



Introdução ao Processamento Digital de Imagem MC920 / MO443

Prof. Hélio Pedrini

Instituto de Computação UNICAMP

http://www.ic.unicamp.br/~helio

Roteiro

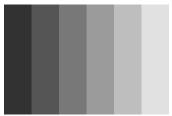
- Realce
 - Brilho e Contraste
 - Histograma
 - Transformação da Escala de Cinza
 - Transformações Lineares e Não-Lineares
 - Equalização de Histograma
 - Hiperbolização de Histograma
 - Filtragem de Imagens
 - Filtragem no Domínio Espacial
 - Correlação e Convolução
 - Filtragem com Preservação de Bordas
 - Filtragem no Domínio de Frequência
 - Técnica de Meios-Tons
 - Realce de Imagens Baseado em Cores

Realce de Imagens

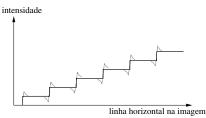
- Técnicas de realce de imagens buscam acentuar ou melhorar a aparência de determinadas características da imagem, tornando-a mais adequada à aplicação em questão.
- O realce é necessário quando a imagem sofre um processo de degradação ou perda de qualidade em decorrência de:
 - ▶ introdução de ruído.
 - perda de contraste.
 - borramento
 - distorção causada pelo equipamento de aquisição.
 - condição inadequada de iluminação.
- Principais abordagens:
 - métodos no domínio espacial: processamento baseado na manipulação direta dos pixels das imagens.
 - métodos no domínio de frequência: processamento baseado na modificação da imagem com a aplicação de transformadas, como a de Fourier.

- O brilho está associado à sensação visual da intensidade luminosa de uma fonte.
- A habilidade do sistema visual humano para discriminar níveis distintos de brilho é um aspecto importante na apresentação de resultados que envolvem imagens digitais.
- Evidências experimentais indicam que a sensibilidade do sistema visual humano ao brilho possui resposta logarítmica com relação à intensidade de luz incidente no olho.
- O fato de que o brilho percebido pelo sistema visual humano não corresponde a uma função linear da intensidade pode ser demonstrado por alguns fenômenos.

- O primeiro fenômeno, conhecido por bandas de Mach, é baseado no princípio de que o sistema visual tende a subestimar ou superestimar a intensidade próxima às transições entre regiões de intensidades diferentes.
- Fenômeno descoberto pelo físico Ernst Mach (1838-1916).



(a) faixas com intensidades diferentes



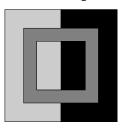
(b) brilho percebido

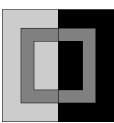
- Embora a intensidade de cada faixa ou região da figura (a) seja constante, percebe-se um padrão de brilho alterado, particularmente quando próximo das bordas.
- A figura (b) mostra como o olho humano percebe uma transição abrupta de intensidade.
- As linhas sólidas representam as intensidades reais, enquanto as linhas tracejadas representam o brilho percebido pelo olho humano.

- Outro fenômeno, conhecido como *contraste simultâneo*, está relacionado ao fato de que o brilho aparente de uma região depende fortemente da intensidade do fundo.
- Na figura a seguir, todos os quadrados centrais possuem exatamente a mesma intensidade, embora pareçam se tornar mais escuros à medida que as intensidades dos fundos se tornam mais claras.



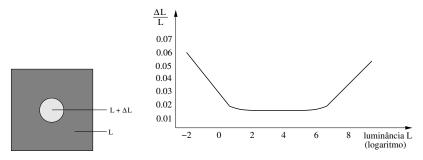
 Outro exemplo de contraste simultâneo é conhecido como anel de Benussi-Koffka, em que um anel com intensidade uniforme aparenta ter brilho diferente quando uma reta separa os fundos da imagem.





- O contraste pode ser definido como uma medida da variação relativa da luminância, ou seja, da intensidade luminosa por unidade de área.
- Diversas formulações têm sido propostas para expressar o contraste.
- Segundo a lei de Weber, a resposta do sistema visual humano depende significativamente de variações locais de luminância, ao invés da luminância absoluta.

• Um experimento utilizado para determinar a habilidade do sistema visual para discriminar mudanças de luminância consiste em apresentar, a um observador, um objeto com luminância $L_F = L + \Delta L$ em um fundo $L_B = L$.



• Uma questão de interesse é identificar qual a diferença $\Delta L = L_F - L_B$ suficientemente necessária para o observador notar a mudança entre o objeto e o fundo.

- A lei de Weber estabelece que a intensidade adicional de estímulo (luminância) necessária para que o sistema visual humano possa observar uma alteração é proporcional à intensidade inicial, em uma relação constante.
- Essa relação, chamada de contraste de Weber ou lei de Weber-Fechner, é definida como

$$C_W = \frac{\Delta L}{L}$$

- O contraste mínimo para um observador detectar uma mudança em intensidade permanece aproximadamente constante sobre um grande intervalo de intensidades (figura (b)), devido às capacidades de adaptação do sistema visual humano.
- Para esse intervalo, a relação de Weber é aproximadamente igual a 0.02 (ou 2%).
- Fora desse intervalo, a habilidade em discriminar intensidades pelo sistema visual humano diminui.

• No caso de padrões periódicos (por exemplo, senoidais) com desvios simétricos variando de L_{\min} a L_{\max} , uma medida de contraste, proposta por Michelson (1927), é definida como

$$C_M = \frac{L_{\text{max}} - L_{\text{min}}}{L_{\text{max}} + L_{\text{min}}}$$

em que L_{\min} e L_{\max} correspondem à luminância (intensidade por unidade de área) mínima e máxima do padrão.

- As definições de contraste C_W e C_M não são equivalentes e não possuem o mesmo intervalo de valores.
- O contraste de Michelson pode variar de 0 a 1, enquanto o contraste de Weber pode variar de -1 a ∞ .

- Embora essas medidas sejam bons preditores de contraste para padrões simples, elas falham quando os estímulos tornam-se mais complexos e cobrem um intervalo de frequência maior.
- Além disso, essas definições globais não são apropriadas para medir o contraste em imagens naturais, já que poucos pontos muito brilhantes ou muito escuros determinariam o contraste de toda a imagem, enquanto a percepção humana varia com a média local de luminância.
- Uma medida de contraste local foi definida por Beghdadi e Khellaf (1997). Dado um pixel f com coordenadas (x, y), centrado em uma vizinhança w_f , o contraste no pixel é definido como

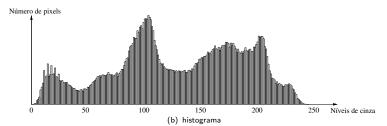
$$C_f = \frac{|I_{(x,y)} - \bar{I}_{(x,y)}|}{\bar{I}_{(x,y)}}$$

em que $I_{(x,y)}$ é o nível de cinza do pixel e $\overline{I}_{(x,y)}$ é o nível de cinza médio dentro da vizinhança w_f .

- O histograma de uma imagem corresponde à distribuição dos níveis de cinza da imagem.
- A figura a seguir mostra uma imagem e seu histograma correspondente.



(a) imagem



- Seja f(x, y) uma imagem representada por uma matriz bidimensional, com dimensões M × N pixels e contendo L níveis de cinza no intervalo [0, L_{max}].
- O algoritmo a seguir calcula o histograma de uma imagem.

Algoritmo 1 Calcula o histograma (vetor H) de uma imagem f(x, y)

```
1: - atribuir valor zero a todos os elementos do vetor
```

- 2: for i = 0 até Lmax do
- $3: \quad H[i] = 0$
- 4: end for
- 5: calcular distribuição dos níveis de cinza para cada pixel da imagem
- 6: for x = 0 até M 1 do
- 7: for y = 0 até N 1 do
- 8: H[f(x,y)] = H[f(x,y)] + 1
- 9: end for
- 10: end for

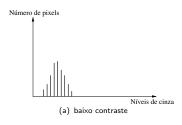
- Uma imagem possui um único histograma, entretanto, a recíproca não é em geral verdadeira.
- O histograma pode ser visto como uma distribuição discreta de probabilidade, pois o número de pixels para um determinado nível de cinza pode ser utilizado para calcular a probabilidade de se encontrar um pixel com aquele valor de cinza na imagem.
- Dessa forma, o histograma $p_k(f)$ pode ser expresso como

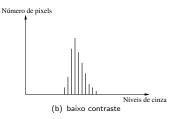
$$p_k(\mathsf{f}) = \frac{n_k}{n} = \frac{H(k)}{MN}$$

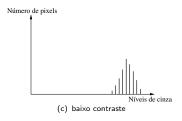
em que $n_k = H(k)$ representa o número de ocorrências do nível de cinza k e n = MN corresponde ao número total de pixels na imagem f.

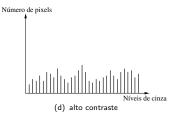
 Várias medidas estatísticas podem ser obtidas a partir do histograma de uma imagem, tais como valores mínimo e máximo, valor médio, variância e desvio padrão dos níveis de cinza da imagem.

• O contraste de uma imagem pode ser avaliado observando-se o seu histograma.









- Os histogramas mostrados nas figuras (a) a (c) apresentam escalas de níveis de cinza estreitas e, portanto, correspondem a imagens de baixo contraste.
- Por outro lado, a figura (d) mostra um histograma com valores de níveis de cinza melhor distribuídos ao longo da escala, correspondendo a uma imagem de alto contraste.

Transformação da Escala de Cinza

- O objetivo das transformações de contraste é melhorar a qualidade das imagens sob critérios subjetivos ao sistema visual humano, tornando mais fácil a percepção de informações contidas nas imagens.
- O intervalo de contraste é a diferença entre os valores de intensidade máximo e mínimo que f(x, y) pode assumir.
- Quando uma imagem n\u00e3o ocupa todo o intervalo de cinza poss\u00edvel, pode-se ampliar o intervalo de contraste.
- Isso pode ser feito por meio de um mapeamento das variações de contraste dentro do intervalo de níveis de cinza $[L_{\min}, L_{\max}]$ da imagem original para a variação máxima do dispositivo de visualização, geralmente, no intervalo [0,255].
- Essa transformação é realizada por uma função de mapeamento, tal que cada valor de cinza na imagem original é mapeado para um novo valor de cinza.

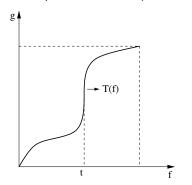
Transformação da Escala de Cinza

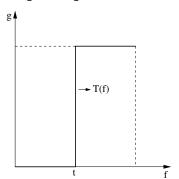
ullet Uma função de transformação T de níveis de cinza pode ser descrita como

$$g = T(f)$$

em que f e g representam o nível de cinza dos pixels de uma imagem de entrada f e da imagem modificada g, respectivamente.

