

ANÁLISIS DE ALGORITMOS

Ejercicios propuestos

Objetivos

- Estudiar la complejidad de algoritmos.
- Analizar el coste temporal de algoritmos.
- Calcular el coste de algoritmos en el mejor y peor caso.

Calcule el orden de complejidad de las siguientes funciones en el mejor y peor caso. Recuerde seleccionar cuidadosamente la operación crítica, obtener exhaustivamente la función $t(n)$ y determinar el orden, explicando detalladamente todo el proceso.

Ejercicio 1

```
//Cabecera: entero fact(E entero:  $n$ )  
//Precondición:  $n = N \geq 0$   
//Postcondición: devuelve  $N!$   
entero: función fact(E entero:  $n$ )  
var  
    entero:  $mult$   
inicio  
     $mult \leftarrow 1$   
    mientras  $n > 0$  hacer  
         $mult \leftarrow mult \cdot n$   
         $n \leftarrow n - 1$   
    fin_mientras  
    devolver  $mult$   
fin_función
```

Ejercicio 2

```
//Cabecera: entero multVector(E Vect:  $v$ , E entero:  $n$ )
//Precondición:  $v = A[1...n] \wedge n = N > 0$ 
//Postcondición: devuelve  $\prod_{\alpha=1}^N v[\alpha]$ 
entero: función multVector(E entero:  $n$ )
var
    entero:  $mult, i$ 
inicio
     $mult \leftarrow 1$ 
    desde  $i \leftarrow 1$  hasta  $n$  hacer
         $mult \leftarrow mult \cdot v[i]$ 
    fin_desde
    devolver  $mult$ 
fin_función
```

Ejercicio 3

```
//Cabecera: entero squareR(E entero:  $n$ )
//Precondición:  $n = N > 0$ 
//Postcondición: devuelve  $\sqrt{n}$ 
entero: función squareR(E entero:  $n$ )
var
    entero:  $x$ 
inicio
     $x \leftarrow 0$ 
    mientras  $(x + 1) \cdot (x + 1) \leq n$  hacer
         $x \leftarrow x + 1$ 
    fin_mientras
    devolver  $x$ 
fin_función
```

Ejercicio 4

```
//Cabecera: entero maxVector(E Vect:  $v$ , E entero:  $n$ )
//Precondición:  $v = A[1...n] \wedge n = N > 0$ 
//Postcondición: el elemento máximo  $max$  del vector  $v$ :  $\forall \alpha : 1 \leq \alpha \leq n, v[\alpha] \leq max$ 
entero: función maxVector(E Vect:  $v$ , E entero:  $n$ )
var
    entero:  $i, max$ 
inicio
     $max \leftarrow v[1]$ 
    desde  $i \leftarrow 2$  hasta  $n$  hacer
        si  $v[i] > max$  entonces
             $max \leftarrow v[i]$ 
        fin_si
    fin_desde
    devolver  $max$ 
fin_función
```

Ejercicio 5

```
entero: función mult(E entero:  $n$ )
var entero:  $res, i, j$ 
inicio
   $res \leftarrow 1$ 
   $i \leftarrow 1$ 
  mientras  $i \leq n$  hacer
     $j \leftarrow n$ 
    mientras  $j \geq 1$  hacer
       $res \leftarrow res \cdot j$ 
       $j \leftarrow j - 3$ 
    fin_mientras
     $i \leftarrow i + 2$ 
  fin_mientras
  devolver  $res$ 
fin_función
```

Ejercicio 6

```
entero: función sum(E entero:  $n$ )
var entero:  $sum, i, j$ 
inicio
   $sum \leftarrow 0$ 
  desde  $i \leftarrow 1$  hasta  $n$  hacer
     $j \leftarrow 1$ 
    mientras  $j \leq n$  hacer
       $sum \leftarrow sum + j$ 
       $j \leftarrow j \cdot 4$ 
    fin_mientras
  fin_desde
  devolver  $sum$ 
fin_función
```

Ejercicio 7

```
entero: función prod(E entero:  $n$ )
var entero:  $res, i, j$ 
inicio
   $res \leftarrow 1$ 
   $i \leftarrow n$ 
  mientras  $i \geq 1$  hacer
     $j \leftarrow n$ 
    mientras  $j \geq 1$  hacer
       $res \leftarrow res \cdot 2$ 
       $j \leftarrow \lfloor j/4 \rfloor$ 
    fin_mientras
     $i \leftarrow i - 3$ 
  fin_mientras
  devolver  $res$ 
fin_función
```

