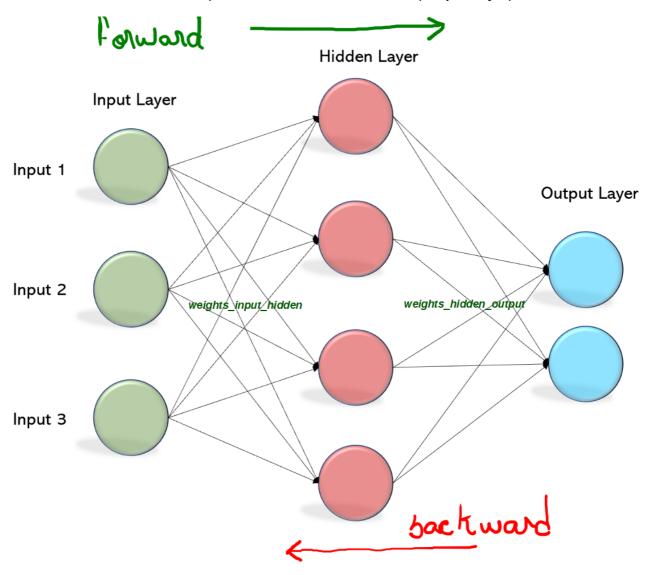
Implementação do Algoritmo Backpropagation

A ideia do algoritmo backpropagation é, com base no cálculo do erro ocorrido na camada de saída da rede neural, recalcular o valor dos pesos do vetor w da camada última camada de neurônios e assim proceder para as camadas anteriores, de trás para a frente (fase *backward*), ou seja, atualizar todos os pesos w das camadas a partir da última até atingir a camada de entrada da rede, para isso realizando a retropropagação o erro obtido pela rede.

A imagem a seguir mostra a nossa rede, com as unidades de entrada marcadas como Input1, Input2 e Input3 (**Input Layer**) conectadas com os *nós* da camada oculta (**Hidden Layer**). Por sua vez as saída dos *nós* da camada oculda servem como entrada para os *nós* da camada de saída (**Output Layer**).



O DataSet utilizado para o treinamento da MPL 3x4x2 é o **"Data.csv"**, o qual possui informações dispostas em colunas:

- Input1: Entrada 1 da MPL.
- Input2: Entrada 2 da MPL.
- Input3: Entrada 3 da MPL.
- Output1: Saída 1 da MPL.
- Output2: Saída 2 da MPL.

Bibliotecas

In [1]:

```
import pandas as pd
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import seaborn as sns
%matplotlib inline

#Função do cáculo da sigmóide
def sigmoid(x):
    result = (1+np.exp(-x)) # 1 + (e^ -x)
    return 1/result # 1 / (1 + (e^ -x))
```

Carregando os dados

Para que uma rede dessas funcione, é preciso treiná-la. O treinamento de uma rede MLP insere-se no contexto de aprendizado de máquina supervisionado, em que cada amostra de dados utilizada apresenta um rótulo informando a que classificação ela se encaixa. Assim, utilizaremos um arquivo Data.csv como dataset para treinamento da nossa MPL.

Vamos começar lendo o arquivo Data.csv em um dataframe do pandas.

In [2]:

```
DataSet=pd.read_csv('Data.csv')
```

In [3]:

```
DataSet.head()
```

Out[3]:

	Input1	Input2	Input3	Output1	Output2
0	0.93	0.23	0.73	0.41	0.42
1	0.49	0.85	0.50	0.41	0.81
2	0.86	0.04	0.68	0.35	0.22
3	0.71	0.29	0.30	0.24	0.67
4	0.96	0.78	0.82	0.56	0.89

In [4]:

```
DataSet.head()
```

Out[4]:

	Input1	Input2	Input3	Output1	Output2
0	0.93	0.23	0.73	0.41	0.42
1	0.49	0.85	0.50	0.41	0.81
2	0.86	0.04	0.68	0.35	0.22
3	0.71	0.29	0.30	0.24	0.67
4	0.96	0.78	0.82	0.56	0.89

Váriaveis do Dataset

In [5]:

```
DataSet.columns
```

```
Out[5]:
```

```
Index(['Input1', 'Input2', 'Input3', 'Output1', 'Output2'], dtype='obj
ect')
```

Separando os dados de treinamento e de validação

Agora vamos dividir os dados em um conjunto de treinamento e um conjunto de testes. Vamos treinar o modelo no conjunto de treinamento, em seguida, usar o conjunto de teste para validar o modelo.

