



Conteúdo

1. Introdução

2. Listas

3. Pilhas e Filas

4. Árvores

5. Árvores de Pesquisa

- Árvore Binária e Árvore AVL
- Árvore N-ária e Árvore B

6. Tabelas de Dispersão (Hashing)

7. Métodos de Acesso a Arquivos

8. Métodos de Ordenação de Dados





Listas Ordenadas





Lista Ordenada

LISTA ORDENADA: lista linear na qual os elementos aparecem em ordem, ou seja, do menor para o maior.

⇒ Inserção de um elemento em uma lista ordenada:

- pré-condição: lista já está ordenada.
- pós-condição: lista continua ordenada.





Exemplos de Listas Ordenadas

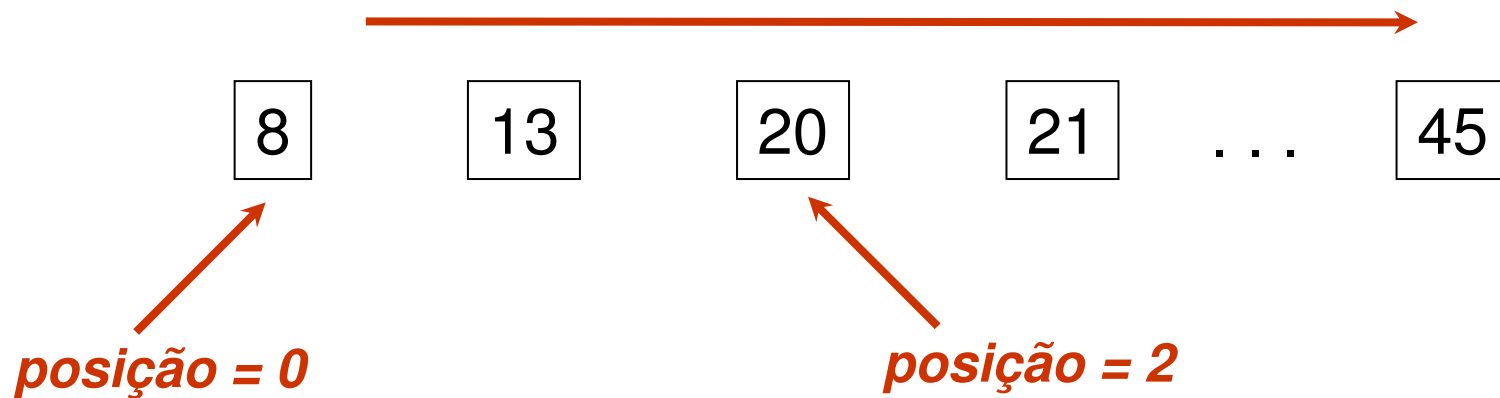
- Itens de um índice remissivo (ordenados pelo nome do item)
- Nomes dos alunos em uma lista de chamada (ordenados pelo nome do aluno)
- Nomes dos aprovados em um concurso público (ordenados pelo resultado da prova)