• Dois exemplos de transformações são ilustrados na figura a seguir.





Transformação da Escala de Cinza

- Se T possui a forma mostrada na figura (a), o efeito dessa transformação produzirá uma imagem de maior contraste do que a original, por meio do escurecimento dos níveis abaixo de t e do clareamento daqueles acima de t na imagem original.
- Nessa técnica, conhecida como alargamento de contraste, os valores de f(x,y) abaixo de t são comprimidos pela função de transformação em uma estreita faixa de g(x,y) próxima do nível mais escuro; o efeito oposto ocorre para valores de f(x,y) maiores que t.
- A figura (b) produz uma imagem com dois níveis de cinza, ou seja, uma imagem binária

Transformações Lineares e Não-Lineares

- A escolha da função T determina qual será o efeito visual obtido e deve ser escolhida de acordo com a imagem original e o efeito desejado.
- Uma transformação linear pode ser descrita como

$$g = af + b \tag{1}$$

tal que o parâmetro a controla a escala de níveis de cinza da imagem resultante e b ajusta seu brilho.

Transformações Lineares e Não-Lineares

- Seja uma imagem de entrada com valores de níveis de cinza mínimo e máximo f_{\min} e f_{\max} , respectivamente.
- Para mapear o intervalo de intensidade $[f_{\min}, f_{\max}]$ dessa imagem em uma nova imagem com intervalo $[g_{\min}, g_{\max}]$, pode-se utilizar a transformação

$$g = \frac{g_{\text{max}} - g_{\text{min}}}{f_{\text{max}} - f_{\text{min}}} (f - f_{\text{min}}) + g_{\text{min}}$$

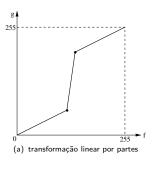
• É interessante notar que o valor

$$a = \frac{g_{\text{max}} - g_{\text{min}}}{f_{\text{max}} - f_{\text{min}}}$$

determina se o intervalo de níveis de cinza será expandido ou comprimido. Se o valor de a for 1, o intervalo permanece o mesmo, com os níveis de cinza apenas deslocados, dependendo de f_{\min} e g_{\min} . Se o valor de a for maior que 1, o intervalo é expandido; se for menor que 1, o intervalo é comprimido.

- Uma função de alteração da escala de cinza muito útil é a transformação linear por partes, caracterizada pela existência de um conjunto de intervalos lineares.
- O realce na imagem é realizado de acordo com as intensidades dos pixels que se situam em intervalos específicos.
- Quando a imagem a ser transformada apresenta histograma muito irregular ou quando o objetivo é salientar um aspecto específico da imagem, essa técnica pode oferecer melhores resultados que uma única transformação linear.

- A figura (a) mostra um exemplo de transformação linear por partes.
- A figura (c) apresenta o resultado da alteração da escala de cinza da imagem original, mostrada em (b), obtido pela transformação linear por partes.







(c) imagem transformada

- Outra função linear comum é a transformação inversa, que produz o negativo de uma imagem.
- Nessa transformação, a intensidade da imagem de saída diminui à medida que a intensidade da imagem de entrada aumenta.
- As figuras (a) e (b) ilustram o uso da transformação inversa.



(a) imagem original



(b) negativo da imagem

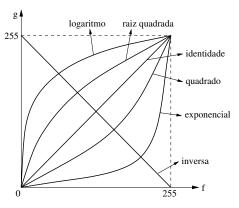
- Funções de mapeamento não-lineares também podem ser utilizadas para realçar detalhes específicos na imagem.
- Enquanto em uma transformação linear o parâmetro a da equação 1 é fixo, em uma transformação não-linear este parâmetro pode variar.
- As principais transformações de contraste não-lineares são baseadas nas funções:
 - logaritmo.
 - raiz quadrada.
 - exponencial.
 - quadrado.

- A transformação pelo logaritmo substitui cada valor de pixel da imagem pelo seu logaritmo.
- Essa transformação propicia um realce maior nos pixels de baixa intensidade, ou seja, regiões escuras da imagem.
- Muitas implementações utilizam o logaritmo base 10 ou natural, embora a base não influencie o comportamento da curva, apenas a escala dos valores resultantes.
- Uma vez que a função logaritmo não é definida para o valor 0, o qual pode estar presente na imagem, a transformação é descrita pela função $g = T(f) = a \log(f+1)$, em que a é um fator de ajuste para manter os valores de intensidade resultantes dentro do intervalo válido, tipicamente [0,255].
- Caso f_{max} seja a maior intensidade presente na imagem, o parâmetro a poderia ser dado por $a = 255/\log(1 + f_{\text{max}})$.

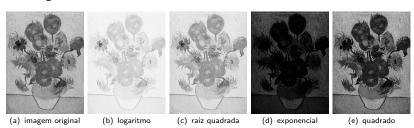
- A transformação exponencial substitui cada valor de pixel da imagem pelo seu exponencial.
- Essa transformação propicia um realce maior nos pixels de alta intensidade, ou seja, regiões claras da imagem.
- Uma vez que os pixels da imagem de entrada podem assumir o valor 0, a transformação é descrita pela função $g = T(f) = a(e^f 1)$, para evitar que o valor resultante seja deslocado pelo parâmetro a.

- A transformação quadrado é descrita pela função $g = T(f) = af^2$.
- Semelhante à função exponencial, a transformação quadrado aumenta o contraste das regiões da imagem com média e alta intensidades.
- A transformação pela *raiz quadrada* é descrita pela função $g = T(f) = a\sqrt{f}$.
- Semelhante à função logaritmo, a transformação raiz quadrada aumenta o contraste das regiões da imagem com baixa e média intensidades.

• Ilustrações das principais transformações lineares e não-lineares da escala de cinza.



 Exemplos de resultados da aplicação de um conjunto de transformações não-lineares a uma imagem de entrada.



- A escolha adequada de uma transformação da escala de cinza é, em geral, essencialmente empírica.
- Entretanto, há uma classe de métodos em que a transformação tem por finalidade produzir uma imagem cujo histograma tenha um formato desejado.
- Um desses métodos é a equalização de histograma: modifica o histograma da imagem original f de tal forma que a imagem transformada g possua uma distribuição mais uniforme dos seus níveis de cinza, ou seja, os níveis devem aparecer na imagem aproximadamente com a mesma frequência.
- Os níveis de cinza de uma imagem podem ser considerados como variáveis aleatórias no intervalo [0, 1].
- Se os níveis de cinza forem variáveis contínuas, os valores originais e transformados podem ser caracterizados por suas funções densidade de probabilidade $p_f(f)$ e $p_g(g)$, respectivamente.

- Os valores de f e g representam os níveis de cinza das imagens original e transformada, ambos normalizados no intervalo [0,1].
- A função densidade de probabilidade dos níveis de cinza transformados pode ser obtida a partir da função $p_f(f)$ e da transformação T(f), monotonicamente crescente no intervalo $0 \le f \le 1$, como

$$\rho_{g}(g) = \left[p_{f}(f) \frac{df}{dg} \right]_{f=T^{-1}(g)}$$
 (2)

em que $f = T^{-1}(g)$ é a transformação inversa dos níveis de cinza g para f.

• Uma função de transformação *T* que pode ser utilizada é a *função de distribuição* acumulada de *f* , definida como

$$g = T(f) = \int_0^f p_f(w)dw \quad 0 \le f \le 1$$
 (3)

em que w é uma variável da integração.

A partir da equação 3, a derivada de g com relação a f é

$$\frac{dg}{df} = p_f(f)$$

• Substituindo-se df/dg na equação 2, resulta

$$ho_{g}(g) = \left[p_{f}(f) rac{1}{p_{f}(f)}
ight]_{f = T^{-1}(g)} = 1 igg|_{f = T^{-1}(g)} = 1 \qquad \qquad 0 \leq g \leq 1$$

que é uma função de densidade uniforme no intervalo definido para g, ou seja, [0,1].

- Pode-se concluir que o uso da função de distribuição acumulada como a função de transformação, g=T(f), produz uma imagem cujos níveis de cinza possuem densidade uniforme.
- Em termos de realce de imagens, esse resultado pode implicar um aumento significativo da escala de níveis de cinza dos pixels da imagem.

 Antes de reformular os conceitos anteriores para o caso discreto, um exemplo é apresentado a seguir.

Exemplo:

Seja a função de densidade de probabilidade dada por

$$p_f(f) = egin{cases} -rac{f}{2}+1, & 0 \leq f \leq 1 \ 0, & ext{caso contrário} \end{cases}$$

Essa função de densidade de probabilidade é mostrada na figura (a) a seguir. Substituindo a função $p_f(f)$ na equação 3, tem-se que

$$g = T(f) = \int_0^f \left(-\frac{w}{2} + 1\right) dw = \left(-\frac{w^2}{4} + w\right) \Big|_0^f = -\frac{f^2}{4} + f$$

Portanto, $f^2 - 4f + 4g = 0$. Resolvendo para f em termos de g, tem-se

$$f = T^{-1}(g) = 2 \pm 2\sqrt{1-g}$$

Desde que f está no intervalo [0,1], apenas a solução $f=T^{-1}(g)=2-2\sqrt{1-g}$ é válida.

A função densidade de probabilidade de g é obtida por meio da equação 2, ou seja

$$p_{g}(g) = \left[p_{f}(f) \frac{df}{dg} \right]_{f=T^{-1}(g)} = \left[\left(-\frac{f}{2} + 1 \right) \frac{df}{dg} \right]_{f=2-2\sqrt{1-g}} =$$

$$= -\frac{1}{2} (2 - 2\sqrt{1-g}) + 1 \frac{d}{dg} (2 - 2\sqrt{1-g}) =$$

$$= \sqrt{1-g} \frac{1}{\sqrt{1-g}} = 1 \qquad 0 \le g \le 1$$

que é uma densidade uniforme no intervalo desejado.

A figura (b) mostra a função de transformação T(f) e a figura (c) mostra a função densidade $p_g(g)$.

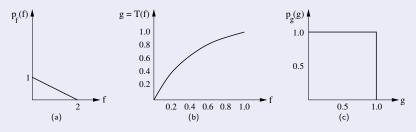


Figura: Método de transformação por densidade uniforme. (a) função de densidade de probabilidade original; (b) função de transformação; (c) densidade uniforme.