Em nosso exemplo iremos separar de forma randômica 33% dos dados para validação. Estes dados não serão utilizados para determinação dos coeficientes preditores do modelo.

```
In [6]:
```

```
from sklearn.model_selection import train_test_split
```

In [7]:

Configuração da MPL

In [12]:

```
#Tamanho do DataSet de Treinamento
n_records, n_features = X_train.shape

#Arquitetura da MPL
N_input = 3
N_hidden = 4
N_output = 2
learnrate = 0.5
```

Inicialização dos pesos da MPL (Aleatório)

In [13]:

```
#Pesos da Camada Oculta (Inicialização Aleatória)
weights input hidden = np.random.normal(0, scale=0.1, size=(N input, N hidden))
print('Pesos da Camada Oculta:')
print(weights input hidden)
#Pesos da Camada de Saída (Inicialização Aleatória)
weights hidden output = np.random.normal(0, scale=0.1, size=(N hidden, N output))
print('Pesos da Camada de Saída:')
print(weights hidden output)
Pesos da Camada Oculta:
[ 0.01211396 -0.12427154  0.0733909 -0.0582209 ]
 [ \ 0.07031934 \quad 0.15441709 \ -0.02710754 \ -0.09171591]]
Pesos da Camada de Saída:
[[-0.23840306 0.09055203]
 [ 0.20344908 -0.0812218 ]
 [-0.02180511 0.1798315 ]
 [ 0.01464826  0.19914728]]
```

Algoritmo Backpropagation

In [14]:

```
epochs = 5000
last loss=None
EvolucaoError=[]
IndiceError=[]
for e in range(epochs):
    delta w i h = np.zeros(weights input hidden.shape)
    delta w h o = np.zeros(weights hidden output.shape)
    for xi, yi in zip(X_train.values, y_train.values):
# Forward Pass
        #Camada oculta
        #Calcule a combinação linear de entradas e pesos sinápticos
        hidden layer input = np.dot(xi, weights input hidden)
        #Aplicado a função de ativação
        hidden_layer_output = sigmoid(hidden layer input)
        #Camada de Saída
        #Calcule a combinação linear de entradas e pesos sinápticos
        output layer in = np.dot(hidden layer output, weights hidden output)
        #Aplicado a função de ativação
        output = sigmoid(output layer in)
        #print('As saídas da rede são',output)
# Backward Pass
        ## TODO: Cálculo do Erro
        error = yi - output
        # TODO: Calcule o termo de erro de saída (Gradiente da Camada de Saída)
        output error term = error * output * (1 - output)
        # TODO: Calcule a contribuição da camada oculta para o erro
        hidden error = np.dot(weights hidden output,output error term)
        # TODO: Calcule o termo de erro da camada oculta (Gradiente da Camada Ocult
        hidden_error_term = hidden_error * hidden_layer_output * (1 - hidden_layer_
        # TODO: Calcule a variação do peso da camada de saída
        delta w h o += output error term*hidden layer output[:, None]
        # TODO: Calcule a variação do peso da camada oculta
        delta_w_i_h += hidden_error_term * xi[:, None]
    #Atualização dos pesos na época em questão
    weights input hidden += learnrate * delta w i h / n records
    weights_hidden_output += learnrate * delta_w_h_o / n_records
    # Imprimir o erro quadrático médio no conjunto de treinamento
    if e % (epochs / 20) == 0:
        hidden output = sigmoid(np.dot(xi, weights input hidden))
        out = sigmoid(np.dot(hidden_output,
                             weights_hidden output))
        loss = np.mean((out - yi) ** 2)
        if last loss and last loss < loss:</pre>
```

```
print("Erro quadrático no treinamento: ", loss, " Atenção: 0 erro está
else:
    print("Erro quadrático no treinamento: ", loss)
last_loss = loss

EvolucaoError.append(loss)
IndiceError.append(e)
```

