

## Aplicação: Escolha Intertemporal



# Escolha Intertemporal

---

- Até aqui, nos concentramos em modelos estáticos: todas as escolhas são feitas em apenas um período.
- Em muitas situações, precisamos modelar as escolhas que as pessoas fazem em vários períodos do tempo.
  - Aplicação mais óbvia: poupança e demanda por crédito.
- Hoje, tentaremos explicar como consumidores alocam consumo em diferentes períodos do tempo, para explicar:
  - Empréstimos (consumo antecipado para o presente)
  - Poupança (consumo adiado para o futuro)

# Escolha Intertemporal: Consumo

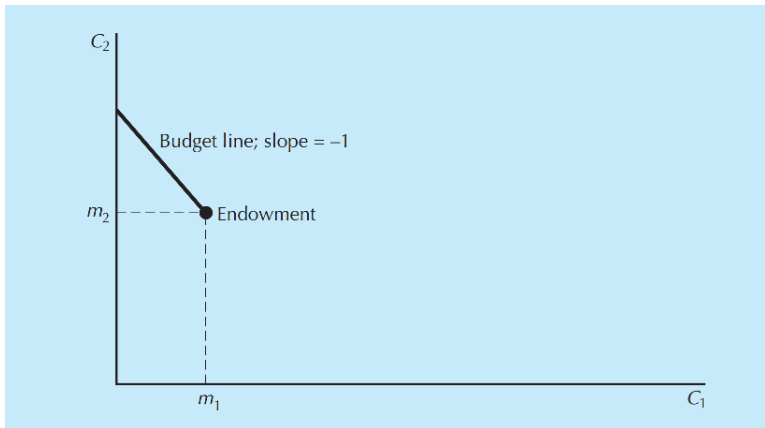
- Suponha que as pessoas podem consumir um único bem de consumo  $c$  agregado, mas podem consumi-lo em dois períodos de tempo distintos.
- Iremos considerar dois períodos de tempo:  $t_1, t_2$ .
  - “Cesta de Consumo”:  $(c_1, c_2) \in \mathbb{R}_+^2$ .
  - Preço do bem de consumo em seu respectivo período não varia:  $p_1 = p_2 = 1$ .
  - Dotações: renda  $(m_1, m_2)$  em cada período.
- As preferências sobre consumo intertemporal são representadas por uma função utilidade  $u : \mathbb{R}_+^2 \rightarrow \mathbb{R}$  e dadas por  $u(c_1, c_2)$ .

# Reta Orçamentária Sem Mercado de Crédito

---

- Suponha inicialmente: consumidor não pode tomar emprestado nem emprestar.
- Para levar consumo de hoje para amanhã, poupa à taxa de 1 para 1.
- Nessa situação, consumidor pode:
  1. Consumir  $(c_1, c_2) = (w_1, w_2)$
  2. Consumir  $c_1 < w_1$  e  $c_2 = w_2 + (w_1 - c_1)$

# Reta Orçamentária Sem Mercado de Crédito



Neste gráfico  $w_1 = m_1$  e  $w_2 = m_2$

# Reta Orçamentária Com Mercado de Crédito: Poupança

- Suponha agora que o consumidor pode levar consumo de hoje para amanhã, poupa à taxa de juros de  $1$  para  $(1+r)$ .
- Para cada unidade poupada, o consumidor recebe  $r$  na forma de juros.
- Em  $t = 1$ , consumo do poupador é  $c_1 < w_1$
- Em  $t = 2$ , consumo do poupador será:

$$\begin{aligned}c_2 &= w_2 + (w_1 - c_1) + r(w_1 - c_1) \\c_2 &= w_2 + (1 + r)(w_1 - c_1)\end{aligned}\tag{1}$$

# Reta Orçamentária Com Mercado de Crédito: Devedor

- Consumidor também pode tomar empréstimo.
- Neste caso, ele trará consumo de amanhã para hoje, à taxa de juros de 1 para  $(1+r)$ .
- Em  $t = 1$ , consumo do devedor é  $c_1 > w_1$
- Em  $t = 2$ , consumo do poupador será:

$$\begin{aligned}c_2 &= w_2 - (c_1 - w_1) - r(c_1 - w_1) \\c_2 &= w_2 + (1 + r)(w_1 - c_1)\end{aligned}\tag{2}$$

- Note: esta equação (2) é igual à equação (1) que obtivemos para o poupador.

