The BRIDGE

Estadística Descriptiva



Introducción

ESTADÍSTICA DESCRIPTIVA

- 1. Conceptos básicos
- 2. Media, varianza y desviación estándar
- 3. Estadísticos de posición
- 4. Frecuencias e histogramas
- 5. Relación entre variables numéricas
- 6. Análisis exploratorio de datos
- 7. Interpretación y presentación de los datos



Estadística Descriptiva 1. Conceptos básicos

Conceptos básicos

- Población: conjunto sobre el que estamos interesados en obtener conclusiones (hacer inferencias)
- Normalmente es demasiado grande para poder abarcarlo
- Muestra: subconjunto de la población al que tenemos acceso y sobre el que realmente hacemos las observaciones (mediciones)
- Debe ser representativo





Conceptos básicos

- Variable: Característica observable que varía entre los diferentes individuos de una población. La información que disponemos de cada individuo es resumida en variables
- Dato: Es un valor particular de la variable

Ejemplo: En los individuos de la **población** de alumnos universitarios en España, de uno a otro es **variable:**

- Su altura: {1.7m, 1.64m, 1.55m...}
- Su color de pelo: {rubio, moreno, pelirrojo...}
- Su edad: {20,18,26....}



Conceptos básicos

- Parámetro: Cantidad numérica calculada sobre una población
- Intenta resumir toda la información que hay en la población en unos pocos números (parámetros)
- > Ejemplo: la media de edad de los universitarios españoles
- **Estadístico**: cantidad numérica calculada sobre una <u>muestra</u> que resume su información sobre algún aspecto
- Normalmente nos interesa conocer un parámetro, pero por la dificultad que conlleva estudiar a toda la población, calculamos un estimador sobre una muestra y confiamos en que sean próximos
- Ejemplo: la media de edad de los universitarios de Salamanca



Definición de Estadística

La estadística es la Ciencia de la sistematización, recogida, ordenación y presentación de los datos referentes a un fenómeno que presenta variabilidad o incertidumbre para su estudio metódico, con objeto de deducir las leyes que rigen estos fenómenos y poder hacer previsiones sobre los mismos, tomar decisiones y obtener conclusiones



División de la Estadística

 La estadística descriptiva busca obtener información sobre la población basándose en el estudio de los datos de una muestra tomada a partir de ella.



 La estadística inferencial se preocupa de llegar a conclusiones basadas en la muestra y luego hacerlos válidos para toda la población.



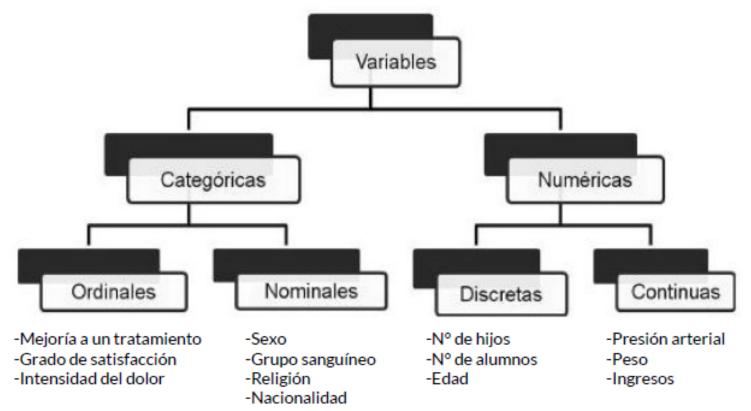


Estadísticos

- Posición (basados en el orden): Dividen un conjunto ordenado de datos en grupos con la misma cantidad de individuos
- Cuantiles, percentiles, cuartiles, deciles...
- Centralización: Indican valores con respecto a los cuales los datos parecen agruparse
- Media, mediana y moda
- **Dispersión**: Indican la mayor o menor concentración de los datos con respecto a las medidas de centralización
- Desviación estándar, coeficiente de variación, rango, varianza...



Tipos de variables





Estadística Descriptiva

2. Media, Varianza y Desviación estándar

Estadística descriptiva

Ejemplo: Se han tomado mediciones de la concentración de nitrito en agua. Los datos son los siguientes:

0.32 0.36 0.24 0.11 0.11 0.44 2.79 2.99 3.47 0.23 0.55 3.21 4.02 0.23

Cuando se describen los datos las preguntas básicas que hemos de tener en la cabeza pueden ser:

- 1. ¿De qué orden son?
- 2. ¿Cómo de dispersos están?
- 3. ¿Hay datos anormales que estén muy alejados de los demás?



