| Wydział:                           | Imię i nazwisko:<br>Rafał Grabiański<br>Zbigniew Królikowski |                   | Rok:          | Grupa:            | Zespół: |
|------------------------------------|--|-------------------|---------------|-------------------|---------|
| WIEiT                              |  |                   | II            | 7                 | 7       |
| PRACOWNIA<br>FIZYCZNA<br>WFiIS AGH | Temat: Kriogenika  |                   |               | Nr ćwiczenia: 113 |         |
| Data wykonania:                    | Data oddania:  | Zwrot do poprawy: | Data oddania: | Data zaliczenia:  | OCENA:  |
| 2.12.2014                          | 9.12.2014  |                   |               |                   | OODINI. |

## 1 Cel ćwiczenia

Celem ćwiczenia było wyznaczenie ciepła parowania ciekłego azotu oraz zależności temperatury wrzenia od ciśnienia. Mieliśmy także dokonać obserwacji zestalenia ciekłego azotu przy obniżonym ciśnieniu i ustalić położenie punktu potrójnego.

# 2 Wyniki pomiarów

| p [atm.] | Opór $[\Omega]$ | Temperatura T [K] | Opór $[\Omega]$ | Temperatura T [K] | Średnia T [K] |
|----------|-----------------|-------------------|-----------------|-------------------|---------------|
| 1.1      | 20.8            | 78.548984064      | 20.8            | 78.548984064      | 78.548984064  |
| 1.2      | 21              | 79.0259809711     | 21              | 79.0259809711     | 79.0259809711 |
| 1.3      | 21.2            | 79.5029778782     | 21.3            | 79.7414763318     | 79.622227105  |
| 1.4      | 21.5            | 80.2184732389     | 21.6            | 80.4569716924     | 80.3377224656 |
| 1.5      | 21.8            | 80.9339685995     | 21.9            | 81.1724670531     | 81.0532178263 |
| 1.6      | 22.1            | 81.6494639602     | 22.1            | 81.6494639602     | 81.6494639602 |
| 1.7      | 22.2            | 81.8879624137     | 22.3            | 82.1264608673     | 82.0072116405 |
| 1.8      | 22.6            | 82.8419562279     | 22.7            | 83.0804546815     | 82.9612054547 |
| 1.9      | 22.7            | 83.0804546815     | 22.9            | 83.5574515886     | 83.318953135  |
| 2        | 22.9            | 83.5574515886     | 23              | 83.7959500421     | 83.6767008153 |

Tabela 1: Wartości temperatury wrzenia dla ciśnień powyżej ciśnienia atmosferycznego

| p [atm.] | Opór $[\Omega]$ | Temperatura [K] |
|----------|-----------------|-----------------|
| 0.9      | 20.1            | 76.8794948892   |
| 0.8      | 19.6            | 75.6870026214   |
| 0.7      | 19.2            | 74.7330088072   |
| 0.65     | 18.9            | 74.0175134466   |
| 0.6      | 18.7            | 73.5405165395   |
| 0.5      | 18.2            | 72.3480242717   |
| 0.45     | 17.9            | 71.6325289111   |
| 0.4      | 17.6            | 70.9170335504   |
| 0.3      | 16.9            | 69.2475443756   |
| 0.2      | 15.8            | 66.6240613865   |

Tabela 2: Wartości temperatury wrzenia dla ciśnień poniżej ciśnienia atmosferycznego.

| Temperatura zestalania azotu |  |  |
|------------------------------|--|--|
| Opór [Ω] 14.3                |  |  |
| Temperatura [K] 63.1         |  |  |

| Najniższa uzyskana temperatura |  |  |
|--------------------------------|--|--|
| Opór [Ω] 10.9                  |  |  |
| Temperatura [K] 54.9           |  |  |

Tabela 3: Temperatura zestalenia azotu oraz najniższa uzyskana temperatura

| Napięcie zasilacza [V] : | 6    |
|--------------------------|------|
| Natężenie zasilacza [A]: | 0.36 |

Tabela 4: Parametry prądu dla włączonego zasilacza

| Czas opadania poziomu azotu dla wyłączonego zasil | acza [s]: | 502 |
|---|-----------|-----|
| Czas opadania poziomu azotu dla włączonego zasila | acza [s]: | 287 |

Tabela 5: Czasy opadnięcia poziomu azotu

| Średnica wewnętrza kriostatu [mm]: | 15               |
|------------------------------------|------------------|
| Wysokosc slupka: [mm]              | 70               |
| Objetosc slupka: $[mm^3]$ :        | 49480.0842940392 |
| Masa [g]:                          | 39.9799081096    |