- Os conceitos previamente discutidos devem ser expressos na forma discreta para serem úteis em processamento de imagens.
- Dada uma imagem contendo $n=M\times N$ pixels, assumindo valores discretos para os níveis de cinza $k=0,1,\ldots,L-1$, uma forma de se equalizar um histograma é utilizar a função de distribuição acumulada de probabilidade, a qual pode ser expressa por

$$g_k = T(f_k) = \sum_{i=0}^k p_f(f_i) = \sum_{i=0}^k \frac{n_i}{n}$$
 $k = 0, 1, ..., L-1$ (4)

em que n_i é o número de ocorrências do nível de cinza i, e $p_f(f_i)$ é a probabilidade do i-ésimo nível de cinza.

- A equação 4 é a forma discreta da função de transformação dada pela equação 3.
- Para que a função de distribuição acumulada de probabilidade, mostrada na equação 4, possa ser utilizada para equalizar o histograma de uma imagem, deve-se normalizar os níveis de cinza da imagem no intervalo $0 \le f_k \le 1$.

 O algoritmo abaixo apresenta a técnica de equalização de histograma por meio da função de distribuição acumulada de probabilidade.

Algoritmo 2 Equalização de histograma

- 1: calcular o histograma da imagem a ser transformada
- 2: normalizar o histograma, tal que $0 \le f_k \le 1$
- 3: for k=0 até L-1 do
- 4: calcular função distribuição acumulada de probabilidade

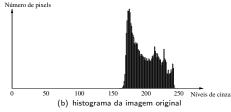
5:
$$g_k = \sum_{i=0}^{n} p_f(f_i)$$

- 6: arredondar valor para nível de cinza mais próximo
- 7: $g_k = \text{round}(g_k \times L_{\text{max}})$
- 8: end for
- 9: agrupar valores f_k para formar g_k

• Exemplo de aplicação da equalização de histograma.

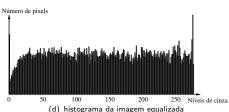


(a) imagem original





(c) imagem equalizada



- A equalização de histograma possui a vantagem de ser completamente automática com relação às técnicas manuais de alteração de contraste.
- Entretanto, há situações nas quais a equalização de histograma pode degradar uma imagem: um exemplo é quando a imagem a ser transformada possui um histograma com grande concentração de pixels em poucos níveis de cinza.

Exemplo:

Ilustração da equalização de histograma de uma imagem com oito níveis de cinza, conforme distribuição mostrada a seguir.

Níveis de cinza (k)	0	1	2	3	4	5	6	7
Número de pixels (n_k)	1314	3837	5820	4110	2374	921	629	516

Tabela: Histograma a ser equalizado.

Inicialmente, deve-se encontrar a probabilidade p_f com que cada nível de cinza k aparece na imagem f, ou seja

$$p_f(f_0) = 1314/19521 \approx 0.067$$

 $p_f(f_1) = 3837/19521 \approx 0.197$
 $p_f(f_2) = 5820/19521 \approx 0.298$
 $p_f(f_3) = 4110/19521 \approx 0.211$
 $p_f(f_4) = 2374/19521 \approx 0.122$
 $p_f(f_5) = 921/19521 \approx 0.047$
 $p_f(f_6) = 629/19521 \approx 0.032$
 $p_f(f_7) = 516/19521 \approx 0.026$

Calculando a função distribuição acumulada de probabilidade, obtém-se

$$g_0 = T(f_0) = \sum_{i=0}^{0} p_f(f_0) = 0.067$$

 $g_1 = T(f_1) = \sum_{i=0}^{1} p_f(f_1) = 0.264$

De forma similar

$$g_2 = 0.562$$
 $g_3 = 0.773$ $g_4 = 0.895$ $g_5 = 0.942$ $g_6 = 0.974$ $g_7 = 1$

Como a imagem foi quantizada com oito níveis de cinza, cada valor g_k deverá ser substituído pelo nível de cinza mais próximo, ou seja

$$g_0 = g_0 \times 7 = 0.067 \times 7 = 0.469 \approx 0$$

Analogamente para os outros valores de g_k , tem-se

$$g_1 = 0.264 \times 7 = 1.848 \approx 2$$

$$g_2=0.562\times 7=3.934\approx 4$$

$$g_3 = 0.773 \times 7 = 5.411 \approx 5$$

$$g_4 = 0.895 \times 7 = 6.265 \approx 6$$

$$g_5 = 0.942 \times 7 = 6.594 \approx 7$$

$$g_6 = 0.974 \times 7 = 6.818 \approx 7$$

$$g_7 = 1 \times 7 = 7$$

O nível original $f_0=0$ é mapeado para o nível $g_0=0$, ou seja, os 1314 pixels que apresentavam nível de cinza 0 permanecem inalterados.

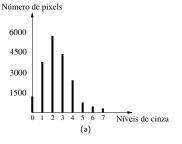
De forma similar, os pixels com nível de cinza $1 \ {\rm s\~{a}o} \ {\rm mape}$ ados para o nível $2 \ {\rm e} \ {\rm assim}$ por diante.

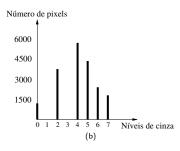
Os resultados da equalização estão mostrados a seguir.

k	0	1	2	3	4	5	6	7
f _k	0	1/7	2/7	3/7	4/7	5/7	6/7	7/7
nfk	1314	3837	5820	4110	2374	921	629	516
$p_f(f_k) = n_{f_k}/n$	0.067	0.197	0.298	0.211	0.122	0.047	0.032	0.026
g _k	0.067	0.264	0.562	0.773	0.895	0.942	0.974	1
$round(g_k \times 7)$	0	2	4	5	6	7	7	7
n_{g_k}	1314	0	3837	0	5820	4110	2374	2066

A função round(x) aproxima o argumento x para seu valor inteiro mais próximo.

• As figuras (a) e (b) mostram o histograma original e equalizado, respectivamente.





- Pode-se observar que os níveis de cinza da imagem resultante não ocorrem uniformemente com a mesma frequência, o que caracterizaria uma equalização de histograma ideal.
- Entretanto, o histograma original, tipicamente de uma imagem escura, foi transformado em uma imagem com níveis de cinza melhor distribuídos.

Hiperbolização de Histograma

- A técnica de hiperbolização de histograma tem como objetivo melhorar a qualidade visual da imagem transformada levando-se em conta aspectos relativos à percepção de brilho, ao invés da redistribuição dos níveis de cinza de forma uniforme, como ocorre na equalização de histograma.
- A hiperbolização de histograma é baseada na lei de Weber-Fechner, a qual estabelece que o sistema visual humano possui resposta logarítmica com relação ao brilho percebido.
- A imagem original é transformada de modo a produzir um histograma uniforme do brilho percebido, cuja forma é hiperbólica.

- Apesar de sua grande utilização em realce de imagens, a técnica de equalização de histograma apresenta a característica de alterar o histograma da imagem, porém, sempre de acordo com uma função de transformação padrão, tipicamente definida como a função de distribuição acumulada dos níveis de cinza da imagem.
- Há situações em que é desejável poder definir formas específicas para o histograma da imagem.
- A técnica conhecida como *especificação de histograma* transforma uma imagem de forma que seu histograma apresente uma distribuição particular.

- Sejam p_f(f) e p_h(h) as funções densidade de probabilidade original e especificada, respectivamente.
- Conforme visto anteriormente, o histograma da imagem original f pode ser equalizado pela função de transformação

$$g_k = T_1(f_k) = \sum_{i=0}^k p_f(f_i)$$
 $k = 0, 1, ..., L-1$ (5)

em que f e g representam os níveis de cinza das imagens original e equalizada, respectivamente.

- Seja $T_2(h)$ a função de transformação que realiza a equalização do histograma especificado, como ilustrado na figura (a) a seguir.
- Assim, uma maneira de obter os níveis de cinza z da imagem é calcular a função de transformação inversa, $h = T_2^{-1}(g)$, como mostrado na figura (b).

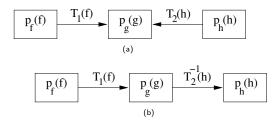


Figura: Especificação de histograma. (a) equalização do histograma especificado pela função $T_2(h)$; (b) cálculo da função de transformação inversa $T_2^{-1}(h)$.

- Portanto, a especificação de histograma envolve a aplicação de duas funções de transformação, $T_1(f)$ seguida de $T_2^{-1}(h)$.
- Esse mapeamento pode ser combinado em uma única expressão para produzir os níveis especificados a partir dos pixels originais, ou seja

$$h = T_2^{-1}(T_1(f))$$

- Assim, a especificação de histograma pode ser realizada pela determinação de $T_1(f)$ e sua combinação com a função de transformação inversa T_2^{-1} .
- Para o caso em que os níveis de cinza da imagem são considerados como variáveis contínuas, a função inversa poderia ser obtida analiticamente.
- Na forma discreta, o número de níveis de cinza é, em geral, relativamente pequeno, tornando viável o cálculo do mapeamento de cada valor de pixel da imagem.

Exemplo:

Deseja-se modificar o histograma original apresentado no exemplo mostrado anteriormente (equalização de histograma), tal que a distribuição de pixels resultante seja dada pela tabela a seguir.

Tabela: Histograma a ser modificado.

Níveis de cinza (k)	0	1	2	3	4	5	6	7
Número de pixels (n_k)	0	0	0	1913	3923	7769	3946	1970
$p_h(h_k) = n_{h_k}/n$	0	0	0	0.098	0.201	0.398	0.202	0.101

O próximo passo consiste em obter a função de distribuição acumulada de probabilidade desejada. Analogamente ao cálculo da distribuição acumulada para o histograma original, obtém-se

$$h_0 = T_2(h_0) = \sum_{i=0}^{0} p_h(h_0) = 0$$

De forma similar

$$h_1 = 0$$
 $h_2 = 0$ $h_3 = 0.098$ $h_4 = 0.299$ $h_5 = 0.697$ $h_6 = 0.899$ $h_7 = 1$

O cálculo da função inversa consiste em encontrar, para cada valor de g_k , o valor de h_k mais próximo a g_k . Por exemplo, o valor h_k que mais se aproxima de $g_2=0.562$ é $T_1(h_5)=0.697$, ou seja, $T_2^{-1}(0.697)=h_5$.

Portanto, os pixels que, após a equalização do histograma original, foram realocados para o nível de cinza g_2 , serão mapeados para o nível de cinza h_5 .

Isso significa que os 5820 pixels que apresentavam originalmente o nível de cinza 2 e que foram transferidos para g_4 devido à equalização serão novamente transferidos para h_5 para satisfazer a especificação de histograma. Os demais valores de g_k podem ser obtidos de forma análoga.