Características de uma Lista Ordenada

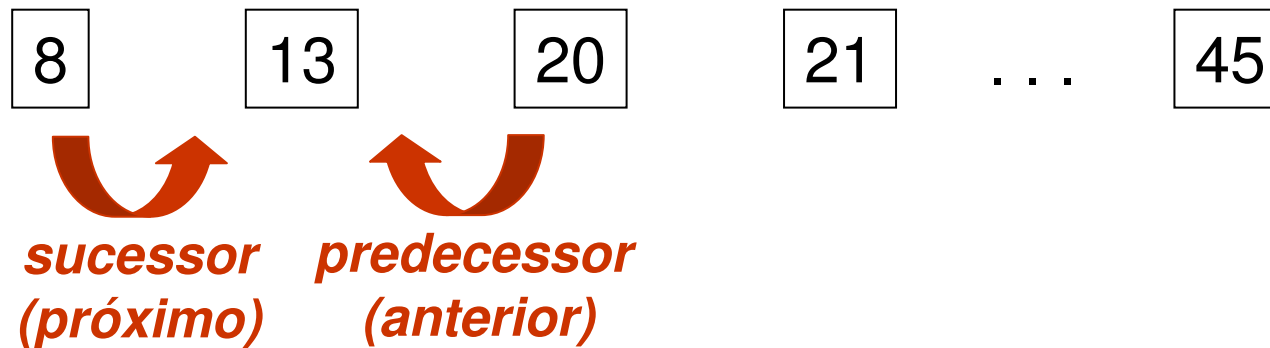
⇒ Seqüência Finita de Elementos

seqüência finita de elementos



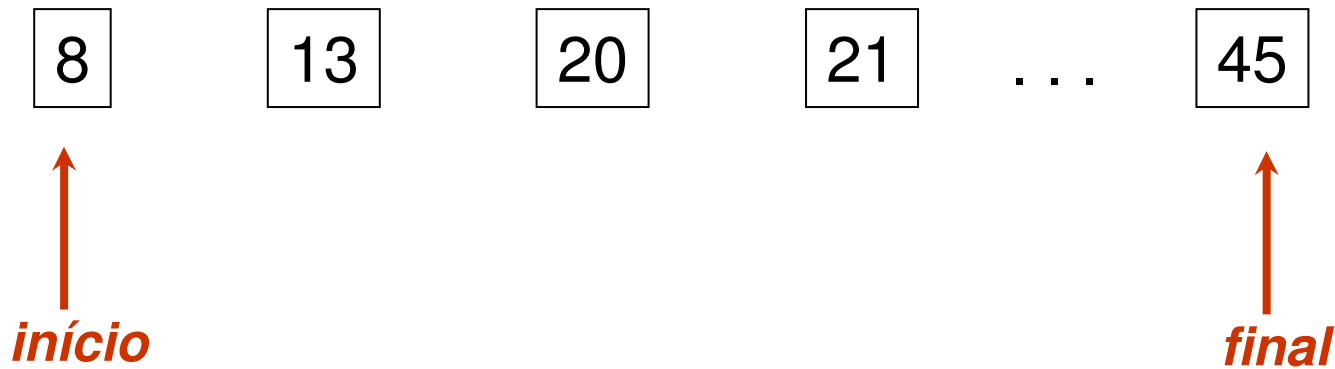
Características de uma Lista Ordenada

➡ Sequência: próximo e anterior



Características de uma Lista Ordenada

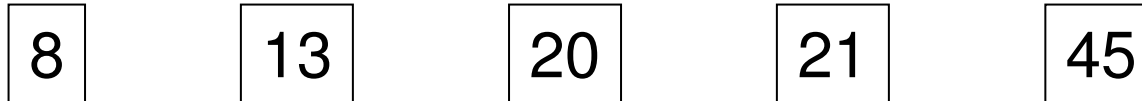
➡ Sequência: início e fim





Características de uma Lista Ordenada

➡ Comprimento



Comprimento = 5

➡ Lista Vazia

Comprimento = 0



Operações sobre uma Lista Ordenada

→ Inserção de elemento

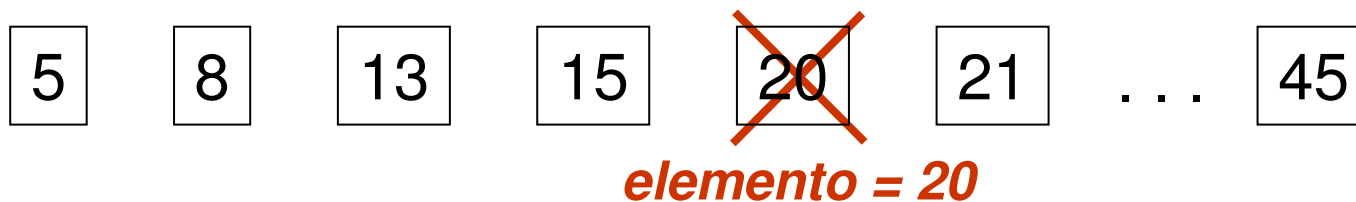
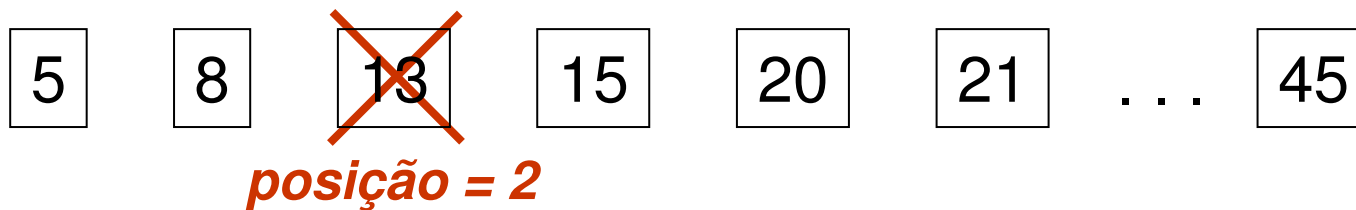
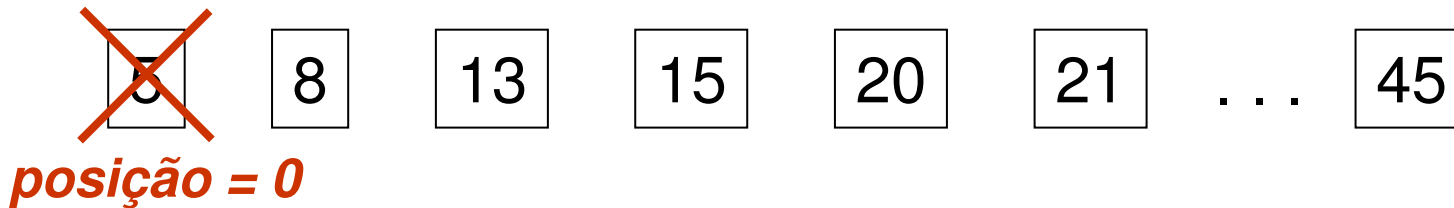
8 13 15 20 21 ... 45

5 8 13 15 20 21 ... 45

⇒ não é possível especificar a posição de inserção

Operações sobre uma Lista Ordenada

→ Remoção de elemento



•
•
•

Operações sobre uma Lista Ordenada

→ Consulta

5 8 13 15 20 21 ... 45

- Elemento da posição 1 → 8
- Verificar se o elemento 20 está na lista → true



Lista Ordenada

Uma lista ordenada deve armazenar somente objetos que possam ser comparáveis.

⇒ É necessário que o objeto tenha algum método para comparar se ele é menor, igual ou maior que outro objeto.





Interface Comparable

- ⇒ Usamos a interface Comparable<T> do Java.