Media aritmética

La medida de localización más utilizada es la **media aritmética** o *media muestral*

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i}{n} = \frac{0.32 + 0.36 + 0.24 + 0.11 + 0.11 + 0.44 + 2.79 + 2.99 + 3.47 + 0.23 + 0.55 + 3.21 + 4.02 + 0.23}{14} = 1.36$$

NOTA: La media **poblacional** suele expresarse con la letra $\mu = \frac{\sum_{i=1}^{n} X_i}{N}$



Para cuantificar lo dispersos que están nuestros datos se suele utilizar la varianza y la desviación estándar.

Varianza poblacional

$$\sigma^2 = \sum_{i=1}^n \frac{(X_i - \mu)^2}{N}$$

Desviación estándar poblacional

$$\sigma = \sqrt{\sigma^2} = \sqrt{\sum_{i=1}^{n} \frac{(X - \mu)^2}{N}}$$

Varianza muestral

$$s^{2} = \sum_{i=1}^{n} \frac{(x_{i} - \bar{x})^{2}}{n - 1}$$

Desviación estándar muestral

$$s = \sqrt{s^2} = \sqrt{\sum_{i=1}^{n} \frac{(x_i - \bar{x})^2}{n - 1}}$$

$$\sigma^{2} = \sum_{i=1}^{n} \frac{(X_{i} - \mu)^{2}}{N}$$

Ejemplo: Tengo los pesos en Kg de pacientes en dos clínicas diferentes, y quiero saber en qué clínica existe mayor dispersión

	Pesos Clínica 1	Pesos Clínica 2		$(X_i - \mu)$	$(X_i - \mu)$		$(X_i - \mu)^2$	$(X_i-\mu)^2$	Clínica 1
	80	80		0	0		02	02	$\sigma^2 = \frac{200}{3} = 66.7$
	90	90		10	10		10 ²	10 ²	$0^{-} = \frac{1}{3} = 66.7$
	70	70		-10	-10		-10 ²	(-10) ²	
		81			1			1 ²	Clínica 2
		79			-1			(-1) ²	$\sigma^2 = \frac{202}{5} = 40.4$
ı	80	80	\sum_{i}	0	0	\sum_{i}	200	202	5

THE BRIDGE
DIGITAL TALENT ACCELERATOR

Desviación estándar

$$\sigma = \sqrt{\sigma^2}$$

Ejemplo: Tengo los pesos en Kg de pacientes en dos clínicas diferentes, y quiero saber en qué clínica existe mayor dispersión

Clínica 1

$$\sigma^2 = \frac{200}{3} = 66.7 \text{ Kg}^2 \implies \sigma = \sqrt{66.7} = 8.16 \text{ Kg}$$

Clínica 2

$$\sigma^2 = \frac{202}{5} = 40.4 \text{ Kg}^2 \implies \sigma = \sqrt{40.4} = 6.35 \text{ Kg}$$

La desviación estándar nos permite entender mejor la dispersión de los datos



¿Por qué la varianza muestral tiene n-1 en el denominador?

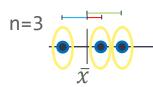
Varianza poblacional

$$\sigma^2 = \sum_{i=1}^n \frac{(X_i - \mu)^2}{N}$$

Varianza muestral

$$s^{2} = \sum_{i=1}^{n} \frac{(x_{i} - \bar{x})^{2}}{n - 1}$$

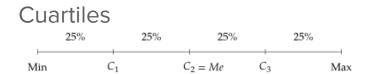
En general se sub-estima el valor de la varianza poblacional al realizar un muestreo. Al dividir por n-1 se obtiene un valor de la varianza muestral ligeramente mayor, la cual es una mejor estimación de la varianza poblacional.



