Opis wybranych układów fizykochemicznych w stanie nierównowagi termodynamicznej

Rafał Staroszczyk
promotor: dr Piotr Weber

Politechnika Gdańska

6 czerwca 2023

Spis treści

Cel pracy

- Przedstawienie teorii termodynamiki nierównowagowej, kinetyki reakcji chemicznych oraz modeli reakcji oscylacyjnych
- Analiza teoretyczna modeli reakcji chemicznych oscylacyjnych
- Symulacja numeryczna tych modeli

Produkcja entropii

Źródło produkcji entropii

$$\sigma = \mathrm{J}_U \cdot \boldsymbol{\nabla}\left(\frac{1}{T}\right) - \sum_i \mathrm{J}_i \cdot \boldsymbol{\nabla}\left(\frac{\mu_i}{T}\right) + \sum_r \frac{A_r}{T}\frac{\mathrm{d}\xi_r}{\mathrm{d}t} \geq 0$$

Mechanizm reakcji chemicznej

Szybkość reakcji chemicznej jest w ogólności dowolną funkcją wszystkich stężeń. Mechanizm reakcji opisuje poszczególne reakcje elementarne.

Równania różniczkowe

$$\frac{\mathrm{d}c}{\mathrm{d}t} = \nu v$$

Mechanizm reakcji

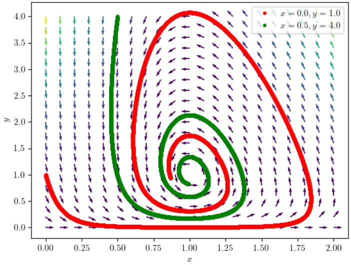
$$Br_2 \longrightarrow 2\,Br^\bullet$$
$$Br^\bullet + H_2 \longrightarrow HBr + H^\bullet$$
$$H^\bullet + Br_2 \longrightarrow HBr + Br^\bullet$$

Szybkość reakcji

$$v_1 = k_1 \,[\mathrm{Br}_2]$$
$$v_2 = k_2 \,[\mathrm{Br}^\bullet]\,[\mathrm{H}_2]$$
$$v_3 = k_3 \,[\mathrm{H}^\bullet]\,[\mathrm{Br}_2]$$

Model Lotki

Historycznie pierwszy model, który można zastosować do reakcji chemicznych oscylacyjnych. Oryginalnie użyty do modelowania populacji.



Równania reakcji

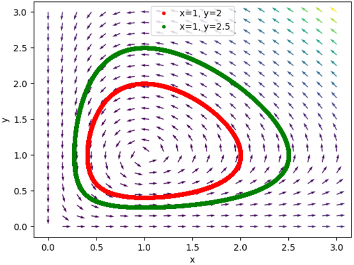
$$\mathrm{A} \xrightarrow{k_1} \mathrm{X}$$
$$\mathrm{X} + \mathrm{Y} \xrightarrow{k_2} 2\,\mathrm{Y}$$
$$\mathrm{Y} \xrightarrow{k_3} \text{produkty}$$

Równania różniczkowe

$$\frac{\mathrm{d}x}{\mathrm{d}\tau} = a - axy$$
$$\frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}\tau} = xy - y$$

Model Lotki-Volterry

Modyfikacja modelu Lotki z autokatalizą. Wykres fazowy jest zawsze torem zamkniętym.



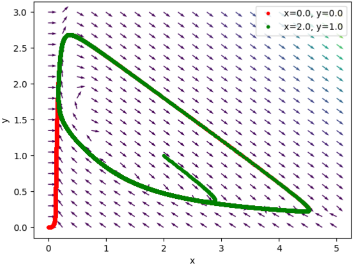
Równania reakcji

$$A + X \xrightarrow{k_1} 2\,X$$
$$X + Y \xrightarrow{k_2} 2\,Y$$
$$Y \xrightarrow{k_3} \text{produkty}$$

Równania różniczkowe

$$\frac{dx}{d\tau} = ax - axy$$
$$\frac{dy}{d\tau} = xy - y$$

Model ten osiąga taki sam cykl graniczny niezależnie od stężeń początkowych.



Równania reakcji

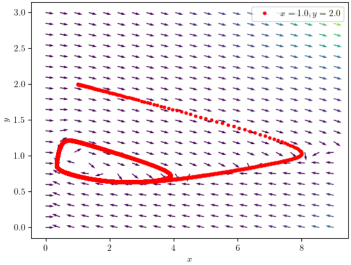
$$A \xrightarrow{k_1} X$$
$$2X + Y \xrightarrow{k_2} 3X$$
$$B + X \xrightarrow{k_3} D + Y$$
$$X \xrightarrow{k_4} E$$

Równania różniczkowe

$$\frac{\mathrm{d}x}{\mathrm{d}\tau} = 1 + ax^2y - ax - x$$
$$\frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}\tau} = -bx^2y + bx$$

Model bruskelator ogólny

Uogólniona wersja modelu bruskelator, w których każda z reakcji jest odwracalna.



Równania reakcji

$$\mathrm{A} \underset{k_{-1}}{\overset{k_1}{\rightleftharpoons}} \mathrm{X}$$

$$2\,\mathrm{X} + \mathrm{Y} \underset{k_{-2}}{\overset{k_2}{\rightleftharpoons}} 3\,\mathrm{X}$$

$$\mathrm{B} + \mathrm{X} \underset{k_{-3}}{\overset{k_3}{\rightleftharpoons}} \mathrm{D} + \mathrm{Y}$$

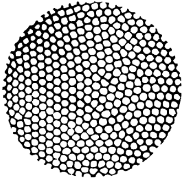
$$\mathrm{X} \underset{k_{-4}}{\overset{k_4}{\rightleftharpoons}} \mathrm{E}$$

Równania różniczkowe

$$\frac{dx}{d\tau} = 1 + ax^2y - ax - x$$
$$-cx - bc^3 + by + c$$

$$\frac{dy}{d\tau} = -bx^2y + bx + dx^3 - dy$$

(a) Reakcja Biełousowa-Żabotyńskiego



(b) Komórki Bénarda