- Todo elemento armazenado na lista ordenada deve implementar esta interface, ou seja, o método compareTo.
 - O método compareTo deve retornar
 - inteiro negativo: se o elemento (this) é menor do que o elemento passado como parâmetro;
 - zero: se o elemento (this) é igual ao elemento passado como parâmetro;
 - inteiro positivo: se o elemento (this) é maior do que o elemento passado como parâmetro.





Interface da Lista Ordenada

Quais métodos da interface Lista devem ser mantidos na interface ListaOrdenada?





Interface da Lista Ordenada

```
public interface Lista <E>{  
  
    public void insere (E elemento, int posicao);  
    public void insere (E elemento);  
    public void insereTodos (Lista<E> l, int posicao);  
    public boolean contem (E elemento);  
    public E remove (int posicao);  
    public int remove (E elemento);  
    public void removeTodos (Lista<E> l);  
    public E retorna (int posicao);  
    public int retornaPosicao (E elemento);  
    ...  
}
```

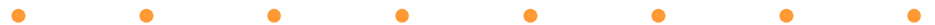




Interface da Lista Ordenada

...

```
public E substitui (int posicao, E elemento);  
public boolean substitui (E elemento1, E elemento2);  
public void trocaPosicao (int posicao1, int posicao2);  
public Lista<E> retornaSubLista (int inicio, int fim);  
public Iterator<E> retornalterator();  
}
```



