedro Alves

*Monitor:* Renan Vilas Novas

*Monitor:* Vinicius de Novaes Guimarães Pereira

>

## Descrição

---

A [Teoria dos Conjuntos](#) é um ramo da matemática que estuda propriedades de coleções de objetos, e é utilizada para melhor entendermos e modelarmos diversos problemas. Um conjunto é uma coleção de elementos distintos. Por exemplo, as letras  $c$ ,  $o$  e  $p$  são elementos distintos quando considerados isoladamente, mas quando considerados coletivamente formam o conjunto  $\{c, o, p\}$  e, nesse caso,  $c$ ,  $o$  e

$p$  são os elementos do conjunto. A cardinalidade ou tamanho de um conjunto é o número de elementos desse conjunto. Note que um conjunto não pode ter mais de um elemento do mesmo valor. Por exemplo  $\{a,b,a,b,c\}$  não é um conjunto, mas  $\{a,b,c\}$  sim.

Abaixo temos uma lista de definições e operações que podem ser realizadas sobre conjuntos:

- Dado um conjunto  $A$ , se  $x$  é um de seus elementos então dizemos que  $x$  **pertence** ao conjunto  $A$ , e denotamos isto por  $x \in A$ . Caso  $x$  não pertença ao conjunto  $A$ , denotamos isto por  $x \notin A$ .
- Dados dois conjuntos  $A$  e  $B$ , se cada um dos elementos de  $B$  pertencer também a  $A$ , então dizemos que  $A$  **contém**  $B$ , ou de forma equivalente  $B$  **está contido** em  $A$ , e denotamos isto por  $B \subseteq A$ . Caso  $B$  não esteja contido em  $A$ , denotamos isto por  $B \not\subseteq A$ .
- A operação de **união** de dois conjuntos  $A$  e  $B$ , denotada por  $A \cup B$ , tem como resultado um outro conjunto contendo os elementos que estão em  $A$  ou  $B$ . Por exemplo, se  $A = \{a,b,c\}$  e  $B = \{b,c,d\}$ , a operação  $A \cup B$  terá como resultado o conjunto  $\{a,b,c,d\}$ .
- A operação de **interseção** de dois conjuntos  $A$  e  $B$ , denotada por  $A \cap B$ , tem como resultado um outro conjunto contendo os elementos que estão em ambos conjuntos  $A$  e  $B$ . Por exemplo, se  $A = \{a,b,c\}$  e  $B = \{b,c,d\}$ , sua interseção  $A \cap B$  será  $\{b,c\}$ .
- A operação **diferença** do conjunto  $A$  para o conjunto  $B$ , denotada por  $A \setminus B$ , tem como resultado um conjunto contendo os elementos que estão em  $A$  mas não estão em  $B$ . Por exemplo, se  $A = \{a,b,c\}$  e  $B = \{b,c,d\}$ , a diferença  $A \setminus B$ , será  $\{a\}$ , enquanto que a diferença  $B \setminus A$  será  $\{d\}$ .
- Considerando como  $U$  o conjunto universo, o **complemento** do conjunto  $A$ , denotada por  $\sim A$ , tem como resultado um conjunto contendo os elementos que não estão em  $A$  mas que estão em  $U$ . Por exemplo, se  $U$  é o conjunto de todas as letras minúsculas do alfabeto inglês, e  $A = \{a,b,c\}$ , o complemento  $\sim A$  será  $U \setminus A$ .

O objetivo deste laboratório é criar uma biblioteca de funções em C para realizar operações sobre o conjunto das letras minúsculas do alfabeto inglês. Os conjuntos serão representados utilizando-se vetores.

Você deve implementar funções que realizam as seguintes operações:

- **Pertence:** verifica se um elemento pertence ao conjunto especificado, retornando verdadeiro ou falso.
- **Continência:** verifica se um conjunto está contido em outro conjunto retornando verdadeiro ou falso.
- **Adição:** adiciona um elemento em um conjunto, alterando o conjunto com a adição do novo elemento *caso ele já não pertença ao mesmo*.
- **Subtração:** remove um elemento de um conjunto, alterando o conjunto especificado com a remoção do elemento *caso ele pertença ao conjunto*.
- **União:** faz a união de dois conjuntos, criando um conjunto com os elementos dos dois conjuntos de entrada.
- **Interseção:** faz a interseção de dois conjuntos, criando um conjunto com os elementos que pertencem aos dois conjuntos de entrada.
- **Diferença:** Faz a diferença de dois conjuntos, criando um conjunto com os elementos do primeiro que não se encontram no segundo.
- **Complemento:** Faz o complemento de um conjunto, criando um conjunto com os elementos que estão em  $U$  mas não estão no primeiro conjunto.