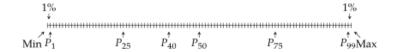
N = 13

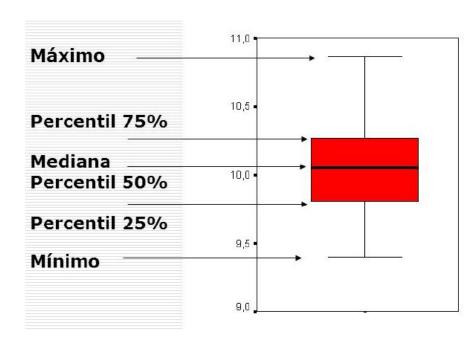
Estadística Descriptiva 3. Estadísticos de posición

Cuartiles y percentiles



Percentiles







Mediana

• La mediana muestral es el percentil de orden 50% (o el valor del cuartil 2)

¿Cómo se calcula?

Para muestras con longitud impar:

Para muestras con longitud par:

 La mediana no se ve afectada por valores extremos, por lo que es adecuado usarla en lugar de la media para describir un conjunto de datos

Rango

El **rango** de una muestra es el intervalo comprendido entre el valor máximo y el mínimo

Ejemplo:

$$x = 0.32 \ 0.36 \ 0.24 \ 0.11 \ 0.11 \ 0.44 \ 2.79 \ 2.99 \ 3.47 \ 0.23 \ 0.55 \ 3.21 \ 4.02 \ 0.23$$

$$max(x) = 4.02$$

 $min(x) = 0.11$

Una medida más robusta es el rango intercuartil (diferencia entre los cuartiles 3 y 1), el cual nos dice la dispersión del 50% de los valores centrales de una muestra:



Descripción inicial de los datos

Antes de comenzar a trabajar con datos, es recomendable realizar una descripción básica, con los estadísticos mínimo, primer cuartil, media, mediana, tercer cuartil y máximo

Ejemplo:

```
x = 0.32 \ 0.36 \ 0.24 \ 0.11 \ 0.11 \ 0.44 \ 2.79 \ 2.99 \ 3.47 \ 0.23 \ 0.55 \ 3.21 \ 4.02 \ 0.23
```

```
Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max. 0.1100 0.2325 0.4000 1.3621 2.9400 4.0200
```



Estadística Descriptiva 4. Frecuencias e histogramas

Tabla de Frecuencias

Muestra la distribución de los datos mediante sus frecuencias

Ejemplo: En una empresa, 25 empleados tienen las siguientes marcas de coches:

Tesla Seat Ford Renault Audi Ford Seat Ford Ford Tesla Seat Ford Audi Renault Renault Ford
Ford Seat Ford Renault Audi Ford Ford Ford

X _i	Frecuencia absoluta f _i	Frecuencia abs. acumulada F _i	Frecuencia relativa h _i =f _i /N	%	Frecuencia acumulada H _i
Seat	4	4	4/25 = 0.16	16	0.16
Ford	12	16	12/25 = 0.48	48	0.64
Renault	4	20	4/25 = 0.16	16	0.8
Audi	3	23	3/25 = 0.12	12	0.92
Tesla	2	25	2/25 = 0.08	8	1

Tabla de Frecuencias

Para representar las frecuencias gráficamente podemos utilizar un diagrama de barras o tarta

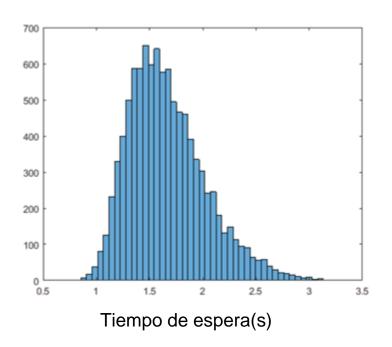


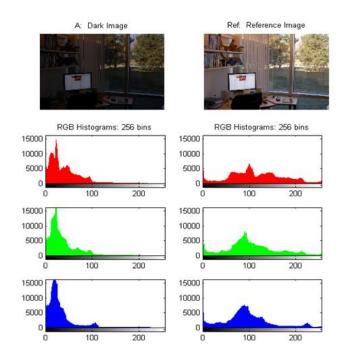




Histogramas

Un histograma es una representación gráfica de datos agrupados mediante intervalos. Los datos provienen de una variables numéricas continuas.