Interface da Lista Ordenada

```
public interface Lista <E>{  
  
    public void insere (E elemento, int posicao);  
    public void insere (E elemento);          public void insere (E elemento);  
    public void insereTodos (Lista<E> l, int posicao);  
    public boolean contem (E elemento);  
    public E remove (int posicao);  
    public int remove (E elemento);  
    public void removeTodos (Lista<E> l);  
    public E retorna (int posicao);  
    public int retornaPosicao (E elemento);  
    ...  
}
```



Interface da Lista Ordenada

...

```
public E substitui (int posicao, E elemento);  
public boolean substitui (E elemento1, E elemento2);  
public void trocaPosicao (int posicao1, int posicao2);  
public Lista<E> retornaSubLista (int inicio, int fim);  
public Iterator<E> retornalterator();  
}
```



Interface da Lista Ordenada

```
public interface ListaOrdenada <C extends Comparable<C>> {  
    public void insere (C elemento);  
    public void insereTodos (ListaOrdenada<C> l);  
    public C remove (int posicao) throws ExecucaoPosicaoInvalida;  
    public int remove (C elemento);  
    public void removeTodos (ListaOrdenada<C> l);  
    public boolean contem (C elemento);  
    public C retorna (int posicao) throws ExecucaoPosicaoInvalida;  
    public int retornaPosicao (C elemento);  
    public ListaOrdenada<C> retornaSubLista (int inicio, int fim)  
                                                throws ExecucaoPosicaoInvalida;  
    public Iterator<C> retornaliterador(); }  
}
```



Alternativas de Implementação

- Lista Ordenada como Array
- Lista Ordenada como Lista Encadeada





Lista Ordenada como Array

➡ Os elementos, ordenados, ficam justapostos na memória através da utilização de um vetor unidimensional.

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	...	N
e_1	e_2	e_3	e_4	e_5	e_6	e_7	...	e_m			





Lista Ordenada como Array

Exemplo:

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	...	N
8	13	20	21	30	32	45					





Lista Ordenada como Array

⇒ Classe **ListaOrdenadaArray** implementa ListaOrdenada

Atributos

- **elementos** (array com objetos Comparable ou subclasse)
- **numeroElementos**

Métodos

- construtor ()
- +
- métodos especificados na interface ListaOrdenada





Operações sobre a Lista Ordenada

Exemplo: inserção do elemento 15

8	13	20	21	30	32	45					
---	----	----	----	----	----	----	--	--	--	--	--



8	13	15	20	21	30	32	45				
---	----	----	----	----	----	----	----	--	--	--	--



Operações sobre a Lista Ordenada

Exemplo: exclusão do elemento 30

8	13	15	20	21	30	32	45				
---	----	----	----	----	----	----	----	--	--	--	--



8	13	15	20	21	32	45					
---	----	----	----	----	----	----	--	--	--	--	--



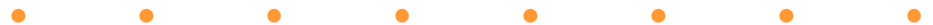
Implementação

```
public class ListaOrdenadaArray<C extends Comparable<C>>
    implements ListaOrdenada<C>{

    private C[] elementos;
    private int numElementos;

    public ListaOrdenadaArray (int tamanho){
        this.elementos = (C[]) new Comparable[tamanho];
    }

    public ListaOrdenadaArray (){
        this.elementos = (C[]) new Comparable[100];
    }
}
```