Ejercicio 8

```
//Cabecera: prodMatrices(E Mat: x, E Mat: y, E/S Mat: z, E entero: n)
//Precondición:  $n = N \geq 0$ 
//Postcondición: devuelve en  $z$  el producto de las matrices  $x$  e  $y$ 
procedimiento prodMatrices(E Mat: x, E Mat: y, E/S Mat: z, E entero: n)
var entero:  $sum, i, j, k$ 
inicio
  desde  $i \leftarrow 1$  hasta  $n$  hacer
    desde  $j \leftarrow 1$  hasta  $n$  hacer
       $sum \leftarrow 1$ 
      desde  $k \leftarrow 1$  hasta  $n$  hacer
         $sum \leftarrow sum + x[i][k] \cdot y[i][k]$ 
      fin_desde
       $z[i][j] \leftarrow sum$ 
    fin_desde
  fin_desde
end_procedure
```

Ejercicio 9

```
//Cabecera: entero sum(E entero: n)
//Precondición:  $n = N \geq 0$ 
//Postcondición: devuelve la suma  $\sum_{\alpha=1}^N \sum_{\beta=0}^{\alpha} \beta$ 
entero: función sum(E entero: n)
var entero:  $res, d, x$ 
inicio
   $res \leftarrow 0$ 
   $d \leftarrow 1$ 
  mientras  $d \leq n$  hacer
     $x \leftarrow d$ 
    mientras  $x \geq 0$  hacer
       $res \leftarrow res + x$ 
       $x \leftarrow x - 1$ 
    fin_mientras
     $d \leftarrow d + 1$ 
  fin_mientras
  devolver  $res$ 
fin_función
```

Ejercicio 10

```
//Cabecera: boolean sym(E Mat: m, E entero: n)
//Precondición:  $n = N \geq 0$ 
//Postcondición: devuelve verdadero si la matriz  $m$  es una matriz simétrica y falso en caso contrario
```

```

lógico: función sym(E Mat:  $m$ , E entero:  $n$ )
var entero:  $i, j$ 
    lógico:  $c$ 
inicio
     $i \leftarrow 1$ 
     $c \leftarrow true$ 
    mientras  $i \leq n \wedge c$  hacer
         $j \leftarrow i + 1$ 
        mientras  $j \leq n \wedge c$  hacer
             $c \leftarrow m[i][j] == m[j][i]$ 
             $j \leftarrow j + 1$ 
        fin_mientras
         $i \leftarrow i + 1$ 
    fin_mientras
    devolver  $c$ 
fin_función

```

Ejercicio 11

```

//Cabecera: entero sum(E entero:  $n$ )
//Precondición:  $n = N \geq 0$ 
//Postcondición: devuelve la suma  $\sum_{\alpha=1}^{\sqrt{N}} \sum_{\beta=0}^{\alpha} \beta$ 
entero: función sum(E entero:  $n$ )
var entero:  $res, d, x$ 
inicio
     $res \leftarrow 0$ 
     $d \leftarrow 1$ 
    mientras  $d \cdot d \leq n$  hacer
         $x \leftarrow d$ 
        mientras  $x \geq 0$  hacer
             $res \leftarrow res + x$ 
             $x \leftarrow x - 1$ 
        fin_mientras
         $d \leftarrow d + 1$ 
    fin_mientras
    devolver  $res$ 
fin_función

```

Ejercicio 12

```

entero: función sum(E entero:  $n$ )
var entero:  $res, i, j$ 
inicio
     $res \leftarrow 0$ 
    desde  $i \leftarrow 1$  hasta  $n$  hacer
         $j \leftarrow i$ 
        mientras  $j \leq n$  hacer
             $j \leftarrow j^2$ 
             $res \leftarrow res + j$ 
        fin_mientras
    fin_desde

```

```

    devolver res
fin_función

```

Ejercicio 13

```

entero: función sum(E entero: n)
var entero: res, i, j, k
inicio
    res ← 0
    desde i ← 1 hasta n hacer
        desde j ← i + 1 hasta n hacer
            desde k ← i + j hasta n hacer
                res ← res + 1
            fin_desde
        fin_desde
    fin_desde
    devolver res
fin_función

```

Ejercicio 14

```

entero: función sum(E entero: n)
var entero: res, i, j, k
inicio
    res ← 0
    desde i ← 1 hasta n hacer
        desde j ← i · i hasta n hacer
            desde k ← 1 hasta  $\lfloor \frac{n}{2} \rfloor$  hacer
                res ← res + 1
            fin_desde
        fin_desde
    fin_desde
    devolver res
fin_función

```

NOTA.- Se supone la existencia de los tipos Vect y Mat definidos como:

vector[*N*] de entero: Vect
matriz[*N,N*] of entero: Mat

siendo $n \leq N$.