# Reta Orçamentária Com Mercado de Crédito

○ Esta equação pode ser reescrita nas formas:

○ Valor Presente:

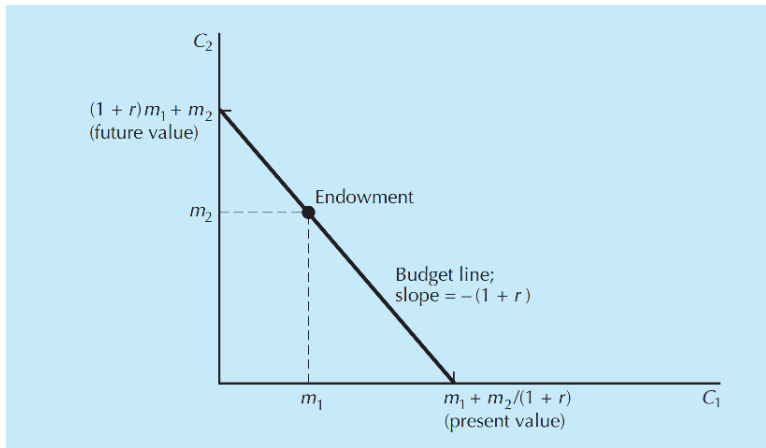
$$c_1 + \frac{c_2}{1+r} = w_1 + \frac{w_2}{1+r}$$

○ Valor Futuro:

$$(1+r)c_1 + c_2 = (1+r)w_1 + w_2$$



# Reta Orçamentária Com Mercado de Crédito



Neste gráfico  $w_1 = m_1$  e  $w_2 = m_2$

# Preferências Intertemporais

- Preferências serão com frequência algo como:

$$U(c_1, c_2) = u(c_1) + \beta u(c_2)$$

- Ou, com  $T$  períodos e  $c = (c_1, \dots, c_T)$ :

$$U(c) = \sum_{t=1}^T \beta^{t-1} u(c_t)$$

- Ou em tempo infinito e com  $c = \{c_t\}_{t=1}^{\infty}$ :

$$U(c) = \sum_{t=1}^{\infty} \beta^{t-1} u(c_t)$$

- $U' > 0$  e  $U'' < 0$

# Preferências Intertemporais

---

$$U(c_1, c_2) = u(c_1) + \beta u(c_2) = u(c_1) + \frac{1}{1 + \delta} u(c_2)$$

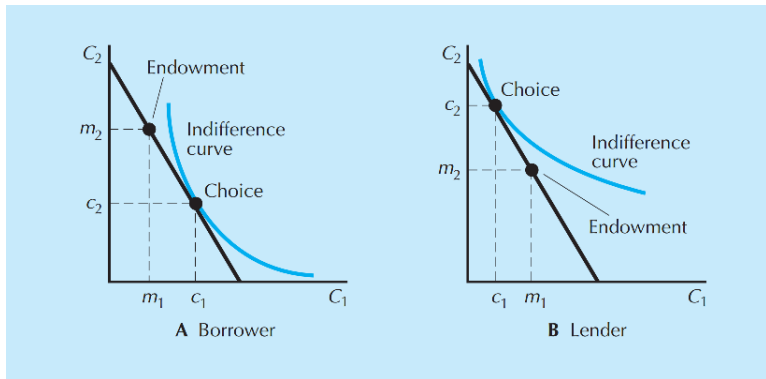
- $\delta$ : fator de desconto intertemporal
- $\uparrow \delta$ : impaciência
- $\downarrow \delta$ : paciência
- Como podemos aprender sobre o  $\delta$  das pessoas?

# Maximização de Utilidade

---

$$\begin{aligned} \max \quad & \log(c_1) + \frac{1}{1+\delta} \log(c_2) \\ \text{s.a.} \quad & c_1 + \frac{c_2}{1+r} = w_1 + \frac{w_2}{1+r} \end{aligned}$$