Assumindo que o cálculo da inversa, para um determinado valor de g_k percorrerá os diversos valores de v_k , armazenando o índice do último valor que seja mais próximo de g_k , obtém-se

É importante ressaltar que, se o cálculo da função inversa assumisse outra estratégia para mapear os níveis de cinza, por exemplo, armazenando-se o índice do primeiro valor que se aproximasse de g_k , o mapeamento produziria outros resultados.

A tabela a seguir apresenta os valores obtidos para o histograma resultante.

Níveis de cinza (h_k)	0	1	2	3	4	5	6	7
Número de pixels (n_{h_k})	0	0	0	1314	3837	9930	3295	1145

Para facilitar a comparação entre o histograma especificado e o histograma obtido, a figura a seguir apresenta cada um deles.



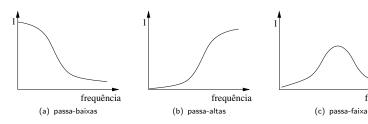


Pode-se observar que, embora cada um dos níveis de cinza especificados possua uma determinada quantidade de pixels, o histograma resultante não possui exatamente a mesma forma do histograma especificado.

Assim como no caso da equalização de histograma, essa diferença se deve ao fato de que a transformação produz resultados exatos apenas no caso contínuo.

Filtragem de Imagens

- As operações de filtragem podem ser realizadas tanto no domínio do espaço quanto de frequência.
- Os filtros são normalmente classificados em três categorias:
 - passa-baixas.
 - passa-altas.
 - passa-faixa.
- A figura abaixo ilustra esses tipos de filtros no domínio de frequência para o caso unidimensional.



frequência

Filtragem de Imagens

- Um filtro passa-baixas atenua as altas frequências que estão relacionadas com a informação de detalhes da imagem.
- Um filtro passa-altas realça as altas frequências e são normalmente usados para realçar os detalhes na imagem.
- Um filtro passa-faixa seleciona um intervalo de frequências do sinal para ser realçado.
- O efeito visual de um filtro passa-baixas é o de suavização da imagem, uma vez que as altas frequências, que correspondem às transições abruptas, são atenuadas. A suavização tende também, pelas mesmas razões, a minimizar o efeito do ruído em imagens.
- Para filtros passa-altas, o efeito obtido é, em geral, o de tornar mais nítidas as transições entre regiões diferentes, conhecidas como bordas. Um efeito indesejado desses filtros é o de enfatizar o ruído presente na imagem.

- O domínio espacial refere-se ao próprio plano da imagem, ou seja, ao conjunto de pixels que compõe uma imagem.
- No domínio espacial, o nível de cinza de um ponto f(x,y) após a transformação depende do valor do nível de cinza original do ponto e de outros pontos da vizinhança de f(x,y).
- Em geral, os pontos mais próximos contribuem mais significativamente para o novo valor de nível de cinza do que os pontos mais afastados.
- Os operadores de filtragem são geralmente classificados em filtros lineares e não-lineares.
- Filtros lineares calculam o valor resultante do pixel f'(x,y) como uma combinação linear dos níveis de cinza em uma vizinhança local do pixel f(x,y) na imagem original.

- No domínio espacial, o processo de filtragem normalmente é realizado por meio de matrizes denominadas máscaras, as quais são aplicadas sobre a imagem.
- A cada posição da máscara está associado um valor numérico, chamado de peso ou coeficiente.
- A aplicação da máscara com centro na coordenada (x, y), sendo x a posição da coluna e y a posição de uma dada linha da imagem, consiste na substituição do valor do pixel na posição (x, y) por um novo valor, o qual depende dos valores dos pixels vizinhos e dos pesos da máscara.
- Os coeficientes do filtro são multiplicados pelos níveis de cinza dos pixels correspondentes e então somados, substituindo o nível de cinza do pixel central.

• A figura abaixo mostra uma máscara genérica de 3×3 pixels. Denotando os níveis de cinza da imagem sob a máscara por $z_i = f(x, y), \ 1 \le i \le 9$, a resposta da máscara é

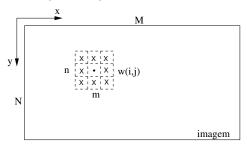
$$R = w_1 z_1 + w_2 z_2 + \ldots + w_9 z_9 = \sum_{i=1}^{9} w_i z_i$$
 (6)

em que w_i representa os coeficientes da máscara.

w_1	W ₂	<i>W</i> ₃
W4	<i>W</i> 5	W 6
W ₇	W 8	W 9

Figura: Máscara de 3×3 pixels com coeficientes arbitrários.

- Se o centro da máscara estiver em uma posição (x,y) na imagem, o nível de cinza do pixel posicionado em (x,y) será substituído por R, conforme equação 6.
- A máscara é então movida para a próxima posição de pixel na imagem e o processo se repete até que todas as posições de pixels tenham sido cobertas.
- A figura a seguir ilustra essa operação, em que a imagem e a máscara possuem dimensões $M \times N$ e $m \times n$ pixels, respectivamente.



- Dois conceitos estão relacionados à filtragem espacial, a correlação e a convolução.
- Para ilustrar o funcionamento de cada uma dessas duas operações, a filtragem será inicialmente aplicada a uma imagem unidimensional e, posteriormente, para o caso bidimensional.
- Uma das operações mais simples que pode ser realizada por meio da correlação é a filtragem da média, que consiste em substituir cada pixel da imagem unidimensional pela média de seu nível de cinza e de seus dois vizinhos.

• Seja a imagem unidimensional f representada pelo vetor mostrado a seguir:

 5	4	2	3	7	4	6	5	4	6	

- A operação de filtragem produz uma nova imagem a partir da imagem de entrada.
- Deve-se notar, entretanto, que cada pixel da imagem resultante depende apenas dos pixels da imagem original, ou seja, os resultados da média de um pixel não afetam os resultados dos outros pixels.
- O cálculo da média para o pixel com valor 3, por exemplo, produzirá o valor 4, resultado da média aritmética entre 2, 3 e 7.
- Nesse caso, a janela considerada na filtragem é de apenas três pixels, entretanto, há situações em que vizinhanças maiores devem ser utilizadas.

- A filtragem da média pode ser realizada pelo deslocamento de uma máscara com pesos iguais a 1/3, em que cada um dos valores dos pixels é multiplicado por esse peso e então somados.
- A máscara (1/3, 1/3, 1/3) forma uma estrutura chamada filtro.
- A aplicação do filtro a cada um dos pixels da imagem corresponde ao processo de correlação.
- Uma definição mais formal da correlação é agora apresentada. Seja w o filtro de correlação.
- Em geral, seleciona-se um filtro com número ímpar de elementos, tal que, durante seu deslocamento sobre a imagem, o centro do filtro esteja localizado sobre o pixel sob consideração na imagem.

• Dessa forma, a correlação da imagem f com um filtro w pode ser expressa como

$$\mathbf{w} \cdot \mathbf{f}(\mathbf{x}) = \sum_{i=\lfloor -m/2 \rfloor}^{\lfloor m/2 \rfloor} \mathbf{w}(i) \ f(\mathbf{x} + i) \tag{7}$$

 A correlação para o caso bidimensional é similar. Considerando que a imagem e o filtro possuem agora duas dimensões, a correlação é definida como

$$w \cdot f(x,y) = \sum_{i=|-m/2|}^{\lfloor m/2 \rfloor} \sum_{j=|-n/2|}^{\lfloor n/2 \rfloor} w(i,j) f(x+i,y+j)$$
 (8)

- A convolução consiste em um processo similar à correlação, com a diferença de que o filtro w deve sofrer uma reflexão (ou, equivalentemente, uma rotação de 180 graus) antes de ser aplicado à imagem.
- Assim, o resultado da convolução de uma imagem unidimensional com o filtro (2,7,8) é exatamente o mesmo que a correlação com o filtro (8,7,2).

 A convolução de uma imagem f unidimensional por um filtro w pode ser expressa como

$$w * f(x) = \sum_{i=\lfloor -m/2 \rfloor}^{\lfloor m/2 \rfloor} w(i) f(x-i)$$
 (9)

 Para o caso da convolução bidimensional, os pesos do filtro devem ser refletidos tanto na horizontal quanto na vertical, ou seja

$$w(x,y) * f(x,y) = \sum_{i=\lfloor -m/2 \rfloor}^{\lfloor m/2 \rfloor} \sum_{j=\lfloor -n/2 \rfloor}^{\lfloor n/2 \rfloor} w(i,j) f(x-i,y-j)$$
 (10)

 Deve-se notar que a correlação e a convolução são idênticas quando o filtro é simétrico

Algoritmo 3 Processo de convolução de uma imagem

Entrada: imagem f de $M \times N$ pixels e uma máscara w de $m \times n$ pixels. Saída: imagem g de $M \times N$ pixels.

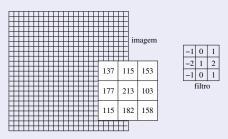
```
1: x1 = |m/2|
2: y1 = |n/2|
3: for x = 0 até M - 1 do
     for v = 0 até N - 1 do
       soma = 0
5.
    for i = -x1 até x1 do
          for i = -v1 até v1 do
7:
            soma = soma + w(i,j) * f(x - i, y - j)
8.
          end for
9:
       end for
10.
      g(x, y) = soma
11:
     end for
12.
13: end for
```

- Na operação de filtragem, deve-se calcular os pontos pertencentes à borda de modo diferente dos demais, já que estes não dispõem de todos os vizinhos.
- Por questões de simetria, tipicamente são utilizadas janelas quadradas com $n \times n$ pixels, em que n é um número ímpar.
- Por questões de eficiência computacional, normalmente são selecionados valores pequenos para n.
- Por exemplo, a aplicação de uma máscara de tamanho 3×3 pixels a uma imagem de 512×512 pixels requer nove multiplicações e oito adições para cada pixel, resultando em um total de $2\,359\,296$ multiplicações e $2\,097\,152$ adições (desconsiderando efeitos de borda da imagem).

Correlação e Convolução

Exemplo:

Seja a região da imagem mostrada na figura abaixo, cujos níveis de cinza estão destacados. A máscara de correlação é mostrada à direita.



O resultado da correlação para a região em destaque é igual a 137*(-1)+115*0+153*1+177*(-2)+213*1+103*2+115*(-1)+182*0+158*1=124. O resultado da convolução é igual a 137*1+115*0+153*(-1)+177*2+213*1+103*(-2)+115*1+182*0+158*(-1)=302.

- O efeito de um filtro passa-baixa é o de suavização da imagem, uma vez que as frequências altas que correspondem às transições abruptas são atenuadas.
- A suavização tende também, pelas mesmas razões, a minimizar o efeito do ruído em imagens.
- Por outro lado, devido ao borramento causado pela filtragem passa-baixa, detalhes finos podem ser removidos da imagem.

