

## INF 213 - Roteiro da Aula Prática

Arquivos disponibilizados para a prática:

[https://drive.google.com/file/d/1l\\_QO\\_maS5AFy7h8Dc-2DJ78RHr1xd8jM/view?usp=sharing](https://drive.google.com/file/d/1l_QO_maS5AFy7h8Dc-2DJ78RHr1xd8jM/view?usp=sharing)

O programa geraEntrada.cpp recebe como argumento (via linha de comando) numérico  $N$  e, então, imprime  $N$  e uma sequência de  $N$  números pseudo-aleatórios (na verdade, a semente nunca muda). Use-o para gerar 100 mil números aleatórios e salve-os em um arquivo (`./a.out 100000 > entrada100000.txt`). Nesta prática vamos utilizar arquivos de teste nesse formato para os experimentos.

### Etapa 0

Lembre-se de colocar a máscara antes de entrar na sala/laboratório. (não precisa enviar nada no submittity para esta etapa)

### Etapa 1

Considere a implementação do QuickSort em quicksort.cpp e a do InsertionSort disponível em insertionsort.cpp. Compile esses dois programas e meça o tempo de execução para essa entrada de tamanho 100 mil.

Para entradas muito pequenas o InsertionSort costuma ser mais eficiente do que o QuickSort. Repita os testes utilizando entradas pequenas: descubra tamanhos de entrada onde o InsertionSort é mais eficiente. (como as entradas são pequenas, pode ser que medir a diferença entre os dois métodos não seja algo tão simples -- idealmente em vez de ordenar uma vez deveríamos ter um “for” que ordena, por exemplo, 1000 cópias do mesmo array com o objetivo de fazer com que todos algoritmos estudados gastem mais tempo de execução).

Note que algumas vezes, para entradas pequenas, um algoritmo  $O(n^2)$  é mais eficiente do que, por exemplo, um algoritmo  $O(n \log n)$  ou mesmo um  $O(n)$ . Isso ocorre porque a notação “ $O$ ” esconde algumas constantes relacionadas ao custo dos algoritmos. Por exemplo, **para  $n < 100$** , um algoritmo que faz  $n^2$  ( $O(n^2)$ ) operações provavelmente é mais eficiente do que um que faz  $100n$  ( $O(n)$ ) operações.

Ideia: assim como o MergeSort, o QuickSort divide os arrays em arrays menores e os ordenam recursivamente. E se ordenarmos esses subarrays com o InsertionSort quando eles chegarem a um tamanho onde o InsertionSort é mais rápido? Muitas das implementações mais rápidas de ordenação (por exemplo, a disponível no C++) utilizam essas abordagens híbridas combinando bons algoritmos.

Crie um programa com nome quicksort2.cpp. Nessa versão, modifique a parte recursiva do quicksort para que o InsertionSort seja chamado para ordenar os subarrays quando eles chegarem a tamanhos menores do que uma constante  $K$  (que

pode ser uma constante global). Teste sua implementação ordenando um array com 100 mil elementos e descubra um bom valor para K (fazendo alguns testes).

## Etapa 2

Considere o código que você criou na etapa anterior. Meça o tempo de execução desse algoritmo para os arquivos `entrada30k.txt` e `entrada30k2.txt`. Ambos arquivos possuem 30 mil elementos.

Essa diferença de performance ocorre porque nessa implementação (e também na original disponível em `quicksort.cpp`) sempre pegamos o primeiro elemento de cada subarray como pivô. (descubra o motivo dessa escolha ser ruim nesse caso de teste).

Se pegarmos, por exemplo, o elemento do meio de cada subarray esse problema seria eliminado **NESSES CASOS DE TESTE**. Porém, seria possível fazer um caso de teste onde esse quicksort não funcionaria bem.

Uma ideia melhor seria pegar um elemento qualquer do subarray de forma aleatória. Ainda assim poderia haver um caso de teste onde o quicksort não funciona bem, mas isso seria muito raro de acontecer (além disso, seria difícil alguém intencionalmente criar uma situação onde isso ocorre). Crie uma cópia de `quicksort2.cpp` (da etapa anterior) em `quicksort3.cpp`. A seguir, modifique `quicksort3.cpp` para que ele escolha o pivô de forma aleatória. Teste seu programa e veja como o tempo de execução melhora com essa nova versão.

## Etapa 3

Considere a implementação do MergeSort disponível em `mergesort.cpp`. Um problema dela é que em cada chamada ao método de partição é preciso alocar um array temporário e desalocá-lo. Crie um programa `mergesort2.cpp`, onde apenas um array é alocado no início do MergeSort (ele deverá ser reutilizado em toda chamada recursiva). Note que não há problema em se reutilizar esse array (ele será usado apenas temporariamente em cada chamada)

## Etapa 4

Faça uma cópia do código da etapa anterior em `mergesort3.cpp`. A seguir, adapte o código para que ele seja não-recursivo.