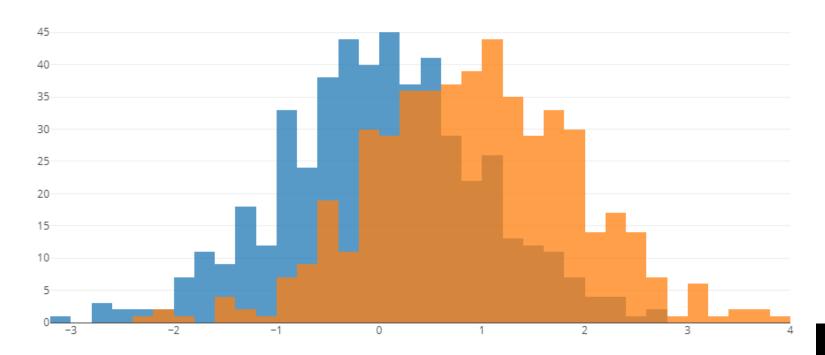






Histogramas

Rentabilidad en Fondo de Inversión ARentabilidad en Fondo de Inversión B



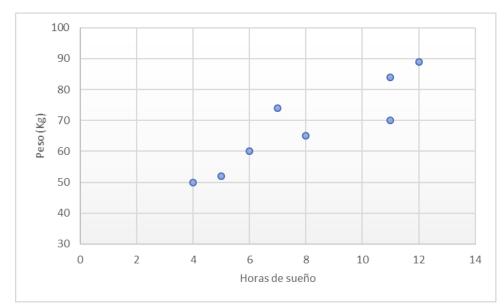


Estadística Descriptiva 5. Relación entre variables numéricas

Relación entre variables numéricas

Ejemplo: Se dispone de los siguientes datos acerca de las horas de sueño y el peso de una serie de personas

Horas de sueño	Peso (kg)
7	74
4	50
12	89
11	84
8	65
6	60
11	70
5	52







Coeficiente de correlación

- Un coeficiente de correlación mide el grado en que dos variables tienden a cambiar al mismo tiempo. El coeficiente describe tanto la fuerza como la dirección de la relación
- La correlación de Pearson evalúa la relación lineal entre dos variables continuas.
 Una relación es lineal cuando un cambio en una variable se asocia con un cambio proporcional en la otra variable

$$\rho(x,y) = \frac{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sqrt{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2} \sqrt{\sum_{i=1}^{n} (y - \bar{y})^2}}$$

El valor está comprendido entre -1 y +1



Coeficiente de correlación

$$\rho(x,y) = \frac{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sqrt{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2} \sqrt{\sum_{i=1}^{n} (y - \bar{y})^2}}$$

Horas de sueño	Peso (kg)	
7	74	
4	50	
12	89	
11	84	
8	65	
6	60	
11	70	
5	52	
- 0		

$(x_i-\bar{x})$	$(y_i - \bar{y})$	$(x_i - \bar{x}) \ (y_i - \bar{y})$
-1	6	-6
-4	-18	72
4	21	84
3	16	48
0	-3	0
-2	-8	16
3	2	6
-3	-16	48

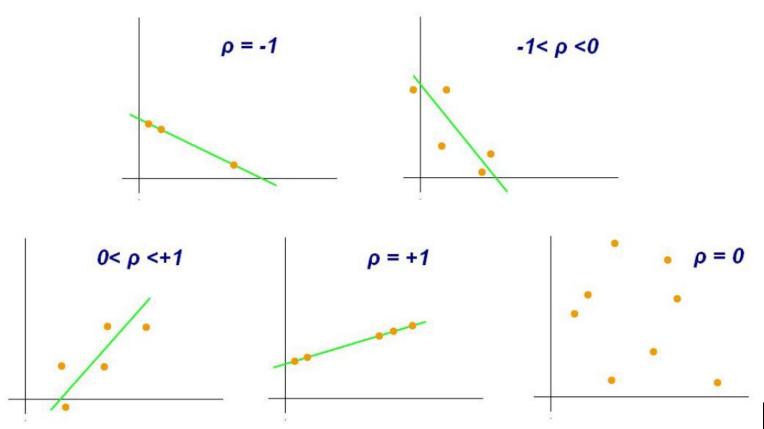
$$\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2 = 64$$
$$\sum_{i=1}^{n} (y_i - \bar{y})^2 = 1390$$