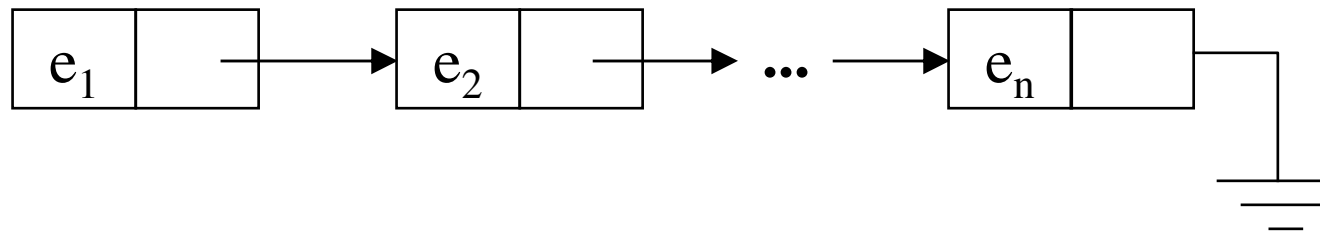
Implementação

```
public void insere (C elemento) {  
    if (this.numElementos==this.elementos.length){  
        C[] novoArray = (C[]) new Comparable[this.elementos.length*2];  
        System.arraycopy(this.elementos,0,novoArray,0,this.elementos.length);  
        this.elementos = novoArray;  
    }  
    int cont = this.numElementos-1;  
    while (cont >= 0 && elemento.compareTo(this.elementos[cont]) < 0){  
        this.elementos[cont+1] = this.elementos[cont];  
        cont--;  
    }  
    this.elementos[cont+1] = elemento;  
    this.numElementos++;  
}
```

Complexidade: ?

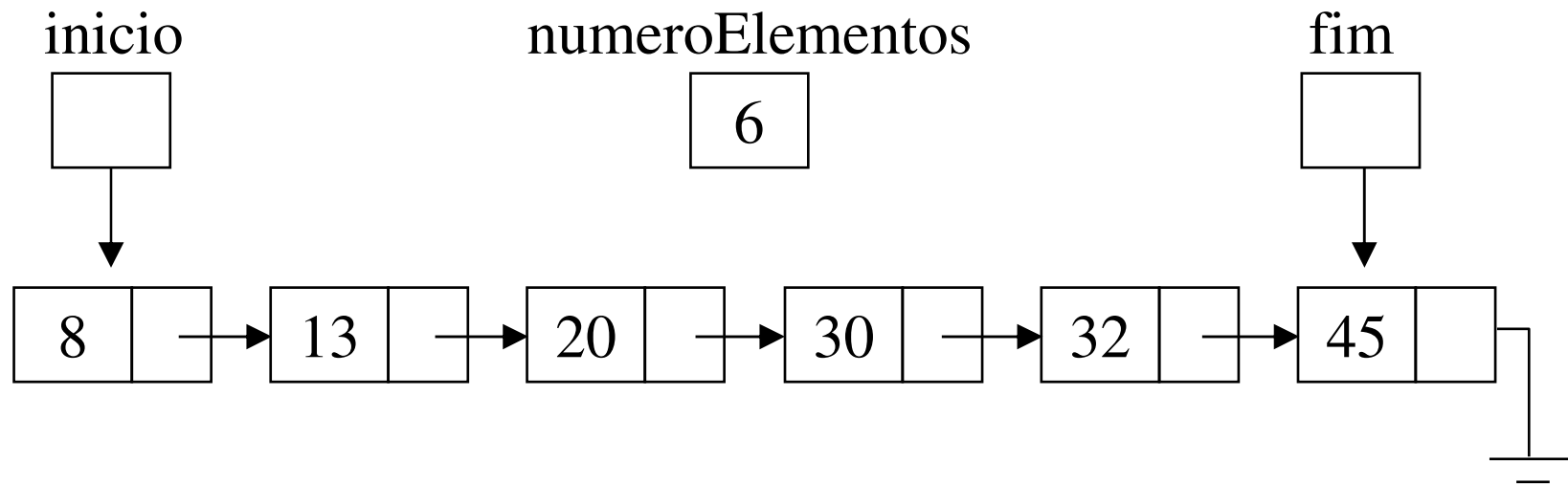
Lista Ordenada Encadeada

➡ Os elementos, ordenados, estão associados entre si através de elos.