**OBS:** Os vetores são criados na função `main` que é fornecida neste laboratório no arquivo `lab15_main.c`. Os vetores são criados com tamanho 26. Vocês devem apenas implementar e submeter o arquivo `lab15.c`, com as funções descritas abaixo.

## Funções

---

### Observações gerais:

- Os conjuntos armazenam apenas letras minúsculas do alfabeto inglês: a, b, c, k, w, y, etc.
- O Conjunto universo  $U$  é o conjunto de todas as letras minúsculas do alfabeto inglês.
- O tamanho atual de cada conjunto é passado por parâmetro.
- Os vetores que armazenam os conjuntos não estão e não precisam estar ordenados.

A descrição geral dos parâmetros de entrada e saída das funções está descrita nos comentários dos protótipos das funções, que são fornecidos a seguir:

### Linguagem C:

```
/* Laboratorio 15 - Conjuntos
 * Nome:
 * RA:
 */

#include <stdio.h>

/* Funcao: pertence
 *
 * Parametros:
 *   conj: vetor contendo o conjunto de entrada
 *   tam: tamanho do conjunto
 *   letra: elemento a ser verificado pertinencia
 *
 * Retorno:
 *   1 se letra pertence a conj e 0 caso contrario
 */
int pertence(char conj[], int tam, char letra){

    /* Implementar a funcao e trocar o valor de retorno */
    return 0;
}

/* Funcao: contido
```

```
*
* Parametros:
*   conj1: vetor contendo um conjunto de entrada
*   conj2: vetor contendo um conjunto de entrada
*   tam1: tamanho do conjunto conj1
*   tam2: tamanho do conjunto conj2
*
* Retorno:
*   1 se conj1 esta contido em conj2 e 0 caso contrario
*/
int contido(char conj1[], char conj2[], int tam1, int tam2){
    /* Implementar a funcao e trocar o valor de retorno */
    return 0;
}

/* Funcoes: adicao e subtracao
*
* Parametros:
*   conj: vetor contendo o conjunto que tera incluso ou removido o e
*   tam: tamanho do conjunto
*   letra: elemento a ser adicionado ou removido
*
* Retorno:
*   tamanho do conjunto apos a operacao.
*/
int adicao(char conj[], int tam, char letra){
    /* Implementar a funcao e trocar o valor de retorno */
    return 0;
}

int subtracao(char conj[], int tam, char letra){
    /* Implementar a funcao e trocar o valor de retorno */
    return 0;
}

/* Funcoes: uniao, intersecao e diferenca
*
* Parametros:
*   conjRes: vetor contendo o conjunto de saida/resultado da operaca
*   conj1: vetor contendo o conjunto de entrada do primeiro operan
*   conj2: vetor contendo o conjunto de entrada do segundo operand
*   tam1: tamanho do conjunto conj1
*   tam2: tamanho do conjunto conj2
```

```
*
* Retorno:
*   tamanho do conjunto de saida conjRes.
*/
int uniao(char destRes[], char conj1[], char conj2[], int tam1, int t
/* Implementar a funcao e trocar o valor de retorno */
return 0;
}

int intersecao(char destRes[], char conj1[], char conj2[], int tam1,
/* Implementar a funcao e trocar o valor de retorno */
return 0;
}

int diferenca(char destRes[], char conj1[], char conj2[], int tam1, i
/* Implementar a funcao e trocar o valor de retorno */
return 0;
}

/* Funcao: complemento
* Guarda em conjRes o resultado da operação U-conj, onde U é o conju
* de todas as letras minusculas do alfabeto ingles
*
* Parametros:
*   conjRes: vetor contendo o conjunto de saida/resultados da operaca
*   conj: vetor contendo o conjunto de entrada do primeiro operan
*   tam: tamanho do conjunto conj
*
* Retorno:
*   tamanho do conjunto de saida conjRes.
*/
int complemento(char conjRes[], char conj[], int tam){
/* Implementar a funcao e trocar o valor de retorno */
return 0;
}
```

## Múltiplos Arquivos e Função Principal

Neste laboratório vamos utilizar o conceito de dividir o código em múltiplos arquivos. Quando se implementa programas grandes é comum separar o código em vários arquivos com a extensão .c, onde cada arquivo

implementa um conjunto de funções relacionadas entre si. Isto facilita a manutenção e a leitura do código. Para compilar um código organizado dessa forma, basta passar todos os arquivos na linha de comando para o compilador.