$$\rho(x, y) = \frac{268}{\sqrt{64} \cdot \sqrt{1390}} \approx 0.9$$

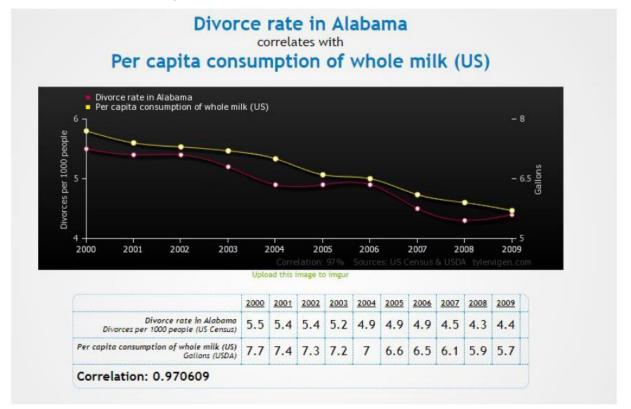
$$\bar{x} = 8$$
 $\bar{y} = 68$

268

Coeficiente de correlación

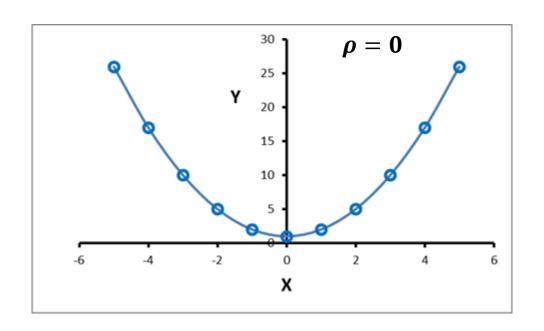


La correlación no implica causalidad





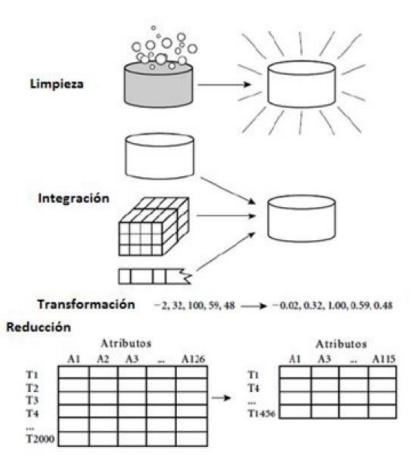
La correlación no implica causalidad





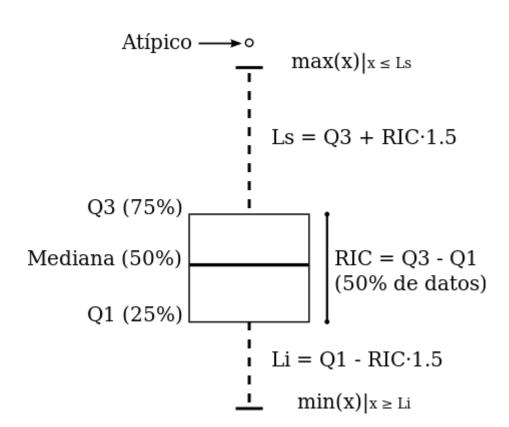
Estadística Descriptiva 6. Análisis exploratorio de datos

Los Datos





Detección de outliers





Estadística Descriptiva

7. Interpretación y presentación de los datos

Interpretación y presentación de datos

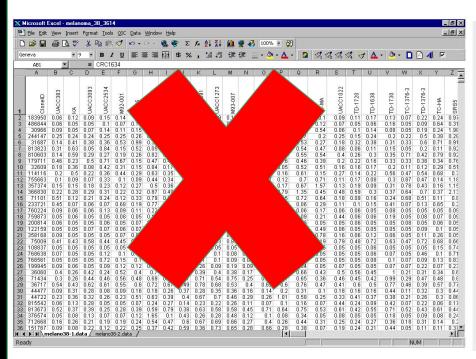
El propósito de analizar datos es obtener información útil y utilizable.