Tabela 6: Dane dotyczące mierzonego spadku poziomu cieczy w kriostacie

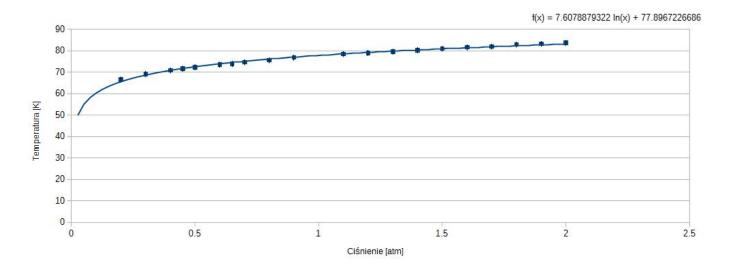
# 3 Opracowanie wyników

### 3.1 Wyznaczenie zależności temperatury wrzenia od ciśnienia

Na podstawie wykonanego doświadczenia uzyskaliśmy następujące temperatury:

- Wrzenie pod ciśnieniem atmosferycznym: 77.3 K
- $\bullet$  Temperatura punktu potrójnego  $T_p\colon 63.0~\mathrm{K}$
- Temperatura topnienia: 54.9 K

Wykonaliśmy również wykres zależności temperatury od ciśnienia. Dodaliśmy do wykresu regresję logarytmiczną. Niepewność pomiaru ciśnienia wynosiła 0.05 atm.



Rysunek 1: Wykres zależności temperatur wrzenia od ciśnienia

#### 3.2 Obliczenie wartości ciepła parowania pod ciśnieniem atmosferycznym

Równanie Clausiusa-Clapeyrona ma postać:

$$\frac{dT}{dp} = \frac{T(V_2 - V_1)}{Q} \tag{1}$$

gdzie: Q - ciepło przemiany

T - temperatura przejścia

 $\frac{dT}{dp}$ - pochodna zależności temperatury przejścia od ciśnienia  $V_2-V_1$ - różnica objętości faz

Objętość właściwą azotu ciekłego otrzymujemy natychmiast z zależności:

$$V_1 = \frac{m}{\rho} = \frac{1000g}{0.808 \frac{g}{cm^3}} \approx 1238cm^3 \tag{2}$$

Objętość właściwa azotu w stanie gazowym została wyliczona z równania stanu gazu doskonałego przekształconego do postaci:

$$V_2 = \frac{mRT}{Mp} = \frac{1000g \cdot 8.31 \frac{J}{mol \cdot K} \cdot 77.3K}{28 \frac{g}{mol} \cdot 1.02 \cdot 10^5 Pa} \approx 0.225 m^3$$
 (3)

Natomiast wartość pochodnej  $\frac{dT}{dp}$  wyznaczymy analitycznie:

Mając do dyspozycji wzór regresji logarytmicznej  $f(x) = 7.6079 \ln(x) - 9.793$ . Obliczamy pochodną z funkcji:  $f'(x) = \frac{7.6079}{x}$ , która w punkcie x = 101325 Pa (dla p = 1 atm) wynosi 7.51 · 10<sup>-5</sup>  $\frac{K}{Pa}$ Teraz pozostaje rozwiazać równanie (1):

$$Q = T(V_2 - V_1) \cdot \frac{1}{\frac{dT}{dp}} = 77.3K \cdot (0.225m^3 - 0.001238m^3) \cdot \frac{1}{7.51 \cdot 10^{-5} \frac{K}{Pa}} = 2.303 \cdot 10^5 \frac{J}{kg} = 230.3 \frac{J}{g}$$
 (4)

#### 3.3 Pomiar ciepła parowania

Na początku obliczmy masę słupa o wysokości wybranej przez nas:  $\Delta h = 70mm$ :

$$m = V \cdot \rho = 49.5 cm^3 \cdot 0.000808 \frac{g}{cm^3} \approx 40.0 g$$
 (5)

By obliczyć ciepło parowania należy rozwiązań następujący układ równań:

$$\begin{cases} P_s t_1 = \Delta m_1 Q_p \\ (P_s + P) \cdot t_2 = \Delta m_2 Q_p \end{cases}$$
 (6)

W naszym przypadku  $\Delta m_1$  oraz  $\Delta m_2$  to ta sama wartość wyliczona powyżej.

Po przekształceniach i wstawieniu danych uzyskanych w drugiej części eksperymentu otrzymujemy  $Q_p = 126 \frac{J}{g}$ 

### $\mathbf{W}$ nioski