0.17694741907159717

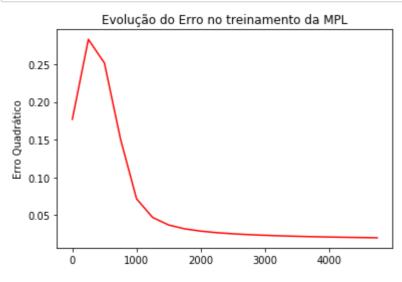
```
Erro quadrático no treinamento:
                                0.28271854725366086 Atenção: 0 erro
está aumentando
Erro quadrático no treinamento:
                                0.2513682194303479
Erro quadrático no treinamento:
                                0.1508642174833938
                                0.07177637631757337
Erro quadrático no treinamento:
Erro quadrático no treinamento:
                                0.047043833246219025
Erro quadrático no treinamento:
                                0.03705992358677393
Erro quadrático no treinamento:
                                0.03195775751699078
Erro quadrático no treinamento:
                                0.028902419032672204
Erro quadrático no treinamento:
                                0.02685999345463503
Erro quadrático no treinamento:
                                0.025385106528447946
Erro quadrático no treinamento:
                                0.02426120157429027
Erro quadrático no treinamento: 0.023371636867999934
Erro quadrático no treinamento:
                                0.022647744052905497
Erro quadrático no treinamento:
                                0.02204603775594915
                                0.021537367303987018
Erro quadrático no treinamento:
Erro quadrático no treinamento: 0.021101311102294046
Erro quadrático no treinamento: 0.020723054083602095
Erro quadrático no treinamento: 0.020391536960372242
Erro quadrático no treinamento: 0.020098304586661675
```

Gráfico da Evolução do Erro

Erro quadrático no treinamento:

In [15]:

```
plt.plot(IndiceError, EvolucaoError, 'r') # 'r' is the color red
plt.xlabel('')
plt.ylabel('Erro Quadrático')
plt.title('Evolução do Erro no treinamento da MPL')
plt.show()
```



Validação do modelo

In [11]:

```
# Calcule a precisão dos dados de teste
n_records, n_features = X_test.shape
MSE Output1=0
MSE Output2=0
for xi, yi in zip(X test.values, y test.values):
# Forward Pass
       #Camada oculta
       #Calcule a combinação linear de entradas e pesos sinápticos
       hidden layer input = np.dot(xi, weights input hidden)
       #Aplicado a função de ativação
       hidden layer output = sigmoid(hidden layer input)
       #Camada de Saída
       #Calcule a combinação linear de entradas e pesos sinápticos
       output layer in = np.dot(hidden layer output, weights hidden output)
       #Aplicado a função de ativação
       output = sigmoid(output layer in)
#-----
#Cálculo do Erro
       ## TODO: Cálculo do Erro
       error = yi - output
       MSE Output1 += (yi[0] - output[0])**2
       MSE Output2 += (yi[1] - output[1])**2
#Erro Ouadrático Médio
MSE Output1/=n records
MSE Output2/=n records
print('Erro Quadrático Médio da Saída Output1 é: ',MSE Output1)
print('Erro Quadrático Médio da Saída Output2 é: ',MSE Output2)
```

```
Erro Quadrático Médio da Saída Output1 é: 0.016272679572864164
Erro Quadrático Médio da Saída Output2 é: 0.024424096787120552
```

Métricas de Avaliação

Aqui estão três métricas comuns de avaliação para problemas de regressão:

- Erro Médio Absoluto (MAE): é a média do valor absoluto dos erros.
- Erro Quadrático Médio (MSE): é a média do quadrado dos erros.
- Raiz do Erro Médio Quadrático (RMSE): é a raiz da média do quadrado dos erro.

O objetivo é sempre minimizar estas funções de Erro.