Dicas:

- 1) A parte nova do seu código provavelmente terá em torno de 10 linhas (você poderá aproveitar as funções já implementadas em `mergesort2.cpp`).
- 2) Faça um código que que passe várias vezes pelo array juntando blocos (subarrays) de elementos já ordenados. Assim, no início seu array será composto por  $n$  subarrays de tamanho 1 já ordenados (onde  $n$  é o tamanho do array original). Passe por eles juntando (fazendo merge) pares de subarrays vizinhos (agora, você terá vários

subarrays de tamanho 2 ordenados). Passe novamente juntando subarrays de tamanho 2 (para ter subarrays de tamanho 4 ordenados). Repita isso até ter um único subarray ordenado (de tamanho igual ao do array original).

3) Faça vários rascunhos em papel antes de implementar isso!!!! (e tente pensar nos casos especiais)

### Etapa 5

Em C++ há uma implementação pronta de um algoritmo de ordenação (o algoritmo implementado depende do seu compilador, mas costuma ser um híbrido baseado no quicksort). No arquivo `cppsort.cpp` usamos essa implementação (disponível na biblioteca *algorithm*) para ordenar um array de forma similar à das etapas anteriores.

Compare o tempo de execução dos algoritmos (em microsegundos) insertion (InsertionSort) quick (quicksort original), quick2 (QuickSort com insertion sort), quick3 (quick2 com escolha aleatória de pivo), merge2 (MergeSort usando apenas uma alocação), merge3 (MergeSort iterativo e usando apenas uma alocação) e `cppsort` (sort do C++) para arquivos contendo diferentes quantidades de números.

Faça uma cópia deste documento e preencha a planilha abaixo (envie um PDF desse google doc pelo submitty com nome roteiro.pdf) com os tempos. Use o programa `geraEntradaAleat.cpp` para gerar arquivos de teste com diferentes quantidades de elementos (os N da tabela abaixo).

N	insertion	quick	quick2	quick3	merge2	merge3	cppsort
1000	1372	179	157	153	191	218	113
10000	47132	1805	1569	889	1798	1232	641
100000	3557874	12220	10951	11082	11904	11508	4314
1000000	356763845	142181	130098	130826	151197	136480	52871

O g++, por padrao, não otimiza o código compilado. Para ativar a otimização, a flag `-O3` pode ser utilizada (exemplo: `g++ -O3 insertion.cpp -o insertion.exe`). Com isso, o compilador tentará utilizar várias técnicas para otimizar seu código (a ordem de complexidade dele normalmente não é alterada) -- por exemplo, ele elimina algumas chamadas de funções, reorganiza o código para melhor eficiência de uso do processador (sem mudar resultados), evita algumas cópias de dados, etc. Recompile todos programas usando a flag `-O3` e meça os tempos novamente (coloque-os na planilha abaixo)

N	insertion	quick	quick2	quick3	merge2	merge3	cppsort
1000	251	94	50	59	59	42	101
10000	13663	570	412	806	705	623	355
100000	808807	5760	4744	4743	4311	3979	641
1000000	80832736	55113	55689	57488	50432	46419	4303

Quais conclusões você obteve a partir desses experimentos? (eles foram feitos de forma simplista e poderiam ser melhores, mas mesmo assim é possível obter algumas conclusões preliminares).

**Resposta:** Em suma, pode-se concluir que, o cppsort é o algoritmo mais rápido, enquanto o insertion é o pior. A inclusão do insertionsort no quicksort para tratar de casos menores causa uma melhora considerável no tempo de execução. Além disso, nos testes realizados, a alteração do pivot para valores pseudo-aleatórios do quicksort não gerou grande diferença, em uma grande quantidade de entradas. Como também, para os maiores testes, o mergesort recursivo resultou em um tempo menor.

Quais outros experimentos seriam interessantes de serem realizados para avaliar melhor o comportamento desses algoritmos?

**Resposta:** Um experimento com uma quantidade menor de números, com o fim de analisar como os métodos de organização se comportam para quantidade menores de números. Além disso, o teste com sequências de números minimamente ordenados seria outro teste viável para analisar o comportamento dos algoritmos.

Dica: no bash do Linux você pode rodar todos os casos de teste, por exemplo, com quick3.exe usando o comando: "for f in entrada1000\*; do echo \$f; ./quick3.exe < \$f; done" (é possível automatizar ainda mais...)

### **Submissao da aula pratica:**

A solucao deve ser submetida utilizando o sistema submittty ([submittty.dpi.ufv.br](http://submittty.dpi.ufv.br)). Envie todos seus arquivos .cpp (e o PDF)