Para esse laboratório você só deverá implementar as funções descritas acima. A função principal (**main**) será fornecida em um arquivo separado, chamado [lab13\\_main.c](#).

Um link para ele também está disponível na página da tarefa.

Vamos ao exemplo de como compilar o seu programa em C. Até agora, a forma que utilizamos (de forma simplificada) era a seguinte:

```
gcc -o labXX labXX.c
```

Nesse laboratório, no entanto, para compilar o seu programa basta adicionar o arquivo extra que provemos (lab13\_main.c) ao final da linha de comando, como no exemplo a seguir:

```
gcc -o lab13 lab13.c lab13_main.c
```

**OBS:** A linha completa de compilação para esse laboratório pode ser vista na sessão de [Observações](#).

A organização do conteúdo de cada arquivo é a seguinte:

- lab13 :
  - funções auxiliares que você queira escrever;
  - `pertence(...)`;
  - `contido(...)`;
  - `adicao(...)`;
  - `subtracao(...)`;
  - `uniao(...)`;
  - `intersecao(...)`;

- `diferenca(...)` ;
- `complemento(...)` .
- `lab13_main` :
  - funções auxiliares para a main;
  - `main()` .

Também está disponível um protótipo do arquivo que você deve submeter ao *SuSy* (`lab13.c`). Esse arquivo e o arquivo auxiliar (`lab13_main.c`) também podem ser encontrados na página da tarefa:

- [lab13.c](#)
- [lab13\\_main.c](#)

## Reforçando

---

Neste laboratório você não precisará se preocupar em ler a entrada a partir da entrada padrão, nem em escrever a saída. Seu trabalho é apenas implementar as funções descritas. A função `main()` que é fornecida no arquivo `lab13_main.c` se encarrega dessa parte.

Você também **não deve** submeter o arquivo `lab13_main.c` para o *SuSy*, somente o arquivo `lab13.c` .

As sessões abaixo, de [Entrada](#) e [Saída](#), descrevem os formatos de entrada e saída, mas você não precisa se preocupar com eles.

## Entrada

---

A entrada consiste de operações a serem realizadas sobre dois conjuntos nomeados de A e B. Os conjuntos iniciam vazios e cada linha da entrada descreve uma operação a ser realizada sobre um ou entre os dois conjuntos.

As operações são:



- $c$  : Não faça nada no conjunto, Só imprima o seu conteúdo
- $c = \{x_1, x_2, x_3, \dots, x_n\}$  : substitui o conteúdo do conjunto  $c$  com os  $n$  elementos.
- $x \in c$  : verifica se o elemento  $x$  pertence ao conjunto  $c$ .
- $c_1 \subset c_2$  : verifica se o conjunto  $c_1$  está contido no conjunto  $c_2$ .
- $c += x$  : adiciona o elemento  $x$  ao conjunto  $c$ .
- $c -= x$  : remove o elemento  $x$  do conjunto  $c$ .
- $c_1 \cup c_2$  : exibe a união entre  $c_1$  e  $c_2$ .
- $c_1 \cap c_2$  : exibe a interseção entre  $c_1$  e  $c_2$ .
- $c_1 \setminus c_2$  : exibe a diferença entre  $c_1$  e  $c_2$ .
- $\sim c$  : exibe o complemento do conjunto  $c$ .
- $q$  : Encerra a execução do programa

Onde:

- $c$  é um dos conjuntos  $A$  ou  $B$
- $c_1$  e  $c_2$  são conjuntos distintos  $A$  e  $B$  em qualquer ordem.
- $x$  é um elemento
- $x_1, x_2, x_3, \dots, x_n$  são  $n$  elementos.
- $q$  é a letra Q

## Saída

---

Cada linha da saída do programa contém o resultado da execução de cada operação dada na entrada, de forma que a saída possui uma linha a menos que a quantidade de linhas da entrada.