• Alguns exemplos de filtros passa-baixas são mostrados abaixo.

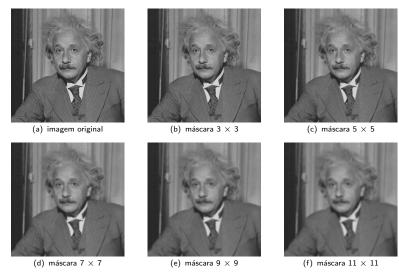


$$h_4 = \frac{1}{10} \begin{bmatrix} \frac{1}{1} & \frac{1}{1} & \frac{1}{1} \\ \frac{1}{1} & \frac{1}{1} & \frac{1}{1} \end{bmatrix}$$

$$h_4 = \frac{1}{10} \begin{bmatrix} \frac{1}{1} & \frac{1}{1} & \frac{1}{1} \\ \frac{1}{1} & \frac{1}{1} & 1 \end{bmatrix} \qquad h_5 = \frac{1}{16} \begin{bmatrix} \frac{1}{1} & \frac{1}{2} & \frac{1}{1} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{4} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{1} & \frac{1}{2} & \frac{1}{1} \end{bmatrix}$$

- As máscaras h₁, h₂ e h₃ possuem todos seus coeficientes iguais a 1, e o resultado da convolução é dividido por um fator de normalização.
- Tais filtros são denominados filtros da média, em que cada pixel é substituído pelo valor médio de seus vizinhos.
- O fator de normalização é, em geral, igual à soma dos coeficientes da máscara, de modo a preservar o valor médio.
- Dessa forma, a aplicação de filtros da média em uma região homogênea da imagem, ou seja, com níveis de cinza constantes, não sofrerá alteração de seus níveis de cinza.
- ullet Os filtros h_4 e h_5 introduzem uma ponderação conforme a distância e a orientação dos pontos vizinhos.

 A figura abaixo mostra exemplos de aplicação do filtro da média com diferentes tamanhos de máscara.



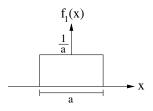
- Filtros passa-baixas que possuem coeficientes iguais a 1, tais como os filtros h_1 , h_2 e h_3 mostrados anteriormente, são também conhecidos como *filtros-caixa*.
- Seja a um número inteiro que corresponde às dimensões da máscara. No caso unidimensional, esses filtros podem ser expressos como

$$f_1(x) = \begin{cases} \frac{1}{a}, & \text{se } |x| < \frac{a}{2} \\ 0, & \text{caso contrário} \end{cases}$$
 (11)

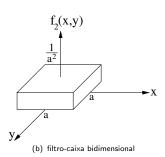
Uma extensão para o caso bidimensional é dada por

$$f_2(x,y) = \begin{cases} \frac{1}{a^2}, & \text{se } |x| < \frac{a}{2} \text{ e } |y| < \frac{a}{2} \\ 0, & \text{caso contrário} \end{cases}$$
 (12)

• Gráficos para os filtros apresentados nas equações 11 e 12 são mostrados nas figuras (a) e (b), respectivamente.



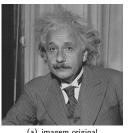
(a) filtro-caixa unidimensional



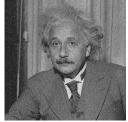
- Como mencionado anteriormente, um dos grandes problemas relacionados à eliminação de ruído em imagens por meio de filtros passa-baixas é a supressão de detalhes finos e bordas da imagem.
- O processamento com filtros não-lineares procura evitar a suavização homogênea ao longo das regiões próximas a essas bordas.
- Uma classe de filtros n\u00e3o-lineares bastante empregada em processamento de imagens \u00e9 formada pelos filtros estat\u00edsticos de ordem.
- Dada uma vizinhança contendo m pixels, estes pixels são ordenados em um novo conjunto p₁, p₂...pm, em que pi ≤ pi+1, i = 1, 2,..., m-1.
- Em imagens monocromáticas, a ordenação poderia ser realizada pelas intensidades dos pixels.
- Por outro lado, em imagens multibandas, as cores dos pixels poderiam ser utilizadas na ordenação dos pixels.

- Um dos filtros não-lineares mais importantes é o filtro da mediana, o qual consiste em substituir a intensidade de cada pixel pela mediana das intensidades na vizinhança do pixel.
- Para uma vizinhança de $n \times n$ pixels, sendo n ímpar, a mediana das intensidades ordenadas encontra-se na posição $(n^2 + 1)/2$.
- O filtro da mediana é adequado para reduzir o efeito de ruído impulsivo do tipo sal-e-pimenta, já que os níveis de cinza dos pixels que diferem significativamente de seus vizinhos (valores altos ou baixos), em uma dada vizinhança, serão descartados pelo filtro.
- Além disso, o filtro da mediana não introduz valores de níveis de cinza diferentes daqueles contidos na imagem original e, por afetar menos as bordas, pode ser aplicado iterativamente.

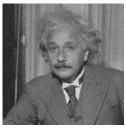
• Exemplos da aplicação do filtro da média e da mediana em uma imagem corrompida por ruído impulsivo (sal-e-pimenta).



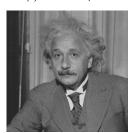
(a) imagem original



(b) com ruído impulsivo



(c) após filtro da média 5 ×5



(d) após filtro da mediana 5×5

- Além do filtro da mediana, outros filtros estatísticos de ordem frequentemente utilizados são os filtros mínimo, máximo e da moda.
- No filtro mínimo, uma máscara é aplicada a cada pixel da imagem, sendo que o pixel central à máscara tem seu valor substituído pelo menor valor dentre os valores de intensidade dos pixels contidos na vizinhança delimitada pela máscara: regiões mais escuras de uma imagem são aumentadas, dominando as áreas mais claras.
- Analogamente, no filtro máximo é escolhido o maior valor dentre os valores de intensidade dos pixels da vizinhança para substituir o valor do pixel central à máscara: regiões mais claras de uma imagem são aumentadas, dominando as áreas mais escuras.
- O filtro da moda seleciona o valor que ocorre com maior frequência na vizinhança para substituir o valor do pixel central à máscara.

- Exemplos de aplicação dos filtros estatísticos de ordem descritos anteriormente para uma vizinhança de 3 x 3 pixels em uma imagem.
- Após a ordenação dos nove valores de intensidade dos pixels na vizinhança considerada da imagem original, os novos valores do pixel central são calculados para cada filtro e substituídos na imagem resultante.

15	10	25]	15	10	25	15	10	25	15	10	25		15	10	25
20	35	10		20	10	10	20	40	10	20	25	10		20	35	10
35	40	35		35	40	35	35	40	35	35	40	35		35	40	35
(a)			(b)			(c)			(d)				(e)			

Figura: Exemplos de filtros estatísticos de ordem em uma vizinhança de 3×3 pixels. (a) valores originais de intensidade; (b) filtro mínimo; (c) filtro máximo; (d) filtro da mediana; (e) filtro da moda.

- Nos filtros Gaussianos, os coeficientes da máscara são derivados a partir de uma função Gaussiana bidimensional.
- ullet A função Gaussiana discreta com média zero e desvio padrão σ é definida como

$$G(x,y) = \frac{1}{2\pi\sigma^2} \exp\left(\frac{-(x^2+y^2)}{2\sigma^2}\right)$$

que é usada como um filtro de suavização.

• Um gráfico dessa função é mostrada na figura a seguir.

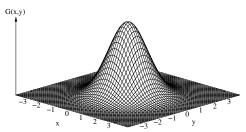


Figura: Função Gaussiana bidimensional com média (0,0) e $\sigma=1$.

- Características úteis em processamento de imagens:
 - Em duas dimensões, funções Gaussianas são simétricas com relação à rotação. Isso significa que o grau de suavização realizado pelo filtro será o mesmo em todas as direções, ou seja, o filtro é isotrópico.
 - A suavização da imagem é realizada por meio da substituição de cada pixel por uma média ponderada dos pixels vizinhos, tal que o peso dado a um vizinho decresce monotonicamente com a distância do pixel central.
 - ② A largura de um filtro Gaussiano, ou seja, seu grau de suavização está relacionado com o parâmetro σ . Quanto maior o valor de σ , maior a largura do filtro Gaussiano e maior o seu grau de suavização.
 - Funções Gaussianas são separáveis, portanto, uma convolução Gaussiana pode ser realizada processando a imagem com um filtro Gaussiano unidirecional e então processando o resultado com o mesmo filtro unidirecional orientado ortogonalmente ao filtro Gaussiano utilizado no primeiro estágio. Esse processo reduz consideravelmente o número de operações utilizadas na convolução Gaussiana.

 Uma maneira comum de aproximar os coeficientes de um filtro Gaussiano é utilizar a expansão binomial

$$(a+b)^{n} = \sum_{k=0}^{n} \frac{n!}{k!(n-k)!} a^{n-k} b^{k}$$

 Os coeficientes da expansão binomial podem ser obtidos por meio do triângulo de Pascal, cujas sete primeiras linhas são mostradas abaixo.

- Uma máscara unidimensional de tamanho n pode ser obtida tomando-se a n-ésima linha do triângulo de Pascal.
- Por exemplo, a máscara

$$\frac{1}{16} \boxed{1 \mid 4 \mid 6 \mid 4 \mid 1}$$

pode ser obtida pela quinta linha do triângulo de Pascal, dividida por um fator de escala igual à soma dos coeficientes da máscara, ou seja, 2^{n-1} .

ullet O desvio padrão σ do filtro Gaussiano pode ser obtido como

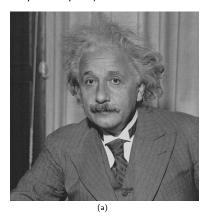
$$\sigma = \frac{\sqrt{n-1}}{2}$$

ullet Uma máscara bidimensional para implementar o filtro Gaussiano com $\sigma=1.0$ pode ser obtida a partir de duas máscaras unidimensionais horizontal e vertical:

	1								1	4	6	4	1
1	4	1						1	4	16	24	16	4
$\frac{1}{16}$	6	$\frac{1}{16}$	1	4	6	4	1	$=\frac{1}{256}$	6	24	36	24	6
10	4	10				-	•	250	4	16	24	16	4
	1								1	4	6	4	1

(13)

ullet Exemplo de aplicação do filtro Gaussiano 5 imes 5 mostrado em 13.



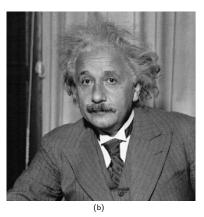


Figura: Filtro Gaussiano. (a) imagem original; (b) imagem suavizada por filtro Gaussiano.