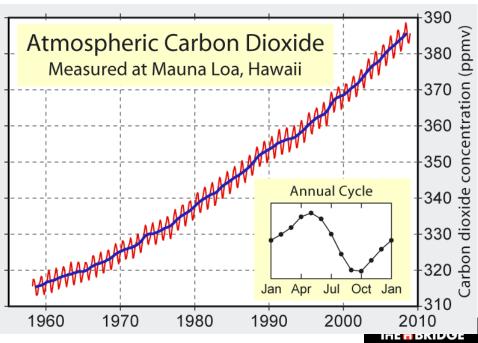
- Filtrar los datos relevantes
- Describir y resumir los datos
- Identificar las relaciones y diferencias entre las variables
- Comparar las variables
- Pronosticar y presentar resultados con la ayuda de gráficas



Interpretación y presentación de datos

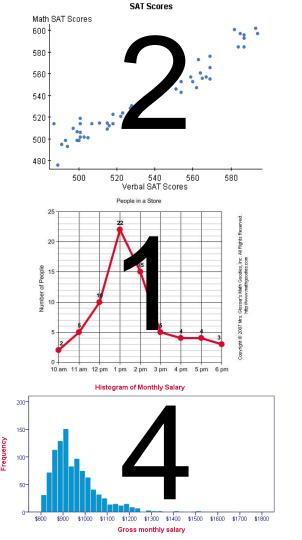
La presentación de los datos debe ser clara y concisa

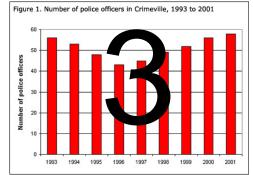


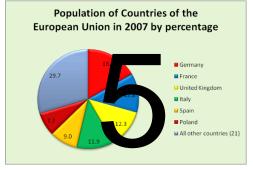


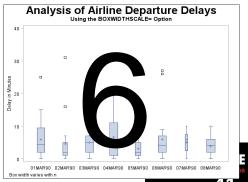
Tipos de Gráficos

- 1. Líneas
- 2. Dispersión (scatter)
- 3. Barras
- 4. Histograma
- 5. Circular (tarta)
- 6. De Caja



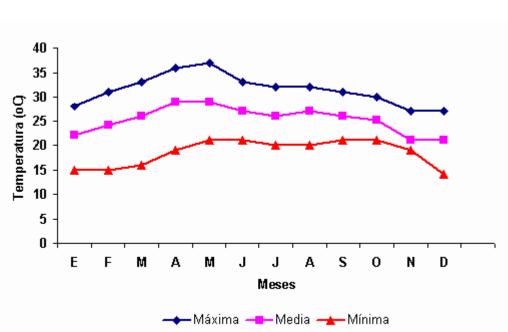


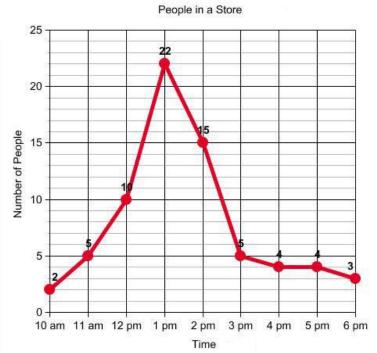




Gráficos de línea

Cambios en el tiempo

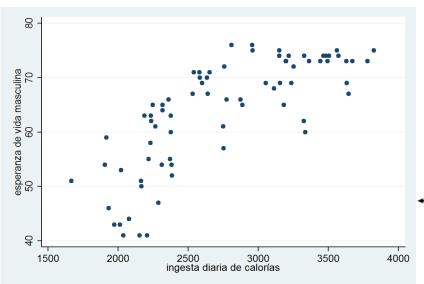


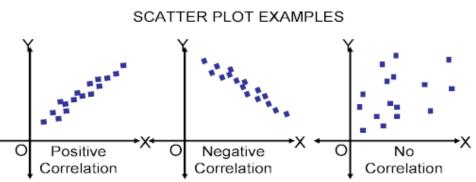


Copyright © 2007 Mrs. Glosser's Math Goodies, Inc. All Rights Reserved. http://www.mathgoodies.com

Gráficos de dispersión

Correlación entre variables



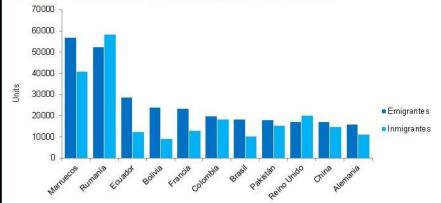




Gráficos de barra

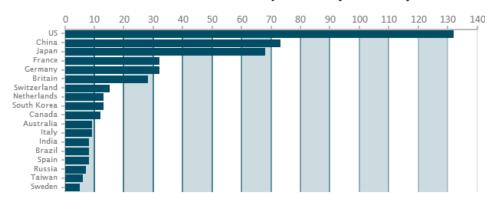
Comparar grupos

Emigrantes e Inmigrantes por país (2011)