# Preferências e Escolha do Pougador e do Devedor



Neste gráfico  $w_1 = m_1$  e  $w_2 = m_2$

# Escolha e Taxa de Juros

## ○ Aumento da taxa de juros:

- Amplia possibilidades de consumo futuro
- Beneficia poupador

$$c_2 = (1 + r)(w_1 - c_1) + w_2$$

- Reduz possibilidades de consumo presente
- Prejudica tomador de empréstimos

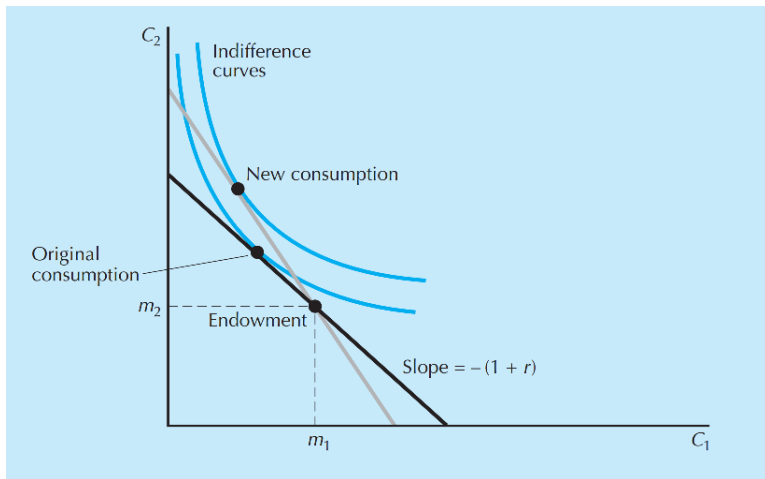
$$c_1 = w_1 + \frac{w_2 - c_2}{1 + r}$$

- Geometricamente: reta orçamentária se torna mais inclinada, girando sobre  $(w_1, w_2)$

# Escolha Intertemporal e Taxa de Juros

- Um poupador escolherá  $c_1 < w_1$  e  $c_2 > w_2$ .
- Um tomador de empréstimos escolherá  $c_1 > w_1$  e  $c_2 < w_2$ .
- Um aumento da taxa de juros induzirá  $\downarrow c_1$  e  $\uparrow c_2$ .
  - Poupador continuará poupador
  - Tomador de empréstimo pode continuar tomador de empréstimo, ou se tornar poupador.
- Uma redução da taxa de juros induzirá  $\uparrow c_1$  e  $\downarrow c_2$ .
  - Tomador de empréstimo continuará tomador de empréstimo
  - Poupador pode continuar poupador, ou se tornar tomador de empréstimo.

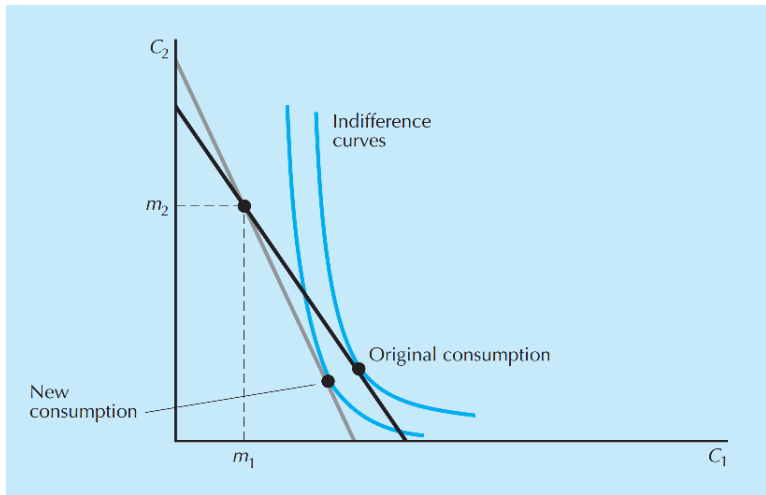
# Escolha do Poupador e Taxa de Juros



Neste gráfico  $w_1 = m_1$  e  $w_2 = m_2$



# Escolha do Devedor e Taxa de Juros



Neste gráfico  $w_1 = m_1$  e  $w_2 = m_2$

# Taxa de Juros e Equação de Slutsky

Começemos com a Restrição Orçamentária em Valor Futuro:

$$\begin{aligned}(1+r)c_1 + c_2 &= (1+r)w_1 + w_2 \\ (1+r)(c_1 - w_1) + c_2 &= w_2\end{aligned}$$

- Note: parece a restrição orçamentária que já conhecemos, com  $p_1 = (1+r)$  e  $p_2 = 1$ .
- Aumentar a taxa de juros é o mesmo que aumentar o preço (relativo) do consumo hoje.
- $p_1 = (1+r)$  é o preço de consumir mais que a renda do período inicial.

$$\frac{\partial c_1}{\partial p_1} = \left. \frac{\partial c_1}{\partial p_1} \right|_{u=\bar{u}} - (c_1 - w_1) \frac{\partial c_1}{\partial w}$$

# Taxa de Juros e Equação de Slutsky

$$\frac{\partial c_1}{\partial p_1} = \frac{\partial c_1}{\partial p_1} \Big|_{u=\bar{u}} - (c_1 - w_1) \frac{\partial c_1}{\partial w}$$

- Teremos dois efeitos de um aumento nos juros:
  1. **Efeito-substituição:** como sempre, será negativo; reduz-se o consumo hoje em benefício do consumo amanhã
  2. **Efeito-renda:**
    - Será negativo para o tomador de empréstimo (devedor), que terá que pagar mais juros amanhã:  $c_1 > w_1$
    - Será positivo para o poupador, que terá mais renda para consumir:  $c_1 < w_1$