- As técnicas de filtragem passa-baixa para redução de ruído, como os filtros estatísticos da média ou mediana, podem suprimir detalhes importantes da imagem, por exemplo, linhas finas ou cantos de objetos.
- Isso ocorre porque tais filtros não levam em consideração se um determinado pixel está localizado sobre uma borda ou se os pixels vizinhos apresentam uma certa orientação.
- As figuras (a) e (b) ilustram regiões contendo uma linha vertical e o canto de um objeto em uma imagem, respectivamente, tal que a aplicação de um filtro da mediana causaria a supressão de detalhes.



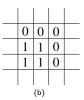


Figura: Supressão de detalhes em duas regiões após filtragem da mediana. (a) linha fina vertical; (b) canto de objeto.

- Máscaras não retangulares podem ser utilizadas para reduzir o efeito da supressão de determinados detalhes da imagem.
- Por exemplo, a máscara ilustrada na figura a seguir, centrada em um pixel de interesse, poderia ser aplicada em casos nos quais linhas horizontais e verticais necessitam ser preservadas na filtragem da mediana.



Figura: Vizinhança para preservar linhas horizontais e verticais na filtragem da mediana.

- Uma das primeiras técnicas de filtragem com preservação de bordas foi proposta por Kuwahara et al. (1976).
- O filtro considera uma região quadrada de dimensões $(2k-1) \times (2k-1)$ pixels ao redor de um pixel (x,y) da imagem.
- ullet Essa região é subdividida em quatro janelas de $k \times k$ pixels, conforme figura a seguir.

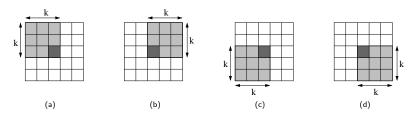


Figura: Máscaras de Kuwahara et al. (1976).

- A variância dos níveis de cinza para cada janela é calculada.
- O valor de cada pixel (x, y) da imagem é substituído pela média dos níveis de cinza da janela, cuja variância é mínima.
- O método baseia-se no fato de que as regiões contendo bordas possuem uma variância mais alta do que regiões homogêneas, tal que a média é selecionada sobre as regiões suaves que não cruzam bordas.
- O algoritmo a seguir ilustra a técnica de filtragem com preservação de bordas baseada no cálculo de variância de um conjunto de máscaras.

Algoritmo 4 Filtragem com preservação de bordas

- 1: for cada pixel f(x, y) da imagem de entrada do
- 2: calcular variância de cada máscara do conjunto sobre o pixel f(x, y).
- 3: escolher a máscara cuja variância é mínima.
- 4: atribuir ao pixel f(x, y) na imagem de saída a intensidade média na máscara escolhida.
- 5. end for

- Métodos similares para preservação de bordas baseada no cálculo da variância de um conjunto de máscaras foram propostos por outros autores.
- Tomita e Tsuji (1977), Nagao e Matsuyama (1979) e Somboonkaew et al. (1999) propõem um conjunto de cinco, nove e doze máscaras, respectivamente, de 5×5 pixels para o processo de suavização.
- Nesses métodos, o valor de cada pixel da imagem é substituído pela média da máscara cuja variância é mínima.

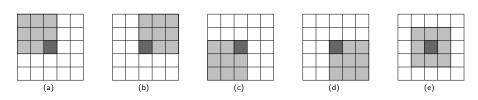


Figura: Máscaras de Tomita e Tsuji (1977).

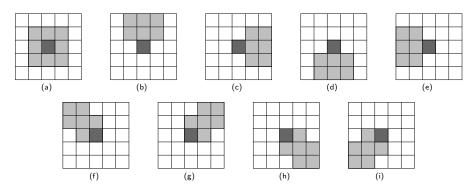


Figura: Máscaras de Nagao e Matsuyama (1979).

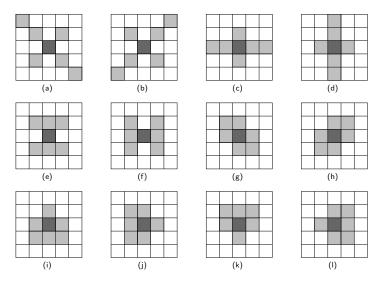


Figura: Máscaras de Somboonkaew et al. (1999).

- Outra técnica de filtragem com preservação de bordas foi proposta por Wang, Vagnucci e Li (1981). O filtro, conhecido como filtro ponderado pelo inverso do gradiente (GIW, do inglês, Gradient Inverse Weighted Filter), é baseado no princípio de que as variações dos níveis de cinza no interior de uma região são menores do que as variações entre regiões.
- ullet A diferença entre os níveis de cinza de pixels em uma vizinhança V é definida como

$$\Delta(x,y) = |f(x+m,y+n) - f(x,y)|$$

em que f(x,y) é o nível de cinza do pixel (x,y), m e n podem assumir os valores -1, 0 ou 1, mas não podem ser ambos iguais a zero.

ullet O inverso absoluto do gradiente no ponto (x,y) é definido a partir dessa diferença como

$$\delta(x,y) = \begin{cases} \frac{1}{\Delta(x,y)}, & \text{se } \Delta(x,y) \neq 0\\ 2, & \text{se } \Delta(x,y) = 0 \end{cases}$$

• A saída do filtro GIW possui a forma

$$f'(x,y) = 0.5 f(x,y) + 0.5 g(x,y)$$
(14)

em que

$$g(x,y) = \sum_{m,n \in V} W(m,n) f(x+m,y+n)$$
 (15)

e

$$W(m,n) = \frac{\delta(x,y)}{\sum_{x,y} \delta(x,y)}$$
 (16)

Wang (1992) aperfeiçou o filtro GIW para a forma

$$f'(x,y) = K(x,y) f(x,y) + [1 - K(x,y)] g(x,y)$$
(17)

em que

$$K(x,y) = \frac{\sigma_{g(x,y)}^2}{\sigma_{f(x,y)}^2 + \sigma_{g(x,y)}^2}$$
 (18)

- Assume-se que f(m,n), para m,n=0,1,2,..., são variáveis aleatórias independentes que seguem uma distribuição Gaussiana com variância $\sigma_f^2(x,y)$. A variância de g(x,y) é dada por $\sigma_{g(x,y)}^2$.
- Da equação 18, se $\sigma_{f(x,y)}^2$ e $\sigma_{g(x,y)}^2$ forem iguais, então K(x,y)=0.5, obtendo-se o filtro original apresentado na equação 14. Entretanto, em muitas situações, $\sigma_{g(x,y)}^2$ é muito menor que $\sigma_{f(x,y)}^2$.

• Como um valor exato para $\sigma_{g(x,y)}^2$ não é disponível, Wang (1992) considera W(x,y) como uma constante no ponto (x,y) para se obter um valor aproximado dado por

$$\sigma_{g(x,y)}^2 = \sigma_{f(x,y)}^2 \left[\sum_{m,n \in V} W(m,n)^2 \right]$$
 (19)

• Substituindo a equação 19 em 18, obtém-se

$$K(x,y) = \frac{D(x,y)}{1 + D(x,y)} \tag{20}$$

em que
$$D(x,y) = \sum_{m,n \in V} W(x,y)^2$$
.

• Tanto o filtro GIW original quanto sua versão aperfeiçoada envolvem apenas operações aritméticas simples e não requerem o ajuste de parâmetros.

- Adelmann (1999) propõe uma técnica de filtragem para redução de ruído, procurando preservar detalhes finos da imagem.
- Inicialmente, um teste é realizado para cada pixel da imagem para determinar se ele está localizado sobre uma borda, considerando-se cada uma das possíveis orientações representadas pelas máscaras de tamanho 5 x 5 pixels mostradas na figura a seguir.

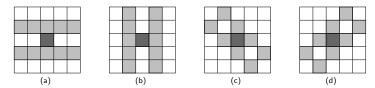


Figura: Máscaras de Adelmann (1999) para detecção de bordas em diferentes orientações. (a) horizontal; (b) vertical; (c)-(d) diagonais.

- A média dos pixels dispostos de acordo com cada uma dessas orientações é
 calculada com respeito ao pixel central da vizinhança, seguida por um processo de
 diferenciação, o qual consiste na multiplicação de uma matriz de 1 × 2 pixels com
 um núcleo de diferenciação de 1 × 2 pixels com valores -1 e 1, cujo objetivo é
 determinar a presenca de borda.
- O processo de diferenciação para a orientação da figura anterior (a) é ilustrado na figura a seguir, em que \overline{X}_1 e \overline{X}_2 representam a média calculada para cada linha, no interior da vizinhança do pixel.

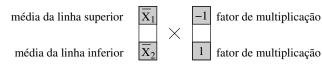


Figura: Processo de diferenciação para a orientação horizontal.

- Quanto maior a diferença absoluta $|\overline{X}_1 \overline{X}_2|$, mais pronunciada é a borda.
- A diferença mais alta entre todas as orientações é selecionada.
- Flutuações mínimas nos níveis de cinza podem ocorrer mesmo em regiões praticamente homogêneas (planas) da imagem, tal que a diferença pode ser comparada com um limiar para determinar o que deve ou não ser preservado como borda.
- Finalmente, o valor do pixel central da vizinhança é substituído por uma média calculada para os pixels dispostos de acordo com uma das máscaras da figura a seguir, dependendo da orientação que a borda foi estimada.

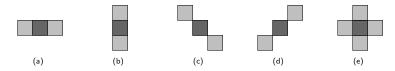


Figura: Máscaras para cálculo do pixel central.

- Caso o pixel central não esteja sobre uma borda, ou seja, o pixel pertence a uma região plana da imagem, o valor do pixel central é substituído pela média dos pixels mostrados na figura (e).
- Dessa forma, pode-se obter uma suavização mais acentuada e mais efetiva em termos de redução de ruído nessas áreas da imagem.

Filtros Passa-Altas

- Os filtros passa-altas podem ser usados para realçar certas características presentes na imagem, tais como bordas, linhas ou regiões de interesse.
- Dois exemplos de filtros passa-altas são mostrados a seguir:

$$h_2 = \begin{array}{|c|c|c|c|c|c|} \hline -1 & -1 & -1 \\ \hline -1 & 8 & -1 \\ \hline -1 & -1 & -1 \\ \hline \end{array}$$

Filtros Passa-Altas

 A figura (b) mostra o resultado da aplicação do filtro passa-alta h₂ sobre a imagem da figura (a).