Lista Ordenada Encadeada

Exemplo



•
•
•

Lista Ordenada Encadeada

⇒ Classe **ListaOrdenadaEncadeada** implementa ListaOrdenada

Atributos

- **inicio** (referência a um objeto da classe NodoComparable)
- **fim** (referência a um objeto da classe NodoComparable)
- **numeroElementos**

Métodos

- construtor ()
- +
- métodos especificados na interface ListaOrdenada

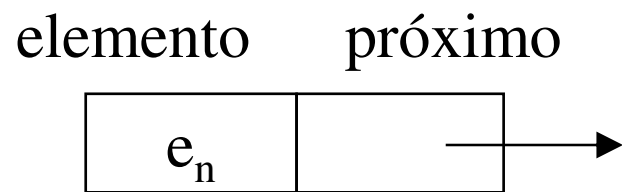
• • • • • • • • •

Lista Ordenada Encadeada

⇒ Classe **NodoComparable**

Atributos:

- **elemento** (Comparable ou subclasse)
- **proximo** (referência a um outro objeto da classe **NodoComparable**)





Lista Ordenada Encadeada

⇒ Classe **NodoComparable**

Atributos:

- **elemento** (Comparable ou subclasse)
- **proximo** (referência a objeto da classe NodoComparable)

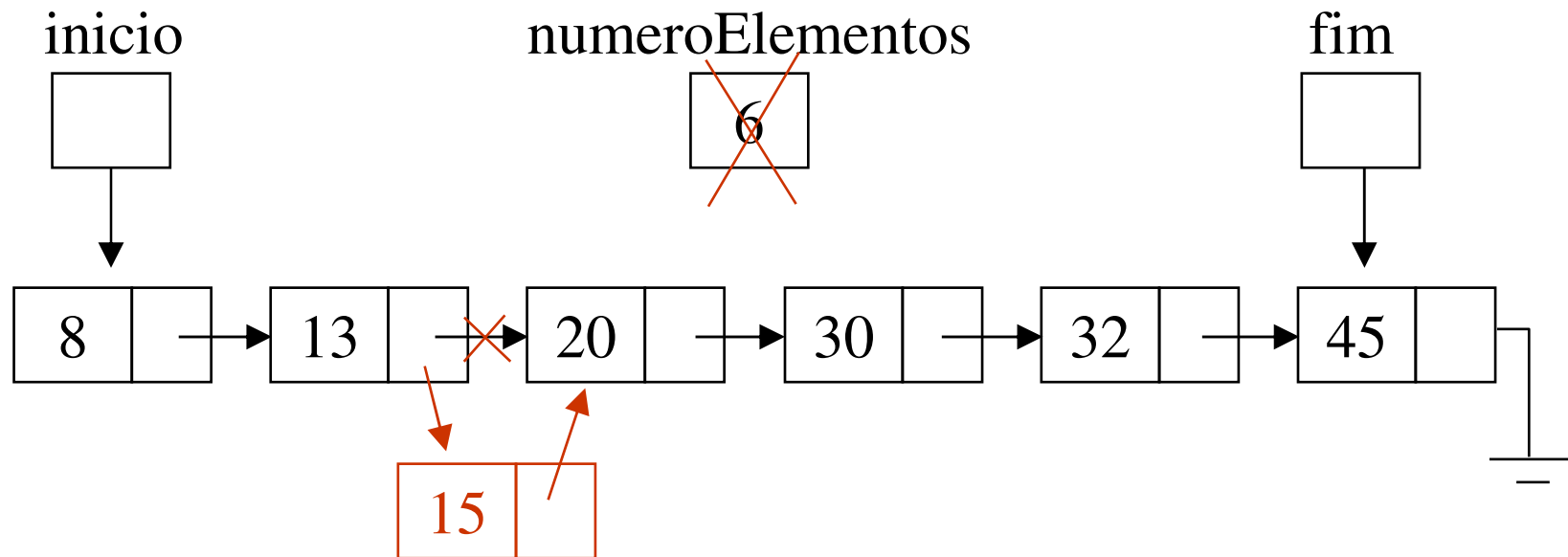
Métodos:

- construtor (C)
- atribuiProximo (NodoComparable)
- atribuiElemento (C)
- retornaProximo : NodoComparable
- retornaElemento : C



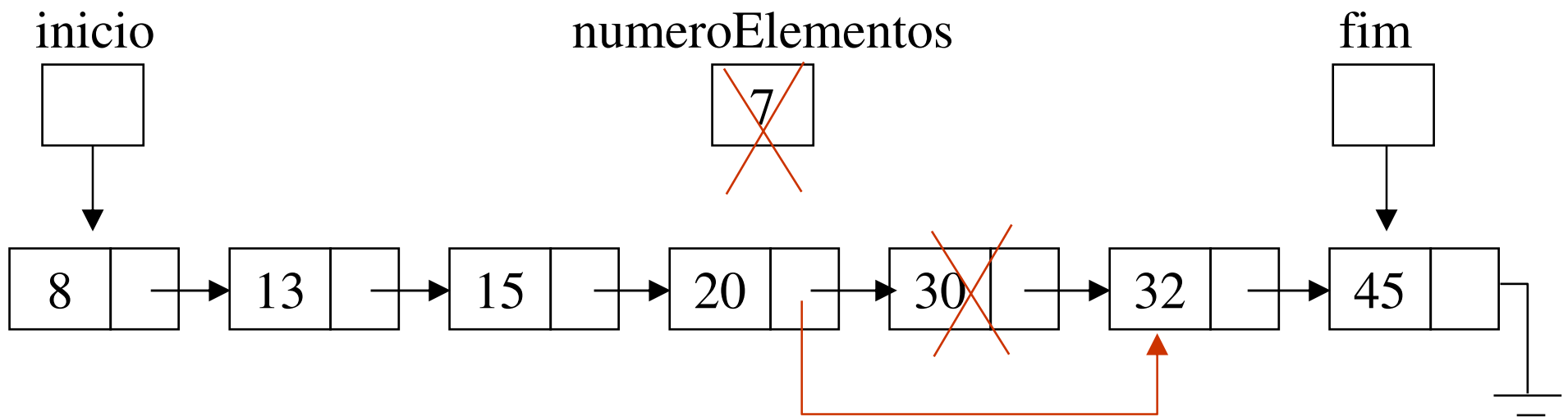
Lista Ordenada Encadeada

Exemplo: inserção do elemento 15



Lista Ordenada Encadeada

Exemplo: exclusão do elemento 30





Implementação

```
public class ListaOrdenadaEncadeada<C extends Comparable<C>>
    implements ListaOrdenada<C> {

    private NodoComparable<C> inicio;
    private NodoComparable<C> fim;
    private int numElementos;

    public ListaOrdenadaEncadeada() {
        this.inicio = null;
        this.fim = null;
        this.numElementos = 0;
    }
}
```





Implementação

```
public void insere (C elemento) {  
    NodoComparable<C> nodo = new NodoComparable<C> (elemento);  
    NodoComparable<C> aponta = this.inicio;  
    NodoComparable<C> anterior = null;  
    while (aponta != null && aponta.retornaElemento().compareTo(elemento)<0){  
        anterior = aponta;  
        aponta = aponta.retornaProximo();  
    }  
    ...  
}
```



Implementação

```
if (aponta == this.inicio){
    nodo.atribuiProximo(this.inicio);
    this.inicio = nodo;
    if (this.fim == null)
        this.fim = nodo;
}
else
    if (aponta == null){ //inserir no final da lista
        this.fim.atribuiProximo(nodo);
        this.fim = nodo;
    }
    else{ //inserir no meio da lista
        anterior.atribuiProximo(nodo);
        nodo.atribuiProximo(aponta);
    }
this.numElementos++; }
```

Complexidade: ?



Lista Ordenada

Exercício:

Faça um teste da lista ordenada array e encadeada utilizando uma classe Pessoa que implementa a interface Comparable<T>. A classe Pessoa deve ter os atributos nome e idade. Considere como ordem a idade, mas se a idade for igual, a ordem é o nome.