Fuente: INE, Easing Economics

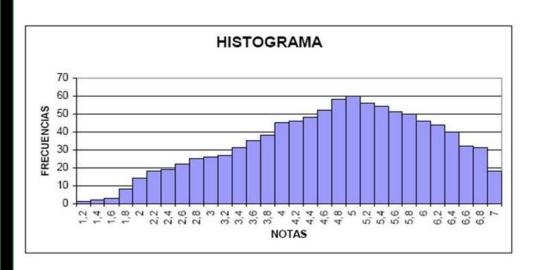
Fortune Global 500 Companies by Country





Histogramas

Distribución de los datos



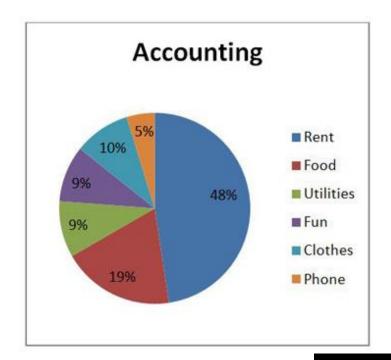




Gráficos de tarta

Frecuencias o partes del total

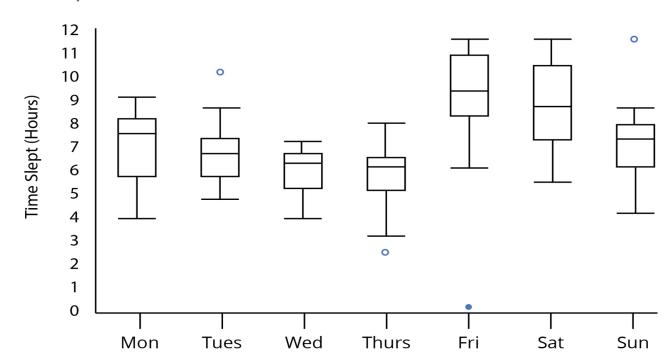






Diagramas de caja

 Informa sobre el máximo, mínimo, mediana, cuartiles y posibles valores atípicos

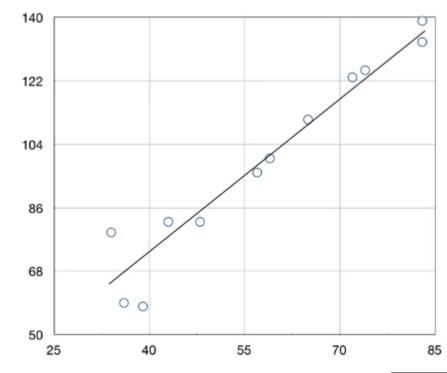




Elementos de un gráfico

- Independencia
- Buen título
- Etiquetar los ejes
- Especificar unidades
- Escalas lineales

Correlación entre las ventas de Coca-Cola y la Temperatura en 2016



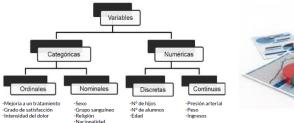
Ventas de Coca-Cola (litros/día)

Temperatura (°F)

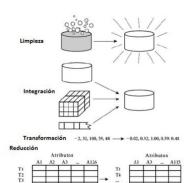
Conclusiones

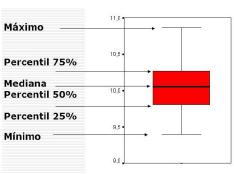
ESTADÍSTICA DESCRIPTIVA

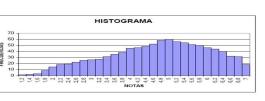
- 1. Conceptos básicos
- 2. Media, varianza y desviación estándar
- 3. Estadísticos de posición
- 4. Frecuencias e histogramas
- 5. Relación entre variables numéricas
- 6. Análisis exploratorio de datos
- 7. Interpretación y presentación de los datos

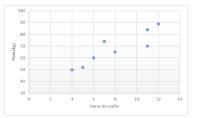














¡Gracias!

Contacto: Rafael Zambrano rafael@thebridgeschool.es