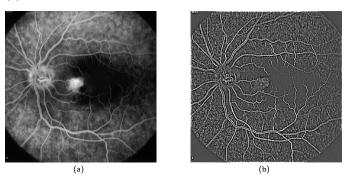


Figura: Filtro passa-alta. (a) imagem original; (b) resultado após aplicação de filtro passa-alta.

Filtragem no Domínio de Frequência

- A base matemática das técnicas de filtragem no domínio de frequência é o teorema da convolução.
- Seja g(x, y) a imagem formada pela convolução (denotada pelo símbolo *) da imagem f(x, y) com um operador linear h(x, y), ou seja

$$g(x,y) = f(x,y) * h(x,y)$$

 Então, pelo teorema da convolução, a seguinte relação no domínio de frequência é satisfeita

$$G(u, v) = F(u, v)H(u, v)$$

em que G, F e H são os resultados obtidos pela aplicação da transformada de Fourier nas imagens g, f e h, respectivamente.

 Na terminologia de sistemas lineares, a transformada H(u, v) é denominada função de transferência do filtro.

Filtragem no Domínio de Frequência

- O problema consiste, então, em definir a função H(u, v) que conduza à imagem desejada G(u, v).
- A transformada inversa, $F^{-1}\{G(u,v)\}$, define a imagem filtrada no domínio espacial g(x,y).

- O objetivo de um filtro passa-baixa é manter os componentes de baixa frequência e reduzir os componentes das bandas de alta frequência.
- Um filtro passa-baixa ideal pode ser representado pela função de transferência

$$H(u,v) = \begin{cases} 1, \text{ se } D(u,v) \le D_0 \\ 0, \text{ se } D(u,v) > D_0 \end{cases}$$
 (21)

em que D_0 é a frequência de corte medida a partir da origem e D(u, v) é a distância do ponto (u, v) até a origem do plano da frequência, ou seja

$$D(u, v) = \sqrt{u^2 + v^2}$$
 (22)

 Um gráfico em perspectiva e a seção transversal de um filtro passa-baixa são mostrados na figura a seguir.

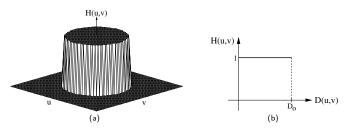


Figura: Filtro passa-baixa. (a) gráfico da função de transferência; (b) seção transversal do filtro.

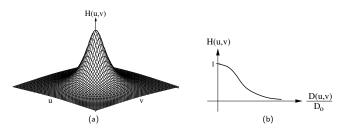
- Os filtros passa-baixas considerados aqui s\u00e3o radialmente sim\u00e9tricos com respeito \u00e0
 origem.
- A especificação de filtros radialmente centrados em um quadrado de frequência é baseada na hipótese de que a origem da transformada de Fourier está centrada no quadrado.

- Pode-se observar que, de acordo com a equação 21, todas as frequências contidas dentro do círculo de raio D_0 não sofrem atenuações, enquanto todas as frequências fora deste círculo são completamente atenuadas, por isso, o termo filtro *ideal*.
- Assim como no domínio espacial, os filtros passa-baixas no domínio de frequência causam uma suavização da imagem, uma vez que as altas frequências, correspondendo às transicões abruptas, são atenuadas.
- Tais filtros tendem a minimizar o efeito de ruído, entretanto, diminuem a nitidez da imagem.

ullet O filtro passa-baixa de Butterworth de ordem n é dado pela função de transferência

$$H(u, v) = \frac{1}{1 + [D(u, v)/D_0]^{2n}}$$

- Essa função define um filtro passa-baixa que não apresenta a transição abrupta na frequência de corte, como ocorre com o filtro passa-baixa ideal.
- Um gráfico em perspectiva e a seção transversal de um filtro passa-baixa são mostrados a seguir.



• Normalmente, o valor de frequência de corte D_0 corresponde a uma fração do valor máximo de H(u, v).

• Pode-se verificar facilmente que, quando $D(u, v) = D_0$, então H(u, v) = 0.5, ou

- seja, o valor de H(u, v) reduz-se para 50% de seu valor máximo.
- Outro valor tipicamente utilizado é $1/\sqrt{2}$ do valor máximo de H(u, v), resultando em

$$H(u,v) = \frac{1}{1 + [\sqrt{2} - 1][D(u,v)/D_0]^{2n}} \approx \frac{1}{1 + 0.414[D(u,v)/D_0]^{2n}}$$

- As transições bruscas de um sinal estão associadas aos componentes de alta frequência do espectro de Fourier.
- Assim, um realce da imagem, com ênfase nessas transições, pode ser obtido deixando-se passar as altas frequências e atenuando-se as demais.
- As transições entre diferentes regiões da imagem tornam-se mais nítidas, entretanto, possuem o efeito indesejado de enfatizar o ruído que possa existir na imagem.

 Um filtro passa-alta ideal, ilustrado na figura a seguir, é dado pela função de transferência

$$H(u,v) = \begin{cases} 0, \text{ se } D(u,v) \leq D_0 \\ 1, \text{ se } D(u,v) > D_0 \end{cases}$$

em que D_0 é a frequência de corte medida a partir da origem, no plano da frequência, e D(u,v) é definida como anteriormente na equação 22.

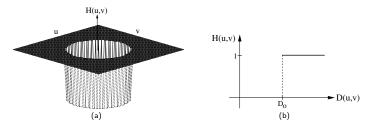
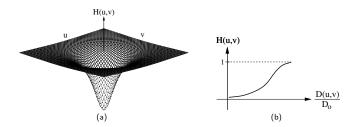


Figura: Filtro passa-alta. (a) gráfico da função de transferência; (b) seção transversal do filtro para n=1.

 O filtro passa-alta de Butterworth de ordem n, ilustrado na figura a seguir, é definido pela função

$$H(u, v) = \frac{1}{1 + [D_0/D(u, v)]^{2n}}$$



- Assim como no caso do filtro passa-baixa de Butterworth, quando $D(u, v) = D_0$, o valor de H(u, v) reduz-se para 50% do seu valor máximo.
- Um valor tipicamente utilizado é $1/\sqrt{2}$ do valor máximo de H(u, v), resultando em

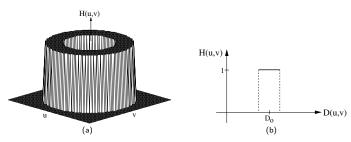
$$H(u,v) = \frac{1}{1 + [\sqrt{2} - 1][D_0/D(u,v)]^{2n}} \approx \frac{1}{1 + 0.414[D_0/D(u,v)]^{2n}}$$

- Um filtro passa-faixa permite a passagem das frequências localizadas em uma faixa ou banda específica, enquanto atenua ou completamente suprime todas as outras frequências.
- Um filtro passa-faixa ideal é dado pela função

$$H(u,v) = \begin{cases} 0, \text{ se } D(u,v) < D_0 - \frac{W}{2} \text{ ou se } D(u,v) > D_0 + \frac{W}{2} \\ 1, \text{ se } D_0 - \frac{W}{2} \le D(u,v) \le D_0 + \frac{W}{2} \end{cases}$$

em que W é a largura da banda, D_0 é o raio da região para passagem das frequências de corte em torno da origem e D(u, v) é definida como anteriormente na equação 22.

 Um gráfico em perspectiva e a seção transversal de um filtro passa-faixa são mostrados na figura abaixo.

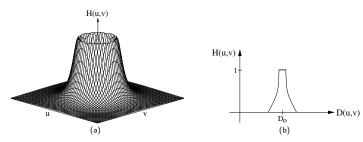


 O filtro passa-faixa de Butterworth de ordem n, ilustrado na figura a seguir, é definido pela função

$$H(u,v) = 1 - \frac{1}{1 + [W \ D(u,v)]/[D^2(u,v) - D_0^2]^{2n}}$$

em que W, D_0 e D(u, v) são definidos de maneira similar ao filtro passa-faixa ideal.

 Um gráfico em perspectiva e a seção transversal de um filtro passa-faixa de Butterworth são mostrados na figura a seguir.



• Assim como no caso do filtro passa-baixa de Butterworth, quando $D(u, v) = D_0$, o valor de H(u, v) reduz-se para 50% do seu valor máximo. Um valor tipicamente utilizado é $1/\sqrt{2}$ do valor máximo de H(u, v), resultando em

$$H(u,v) = \frac{1}{1 + [\sqrt{2} - 1][D_0/D(u,v)]^{2n}} \approx \frac{1}{1 + 0.414[D_0/D(u,v)]^{2n}}$$

- A técnica de meios-tons (halftoning) é um processo que emprega padrões formados por pontos pretos e brancos para reduzir o número de níveis de cinza de uma imagem.
- Devido à tendência do sistema visual humano em atenuar a distinção entre pontos com tons diferentes, os padrões de pontos pretos e brancos produzem um efeito visual como se a imagem fosse composta de tons de cinza claros e escuros.
- Essa técnica é bastante antiga e muito utilizada na impressão de imagens em jornais e revistas, em que apenas os níveis preto (tinta) e branco (papel) são necessários.
- Há diversos métodos para geração de imagens meios-tons, em particular:
 - pontilhado ordenado (ordered dithering).
 - pontilhado com difusão de erro (dithering with error diffusion).

- A técnica de meios-tons consiste, basicamente, em imprimir em cada unidade de resolução (por exemplo, 0.25 × 0.25 cm²) um círculo de tinta preta cujo tamanho é inversamente proporcional à intensidade da imagem na unidade de resolução.
- Dessa forma, os pontos são menores nas regiões claras da imagem e maiores nas regiões escuras.
- Exemplo de um conjunto de regiões de 2 × 2 pixels utilizado para formar cinco padrões é mostrado a seguir.

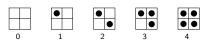


Figura: Cinco padrões de 2 × 2 pixels.

- Alguns cuidados são necessários durante a geração dos padrões:
 - os pontos devem ser dispostos de maneira a minimizar efeitos indesejáveis na imagem resultante, por exemplo, a ocorrência de linhas horizontais ou verticais em uma parte da imagem.
 - se um pixel for preto no padrão i, ele também deve ser preto em todos os padrões j > i, reduzindo a ocorrência de falsos contornos na imagem.
- Padrões de tamanho 3×3 e 3×2 pixels são mostrados a seguir.

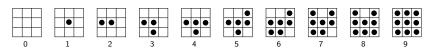


Figura: Dez padrões de 3×3 pixels.

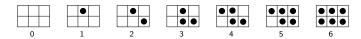


Figura: Sete padrões de 3×2 pixels.

