UFV - Universidade Federal de Viçosa DPI - Departamento de Informática Prof. André Gustavo dos Santos INF 230 - Matemática Discreta - 2022/1

Lista de Exercícios 2 Para terça, 21/jun/2022

## Análise Combinatória

Os exercícios a seguir envolvem problemas de contagem que podem ser feitos "à mão", sem necessidade de implementar programas em computador. Mostre os cálculos usados nas suas respostas.

- 1. Certa prova tem 10 questões de múltipla escolha e cada uma delas com 4 alternativas
  - a) De quantas formas diferentes a prova pode ser respondida, considerando que todas são respondidas?
  - b) Qual a probabilidade de um estudante acertar todas as questões respondendo-as de forma aleatória?
- 2. Uma sequência de DNA é uma cadeia de letras A, C, G ou T representando os nucleotídeos.
  - a) Quantas sequências diferentes de 7 elementos existem?
  - b) Quantas delas começam com A?
  - c) Quantas começam ou terminam com A?
  - d) Quantas não possuem A?
- 3. Considere os números de 1 a 50.
  - a) lista os que são divisíveis por 3
  - b) lista os que são divisíveis por 5
  - c) lista os que são divisíveis por 3 e por 5
  - d) lista os que são divisíveis por 3 ou por 5
  - e) lista os que são divisíveis por 3 mas não por 5
- 4. Considere os inteiros positivos de 1 a 1000.
  - a) quantos são divisíveis por 7?
  - b) quantos são divisíveis por 11?
  - c) quantos são divisíveis por 7 e por 11?
  - d) quantos são divisíveis por 7 ou por 11?
  - e) quantos são divisíveis por 7 mas não por 11?
- 5. O valor da aposta na mega-sena depende da quantidade de números apostados, conforme tabela a seguir. Analise estes valores e informe se eles são coerentes, justificando.

Números jogados	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
Valor da aposta (R\$)	4,50	31,50	126,00	378,00	945,0	2.079,00	4.158,00	7.722,00	13.513,50	22.522,50

- **6.** As placas de identificação de veículos no Mercosul, usadas no Brasil, são da forma ABC1D23. Considerando que as posições com letras podem ter qualquer letra e as com número qualquer número, sem configurações proibidas:
  - a) quantas placas diferentes são possíveis?
  - b) quantas destas possuem o dígito 0?
  - c) existem mais possibilidades sem repetição de caractere ou com algum repetido?

- 7. Em um casamento durante a pandemia havia apenas 10 pessoas presentes, incluindo o noivo e a noiva. De quantas formas diferentes um fotógrafo pode arranjar 6 delas em fila para uma foto, se:
  - a) a noiva deve estar na foto?
  - b) a noiva e o noivo devem estar na foto?
  - c) pelo menos um entre o noivo e a noiva devem estar na foto?
- 8. De quantas formas diferentes podemos acomodar 4 de um grupo de 10 pessoas em uma mesa circular, assumindo que duas formas são equivalentes caso cada pessoa tenha o mesmo vizinho imediatamente à sua direita e à sua esquerda?
- 9. O nome de uma variável na linguagem C pode conter letras maiúsculas, letras minúsculas, dígitos e underscore. Além disso, o primeiro caractere não pode ser um dígito. Se o nome fosse determinado pelos primeiros 8 caracteres, quantas variáveis diferentes poderiam ser nomeadas em C? (Note que um nome pode ter menos que 8 caracteres)
- 10. Quantas permutações de ABCDEFGH contêm
  - a) o string CD?
  - b) os strings CD e FGH?
  - c) os strings AB, CD e GH?
  - d) os strings ABC e CDE?
  - e) os strings ABC e HCB?
- 11. Considere um string de 16 bits.
  - a) Quantos existem contendo exatamente 5 bits 1?
  - b) Em quantos desses de 5 bits 1 não existem 1's consecutivos? (dica para b: posicione primeiramente os 0's, depois considere as possibilidades para os 1's)
- 12. Certa turma de faculdade possui nove homens e sete mulheres. De quantas formas um comitê de cinco membros pode ser formado
  - a) se pelo menos uma mulher deve estar presente?
  - b) se pelo menos uma mulher e pelo menos um homem devem estar presentes?
- 13. Seis computadores devem ser colocados em 3 laboratórios. De quantas formas isso pode ser feito se:
  - a) os computadores e os laboratórios são considerados idênticos?
  - b) se os computadores são considerados idênticos mas os laboratórios não?
  - c) se os laboratórios são considerados idênticos mas os computadores não?
  - d) se os computadores e os laboratórios são considerados distintos?
- 14. De quantas formas diferentes o personagem de um jogo de vídeo-game tridimensional pode ir da origem (0, 0, 0) ao ponto (2, 4, 3) se cada movimento é um passo unitário na direção positiva de x, y ou z?
- 15. Quantas soluções diferentes existem para a equação  $x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = 16$  se  $x_1, x_2, x_3, x_4$  são inteiros
  - a) com  $x_i \ge 0$ ?
  - b) com  $x_i \geq i$ ?