O retorno das operações podem ter um dos 3 formatos distintos:

- Para as operações  $c$ ,  $c = \{x_1, x_2, x_3, \dots, x_n\}$ ,  $c += x$ , ou  $c -= x$ :

Imprime o conteúdo do conjunto  $C$ , com os elementos em ordem crescente.

Formato da saída:  $c = \{x_1, x_2, x_3, \dots, x_n\}$

- para as operações  $x \in c$  ou  $c_1 \subset c_2$  :

Imprime Verdadeiro ou Falso.

Formato: verdadeiro ou falso

- Para as operações  $c_1 \cup c_2$ ,  $c_1 \cap c_2$  ou  $c_1 \setminus c_2$  :

Imprime o conjunto resultado da operação, com os elementos em ordem crescente.

Formato:  $c_1 \text{ op } c_2 = \{x_1, x_2, x_3, \dots, x_n\}$

- Para a operação  $-c$  :

Imprime o conjunto resultado da operação, com os elementos em ordem crescente.

Formato:  $-c = \{x_1, x_2, x_3, \dots, x_n\}$

- Para a operação  $q$  nada é impresso. Se encerra a execução do programa.

## Exemplos

---

### Teste 01

#### Entrada

```
A += 1
A += c
A += f
A += c
1 ∈ A
b ∈ A
Q
```

## Saída

```
A = {1}
A = {c, 1}
A = {c, f, 1}
A = {c, f, 1}
verdadeiro
falso
```

## Teste 02

### Entrada

```
A = {c, f, h}
A -= f
A -= c
A -= f
A
h e A
f e A
Q
```

## Saída

```
A = {c, f, h}
A = {c, h}
A = {h}
A = {h}
A = {h}
verdadeiro
falso
```

## Teste 03

### Entrada

```
A = {c, f, h}
```

```
B = {c, f}
B c A
A c B
B += d
B c A
Q
```

### Saída

```
A = {c, f, h}
B = {c, f}
verdadeiro
falso
B = {c, d, f}
falso
```

## Teste 04

### Entrada

```
A = {c, f, h}
B = {}
B c A
A c B
B = {f}
B c A
B = {b, f}
B c A
A c B
Q
```

### Saída

```
A = {c, f, h}
B = {}
verdadeiro
falso
B = {f}
verdadeiro
```

```
B = {b, f}
falso
falso
```

## Teste 06

### Entrada

```
A = {c, f, h}
B = {c, d, e}
A ^ B
A = {b, c, d}
B = {e, f, g}
A ^ B
Q
```

### Saída

```
A = {c, f, h}
B = {c, d, e}
A ^ B = {c}
A = {b, c, d}
B = {e, f, g}
A ^ B = {}
```

## Teste 07

### Entrada

```
A = {c, f, h}
B = {c, d, e}
A \ B
B \ A
-A
-B
A = {}
A \ B
B \ A
```

-A  
-B  
Q

## Saída

```
A = {c, f, h}
B = {c, d, e}
A \ B = {f, h}
B \ A = {d, e}
-A = {a, b, d, e, g, i, j, k, l, m, n, o, p, q, r, s, t, u, v, w, x,
-B = {a, b, f, g, h, i, j, k, l, m, n, o, p, q, r, s, t, u, v, w, x,
A = {}
A \ B = {}
B \ A = {c, d, e}
-A = {a, b, c, d, e, f, g, h, i, j, k, l, m, n, o, p, q, r, s, t, u,
-B = {a, b, f, g, h, i, j, k, l, m, n, o, p, q, r, s, t, u, v, w, x,
```

Para mais exemplos, consulte os [testes abertos no Susy](#).

## Observações

---

- Você **não deve** submeter o arquivo `lab13_main.c` para o *SuSy*, somente o arquivo `lab13.c`.
- O número máximo de submissões é **15**.
- Para a realização dos testes do SuSy, a compilação dos programas desenvolvidos em C irá considerar o comando:  
`gcc -std=c99 -pedantic -Wall -o lab13 lab13.c lab13_main.c`.
- Você deve incluir, no início do seu programa, uma breve descrição dos objetivos do programa, da entrada e da saída, além do seu nome e do seu RA.
- Indente corretamente o seu código e inclua comentários no decorrer do seu programa.

## Critérios importantes

---

Independentemente dos resultados dos testes do *SuSy*, o não cumprimento dos critérios abaixo implicará em nota zero nesta tarefa de laboratório.

- O único header aceito para essa tarefa é o `stdio.h`.