- Para padrões com dimensões $n \times m$ pixels e dois níveis (branco e preto), o número de arranjos distintos é nm+1.
- É importante ocorrer um equilíbrio entre a resolução espacial e a profundidade da imagem, conceitos discutidos anteriormente.
- O uso de padrões de 3 x 3 pixels limita a resolução espacial para um terço em cada dimensão da imagem, entretanto, fornece 10 níveis de cinza.
- Evidentemente, a escolha da relação entre a resolução espacial e a profundidade da imagem depende da acuidade visual humana e da distância da qual a imagem é vista.

• Os conjuntos de padrões de 2×2 , 3×3 e 3×2 pixels mostrados anteriormente podem ser representados, respectivamente, por meio das matrizes ilustradas a seguir, tal que um determinado padrão i é formado pela ativação dos elementos da matriz cujos valores são menores do que i.

		-	0	_
2		6	8	
-	Į	1	0	
	1	5	2	Н
_	•	5	4	
			(b)	



Figura: Padrões representados por matrizes.

- Devido a essa ordem na qual os padrões são formados, essa técnica de meios-tons é conhecida como pontilhado ordenado.
- Os valores das células da matriz podem ser utilizados como limiares: se o valor (normalizado) do pixel for menor que o número correspondente à célula da matriz, o pixel será substituído pelo valor preto, caso contrário, será substituído pelo valor branco.

 Padrões maiores (quadrados) podem ser gerados a partir de matrizes de ordem 2ⁿ × 2ⁿ, conforme a relação de recorrência:

$$D_n = \begin{bmatrix} 4D_{n/2} + 2U_{n/2} & 4D_{n/2} \\ 4D_{n/2} + U_{n/2} & 4D_{n/2} + 3U_{n/2} \end{bmatrix} \qquad n \ge 4$$

em que D_2 é a matriz de ordem 2×2 , ilustrada na figura (a) anterior, e U_n é uma matriz $n \times n$, cujos elementos são todos unitários.

- Técnicas de pontilhado com difusão de erro procuram distribuir a diferença entre o valor exato de cada pixel e seu valor aproximado a um conjunto de pixels adjacentes.
- Algumas propostas para distribuição de erro em técnicas de pontilhado são mostradas nas figuras a seguir.

	f(x,y)	7/16
3/16	5/16	1/16

Floyd e Steinberg

			f(x,y)		32/200	
12/200		26/200		30/200		16/200
	12/200		26/200		12/200	
5/200		12/200		12/200		5/200

Stevenson e Arce

		f(x,y)	8/32	4/32
2/32	4/32	8/32	4/32	2/32

Burkes

		f(x,y)	8/42	4/42
2/42	4/42	8/42	4/42	2/42
1/42	2/42	4/42	2/42	1/42

Stucki

		f(x,y)	5/32	3/32
2/32	4/32	5/32	4/32	2/32
	2/32	3/32	2/32	

Sierra

		f(x,y)	7/48	5/48
3/48	5/48	7/48	5/48	3/48
1/48	3/48	5/48	3/48	1/48

Jarvis, Judice e Ninke

 Um algoritmo para a técnica de pontilhado com difusão de erro de Floyd e Steinberg é apresentado a seguir.

Algoritmo 5 Técnica proposta por Floyd e Steinberg (1976)

```
1: entrada: imagem f(x, y) com 256 níveis de cinza
 2: saída: imagem g(x, y) com 2 níveis de cinza
   for x = 0 até M - 1 do
     for y = 0 até N - 1 do
        if f(x, y) < 128 then
 5:
          g(x,y) = 0 // \text{ cor branca}
6:
        else
7:
           g(x, y) = 1 // \text{ cor preta}
8:
        end if
9:
        // armazenar o erro (diferença entre o valor exato do pixel e o valor aproximado)
10:
        erro = f(x, y) - g(x, y) * 255
11:
        // distribuir o erro aos pixels adjacentes
12:
        f(x+1,y) = f(x+1,y) + (7/16)*erro
13:
        f(x-1, y+1) = f(x-1, y+1) + (3/16)*erro
14:
        f(x, y + 1) = f(x, y + 1) + (5/16)*erro
15.
        f(x+1,y+1) = f(x+1,y+1) + (1/16)*erro
16.
      end for
17.
18: end for
```

- A ordem na qual a imagem é percorrida pode produzir resultados diferentes no processo de meio-tom.
- A varredura da esquerda para a direita (figura (a) a seguir) pode gerar padrões indesejados ou a impressão de uma certa direcionalidade na imagem resultante.
- Para evitar esses efeitos, uma opção é alternar a direção de varredura a cada linha (figura (b)).
- Uma outra abordagem utiliza curvas de preenchimento do espaço para distribuir o erro de quantização da imagem.

 A curva de Hilbert, proposta por David Hilbert em 1891 e baseada nas curvas de preenchimento descritas pelo matemático italiano Giuseppe Peano em 1890, possui características úteis para geração de imagens em meios-tons, dentre elas o percurso que visita exatamente uma vez cada ponto disposto em uma grade quadrada (figura (c)).

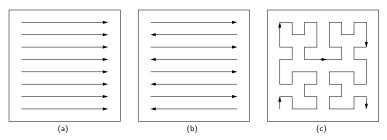


Figura: Formas de varredura da imagem. (a) unidirecional; (b) alternada; (c) curva de Hilbert

- As figuras (c) e (d) a seguir mostram as imagens obtidas pela aplicação das técnicas de pontilhado ordenado e pontilhado com difusão de erro, formadas com os padrões de 3×3 mostrados anteriormente.
- A figura (b) mostra o resultado da conversão da imagem original da figura (a) por meio da técnica de limiarização global, em que pixels da imagem com valores iguais ou superiores a 150 são convertidos para a cor branca e valores inferiores a 150 são convertidos para a cor preta.
- Pode-se observar que, quando comparada com a técnica de meio-tom, a técnica de limiarização resulta em grande perda de detalhes finos.

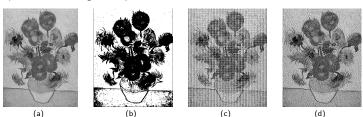


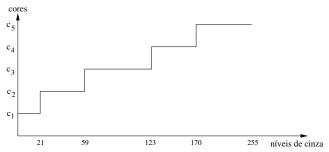
Figura: Aplicação da técnica de meios-tons com os padrões da figura 20. (a) imagem original com 256 níveis de cinza; (b) imagem binária; (c) resultado obtido pelo pontilhado ordenado; (d) resultado obtido pelo pontilhado com difusão de erro.

Realce de Imagens Baseado em Cores

- As cores presentes em uma imagem desempenham um papel significativo no processo de identificação de objetos realizado tanto pelos seres humanos quanto pelos computadores.
- O sistema visual humano é capaz de discernir milhares de tons e intensidades de cores, comparado com apenas algumas dezenas de níveis de cinza.
- Algumas técnicas para realçar imagens por meio do uso de cores são apresentadas a seguir.

Transformação Pseudocor

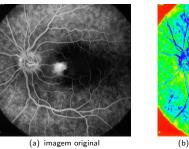
- A transformação pseudocor converte uma imagem de níveis de cinza em uma imagem colorida, mapeando-se cada nível de cinza ou faixa de níveis em uma cor diferente.
- Uma função de mapeamento é mostrada a seguir, em que cada faixa de níveis de cinza é associada a uma cor diferente.

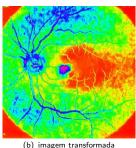


Essa técnica, também conhecida como fatiamento por densidade, pode ser útil
quando a imagem possui várias regiões de interesse com pouca variação de níveis de
cinza entre si, as quais podem ser realçadas pela atribuição de uma cor diferente a
cada uma das regiões.

Transformação Pseudocor

 A figura a seguir mostra uma imagem em níveis de cinza e o resultado da transformação pseudocor.





- A principal desvantagem da técnica de transformação pseudocor é que certos detalhes da imagem podem ser perdidos pelo uso reduzido de um conjunto de cores.
- Além disso, contornos artificiais também podem ser criados entre as regiões pela associação de uma única cor a uma faixa de níveis de cinza.

Realce com Transformação HSI

- O modelo HSI é apropriado para realce de imagens coloridas, pois as informações de matiz (H), saturação (S) e intensidade (I) da imagem são representadas separadamente.
- Um exemplo de realce de imagens coloridas é mostrado a seguir:
 - na imagem colorida original, representada com o modelo RGB, alguns detalhes não estão nítidos.
 - após a conversão da imagem para o modelo HSI, seu componente de intensidade é equalizado.
 - a imagem resultante é novamente convertida para o modelo RGB, cujos detalhes são visivelmente mais aparentes.
 - ▶ a distribuição das intensidades antes e após a equalização são também apresentadas.

Realce com Transformação HSI

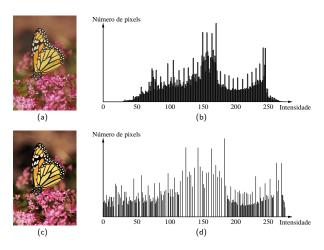


Figura: Realce com transformação HSI. (a) imagem original (modelo RGB) (b) histograma de intensidade da imagem original; (c) imagem resultante após equalização e conversão para o modelo RGB; (d) histograma de intensidade da imagem equalizada.

Realce com Transformação HSI

- Uma aplicação da transformação HSI é a fusão de imagens multiespectrais com uma imagem pancromática (composta de apenas uma banda) de alta resolução espacial.
- No processo de fusão, a imagem composta por três bandas multiespectrais é transformada do modelo de cores RGB para o modelo HSI.
- A imagem associada à intensidade é então substituída pela banda pancromática.
 Posteriormente, a transformação inversa de HSI para RGB é aplicada, resultando em uma imagem multiespectral com melhor resolução espacial do que a imagem original.

Realce por Falsa Cor

- A técnica de realce por falsa cor utiliza um conjunto de cores para destacar certas regiões de interesse ou informações espectrais, auxiliando a interpretação das imagens.
- A transformação pode ser aplicada em imagens monocromáticas ou coloridas.
- Embora o resultado possa produzir imagens cujas cores não correspondam aos valores espectrais reais da cena, o realce por falsa cor pode melhorar significativamente a qualidade visual das imagens.

Realce por Falsa Cor

 Um exemplo de aplicação da técnica de realce por falsa cor, ilustrada na figura a seguir, é a redistribuição de cores em uma imagem de satélite de baixo contraste para tornar certos detalhes mais perceptíveis.

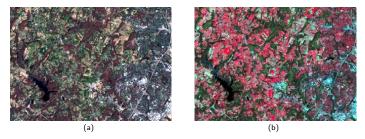


Figura: Realce por falsa cor. (a) imagem original; (b) imagem após redistribuição de cores.