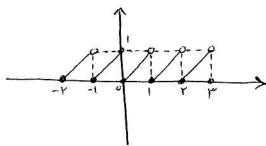


توف رالت (خرد صحيع): max {k | k \equit Z, k \n} متال: حاصل عبارات زير را ساسد:

$$1)\left[ \int \omega \right] = \left[ Y_{1} ... \right] = Y$$

تواس رائت ه



مثال و خرد اعساری اعداد زمرا با سد:

Y) 7 = 1, V 1) x = a Pac = 0 Py = 01V

منال و معادلات زيررا حل نمايير :

$$Y)_{\chi-[\chi]=0} \longrightarrow \chi=K, K\in \mathbb{Z}$$

\*) 
$$[n] - n = Y, Y \longrightarrow n - [n] = -Y, Y \longrightarrow n = \emptyset$$

$$(x)$$
  $[x] = x = -1/4 \longrightarrow x - [x] = -1/4 \longrightarrow x = k + -1/4, k \in \mathbb{Z}$ 

$$\mathfrak{D}$$
 نامعادلات زیررا حل کنید:  $\mathfrak{A}=k$  ,  $k\in\mathbb{Z}\longrightarrow k$   $\mathfrak{A}\setminus k+1$ 

(\*) 
$$[x'] = \frac{1}{2} \xrightarrow{x} x = \emptyset$$

$$\omega$$
)  $[n] < r \longrightarrow n < r$ 

$$\frac{P}{z} = \frac{\omega}{r}$$
  $\frac{1}{r} = \frac{\omega}{r}$   $\frac{1}$ 

واب و حون على [ الله عدم على است س عامد الله الله عدم معلى الله عن الله عن الله عن الله عن الله

$$\frac{n}{r} \leqslant \frac{n}{\omega} \leqslant \frac{n}{r} + 1 \xrightarrow{XY_{\circ}} \omega n \leqslant r n \leqslant \omega n + Y_{\circ} \xrightarrow{\rho'_{\circ} \to \sigma'_{\circ} \to \sigma'_{\circ}}$$

$$\begin{cases} \omega n \leqslant r n \longrightarrow n \leqslant \circ \\ f n \leqslant \sigma n + Y_{\circ} \longrightarrow n \end{cases} \xrightarrow{\Lambda} -Y_{\circ} \leqslant n \leqslant \sigma \xrightarrow{\Lambda} -Y_{\circ} \leqslant n \leqslant \sigma$$

$$\begin{cases} \omega n \leqslant r n \longrightarrow n \leqslant \circ \\ f n \leqslant \sigma n + Y_{\circ} \longrightarrow n \end{cases} \xrightarrow{\Lambda} -Y_{\circ} \leqslant n \leqslant \sigma \xrightarrow{\Lambda} -Y_{\circ} \leqslant n \leqslant \sigma \end{cases}$$

دست: حواب معادلهی ۵ = [n] - [n] کدام است ۹ [m, E) (E (m, E) (F (r, m) (r (۲,4) (1 ا الم المناب ٢ مصع است .  $x \in \mathbb{Z}$   $\xrightarrow{-Y \to Y}$   $x \notin \mathbb{Z}$   $\xrightarrow{-Y \to Y}$ (P) is = [n] + [-n] = {°  $\begin{bmatrix} -0 \end{bmatrix} = \begin{cases} -0 & 0 \in \mathbb{Z} \\ -1 - \begin{bmatrix} 0 \end{bmatrix} & 0 \notin \mathbb{Z} \end{cases}$ ا له ومی منعی درون بران بود ازان توصر است ده لن. منال: وال معادلمي ٥٠ = [٨] - [٨] راساسر:  $n-(-n)=0 \longrightarrow n=1,0$   $n\in\mathbb{Z}$   $\longrightarrow \emptyset$  $[n]-(-1-[n])=a \longrightarrow [n]=r \longrightarrow r \langle n \langle r \mid n \not\in \mathbb{Z} \xrightarrow{\bigcap} (r,r) \rangle$ ست: واب معادلهی ٥ = [ الم ] + [ - الم ] سامل صد عدد صحیح است ؟ 1)3 7) 5 7) 1 جاسى: طبق قادن ٢ ، ما د عمارت م معدارى صحيح دا سم ماسد. mind ∑ sec (201) = 1-1, 1-1, 3-1, 3, 1=1

 $k \in \mathbb{Z}$ 

(B) c) = [n] + K

منان: خامعاده زيرراحل سد.

$$[x-1/Y] + [x+\cdot/\Lambda] = Y$$

$$[(x+\cdot/\Lambda)-Y] + [x+\cdot/\Lambda] = Y \longrightarrow [x+\cdot/\Lambda]-Y + [x+\cdot/\Lambda] = Y \longrightarrow$$

$$[x+\cdot/\Lambda] = Y \longrightarrow YY < x < YY$$

$$Y)y=n'-[n']$$
  $(x^{(2)})$   $($ 

مثال: اگر [ ۸ = ۲ = ۲ م سرمورد A را سا بدر:

$$A = n - r \left[ \frac{n}{r} - \frac{7}{r} \right] = n - r \left[ \frac{n}{r} - r \right]$$

$$A = n - r \left( \left[ \frac{n}{r} \right] - r \right) = n - r \left[ \frac{n}{r} \right] + r$$

$$\frac{1}{4} \xrightarrow{\lambda k} \circ \langle \frac{n}{r} - [\frac{n}{r}] \langle 1 \xrightarrow{\times r} \circ \langle n - r[\frac{n}{r}] \langle r + 4 \rangle$$

$$\frac{1}{n} \frac{1}{n} \frac{1}{n} = [n] - [n] - [n] - [n] = [n] + p_{n}$$

$$\frac{1}{n} \frac{1}{n} \frac{1}{n} + p_{n}$$

$$n = [n] + p_{n}$$

$$[[n] + p_{n} + [y] + p_{y}] - [n] - [y] = [n] + [y] + [p_{n} + p_{y}] - [n] - [y]$$

$$= [p_{n} + p_{y}] = \begin{cases} 0 & \text{of } p_{n} + p_{y} < 1 \\ 1 & \text{of } l < p_{n} + p_{y} < 1 \end{cases}$$

\* ترجه: در همع رتنریق مرانت از برانت خارجی شود.

مثال: حواب نا معادله ۱۳۷۵ [ ۱- ۱۱ ۳ + ۲ - ۱۱ ] را بعا بدد: \* براکت از براکت خارجی شود :

 $[n-r] + r[n-1] < r^r \longrightarrow [n] - r + r([n] - 1) < r^r \longrightarrow [n] - r + r[n] - r < r^r \longrightarrow [n] < r, \omega \longrightarrow n < \omega$ 

مثال: جواب معادلهی ۷ = (۲۸) - ۸ را به بد:

براساس ستوردهی حون عد ۷ رحاصل [۲۸] صبح ی اتسد بس به محبوراست عدر صبح باشد بنا براین ۲۸ نیز عدد صبح است و از براکت خارج می شود:

 $N - (Yx) = V \longrightarrow N = -V$